Lista de Exercícios 04

Programas:

- 1) Prepare um programa (linguagem de sua preferência) para obter a raiz de uma equação f(x) pelo método da bisseção;
- 2) Prepare um programa (linguagem de sua preferência) para obter a raiz de uma equação f(x) pelo método de Newton (original e secante);
- 3) Prepare um programa (linguagem de sua preferência) para obter a raiz de uma equação f(x) pelo método da Interpolação Inversa;
- 4) Prepare um programa (linguagem de sua preferência) para obter a solução de um sistema de equações (n equações e n incógnitas) usando o método de Newton e o método de Broyden;
- 5) Prepare um programa (linguagem de sua preferência) para efetuar o ajuste de curvas não-lineares.

Obs.: As funções e/ou sistema de equações, assim como derivadas (quando necessárias) devem ser fornecidas através sub-rotinas independentes

Aplicações:

1) Utilizando os programas desenvolvidos encontre as raízes da seguinte equação por todos os métodos apresentados em sala de aula.

$$f(x) = \log(\cosh(x\sqrt{gk})) - 50$$

onde g = 9.806 e k = 0.00341.

2) Repita o exercício anterior para a função:

$$f(x) = 4\cos(x) - e^{2x}$$

3) Encontre uma solução para o seguinte sistema de equações não-lineares pelos métodos de Newton e Broyden utilizando os programas desenvolvidos:

$$16x^{4} + 16y^{4} + z^{4} = 16$$
$$x^{2} + y^{2} + z^{2} = 3$$
$$x^{3} - y + z = 1$$

4) Resolva, utilizando os programas desenvolvidos, o seguinte sistema de equações nãolineares (usando os Métodos de Newton e de Broyden):

$$2.c_{3}^{2} + c_{2}^{2} + 6.c_{4}^{2} = 1.0$$

$$8.c_{3}^{3} + 6.c_{3}.c_{2}^{2} + 36.c_{3}.c_{2}.c_{4} + 108.c_{3}.c_{4}^{2} = \theta_{1}$$

$$60.c_{3}^{4} + 60.c_{3}^{2}.c_{2}^{2} + 576.c_{3}^{2}.c_{2}.c_{4} + 2232.c_{3}^{2}.c_{4}^{2} + 252.c_{4}^{2}.c_{2}^{2} + 1296.c_{4}^{3}.c_{2} + 3348.c_{4}^{4} + 24.c_{3}^{3}.c_{4} + 3.c_{2} = \theta_{2}$$

considerando os seguintes casos:

a)
$$\theta_1 = 0.00$$
 e $\theta_2 = 3.0$;

b)
$$\theta_1 = 0.75$$
 e $\theta_2 = 6.5$;

b)
$$\theta_1 = 0.75$$
 e $\theta_2 = 6.5$;
c) $\theta_1 = 0.00$ e $\theta_2 = 11.667$;

5) Utilizando o programa desenvolvido, ajuste uma função do $f(x) = b_0 + b_1 x^{b2}$ ao conjunto de dados abaixo:

| Х | 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|---|
| у | 1 | 2 | 9 |

Obs.: use sempre tolerância igual a 10-4 ou menor.