

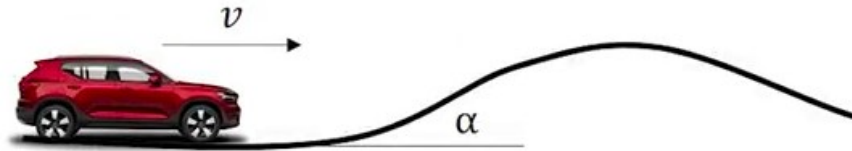
Control y Sistemas

Trabajo práctico: Control en espacio de estados

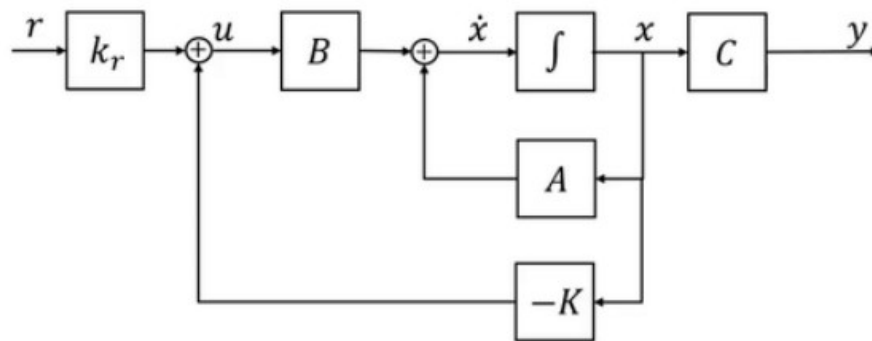
Resuelva los siguientes ejercicios en MATLAB o SIMULINK.

1) Ubicación de polos por respuesta en el tiempo.

Se propone el control por ubicación de polos de un sistema de velocidad constante o velocidad crucero. El objetivo del control es seguir la velocidad de referencia proporcionada. La perturbación del sistema está dada por un cambio en el ángulo del terreno (α).



El modelo matemático de la planta está dado por:



$$\begin{bmatrix} \Delta \dot{x}_1 \\ \Delta \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1.25 & 0 \\ 0.00005 & -0.0024 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta x_1 \\ \Delta x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 20000 \\ 0 \end{bmatrix} \Delta u + \begin{bmatrix} 0 \\ -9.82 \end{bmatrix} \Delta d_1$$

$$\Delta y = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta x_1 \\ \Delta x_2 \end{bmatrix}$$

donde Δx_1 es la fuerza en las ruedas, Δx_2 es la velocidad en las ruedas, Δu es la señal de entrada y Δd_1 es la perturbación.

El vehículo está viajando a 20 m/s sobre una ruta plana. La perturbación se considera nula.

En el siguiente modelo de control de velocidad crucero,

- Verifique si el sistema es controlable.
- Encuentre el valor de la matriz K para $\omega_n=0.6$ y $\zeta=1/\sqrt{2}$, donde $p(s)=s^2+2\zeta\omega_n s+\omega_n^2$ es el polinomio característico deseado.
- Encuentre el valor de kr .
- Agregue la perturbación dada por el archivo roaddist.mat Analice la respuesta del sistema. ¿Es satisfactoria?.
- Qué conclusiones se derivan de la simulación de este modelo?

2) Acción integral con método de Ackermann.

Agregue un estado adicional al sistema del ejercicio 1 dado por una acción integral. Ubique el tercer polo en $p_3=-3\omega_n\zeta$. Aplique ubicación de polos por fórmula de Ackermann para el sistema aumentado. Repita los items a) hasta el e) del ejercicio 1.

3) Ubicación de polos por respuesta en el tiempo.

Considere el caso donde se desea diseñar un controlador para el siguiente polinomio característico deseado,

$$p(s)=s^2+2\zeta\omega_n s+\omega_n^2$$

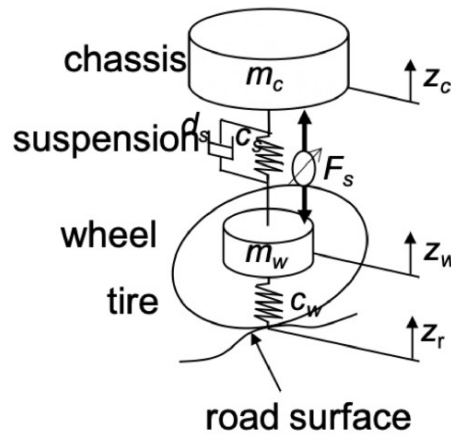
Con las siguientes especificaciones:

Medida de desempeño	Caso A	Caso B
Settling time, T_s	2.0 s	4.0 s
Overshoot, M_p	0 %	10 %

- ¿Cuáles son los valores de ω_n y ζ para el caso A? Grafique la respuesta al escalón.
- ¿Cuáles son los valores de ω_n y ζ para el caso B? Grafique la respuesta al escalón.

4) Control 6ptimo.

Un sistema de suspensi6n activa se puede modelar como,



$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \\ \dot{x}_4 \\ \dot{x}_5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ -\frac{c_w+c_s}{m_w} & -\frac{d_s}{m_w} & \frac{c_s}{m_w} & \frac{d_s}{m_w} & -\frac{1}{m_w} \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ \frac{c_s}{m_c} & \frac{d_s}{m_c} & -\frac{c_s}{m_c} & -\frac{d_s}{m_c} & \frac{1}{m_c} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -\frac{1}{\tau} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ \frac{1}{\tau} \end{bmatrix} u + \begin{bmatrix} 0 \\ \frac{c_w}{m_w} \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} d$$

$$y = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ \frac{c_s}{m_c} & \frac{d_s}{m_c} & -\frac{c_s}{m_c} & -\frac{d_s}{m_c} & \frac{1}{m_c} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} u$$

donde x_1 es la posici6n de la rueda, x_2 es la velocidad de la rueda, x_3 es la posici6n del chasis, x_4 es la velocidad del chasis y x_5 es la fuerza del actuador. d es la perturbaci6n del sistema, la posici6n de la superficie del terreno.

Description	Parameter	Value [unit]
Quarter car chassis mass	m_c	401 [kg]
Wheel mass	m_w	48 [kg]
Suspension damping coefficient	d_s	2200 [N/m]
Suspension spring coefficient	c_s	23000 [N/m]
Wheel spring coefficient	c_w	250000 [N/m]
Actuator time constant	τ	0.001 [s]

Se propone encontrar una solución de compromiso entre confort al andar y estabilidad del vehículo .

Considere las siguientes ecuaciones,

$$J = \int_0^{\infty} (y^T Q_y y + u^T Q_u u) dt$$

$$J = \int_0^{\infty} (x^T C^T Q_y C x + u^T Q_u u) dt = \int_0^{\infty} (x^T Q_x x + u^T Q_u u) dt$$

$$Q_x = C^T Q_y C$$

$$Q_y = \begin{bmatrix} \frac{\alpha_1}{y_{1,max}^2} & 0 \\ 0 & \frac{\alpha_2}{y_{2,max}^2} \end{bmatrix} \quad Q_u = \frac{\rho}{u_{max}^2}$$

Se fijan $y_{1,max}=0,05$ m, $y_{2,max}=5$ m/s², como la distancia entre la rueda y la aceleración del chasis; y $u_{max}=1000$ N. Estos números dan una buena relación entre desplazamiento de la suspensión y aceleración del chasis. Además,

- Verifique si el sistema es controlable.
- Encuentre el valor de la matriz K para $\alpha_1=\alpha_2=1$ y $\rho=1$.
- Encuentre el valor de kr .
- Utilice el modelo en Simulink provisto para analizar la respuesta del sistema a una perturbación de 5 cm al pasar por arriba de un reductor de velocidad.