

UNIVERSIDAD NACIONAL DE SAN ANTONIO ABAD DEL CUSCO

**FACULTAD DE INGENIERÍA ELÉCTRICA, ELECTRÓNICA,
INFORMÁTICA Y MECÁNICA**

**ESCUELA PROFESIONAL DE INGENIERÍA INFORMÁTICA Y DE
SISTEMAS**

EXAMEN SUSTITUTORIO

CURSO :

ROBÓTICA Y PROCESAMIENTO DE SEÑAL

DOCENTE :

ING. JOSE MAURO PILLCO QUISPE

ALUMNOS :

CALLASACA ACUÑA, FERNANDO

140989

Cusco - Perú

2020-I

PROBLEMA:

Resolver el problema de cinemática directa del siguiente diagrama. Considera todas las operaciones necesarias para determinar el problema, determinar los parámetros de Denavit-Hartenberg. Calcular las matrices de transformación parciales y la matriz de transformación total determinar la posición final del sistema de acuerdo a los datos. Todos los cálculos tienen que estar en la hoja de resolución del problema.

Examen de sustitución de Robotica

Determinar P_f^M del siguiente esquema

¿ P_f^M ?

- ✖ Resolver el problema de cinemática directa para punto final

$P_f^M(q_1, q_2, q_3)$ $L_1=5, L_2=3, L_3=2$ $a_2=1$

- ✖ Determinar P_f^M si $q_1=30^\circ$; $q_2=-45^\circ$; $q_3=60^\circ$
- ✖ Indicar las matrices A_1^0, A_2^1, A_3^2 , y Transformación final T

SOLUCIÓN:

Paso 1: (x_0, y_0, z_0)

Paso 2: z_i

Paso 3: 0°

Paso 4: $x_i = \frac{(z_{i-1} \times z_i)}{|z_{i-1} \times z_i|}$

Paso 5: $y_i = \frac{\pm (z_i \times x_i)}{|z_i \times x_i|}$

Paso 6: Se considera un eje en el punto final.

Entonces:

$$A_1 = \begin{vmatrix} \cos(180^\circ) & -\cos(90^\circ)\sin(180^\circ) & \sin(90^\circ)\sin(180^\circ) & 0 & \sin(90^\circ)\cos(180^\circ) \\ \sin(180^\circ) & \cos(90^\circ)\sin(180^\circ) & -\sin(90^\circ)\cos(180^\circ) & 0 & \cos(90^\circ)\cos(180^\circ) \\ 0 & \sin(90^\circ) & \cos(90^\circ) & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$A_1 = \begin{vmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$A_2 = \begin{vmatrix} \cos(0^\circ) & -\cos(270^\circ)\sin(0^\circ) \\ \sin(0^\circ) & \cos(270^\circ)\cos(0^\circ) \\ 0 & \sin(270^\circ) \\ 0 & \cos(270^\circ) \end{vmatrix}$$

$$A_2 = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$A_1 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A_2 = \begin{bmatrix} \cos(0^\circ) & -\sin(270^\circ)\sin(0^\circ) \\ \sin(0^\circ) & \cos(270^\circ)\sin(0^\circ) \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A_2 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

... un eje en el punto final.

Entonces:

$$A_3^2 = \begin{bmatrix} \cos(\alpha) & -\cos(\alpha)\sin(\alpha) & -\sin(\alpha)\sin(\alpha) & 0 & \cos(\alpha) \\ \sin(\alpha) & \cos(\alpha)\sin(\alpha) & -\sin(\alpha)\cos(\alpha) & 0 & \sin(\alpha) \\ 0 & \sin(\alpha) & \cos(\alpha) & L_3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A_3^2 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & L_3 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

	θ_i°	α_i°	θ_i°	d_i°
$j=1$	L_1	0	180°	90°
$j=2$	L_2	0	0°	270°
$j=3$	L_3	0	0°	0°

* Indicar la matriz A_1, A_2, A_3

$$A_2' = \begin{vmatrix} \cos(\alpha) & -\cos(2\alpha)\sin(\alpha) \\ \sin(\alpha) & \cos(2\alpha)\sin(\alpha) \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{vmatrix}$$

$$A_2' = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & L_2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$T = A_1' A_2' A_3' = \begin{vmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & L_2 \\ 0 & 0 & 1 & L_1 + L_3 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$