



Professor
Maromo

LINGUAGEM DE PROGRAMAÇÃO

Material 007



Github
maromo71

C



Agenda



Funções Recursivas

- **Conceito**
- **Exemplos**
- **Exercícios**

Material: LP_007



Recursividade



- Capacidade que uma linguagem de programação tem de permitir que uma função possa invocar a si mesma.
- A recursividade pode ser **direta** ou **indireta**.
 - **Direta:**
 - Quando uma função invoca a si mesma no seu corpo da função.
 - **Indireta:**
 - Quando uma função **f** invoca uma outra função **g** que, por sua vez, volta a invocar a função **f**.

Problema:

Implemente uma função fatorial que calcula o valor de

$$n! = n * (n - 1) * (n - 2) * \dots * 2 * 1$$

Sabendo-se que $0! = 1$.

Clássico

Versão tradicional – Sem uso de recursividade.

```
1  #include <stdio.h>
2  int fat(int n){
3      int f = 1;
4      for (int i = 1; i <= n; i++) {
5          f *= i;
6      }
7      return f;
8  }
9  ▶ int main(){
10     int n = 5;
11     printf("Fatorial de %d = %d \n", n, fat(n));
12     return 0;
13 }
```

Observe

Dada a definição tradicional do fatorial:

$$n! = n \times (n - 1) \times (n - 2) \times \dots \times 2 \times 1$$

Pode-se observar que:

$$n! = n \times (n - 1)!$$

Isso porque:

$$(n - 1)! = (n - 1) \times (n - 2) \times \dots \times 2 \times 1$$

Portanto, a definição recursiva do fatorial é:

$$n! = n \times (n - 1)!$$

Com Recursividade

```
1  #include <stdio.h>
2  int fat(int n){
3      if(n==1)return 1;
4      return n * fat(n-1);
5  }
6  ▶ int main(){
7      int n = 5;
8      printf("Fatorial de %d = %d \n", n, fat(n));
9      return 0;
10 }
```

Na execução do cálculo houve um **empilhamento de chamadas da função fatorial(int n)**, até que a mesma atingisse a condição de saída, ou seja **n=1**.

Processo de Empilhamento e Desempilhamento

$\text{fat}(n) = n * \text{fat}(n-1) \rightarrow \text{até que } n = 1$

$$\text{fat}(5) = 5 * \text{fat}(4)$$

$$\text{fat}(4) = 4 * \text{fat}(3)$$

$$\text{fat}(3) = 3 * \text{fat}(2)$$

Empilhando $\text{fat}(2) = 2 * \text{fat}(1)$

$$\text{fat}(1) = 1$$

$\text{fat}(n) = n * \text{fat}(n-1) \rightarrow \text{até que } n = 1$

$$\text{fat}(5) = 5 * 24 \longrightarrow \mathbf{120}$$

$$\text{fat}(4) = 4 * 6 = 24$$

$$\text{fat}(3) = 3 * 2 = 6$$

Desempilhando $\text{fat}(2) = 2 * 1 = 2$

$$\text{fat}(1) = 1$$

Regras para escrita de uma função recursiva



1. **Estabeleça imediatamente um critério de término** (ou condição base) para as chamadas. Esse critério previne que a função se chame infinitamente e eventualmente estoure a pilha de chamadas.
2. Após definir claramente o critério de término, prossiga com a implementação da chamada recursiva da função. **Esta chamada é o que dá à função sua natureza recursiva.**
3. A recursividade pode **melhorar a legibilidade e a simplicidade do código**, reduzindo a quantidade de código escrito. **No entanto, é importante notar que isso pode vir à custa da performance**, especialmente em casos onde a profundidade da recursão é significativa.



Problema

Problema

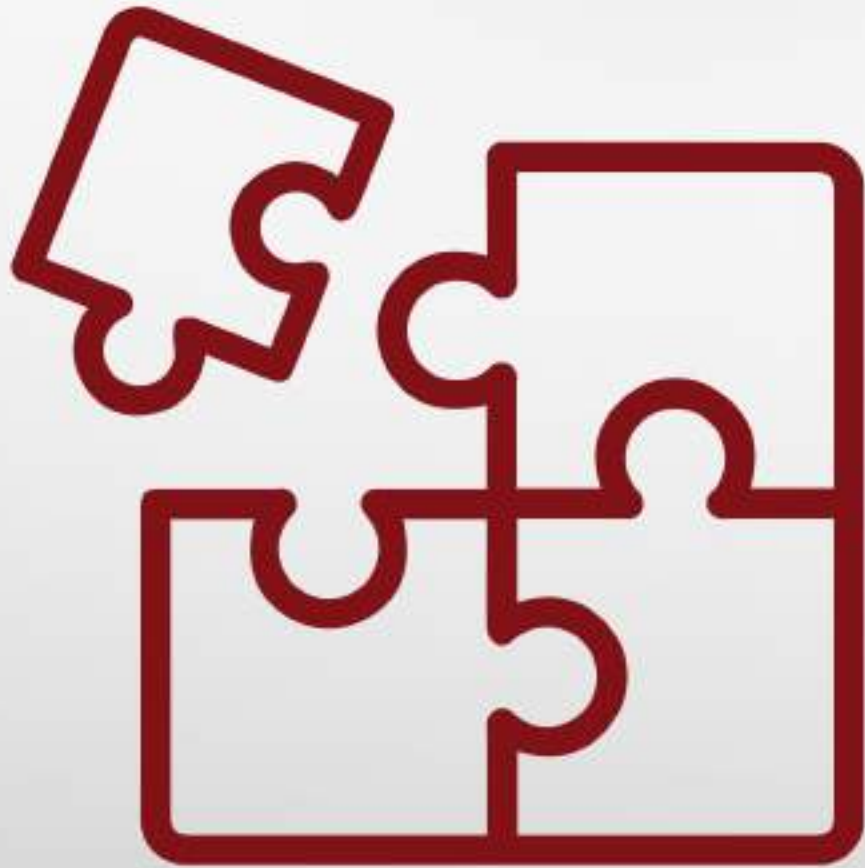
Implemente **de forma recursiva**, a **função up** que escreve na tela os n primeiros números de forma crescente.

A função terá um único parâmetro e não retorna qualquer tipo de resultado.

```
void up(int n){
```

```
}
```

Solução do problema



```
#include <stdio.h>

void up(int n){
    if(n < 1) return;
    up(n - 1);
    printf("%d ", n);
}

int main(){
    up(10);
    return 0;
}
```



Desafio 1



Com base no exemplo anterior, implemente de forma recursiva, a função **down** que escreve na tela os **n** primeiros números de forma **decrecente**.

A função terá um único parâmetro e não retorna qualquer tipo de resultado.

```
void down(int n)
```

Desafio 2



Implemente uma função de forma recursiva que calcule a soma dos **n** primeiros números recebido como argumento o teto **N**.

$S(N - 1) + N$, se $N > 1$.

void somatoria(int n)


```
#include <stdio.h>
```

```
int soma(int n){
```

```
    if(n == 1) return 1;
```

```
    return n + soma(n - 1);
```

```
}
```

```
int main(){
```

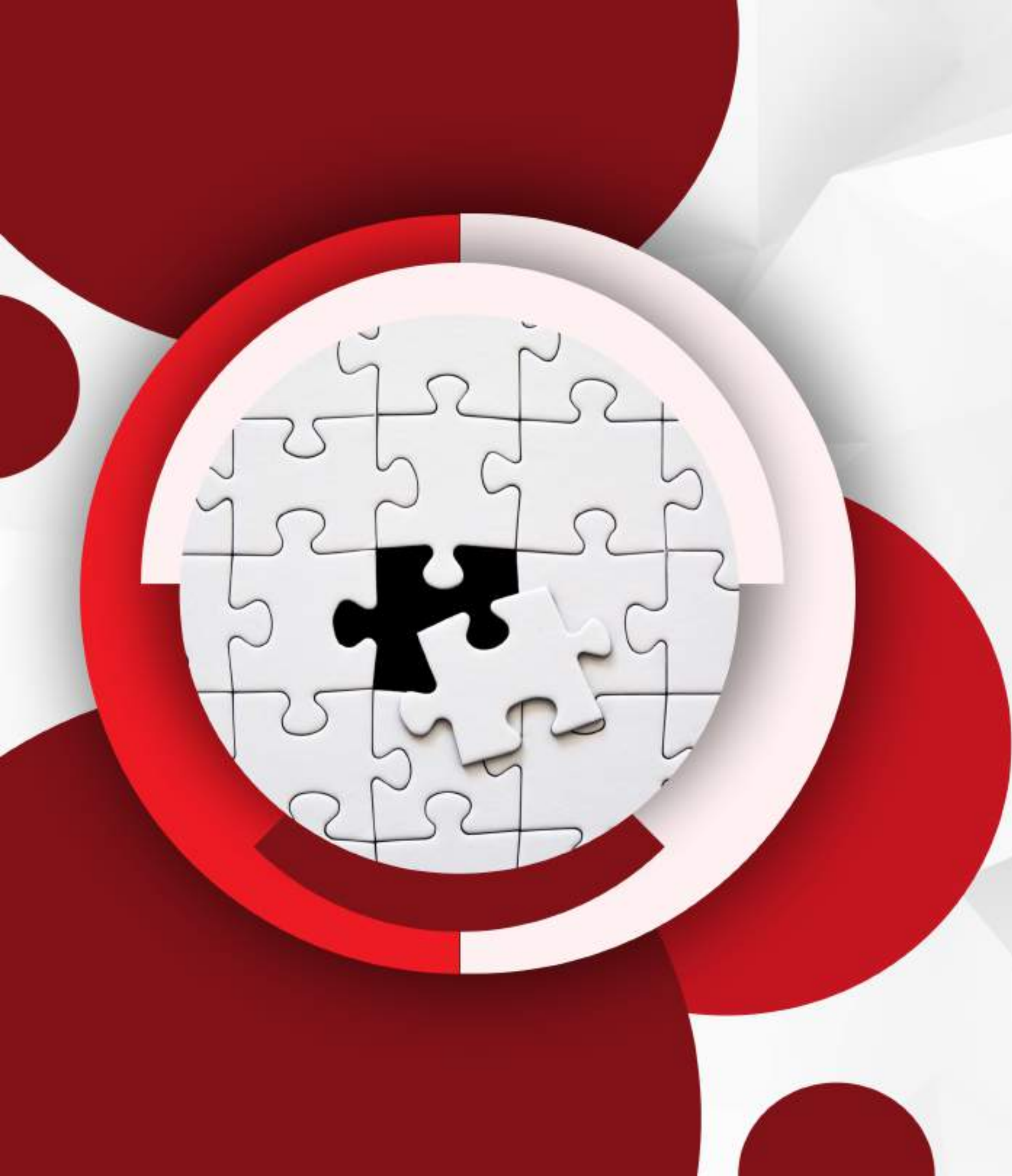
```
    printf("Soma dos %d primeiros numeros inteiros = %d\n", 10, soma(10));
```

```
    return 0;
```

```
}
```



Quebrando a cabeça





Exercícios - Aula 07

Funções Recursivas

1. Implemente uma função recursiva que calcule o valor de uma base x elevada a um expoente y .
2. Desenvolva uma função recursiva `tamstring(char s[])` que determine e retorne o comprimento de uma string.
3. Crie uma função recursiva `caract(char c, char s[])` que conte e retorne o número de ocorrências de um caracter específico c em uma string.
4. Elabore uma função recursiva `reverse(char s[])` que inverta e retorne a ordem dos caracteres de uma string dada.

Exercícios - Aula 06

Resolução Exercício 01

```
#include <stdio.h>

int potencia(int x, int y) {
    if (y == 0) return 1; // condição base
    return x * potencia(x, y-1);
}

int main(){
    printf("Base 2, expoente 10 = %d \n", potencia(2,
10));
    return 0;
}
```



Exercícios - Aula 06

Resolução Exercício 02

```
#include <stdio.h>

int tamstring(const char s[]) {
    if (s[0] == '\0') return 0; // condição base
    return 1 + tamstring(s + 1);
}

int main(){
    char frase[] = "Ola alunos";
    printf("Total de letras: %d \n", tamstring(frase));
    return 0;
}
```



Exercícios - Aula 06

Resolução Exercício 03

```
#include <stdio.h>

int caract(char c, const char s[]) {
    if (s[0] == '\0') return 0; // condição base
    return (s[0] == c ? 1 : 0) + caract(c, s + 1);
}

int main(){
    char frase[] = "Ola alunos";
    printf("Total de letras encontradas: %d \n", caract('a', frase ));
    return 0;
}
```



Exercícios - Aula 06

Resolução Exercício 04

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>

void reverseAux(char s[], int start, int end) {
    if (start >= end) return; // condição base
    char temp = s[start];
    s[start] = s[end];
    s[end] = temp;
    reverseAux(s, start + 1, end - 1);
}

int main(){
    char frase[] = "Ola alunos";
    printf("Frase [%s] \n", frase);
    reverseAux(frase, 0, strlen(frase)-1);
    printf("Frase Reversa [%s] \n", frase);
    return 0;
}
```



Referências

DAMAS, L. M. D. Linguagem C. LTC, 2007.

HERBERT, S. C completo e total. 3a. ed. Pearson, 1997.

