## Universidade Federal de Pernambuco Centro Acadêmico do Agreste Núcleo de Tecnologia Engenharia Civil

Segunda Prova - Algebra Linear Prof. Fernando R. L. Contreras

## Aluno(a):

- 1. Um corpo é deslocado em linha reta do ponto (-1,3) até o ponto (5,2) por uma força constante F = (3,2). Qual é o trabalho realizado?
- 2. Suponha que  $v \in V$  seja autovetor de  $T : V \longrightarrow V$  e  $S : V \longrightarrow V$ , ao mesmo tempo com autovalores  $\lambda_1$  e  $\lambda_2$  respectivamente. Ache autovetores e autovalores de S + T e  $S \circ T$ .
- 3. Seja T(x,y,z)=(2x+y,x+y+z,y-3z) de  $\mathbb{R}^3$  em  $\mathbb{R}^3$  com produto interno canônico. Mostre que T é um operador auto-adjunto mas não ortogonal. Se v=(2,-1,5) e w=(3,0,1), verifique que  $\langle Tv,w\rangle=\langle v,Tw\rangle$ .
- 4. Se A é uma forma bilinear simétrica e Q a forma quadrática associada a ela, mostre que  $A(v,w) = \frac{1}{4}Q(v+w) \frac{1}{4}Q(v-w)$ .

Êxitos...!!!

Universidade Federal de Pernambuco Centro Acadêmico do Agreste Núcleo de Tecnologia Engenharia Civil

Segunda Prova - Algebra Linear Prof. Fernando R. L. Contreras

## Aluno(a):

- 1. Um corpo é deslocado em linha reta do ponto (-1,3) até o ponto (5,2) por uma força constante F=(3,2). Qual é o trabalho realizado?
- 2. Suponha que  $v \in V$  seja autovetor de  $T: V \longrightarrow V$  e  $S: V \longrightarrow V$ , ao mesmo tempo com autovalores  $\lambda_1$  e  $\lambda_2$  respectivamente. Ache autovetores e autovalores de S+T e  $S \circ T$ .
- 3. Seja T(x,y,z)=(2x+y,x+y+z,y-3z) de  $\mathbb{R}^3$  em  $\mathbb{R}^3$  com produto interno canônico. Mostre que T é um operador auto-adjunto mas não ortogonal. Se v=(2,-1,5) e w=(3,0,1), verifique que  $\langle Tv,w\rangle=\langle v,Tw\rangle$ .
- 4. Se A é uma forma bilinear simétrica e Q a forma quadrática associada a ela, mostre que  $A(v,w) = \frac{1}{4}Q(v+w) \frac{1}{4}Q(v-w)$ .

Êxitos...!!!