

3. El siguiente algoritmo calcula el mínimo elemento de un arreglo  $a : \text{array}[1..n]$  of  $\text{nat}$  mediante la técnica de programación *divide y vencerás*. Analizá la eficiencia de  $\text{minimo}(1, n)$ .

```

fun minimo( $a : \text{array}[1..n]$  of  $\text{nat}, i, k : \text{nat}$ ) ret  $m : \text{nat}$ 
  if  $i = k$  then  $m := a[i]$ 
  else
     $j := (i + k) \text{ div } 2$ 
     $m := \min(\text{minimo}(a, i, j), \text{minimo}(a, j+1, k))$ 
  fi
end fun

```

La función **minimo** toma como valor de entrada un segmento de un arreglo no vacío, donde la operación relevante de la misma parece ser las asignaciones a la variable  $m$  (es la que más se repite). Entonces defino una función recursiva **f(t)** que calculará la cantidad de asignaciones a  $m$  que realiza **minimo** según el tamaño del segmento del arreglo, cuya longitud va desde  $i$  a  $k$ .

$$f(t) = \begin{cases} 1 & \text{si } n = 1 \\ 1 + f(t \text{ div } 2) + f(t \text{ div } 2) & \text{si } n > 1 \end{cases}$$

$$f(t) = \begin{cases} 1 & \text{si } n = 1 \\ 2 f(t \text{ div } 2) + 1 & \text{si } n > 1 \end{cases}$$

donde los componentes  $a, b, g(n)$  y  $k$  son:

<b>a = 2</b>	<b>b = 2</b>	<b>g(n) = 1</b>	<b>k = 0</b>
--------------	--------------	-----------------	--------------

∴ como  $a > b^k$ , luego  $f(t)$  es del orden  $t^{log_2(2)} = t^1 = t$  (complejidad lineal)