





<u>Página Principal</u>

Mis cursos

Exámenes Finales Ciencia de Datos e IA

Mesa de Álgebra

Examen final de álgebra - 4 de agosto 2022





(?)

:::





# Pregunta 1 Correcta

Se puntúa 1.00 sobre 1.00 Sean u = (2, -3, 10) y v = (3, -4, 7); unir cada operación con la respuesta correcta.

# Respuesta correcta

La respuesta correcta es:  $3u-5v \rightarrow (-9, 11, -5)$ , ||u-2v||  $\rightarrow \sqrt{57}$ ,  $1/3 \cdot u + v \rightarrow (11/3, -5, 31/3)$ 

Pregunta 2

Correcta Se puntúa 1.00

sobre 1.00

Dados los siguientes vectores:

$$u = \left[egin{array}{c} 5 \ 9 \ -4 \end{array}
ight]$$

$$v = \begin{bmatrix} -10 \\ -18 \\ 8 \end{bmatrix}$$

$$w = \begin{bmatrix} -5 \\ x \\ 4 \end{bmatrix}$$

Decidir si las siguientes afirmaciones son verdaderas o falsas.

Si  $x = 9 \rightarrow u y w son paralelas$ 

Existe algún valor de x tal que v y w sean paralelos

u y v son paralelos

No existe valor de x tal que w-2u = (0, 0, 0)

La norma de u es  $\sqrt{132}$ 

El producto escalar entre u y v es cero

#### Respuesta correcta

La respuesta correcta es: Si  $x = 9 \rightarrow u y w son$ paralelas → F, Existe algún valor de x tal que v y w sean paralelos  $\rightarrow$  V, u y v son paralelos  $\rightarrow$  V, No existe valor de x tal que w-2u =  $(0, 0, 0) \rightarrow V$ , La norma de u es  $\sqrt{132}$ 

 $\rightarrow$  F, El producto escalar entre u y v es cero  $\rightarrow$  F

Pregunta **3**Correcta
Se puntúa 1.00
sobre 1.00

Seleccionar la opción que corresponda al subespacio vectorial W, generado por el conjunto S={(-5, 3, 0); (7,-9, -1)}

#### Seleccione una:

- $\bigcirc$  W={(-5a+3b, 7a-9b, -b), con a, b ∈ **R**}
- ⊚ W={(-5a+7b, 3a-9b, -b), con a, b ∈  $\mathbb{R}$ }  $\checkmark$
- $W = \{(5a-9b, 7a+3b, 1), con a, b \in \mathbb{R}\}$

#### Respuesta correcta

La respuesta correcta es:  $W = \{(-5a+7b, 3a-9b, -b), con a, b \in \mathbb{R}\}$ 

Pregunta **4**Correcta
Se puntúa 1.00
sobre 1.00

Seleccionar, de entre las siguientes opciones, una base del subespacio cuyos vectores son de la forma (4a-7b, -a-b)

#### Seleccione una:

- $\bigcirc$  {(4, -7); (1, 1)}

#### Respuesta correcta

La respuesta correcta es:  $\{(4, -1); (-7, -1)\}$ 

Pregunta **5**Correcta

Se puntúa 1.00 sobre 1.00 Dados los siguientes vectores:

$$u=(-6,3,-5), v=(4,9,-2)$$

Seleccionar el valor que corresponda a

#### Seleccione una:

- $\bigcirc \quad \frac{15}{\sqrt{90}}$
- $\frac{13}{\sqrt{100}}$



Respuesta correcta

La respuesta correcta es:  $\frac{13}{\sqrt{101}}$ 















Pregunta **6**Incorrecta
Se puntúa
0.00 sobre 1.00

Dados los vectores u=(-2, 3, 5) y v=(x, 15, -9). Determinar el valor de "x" para que los vectores sean perpendiculares.

#### Seleccione una:

- 0
- −5
- −4 x
- ─ -7
- **4**

# Respuesta incorrecta.

La respuesta correcta es: 0

Pregunta **7**Correcta
Se puntúa 1.00

sobre 1.00

Determinar la proyección ortogonal de v sobre u, para los vectores v=(5,-2) y u=(-7,4)

#### Seleccione una:

- $\frac{24}{\sqrt{97}}$
- $\bigcirc \frac{\sqrt{210}}{19}$
- $\frac{-43}{\sqrt{65}}$



- $\frac{19}{\sqrt{99}}$
- $\frac{42}{\sqrt{65}}$

#### Respuesta correcta

La respuesta correcta es:  $\frac{-43}{\sqrt{65}}$ 

Determinar la definición de T, es decir T(x), que cumpla lo siguiente:

$$T(1,0)=(4,-5,12)$$

$$T(0,1)=(7, 0, -8)$$

#### Seleccione una:

$$T((x,y)) = (4x-5y, 7x, 5x-8y)$$

$$T((x,y)) = (4x+7y, -5y, -8x)$$

$$T((x,y)) = (4x+7y, -9x, -8y)$$

#### Respuesta correcta

La respuesta correcta es: T((x,y)) = (4x+7y, -5x, 12x-8y)

# Pregunta **9**

Pregunta 8

Correcta Se puntúa 1.00

sobre 1.00

Correcta

Se puntúa 1.00 sobre 1.00 Sea T una transformación lineal de  $\mathbb{R}^3$  en  $\mathbb{R}^2$ , y sean

$$T(1,0,0)=(1,0)$$

$$T(0,1,0)=(1,1)$$

$$T(0,0,1)=(0,-1)$$

¿Cuál de las siguientes es la matriz asociada a la transformación respecto a las bases canónicas?

#### Seleccione una:

$$\bigcirc \left[ \begin{array}{ccc} -1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{array} \right]$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

O Ninguna de las otras opciones.

#### ✓

#### Respuesta correcta

La respuesta correcta es:  $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ 

B

(-)

Sea T:  $R^3 \rightarrow R^3$  una TL dada por:

$$T(x,y,z) = (x + -3y + z, 7x, y + 4z)$$

Seleccionar la matriz asociada a T, respecto a la base canónica para  $R^3$ , y el valor de T(u), siendo u = (-1,1,3)

# Seleccione una:

$$\begin{bmatrix}
-3 & 0 & 1 \\
0 & 7 & 1 \\
1 & 0 & 4
\end{bmatrix}$$

$$\mathsf{T}(\mathsf{u}) = (-1, 6, -1)$$

$$\begin{bmatrix}
1 & 7 & 0 \\
-3 & 0 & 1 \\
1 & 0 & 4
\end{bmatrix}$$
T(u)=(-1, -7, 13)

#### Respuesta correcta

La respuesta correcta es: 
$$\begin{bmatrix} 1 & -3 & 1 \\ 7 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 4 \end{bmatrix} \quad \mathsf{T}(\mathsf{u}) = \begin{pmatrix} -1, -7, 13 \end{pmatrix}$$

# Pregunta 11 Incorrecta Se puntúa 0.00 sobre 1.00

Para el vector w=(-4, 25) seleccionar el resultado de la rotación de 180 $^{\circ}$  en sentido antihorario.

#### Seleccione una:

- (-4, -25) x
- (4, -25)
- (−4, 25)
- Ninguna de las otras opciones.

#### Respuesta incorrecta.

La respuesta correcta es: (4, -25)

Se puntúa 1.00

sobre 1.00

 $\begin{bmatrix} 3 & -2 \\ -4 & 1 \end{bmatrix}$ 

Seleccionar sus autovalores.

Dada la siguiente matriz:

#### Seleccione una:

- O Ninguna de las otras opciones.
- $\lambda_1 = -5$ ;  $\lambda_2 = -1$
- $\lambda_1 = 1$ ;  $\lambda_2 = 5$
- $\lambda_1 = -1$ ;  $\lambda_2 = -5$

#### Respuesta correcta

La respuesta correcta es:  $\lambda_1$ = 5 ;  $\lambda_2$ = -1

Las raíces del polinomio  $-3x^2-12x+15$  son

Pregunta **13**Correcta

Se puntúa 1.00 sobre 1.00

Seleccione una:

5 y 1 ✓

- 1/2 y -3
- 0 ly5
- 2/3 y 3/4
- O Ninguna de las otras opciones

La respuesta correcta es: -5 y 1

Pregunta **14**Incorrecta
Se puntúa
0.00 sobre 1.00

¿Cuál de las siguientes afirmaciones es necesaria al momento de realizar la suma entre dos matrices?

#### Seleccione una:

- Las matrices deben ser ambas matriz fila o matriz columna.
- Una matriz debe ser un vector fila y la otra un vector columna.
- Las matrices deben ser cuadradas. x
- Las matrices deben ser del mismo tamaño.

La respuesta correcta es: Las matrices deben ser del mismo tamaño.











Pregunta **15**Correcta
Se puntúa 1.00
sobre 1.00

Pregunta 16

Se puntúa 1.00

Correcta

sobre 1.00

Seleccionar las afirmaciones correctas para la siguiente matriz:  $\begin{bmatrix} 5 & -1 \\ -8 & 9 \end{bmatrix}$ 

#### Seleccione una:

- O El determinante de la matriz es 10
- El determinante de la matriz es -14
- El determinante de la matriz es 37
- El determinante de la matriz es 0

La respuesta correcta es: El determinante de la matriz es 37

Para el siguiente sistema de ecuaciones:

$$\begin{cases} -2x_1-2x_2+x_3-7x_4=88\\ -3x_2+5x_3=-7\\ 1/2x_1+3x_2-7x_4=-12\\ x_1+x_3+x_4=0,5 \end{cases}$$
 Selectionar su matriz ampliada.

Seleccione una:

selectione und. 
$$\begin{bmatrix} -2 & -2 & 1 & -7 & 88 \\ -3 & 5 & 0 & 0 & -7 \\ 1/2 & 3 & -7 & 0 & -12 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0,5 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -2 & -2 & 1 & -7 & 88 \\ 0 & -3 & 5 & 0 & -7 \\ 1/2 & 3 & 0 & -7 & -12 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0,5 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -2 & -2 & 1 & -7 & 88 \\ 0 & 1 & 1 & 0,5 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -2 & -2 & 1 & -7 & 88 \\ -3 & 0 & 5 & 0 & -7 \\ 1/2 & 3 & 0 & -7 & -12 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0,5 \end{bmatrix}$$

La respuesta correcta es:

$$\begin{bmatrix} -2 & -2 & 1 & -7 & 88 \\ 0 & -3 & 5 & 0 & -7 \\ 1/2 & 3 & 0 & -7 & -12 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0, 5 \end{bmatrix}$$

(-)

Determinar para cuáles de los valores de "a" propuestos la siguiente matriz tiene inversa:

$$\begin{bmatrix} -4 & 3 & 1 \\ 0 & 4 & a \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

#### Seleccione una:

- O Solamente para a=6 o a=-6
- O Cualquier valor de a excepto el cero
- © Cualquier valor de a excepto el −4 ✓
- O Cualquier valor de a excepto el 5
- O Cualquier valor de a

La respuesta correcta es: Cualquier valor de a excepto el -4

Pregunta **18**Correcta

Se puntúa 1.00 sobre 1.00 Para el siguiente sistema de ecuaciones:

$$\left\{egin{array}{l} 5x_1+3x_2-2x_3=4\ 3x_1+7x_2=-7\ 8x_1-4x_2=-2 \end{array}
ight.$$

Seleccione una o más de una:

- lacksquare Una solución es:  $egin{bmatrix} -21/34 \\ -25/34 \\ -79/17 \end{bmatrix}$  lacksquare
- El sistema es compatible indeterminado
- lacksquare Una solución es:  $egin{bmatrix} -3/7 \ 1/14 \ 0 \end{bmatrix}$
- El rango de la matriz ampliada es 2
- El rango de la matriz ampliada es 3
- El sistema es compatible determinado

Las respuestas correctas son: Una solución es:

$$egin{bmatrix} -21/34 \ -25/34 \ \end{bmatrix}$$
 , El sistema es compatible  $-79/17$ 

determinado, El rango de la matriz ampliada es 3

Correcta

Se puntúa 1.00 sobre 1.00

Pregunta 19

Para la siguiente matriz ampliada de un sistema de ecuaciones:

$$\begin{bmatrix} 6 & 0 & -2 & 4 \\ 4 & 1 & -8 & 6 \\ 0 & 4 & 0 & -4 \end{bmatrix}$$

Decidir cuál puede ser una solución del sistema

Seleccione una:

$$\begin{bmatrix} 2/3 \\ 1 \\ 1/2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 9/20 \\ -1 \\ -13/20 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -5 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

La respuesta correcta es: 
$$egin{bmatrix} 9/20 \\ -1 \\ -13/20 \end{bmatrix}$$









Pregunta 20

Correcta Se puntúa 1.00

sobre 1.00

- Sea  $A=\left[egin{array}{cc} 7 & -2 \ -4 & 5 \end{array}
  ight]$
- Determinar cuál de los siguientes es autovector de A

#### Seleccione una:

- $egin{pmatrix} -1 \ 2 \end{bmatrix}$
- lacksquare  $egin{bmatrix} -1 \ 1 \end{bmatrix}$ 
  - ~
- Ninguno es autovector
- $egin{pmatrix} -4 \ 2 \end{bmatrix}$
- $egin{array}{c} \left[ egin{array}{c} -2 \ 1 \end{array} 
  ight]$

### Respuesta correcta

La respuesta correcta es:  $\begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix}$ 



f

# Contáctenos

InSET

https://inset.edu.ar/

□ campus@inset.edu.ar

(-)