

09.01.2020

FERNANDO BIURCOS

PROBABILIDAD Y ESTADISTICA.

- PC
- MATLAB / EXCEL / R / MINITAB
- CALCULADORA.

- LIGA "GITHUB"

↳ AP1, AP2, NOMBRE 1, NOMBRE 2, NOMBRE 3.

↳ TAREAS (33%)

↳ TAREA 1

↳ NOMBRE TAREA1.docx
NOMBRE TAREA1.xls

↳ TAREA 2

↳ NOMBRE TAREA2.docx
NOMBRE TAREA2.xls

↳ PRACTICAS (34%)

↳ PRACTICA 1

↳ NOMBRE PRACTICA1.docx

↳ EJERCICIOS (33%)

↳ EJERCICIO 1

PROBABILIDAD.

CONJUNTO DE REGLAS QUE PERMITEN DETERMINAR SI UN FENÓMENO HA DE PRODUCIRSE, FUNDANDO LA SUPOSICIÓN EN EL CÁLCULO, LAS ESTADÍSTICAS O LA TEORÍA.

PERTENECE A LA RAMA DE LA MATEMÁTICA QUE ESTUDIA CIERTOS EXPERIMENTOS LLAMADOS ALEATORIOS, O SEA REGIDOS POR EL AZAR, EN QUE SE CONOCEN TODOS LOS RESULTADOS POSIBLES, PERO NO ES POSIBLE TENER CERTEZA DE CUÁL SERÁ EN PARTICULAR EL RESULTADO DEL EXPERIMENTO.

"LA PROBABILIDAD ESTÁ BASADA EN EL ESTUDIO DE LA COMBINATORIA Y ES FUNDAMENTO NECESARIO DE LA ESTADÍSTICA".

SE PUEDE APLICAR EN DISTINTAS SITUACIONES.

- JUEGOS DE AZAR
- METEOROLOGÍA
- DECISIONES MÉDICAS
- ESPERANZA DE VIDA
- PRIMAS DE SEGUROS
- ANÁLISIS DE RIESGOS
- MERCADO DE MATERIAS PRIMAS
- FIABILIDAD DE LOS PRODUCTOS

Agricultura

Psicología Medicina

ECONOMÍA

C. naturales

Industria

C. políticas

Sociología

ESTADÍSTICA.

↳ DESCRIPTIVA → COLECCIÓN DE MÉTODOS PARA LA ORGANIZACIÓN, RESUMEN Y PRESENTACIÓN DE DATOS.

↳ INFERENCIAL → TÉCNICAS QUE PERMITEN CONOCER CON DETERMINADO GRADO O NIVEL DE CONFIANZA CIERTA INFORMACIÓN.

ESTADÍSTICA DESCRIPTIVA.

Población → Atributo → Variables → RELIGIOSO → DATOS
ESTATURA → DATOS
COLOR OJOS
EDAD → DATOS
ETC.

REPRESENTACIÓN DE LOS DATOS.

- DIAGRAMA DE TALLO Y HOJA
- DISTRIBUCIÓN DE FRECUENCIAS
- HISTOGRAMA
- GRAFICA CIRCULAR
- POLÍGONO DE FRECUENCIAS
- FRECUENCIA ACUMULADA Y OJIVA.

DIAGRAMA DE TALLO Y HOJA.

- ES UNA FORMA DE ORGANIZAR Y DESPLEGAR LA INFORMACIÓN CON LO QUE FACILITA EL ANÁLISIS VISUAL DE LA DISTRIBUCIÓN DE DATOS DEL CONJUNTO.
- PARA CONSTRUIR UN DIAGRAMA DE TALLO Y HOJA SE CONSIDERA QUE CADA OBSERVACIÓN (CADA DATO REGISTRADO) CONSTA DE 2 PARTES. UNO O MÁS DÍGITOS QUE LO COMPONEN FORMAN EL TALLO, EN TANTO EL RESTO CONSTITUYEN LAS HOJAS.

- POR EJEMPLO, SI EL CONJUNTO DE DATOS CONSISTE EN LA PUNTUACIÓN OBTENIDA EN UNA PRUEBA DE LOS ALUMNOS DE P4 E DE DISEÑO INDUSTRIAL, Y LOS RESULTADOS SON ENTRE 200 Y 800, SE PUEDE ELEGIR EL PRIMER DÍGITO DE LA 120 (CENTENAS) COMO EL TALLO Y EL RESTO (UNIDADES) COMO LA HOJA.

PASOS PARA SU CONSTRUCCIÓN

- 1 SE ORDENEN LOS DATOS DE FORMA ASCENDENTE: DEL MENOR AL MAYOR.
- 2 SE ELIGEN UNO O MÁS DÍGITOS PARA FORMAR EL TALLO Y EL RESTO DE LOS DÍGITOS PARA LA HOJA.
- 3 SE ENUMERAN EN UNA COLUMNA VERTICAL LOS DIFERENTES VALORES DE TALLO OBSERVADOS.
- 4 PARA CADA TALLO SE ENUMERAN, DE MANERA HORIZONTAL Y AL LADO DERECHO DEL TALLO CORRESPONDIENTE, LAS HOJAS DE TODAS LAS OBSERVACIONES.
5. SE INDICAN LAS UNIDADES DE LOS TALLOS Y LAS HOJAS.

EJEMPLO

UN PROBLEMA QUE OCUPA A LA POBLACIÓN ES LA INCIDENCIA DEL CRIMEN: POR EJ. EXISTE UNA GRAN CANTIDAD DE ESTUDIOS ESTADÍSTICOS RELACIONADOS CON EL TEMA. EN LA SIG. SE PRESENTA EL NÚMERO DE ASALTOS POR CADA 100.000 RESIDENTES REGISTRADOS EN LOS 50 ESTADOS DE USA.

329	536	457	298	537	TALLO - CENTECMAS
729	325	333	497	343	HOJA - DECIMAS Y UNI.
409	273	776	298	495	
433	394	340	343	515	
426	374	441	178	378	
462	189	325	468	259	
279	404	244	470	310	
881	290	300	469	640	
499	422	622	258	236	
524	197	313	247	207	

1 78 | 84 97

2 07 36 44 47 58 59 73 79 90 98 98

3 00 10 13 25 25 29 37 40 43 43 78 79 94

4 04 09 22 26 33 41 57 62 68 69 70 95 97 99

5 15 24 36 37

6 22 40

178 - 881

7 29 76

8 81 |

-

DISTRIBUCIÓN DE FRECUENCIAS

LA DISTRIBUCIÓN DE FRECUENCIAS ES UNA TABLA UTIL PARA ORGANIZAR DE FORMA COMPACTA CONJUNTO DE DATOS MUY GRANDES.

→ **FRECUENCIA** - ES EL NÚMERO DE VECES QUE APARECE UN VALOR O UNA CATEGORIA EN EL CONJUNTO DE DATOS.

→ **FRECUENCIA RELATIVA** - ES LA PROPORCIÓN DEL CONJUNTO DE DATOS OBSERVADOS EN UNA CATEGORIA.

SI EL CONJUNTO DE DATOS ES CATEGORIA, CADA RESPUESTA ES UNA CATEGORIA, LA FRECUENCIA RELATIVA SE SUELE REPRESENTAR POR EL PORCENTAJE DEL TOTAL DE OBSERVACIONES QUE PERTENECE A LA CATEGORIA.

FRECⁿ²⁹. FREC. REAL.

1052	7	7/29	0.24
1053	1	1/29	0.03
1054	2	2/29	0.06
1055	7	7/29	0.24
1056	3	3/29	0.10
1057	5	5/29	0.17
1058	1	1/29	0.03
1059	1	1/29	0.03
1102	1	1/29	0.03
1104	1	1/29	0.03

21.01.2020

FERNANDO BiURCOS.

TENEMOS EN UN GRUPO DE 72 PERSONAS QUE PRACTICAN UNO DE ESTOS DEPORTES = FUTBOL, BASQUETBOL, TENIS, NATACION, GIMNASIA =

SE PREGUNTA A CADA UNO DE ELLOS QUE DEPORTE PRACTICAN, CONSIGUENDO, LA SIG. TABLA.

F	B	F	F	T	G	B	N
B	B	N	F	F	T	T	N
G	B	T	B	F	F	T	T
F	F	T	B	G	F	S	T
F	T	T	B	F	G	N	T
F	B	N	F	B	N	T	G
N	F	F	F	B	B	T	N
T	B	N	F	F	B	B	T
F	B	B	T	F	F	B	T

B | 18 $18/72$ 0.25

F | 22 $22/72$ 0.305

G | 6 $6/72$ 0.08

N | 9 $9/72$ 0.125

T | 17 $17/72$ 0.236.

23.01.2020

FERNANDO BIURCOS.

=HISTOGRAMA=

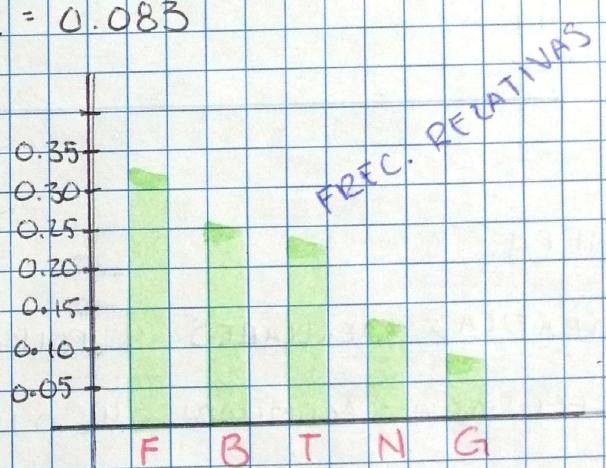
ES UNA REPRESENTACIÓN GRAFICA DE LA INFORMACIÓN CONTENIDA EN UNA TABLA DE DISTRIBUCIÓN DE FRECUENCIAS. GENERALMENTE UNA GRÁFICA AYUDA A LA VISUALIZACIÓN DE LOS DATOS MÁS FÁCILMENTE QUE UNA TABLA.

EL HISTOGRAMA DE FRECUENCIAS RELATIVAS:

REPRESENTA CON UNA BARRA RECTANGULAR

CADA FREC. RELATIVA

CATEGORÍA	FRECU.	FREC. RELATIVA.
FÚTBOL	22	$22/72 = 0.306$
BÁSQUETBOL	18	$18/72 = 0.25$
TENIS	17	$17/72 = 0.236$
NATACIÓN	9	$9/72 = 0.125$
GIMNASIO	6	$6/72 = 0.083$



PASOS PARA LA CONSTRUCCIÓN DE UN HISTOGRAMA DE FRECUENCIAS.

1. EN EL EJE HORIZONTAL SE MARCAN LAS CATEGORIAS, CUYOS NOMBRES SE COLOCAN EN INTERVALOS DE SEPARACIÓN CONSTANTE.
2. PARA CADA CATEGORIA SE TRAZA UN RECTÁNGULO (ON LA ALTURA IGUAL A SU FRECUENCIA (O FREC. RELATIVA) TODOS LOS RECTÁNGULOS DEBEN TENER EL MISMO ANCHO.
3. EN EL EJE VERTICAL SE MARCA LA ESCALA DE VALORES.

INTERVALO	FREC. RELATIVA	LONGITUD
(-2.0, -0.4)	0.023	1.6
(-0.4, -0.2)	0.055	0.2
(-0.2, -0.1)	0.097	0.1
(-0.1, 0)	0.210	0.1
(0, 0.1)	0.189	0.1
(0.1, 0.2)	0.139	0.1
(0.2, 0.4)	0.116	0.2
(0.4, 2.0)	0.171	1.6

DIFERENCIA DE CONJUNTOS (-)

SEAN A Y B DOS CONJUNTOS LA DIFERENCIA DE A MENOS B ES EL CONJUNTO $A - B = \{x | x \in A \text{ Y } x \notin B\}$

COMPLEMENTO DE CONJUNTOS

SEA A UN CONJUNTO DE U, ENTONCES EL COMPLEMENTO DE A REPRESENTADO POR A' SE DETIENE COMO $A' = U - A$

TEOREMA 4

LEY DE DOBLE COMPLEMENTO $(A')' = A$

LEY INVERSA $A \cup A' = U$ $A \cap A' = \emptyset$

LEY DE MORGAN $(A \cup B)' = A' \cap B'$
 $(A \cap B)' = A' \cup B'$

$$(A - B) \cup (B - A) = A \cup B - A \cap B$$

CARDINALIDAD (n)

SEA A UN CONJUNTO LA CARDINALIDAD DE A QUE SE REPRESENTA CON $n(A)$ ES EL NÚMERO DE ELEMENTOS QUE CONTIENE A.

TEOREMA

CARDINALIDAD DE LA UNIÓN Y LA INTERSECCIÓN

SI A Y B SON CONJUNTOS

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$

$$n(A \cap B) = n(A) + n(B) - n(A \cup B)$$

Sea $A = \{x | x \text{ números pares } x < 21\}$

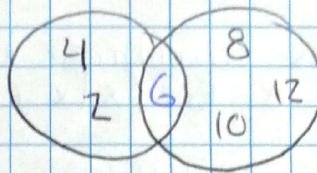
Sea $B = \{x | x \text{ números } x < 20\}$

Sea $C = \{2, 6, 9, 13\}$

UNION

$$A \cup B = C$$

$$C = \{2, 4, 6, 8, 10, 12\}$$



$$A \cap B = C$$

INTERSECCIÓN

$$C = A + B$$

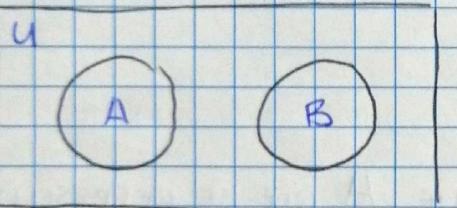
$$A = \{2, 4, 6\}$$

$$B = \{6, 8, 10, 12\}$$

$$C = \{6\}$$

CONJUNTOS DISJUNTOS

SI A Y B SON DOS CONJUNTOS TALES QUE $A \cap B = \emptyset$, ENTENDES SON DOS CONJUNTOS DISJUNTOS.



TEOREMA 3

PROPIEDADES DE LA UNION Y LA INTERSECCIÓN.

LEY COMMUTATIVA.

$$A \cup B = B \cup A \quad Y \quad A \cap B = B \cap A$$

LEY ASOCIATIVA.

$$A \cup (B \cup C) = (A \cup B) \cup C$$

$$A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C$$

LEY DISTRIBUTIVA.

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

$$A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$$

LEY IDEMPOTENTE

$$A \cup A = A \quad Y \quad A \cap A = A$$

LEY DE IDENTIDAD

$$A \cup \emptyset = A \quad Y \quad A \cap \emptyset = \emptyset$$

LEY DE DOMINANCIA

$$A \cap \emptyset = \emptyset \quad Y \quad A \cup \emptyset = A$$

LEY DE ABSORCIÓN

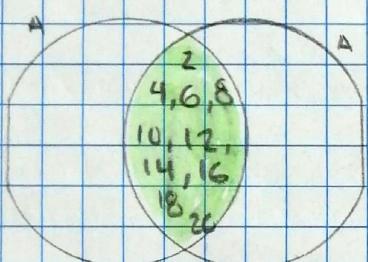
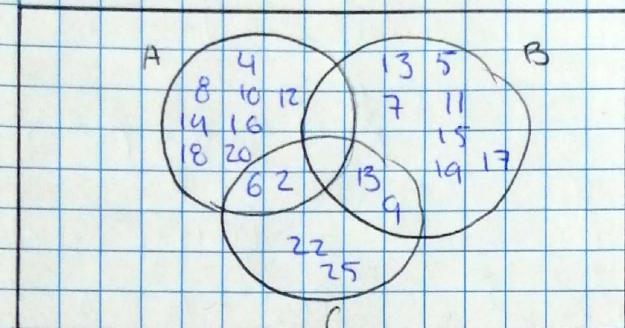
$$A \cup (A \cap B) = A$$

$$A \cap (A \cup B) = A$$

Fer wey

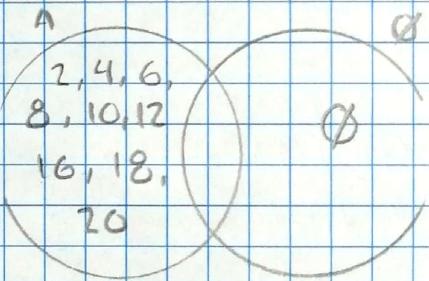
DEMOSTRACIÓN DE LA LEY ASOCIATIVA.

$$A \cup (B \cup C) = (A \cup B) \cup C$$



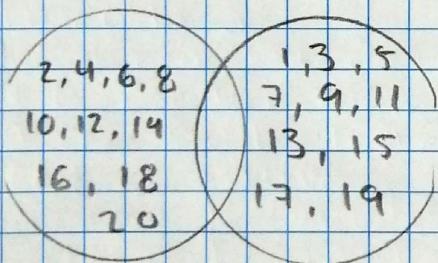
LEY IDEMPOTENTE

$$A \cup A = A \quad A \cap A = A$$



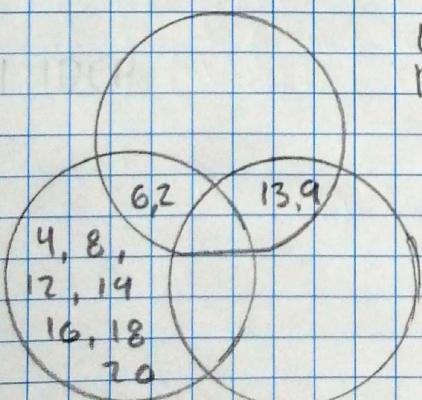
LEY IDENTIDAD

$$A \cup \emptyset = A \quad A \cap \emptyset = A$$



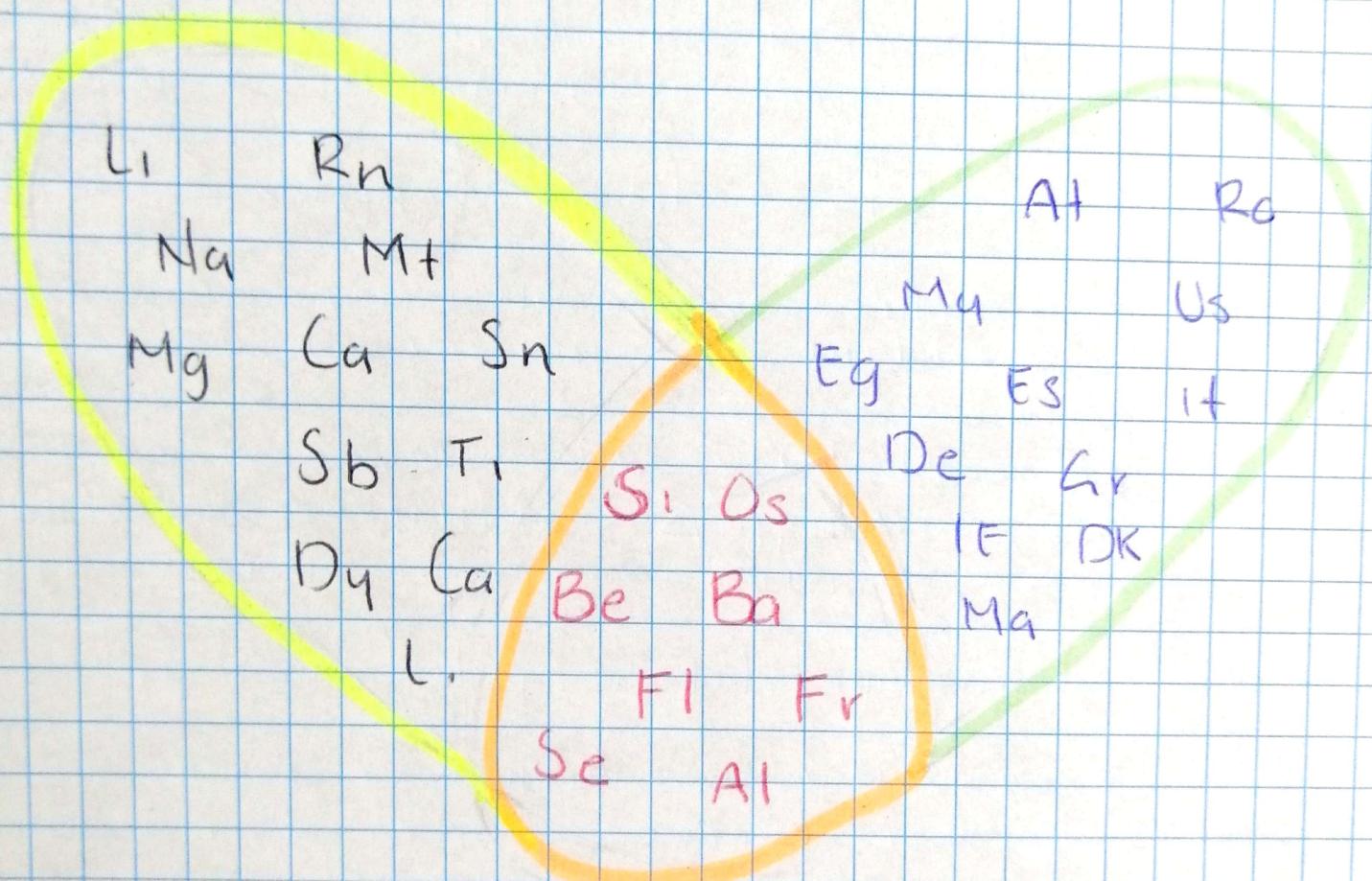
LEY ABSORCIÓN

$$A \cup (A \cap B) = A$$



LEY DISTRIBUTIVA

$$A \cup (B \cap C)$$



LA COMBINATORIA.

LA COMBINATORIA ES LA RAMA DE LAS MATEMÁTICAS QUE ESTUDIA LA ORDENACIÓN O DISPOSICIÓN DE OBJETOS SEGÚN REGLAS ESPECÍFICAS.

DIAGRAMAS DE ÁRBOL.

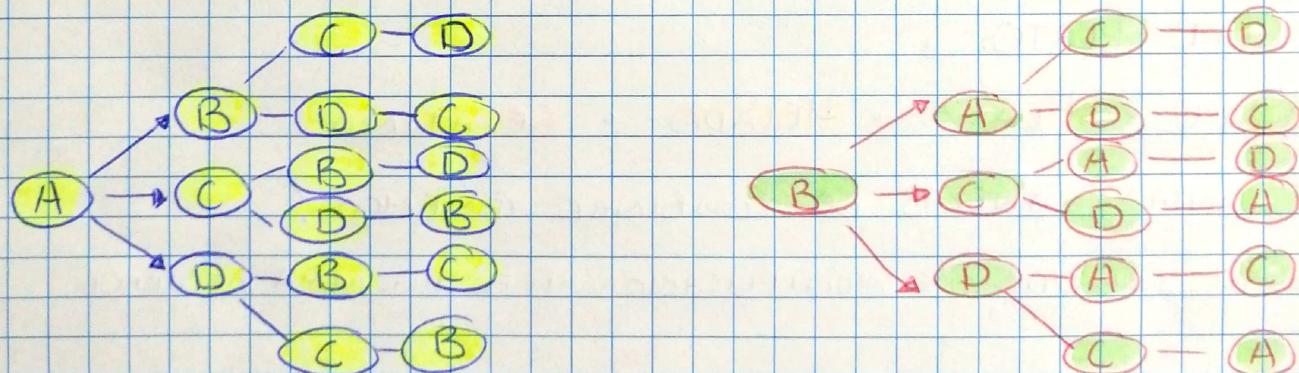
ES UNA FORMA EFICAZ DE ENTENDER GRAN PARTE DE LOS PROBLEMAS COMBINATORIOS, CONSISTE EN TRAZAR UN MAPA DE TODAS LAS POSIBILIDADES QUE HAY PARA ACOMODAR LOS OBJETOS PLANTEADOS.

LAS FLECHAS QUE UNEN LOS PUNTOS EN EL DIAGRAMA SE DOMINAN ARTISTAS Y LOS PUNTOS, NODOS, ADÉMÁS, TIENE UNA RAÍZ, QUE ES EL NODO DONDE NO LLEGA NINGUNA ARTISTA, UN ÁRBOL TIENE LA PROPIEDAD QUE NINGUN CAMINO QUE PARTA DE LA RAÍZ PUEDE VISITAR DOS VEZES EL MISMO NODO.

EJEMPLO

SE TIENE UN CONJUNTO DE A B C D OBJETOS.

CUÁLES COMBINACIONES SON POSIBLES SIN REPETIR NINGUN OBJETO? CON DIAGRAMA DE ÁRBOL.



PRINCIPIO DE MULTIPLICACIÓN.

SI HAY n FORMAS DE LLEVAR A CABO LA TAREA 1 Y m OPCIONES DE REALIZAR LA TAREA 2, ENTONES HAY $n \cdot m$ MANERAS DE HACER SUCESSIVAMENTE LAS TAREAS 1 Y 2.

EJEMPLO.

UN GRUPO DE 20 PERSONAS. CÓMO CUANTAS MANERAS PODEMOS REPARTIR DOS PREMIOS, EL PRIMERO Y EL SEGUNDO ENTRE ELAS?

UNA MISMA PERSONA NO PUEDE RECIBIR AMBOS PREMIOS.

RESPUESTA.

PRIMERO, HAY 20 PERSONAS QUE PODEMOS ESCOGER PARA RECIBIR EL PRIMER PREMIO, PARA EL SEGUNDO PREMIO, HABRA 19 PERSONAS.

$$m_1 = 20$$

$$m_1 \cdot m_2 = 20 \cdot 19 = 380$$

$$m_2 = 19$$

HAY 380 FORMAS DE REPARTIR LOS PREMIOS.

EJERCICIO.

EN UN RESTAURANTE ESTÁ EL MENU PRIMER PLATO.

~~PRIMER~~ PLATO 2

- SOPA TORTILLA 1
- CONSUME 2

SEGUNDO

- SPAGETTI 3
- ARROZ 4

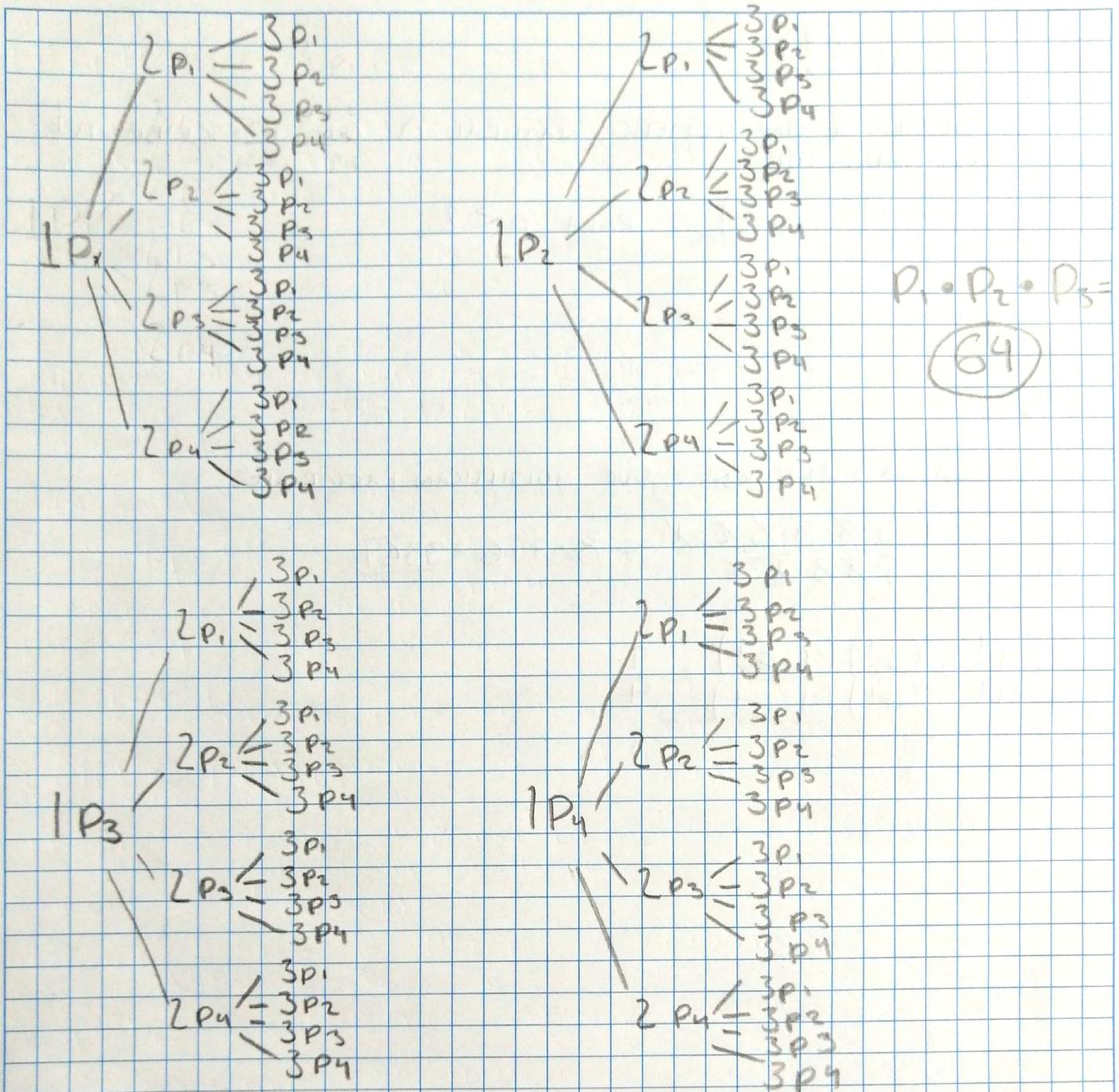
PESCADO • POLLO • CARNE DE RES • CALABAZAS.

TERCER PLATO. 3

PASTEL • FLAN • HELADO • GELATINA.

CÓMO CUANTAS MANERAS DE COMBINAR TENEMOS?

USE EL PRINCIPIO DE MULTIPLICACIÓN Y EL DIAGRAMA DE ÁRBOL.



1P₁ S. TORTILLA

1P₂ CONSUME

1P₃ SPAGETTI

1P₄ ARROZ

2P₁ PESCADO

2P₂ POLLO

2P₃ C. RES

2P₄ CALABAZAS

3P₁ PASTEL

3P₂ FLAN

3P₃ HELADO

3P₄ GELATINA.

FACTORIAL (!)

EL FACTORIAL DE UN NÚMERO NATURAL n , QUE SE ESCRIBE $n!$
ESTA DESTINADO POR

$$n! = n(n-1) \cdot (n-2) \cdots \text{ PARA } n \geq 2$$

$$1! = 1$$

$$0! = 1$$

EJ.

SIMPLOICA LAS FRACCIONES, QUE MULTIPLICAN FACTORIALES.

$$\frac{8!}{5!} = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1}{5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1} = 8 \cdot 7 \cdot 6 = \underline{\underline{336}}$$

$$\frac{3!9!}{8!4!} = \frac{(3!)(9 \cdot 8!)}{(8!)(4 \cdot 3!)} = \frac{9}{4}$$