Capítulo 5

Pronósticos

Objetivos de aprendizaje

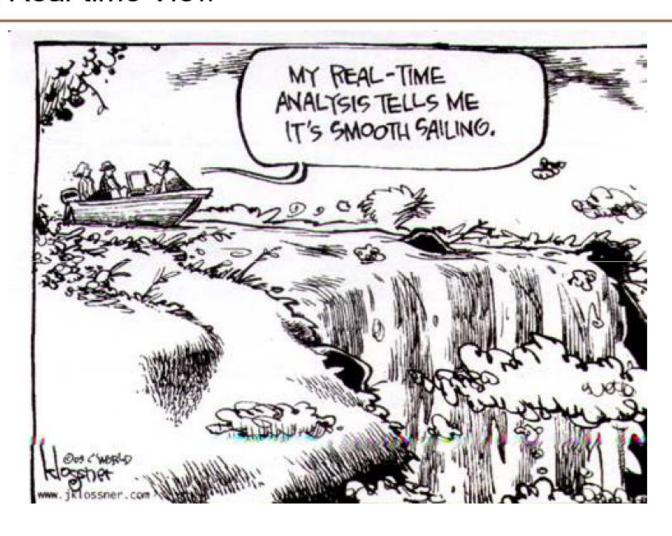
Al terminar de estudiar este capítulo, el alumno será capaz de:

- Entender y saber cuándo usar las diferentes familias de modelos de pronósticos.
- Comparar promedios móviles, suavizamiento exponencial y otro modelo de series de tiempo.
- 3. Ajustar los datos estacionalmente.
- 4. Comprender el enfoque Delphi y otros enfoques cualitativos para la toma de decisiones.
- Calcular varias medidas de error.

- The Sales VP is agitated...very agitated.
- "Don't tell me what you CANNOT do, I made the sale, now you fill the orders!!!"
- The Operations VP responds in kind, "Your forecast was not even close to what you just booked. We cannot increase supply that fast!"

Forecasting

A Business Needs a Forecast of What Might Happen, Not Just a Real-time View



Introducción

- Los gerentes tratan siempre de reducir la incertidumbre e intentan hacer mejores estimaciones de lo que sucederá en el futuro.
 - Lograr esto es el objetivo principal de la elaboración de los pronósticos.
 - En muchas empresas (sobre todo las pequeñas), el proceso completo es subjetivo e incluye los métodos improvisados, la intuición y los años de experiencia.
 - También hay varias técnicas cuantitativas, entre ellos:
 - Promedios móviles
 - Suavizamiento exponencial
 - Proyecciones de tendencias
 - Análisis de regresión por mínimos cuadrados.

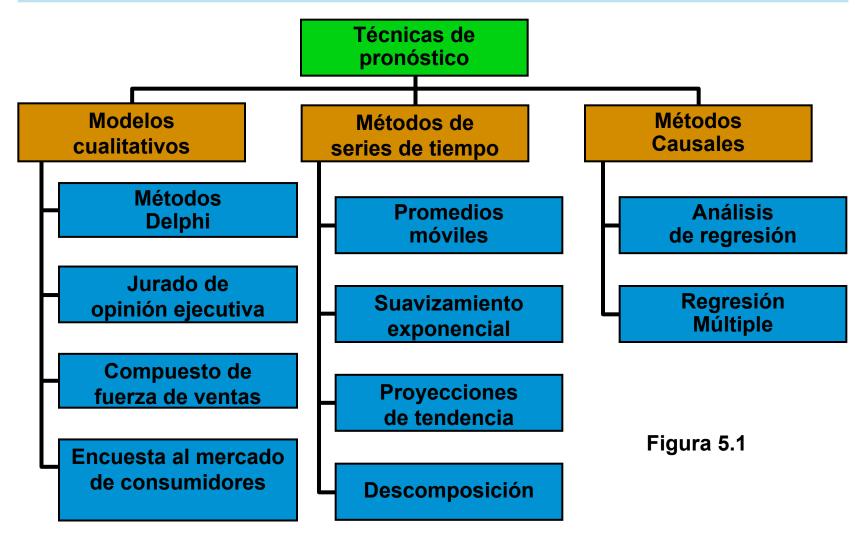
Introducción

- Ocho pasos para elaborar pronósticos:
 - 1. Determinar el uso del pronóstico: ¿qué meta tratamos de alcanzar?
 - 2. Seleccionar los artículos o las cantidades que se van a pronosticar.
 - 3. Determinar el horizonte de tiempo del pronóstico
 - 4. Elegir el modelo o los modelos de pronósticos.
 - 5. Reunir los datos o la información necesaria para realizar el pronóstico.
 - 6. Validar el modelo del pronóstico.
 - 7. Efectuar el pronóstico.
 - 8. Implementar los resultados.

Introducción

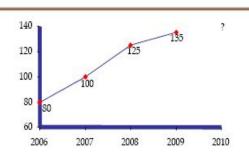
- Estos pasos indican de una manera sistemática cómo iniciar, diseñar e implementar un sistema de pronósticos.
- Cuando el sistema de pronósticos se usa para generar pronósticos periódicamente, los datos deben recolectarse por rutina, y los cálculos o procedimientos reales utilizados para hacer el pronóstico pueden hacerse de forma automática.
- Pocas veces existe un único método de pronósticos que sea superior.
 - Diferentes organizaciones pueden usar técnicas diferentes.
 - Cualquiera que sea la herramienta que funcione para una empresa, esa es la que debería usarse.

Modelos de pronósticos

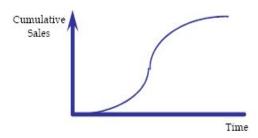


Forecasting Methods: Several methods can be used to forecast

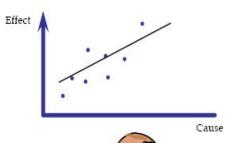
Times Series → Uses prior history to project



Life Cycle → Uses the sales curve of similar products or product lines



Cause-Effect → Uses cause-effect relationships, uses forecast of cause to predict effect



Judgmental → Uses opinion-based information

Modelos cualitativos

- Los modelos cualitativos intentan incorporar factores subjetivos.
- Los modelos cualitativos son útiles sobre todo cuando se espera que los factores subjetivos sean muy importantes o cuando es difícil obtener datos cuantitativos precisos.
- Las técnicas cualitativas de pronósticos son:
 - Método Delphi
 - Jurado de opinión ejecutiva
 - Consulta a vendedores
 - Encuesta al mercado de consumidores

Modelos cualitativos

- Método Delphi Este proceso iterativo de grupo permite que expertos, quienes podrían encontrarse en diferentes lugares, hagan pronósticos; los encuestados brindan información a quienes toman las decisiones.
- Jurado de opinión Este método toma las opiniones de un pequeño grupo de gerentes de alto nivel, con frecuencia en combinación con modelos estadísticos para el análisis.
- Consulta a vendedores En este enfoque, cada persona de ventas estima las ventas en su región; tales datos después se combinan a niveles estatal y nacional.
- Encuesta al mercado de consumidores Este método solicita información a los consumidores o clientes potenciales respecto a sus planes de compra futuros.

Modelo de pronósticos de series de tiempo

- Los modelos de pronósticos de series de tiempo predicen valores futuros tan solo a partir de datos históricos de esa variable.
- Los modelos comunes de una series de tiempo son:
 - Promedios móviles
 - Suavizamiento exponencial
 - Proyecciones de tendencia
 - Descomposición
- El análisis de regresión se usa en las proyecciones de tendencia y en un tipo de modelo de descomposición.

Modelos causales

- Los modelos causales incorporan las variables o factores que pueden influir en la cantidad que se pronostica.
- El objetivo es desarrollar un modelo con la mejor relación estadística entre la variable que pronosticamos, y el conjunto de variables independientes.
- El modelo causal cuantitativo más común es el análisis de regresión

Diagrama de dispersión

Wacker Distributors necesita pronosticar las ventas para tres productos diferentes (en la tabla vetas anuales en unidades):

	AÑO	TELEVISORES	RADIOS	REPRODUCTORES DE CD
•	1	250	300	110
	2	250	310	100
	3	250	320	120
	4	250	330	140
	5	250	340	170
	6	250	350	150
	7	250	360	160
Tabla 5.1	8	250	370	190
	9	250	380	200
	10	250	390	190

Diagrama de dispersión para televisores

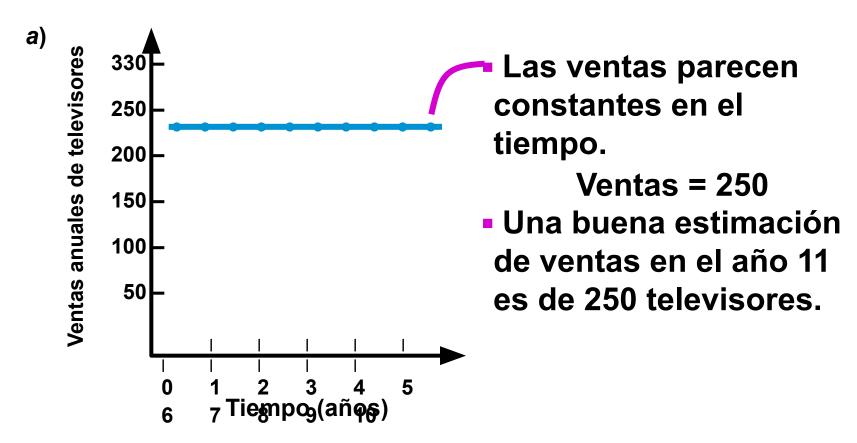
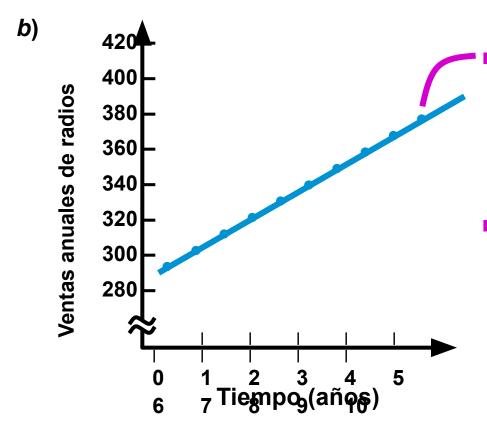


Figura 5.2a

Diagrama de dispersión para radios



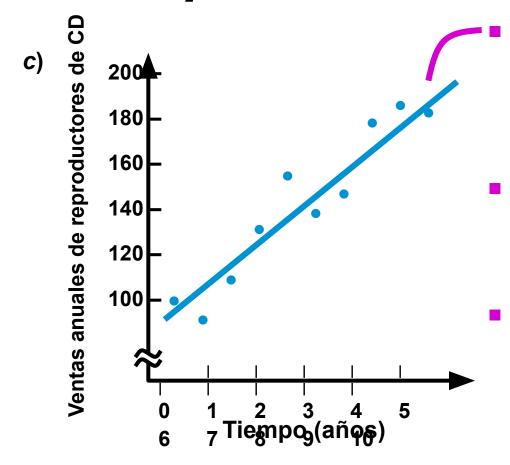
Las ventas parecen aumentar a una tasa constante de 10 radios cada año.

 $ventas = 290 + 10(a\tilde{n}os)$

 Una estimación razonable de ventas de radios en el año 11 es de 400.

Figura 5.2b

Diagrama de dispersión para reproductores de CD



Esta recta de tendencia quizá no tenga una buena exactitud debido a la variación de un año a otro.

- Las ventas de reproductores sí parecen haber aumentado.
- Si tuviéramos que pronosticar las ventas futuras, tal vez elegiríamos una cifra más grande cada año.

Figura 5.2c

 Al comparar los valores pronosticados con los valores reales, se observa que tan bien funciona el modelo en comparación con otros.

Error de pronóstico = Valor real – valor pronosticado

Una medida de exactitud es la desviación media absoluta (DMA):

$$\mathbf{DMA} = \frac{\sum |\text{error del pronóstico}|}{n}$$

Con un modelo de pronósticos sencillo calculamos la DMA:

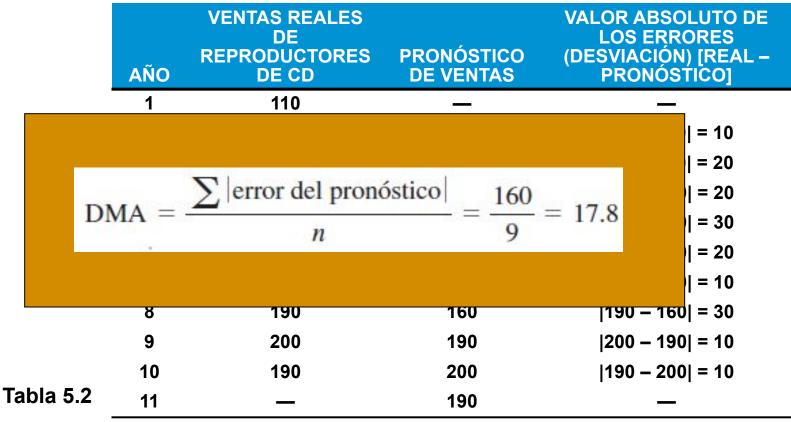
AÑO	VENTAS REALES DE REPRODUCTORES	PRONÓSTICO	VALOR ABSOLUTO DE LOS ERRORES (DESVIACIÓN) [REAL –
	DE CD	DE VENTAS	PRONÓSTICO]
1	110	_	_
2	100	110	100 – 110 = 10
3	120	100	120 – 110 = 20
4	140	120	140 – 120 = 20
5	170	140	170 – 140 = 30
6	150	170	150 – 170 = 20
7	160	150	160 – 150 = 10
8	190	160	190 – 160 = 30
9	200	190	200 – 190 = 10
10	190	200	190 – 200 = 10
11	_	190	_

Tabla 5.2

Suma de |errores| = 160

DMA = 160/9 = 17.8

Con un modelo de pronósticos sencillo calculamos la DMA:



Suma de |errores| = 160

DMA = 160/9 = 17.8

- En ocasiones se emplean otras medidas de la exactitud al pronosticar.
- El error cuadrado medio (ECM):

$$ECM = \frac{\sum (error)^2}{n}$$

El error medio absoluto porcentual (EMAP):

$$EMAP = \frac{\sum \frac{error}{real}}{n} 100\%$$

Y el sesgo es el error promedio.

Modelos de pronósticos de series de tiempo

- Una serie de tiempo se basa en una secuencia de datos igualmente espaciados.
- Pronosticar con datos de series de tiempo implica que se predicen valores futuros tan solo a partir de datos históricos de esa variable, y que se ignoran otras.

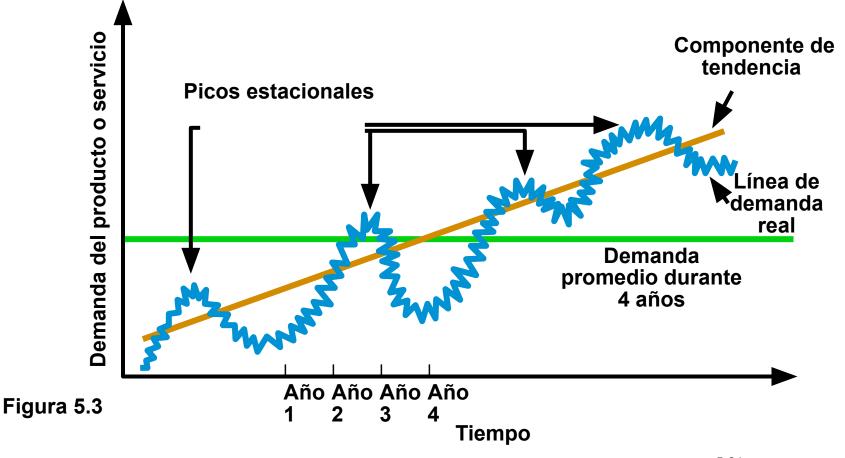
Componentes de una serie de tiempo

Cuatro componentes comunes de una serie de tiempo:

- 1. Tendencia (T) es el movimiento gradual hacia arriba o hacia abajo de los datos en el tiempo.
- 2. Estacionalidad (S) es el patrón de la fluctuación de la demanda arriba o abajo de la recta de tendencia, que se repite a intervalos regulares.
- 3. Ciclos (C) son patrones en los datos anuales que ocurren cada cierto número de años.
- 4. Variaciones aleatorias (R) son "saltos" en los datos ocasionados por el azar y por situaciones inusuales; no siguen un patrón discernible.

Descomposición de una serie de tiempo

Demanda de productos graficada para 4 años, con tendencia y estacionalidad



Descomposición de una serie de tiempo

- Existen dos formas generales de los modelos de series de tiempo :
 - Modelo multiplicativo:

Demanda =
$$T \times S \times C \times R$$

Modelo aditivo:

Demanda =
$$T + S + C + R$$

- Hay otros modelos que pueden ser una combinación de estos.
- Con frecuencia, quienes realizan pronósticos suponen que los errores se distribuyen normalmente con una media de cero.

Promedios móviles

- Los promedios móviles son útiles si suponemos que las demandas del mercado permanecerán bastante estables en el tiempo.
- Un pronóstico de promedio móvil de n periodos, que sirve como estimación de la demanda del siguiente periodo.
- Esto tiende a suavizar las irregularidades del corto plazo en la serie de datos.

Pronóstico de promedio móvil =
$$\frac{\text{suma de demandas de } n \text{ periodos anteriores}}{n}$$

Promedios móviles

Matemáticamente:

$$F_{t+1} = \frac{Y_t + Y_{t-1} + \dots + Y_{t-n+1}}{n}$$

Donde:

=Pργοπόstico para el periodo t + 1

 $= V_{ij}$ alor real en el periodo t

n = número de periodos para promediar

- Suministros Wallace Garden quiere pronosticar la demanda para sus naves de almacenamiento.
- Se han recabado datos del año pasado.
- Están utilizando un promedio móvil de tres meses para pronosticar la demanda (n = 3).

	MES	VENTAS REALES DE NAVES DE ALMACENAMIENTO	PROMEDIO MOVIL DE 3 MESES
•	Enero	10 —	
	Febrero	12	
	Marzo	13	(10 + 12 + 13)/3 = 11.67
	Abril	16	(12 + 13 + 16)/3 = 13.67
	Mayo	19	(13 + 16 + 19)/3 = 16.00
	Junio	23	(16 + 19 + 23)/3 = 19.33
	Julio	26	(19 + 23 + 26)/3 = 22.67 (23 + 26 + 30)/3 = 26.33
	Agosto	30	(26 + 30 + 28)/3 = 28.00
	Septiembre	28	(30 + 28 + 18)/3 = 25.33
Tabla 5.3	Octubre	18	(28 + 18 + 16)/3 = 20.67
	Noviembre	16	(18 + 16 + 14)/3 = 16.00
	Diciembre	14	

Promedio móvil ponderado

- El promedio móvil ponderado permite asignar diferentes pesos a las observaciones previas.
- Se suele utilizar cuando surge una tendencia u otro patrón.

$$F_{t+1} = \frac{\sum (\text{peso del periodo } i)(\text{valor real del periodo})}{\sum (\text{peso})}$$

Matemáticamente:

$$F_{t+1} = \frac{w_1 Y_t + w_2 Y_{t-1} + \dots + w_n Y_{t-n+1}}{w_1 + w_2 + \dots + w_n}$$

donde

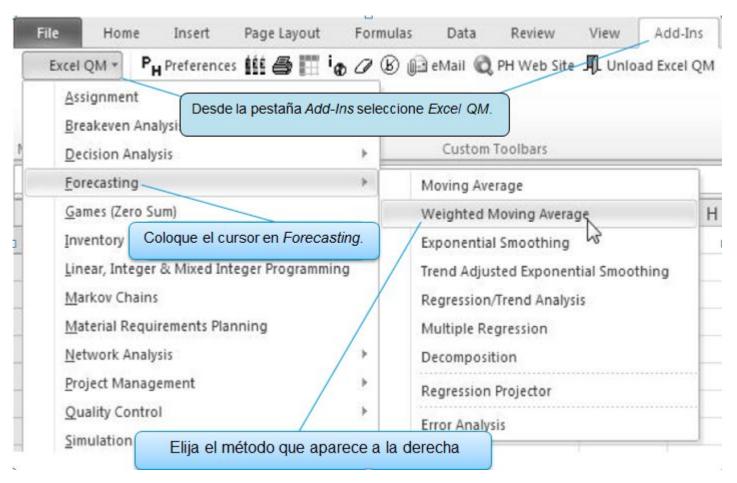
 w_i = peso para la $i^{\acute{e}sima}$ observación

- Wallace Garden decide usar un modelo de promedio móvil ponderado para pronosticar la demanda para su nave de almacenamiento.
- Lo cual se implementa como sigue:

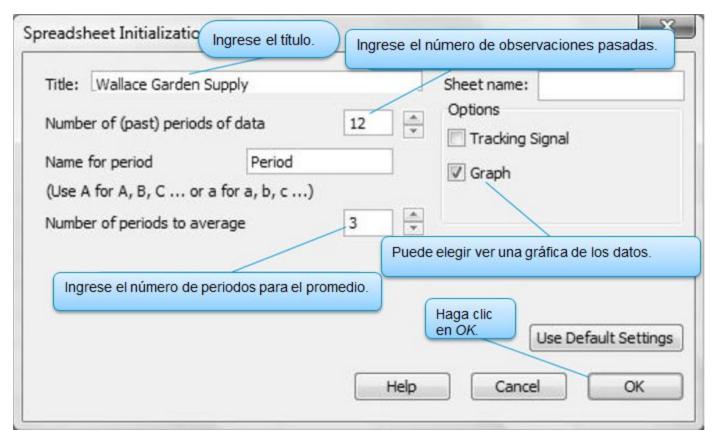


MES	VENTAS REALES DE NAVES DE ALMACENAMINIENTO	PROMEDIO MÓVIL DE 3 MESES
Enero	10 ———	
Febrero	12	
Marzo	13	→ ♦
Abril	16	$[(3 \times 13) + (2 \times 12) + (10)]/6 = 12.17$ $[(3 \times 16) + (2 \times 13) + (12)]/6 = 14.33$
Mayo	19	$[(3 \times 19) + (2 \times 16) + (13)]/6 = 17.00$
Junio	23	$[(3 \times 23) + (2 \times 19) + (16)]/6 = 20.50$
Julio	26	$[(3 \times 26) + (2 \times 23) + (19)]/6 = 23.83$
Agosto	30	$[(3 \times 30) + (2 \times 26) + (23)]/6 = 27.50$
Septiembre	28	$[(3 \times 28) + (2 \times 30) + (26)]/6 = 28.33$
Octubre	18	$[(3 \times 18) + (2 \times 28) + (30)]/6 = 23.33$
Noviembre	16	$[(3 \times 16) + (2 \times 18) + (28)]/6 = 18.67$ $[(3 \times 14) + (2 \times 16) + (18)]/6 = 15.33$
_{5.} Diciembre	14	[(3]], (2]], (13)], (13)], (13)], (13)]

Selección del módulo de pronósticos en Excel QM

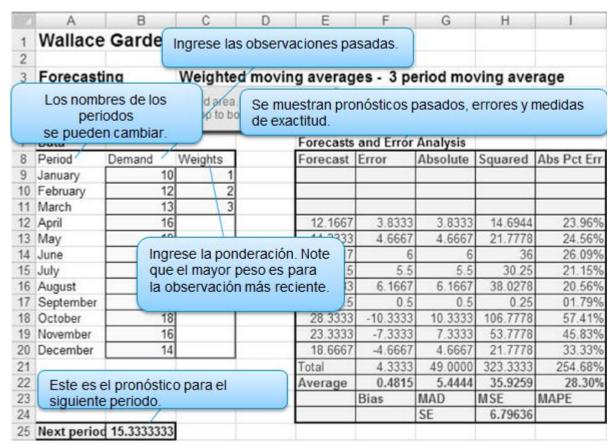


Ventana de inicio para el promedio móvil ponderado



Programa 5.1B

Promedio móvil ponderado en Excel QM para Wallace Garden.



Programa 5.1C

Suavizamiento exponencial

El suavizamiento exponencial es un tipo de promedio móvil de uso sencillo y que necesita llevar algún registro de datos pasados.

Nuevo pronóstico = pronóstico del último periodo

- + α (demanda real del último periodo
- pronóstico del último periodo)

donde α es un peso (o constante de suavizamiento) donde $0 \le \alpha \le 1$.

Suavizamiento exponential

Matemáticamente:

$$F_{t+1} = F_t + \alpha (Y_t - F_t)$$

donde:

 F_{t+1} = nuevo pronóstico (para el periodo t + 1)

 F_t = pronóstico previo (para el periodo t)

 α = constante de suavizamiento (0 $\leq \alpha \leq$ 1)

 Y_t = demanda real para el periodo anterior

El concepto no es complejo: la última estimación es igual a la estimación previa más una fracción del error del último periodo.

Ejemplo de suavizamiento exponencial

- En enero, un distribuidor predijo una demanda de 142 automóviles de cierto modelo para febrero.
- La demanda real en febrero fue de 153 autos.
- Utilizando una constante de suavizamiento α = 0.20, podemos pronosticar la demanda para marzo.

Pronóstico nuevo (para demanda de marzo) = 142 + 0.2(153 – 142) = 144.2 o 144 autos

Si la demanda real en marzo fue de 136 autos, el pronóstico para abril sería el siguiente:

Pronóstico nuevo (para demanda de abril) = 144.2 + 0.2(136 – 144.2) = 142.6 o 143 autos

Selección de la constante de suavizamiento

- Seleccionar el valor adecuado para α es clave para obtener un buen pronóstico.
- El propósito es obtener el pronóstico más exacto.
- El enfoque general consiste en desarrollar pronósticos de prueba con diferentes valores de α y seleccionar la que resulta en la menor DMA.

Suavizamiento exponencial

Pronósticos para el puerto de Baltimore con suavizamiento exponencial para para α = 0.1 y α = 0.5.

TRIMESTRE	TONELADAS DESCARGADAS REALES	PRONÓSTICO CON α = 0.10	PRONOSTICO CON $\alpha = 0.50$
1	180	175	175
2	168	175.5 = 175.00 + 0.10(180 - 175)	177.5
3	159	174.75 = 175.50 + 0.10(168 - 175.50)	172.75
4	175	173.18 = 174.75 + 0.10(159 - 174.75)	165.88
5	190	173.36 = 173.18 + 0.10(175 - 173.18)	170.44
6	205	175.02 = 173.36 + 0.10(190 - 173.36)	180.22
7	180	178.02 = 175.02 + 0.10(205 - 175.02)	192.61
8	182	178.22 = 178.02 + 0.10(180 - 178.02)	186.30
9	?	178.60 = 178.22 + 0.10(182 - 178.22)	184.15

Suavizamiento exponencial

Desviaciones absolutas y DMA para el ejemplo del puerto de Baltimore

TRI- MESTRE	TONELADAS DESCARGADAS REALES	PRONÓSTICO CON α = 0.10	DESVIACIONES ABSOLUTAS PARA $\alpha = 0.10$	PRONÓSTICO CON α = 0.50	DESVIACIONES ABSOLUTAS PARA $\alpha = 0.50$
1	180	175	5	175	5
2	168	175.5	7.5	177.5	9.5
3	159	174.75	15.75	172.75	13.75
4	175	173.18	1.82	165.88	9.12
5	190	173.36	16.64	170.44	19.56
6	205	175.02	29.98	180.22	24.78
7	180	178.02	1.98	192.61	12.61
8	182	178.22	3.78	186.30	4.3
Suma de la	s desviaciones abso	olutas	82.45		98.63

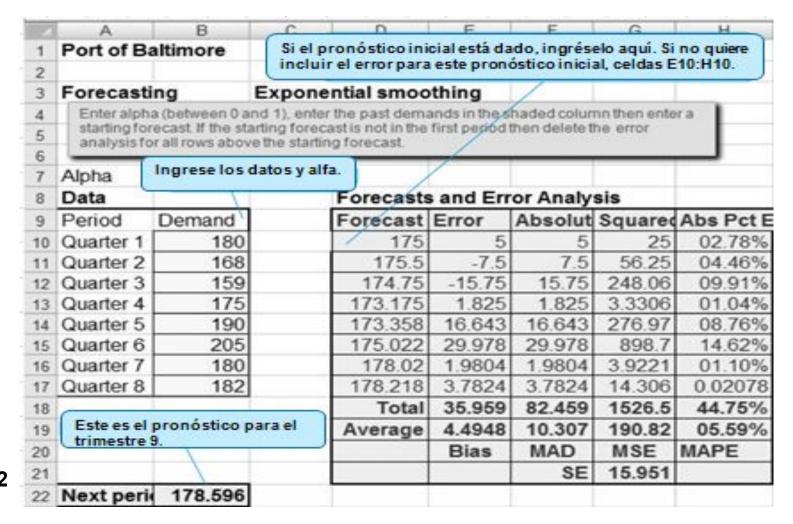
$$DMA = \frac{\sum |desviación|}{n} = 10.31$$

DMA = 12.33

Tabla 5.6

La mejor elección

Ejemplo de suavizamiento exponencial del puerto de Baltimore en Excel QM



Programa 5.2

Suavizamiento exponencial con ajuste de tendencia

- Como todas las técnicas de promedio, el suavización exponencial no responde a las tendencias.
- Un modelo más complejo puede utilizarse para el ajuste de las tendencias.
- El enfoque básico es desarrollar un pronóstico de suavización exponencial y, luego, ajustarlo a la tendencia.

Pronóstico con tendencia (FIT_{t+1}) = pronóstico suavizamiento(F_{t+1}) + tendencia suavizada (T_{t+1})

Suavizamiento exponencial con ajuste de tendencia

- La ecuación para la tendencia de corrección utiliza una nueva constante de suavizamiento β.
- T_t debe estimarse. T_{t+1} se calcula con la ecuación:

$$T_{t+1} = (1-\beta)T_t + \beta(F_{t+1} - FIT_t)$$

donde

 T_t = tendencia suavizada para el periodo t F_t = pronóstico suavizamiento para el periodo t FIT_t = pronóstico incluyendo tendencia para el periodo t

 α = constante de suavizamiento para el pronóstico β = constante de suavizamiento para la tendencia

Selección de una constante de suavizamiento

- Al igual que con el suavizamiento exponencial, un valor grande de β hace que el pronóstico sea más susceptible ante los cambios en la tendencia.
- Un valor pequeño de β da menos peso a la tendencia reciente y suele alisar la tendencia.
- A menudo, los valores se eligen usando un enfoque de ensayo y error con base en el valor de la DMA para distintos valores de β.

- En el periodo 2004-2010, la demanda de generadores eléctricos para esa empresa fue como se indica en la siguiente tabla.
- Para predecir la demanda, Midwest supone:
 - F₁ es perfecto

$T_1 = 0$ $\alpha = 0.3$	AÑO	GENERADORES ELECTRICOS VENDIDOS
$\beta = 0.4$	2004	74
•	2005	79
	2006	80
	2007	90
	2008	105
Tabla 5.7	2009	142
	2010	122

De acuerdo con los supuestos,

$$FIT_1 = F_1 + T_1 = 74 + 0 = 74$$

Paso 1: Calcular F_{t+1} con la ecuación:

$$FIT_{t+1} = F_t + \alpha(Y_t - FIT_t)$$

= 74 + 0.3(74-74) = 74

Paso 2: Actualizar la tendencia con:

$$T_{t+1} = T_t + \beta(F_{t+1} - FIT_t)$$

 $T_2 = T_1 + .4(F_2 - FIT_1)$
 $= 0 + .4(74 - 74) = 0$

Paso 3: Calcular el pronóstico de suavizamiento exponencial de ajuste de tendencia (F_{t+1}) usando la ecuación :

$$FIT_2 = F_2 + T_2$$

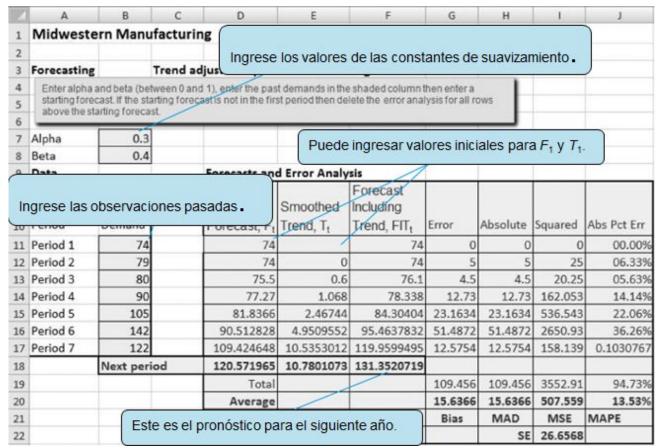
= 74 + 0 = 74

- Para 2006 (periodo 3) tenemos:
- Paso 1: $F_3 = FIT_2 + 0.3(Y_2 FIT_2)$ = 74 + .3(79 - 74) = 75.5
- Paso 2: $T_3 = T_2 + 0.4(F_3 FIT_2)$ = 0 + 0.4(75.5 - 74) = 0.6
- Paso 3: $FIT_3 = F_3 + T_3$ = 75.5 + 0.6 = 76.1

Pronósticos con suavizamiento exponencial con tendencia para Midwestern Manufacturing

Tiempo (t)	Demanda (Y _t)	$FIT_{t+1} = F_t + 0.3(Y_t - FIT_t)$	$T_{t+1} = T_t + 0.4(F_{t+1} - FIT_t)$	$FIT_{t+1} = F_{t+1} + T_{t+1}$
1	74	74	0	74
2	79	74=74+0.3(74-74)	0 = 0+0.4(74-74)	74 = 74+0
3	80	75.5=74+0.3(79-74)	0.6 = 0+0.4(75.5-74)	76.1 = 75.5+0.6
4	90	77.270=76.1+0.3(80-76.1)	1.068 = 0.6+0.4(77.27-76.1)	78.338 = 77.270+1.068
5	105	81.837=78.338+0.3(90-78.3 38)	2.468 = 1.068+0.4(81.837-78.338)	84.305 = 81.837+2.468
6	142	90.514=84.305+0.3(105-84. 305)	4.952 = 2.468+0.4(90.514-84.305)	95.466 = 90.514+4.952
7	122	109.426=95.466+0.3(142-95 .466)	10.536 = 4.952+0.4(109.426-95.466)	119.962 = 109.426+10.536
8		120.573=119.962+0.3(122-1 19.962)	10.780 = 10.536+0.4(120.573-119.96 2)	131.353 = 120.573+10.780

Suavizamiento exponencial con ajuste de tendencia para Midwestern Manufacturing con Excel QM



Program 5.3

Proyecciones de tendencia

- La proyección de tendencia ajusta una recta de tendencia a una serie de datos históricos.
- Proyecta la línea al futuro para obtener pronósticos a mediano y largo plazos.
- Existen varias ecuaciones de tendencia que se pueden desarrollar con los modelos exponencial y cuadrático.
- La más sencilla es un modelo lineal desarrollado mediante análisis de regresión.

Proyecciones de tendencia

La forma matemática es

$$\hat{Y} = b_0 + b_1 X$$

Donde

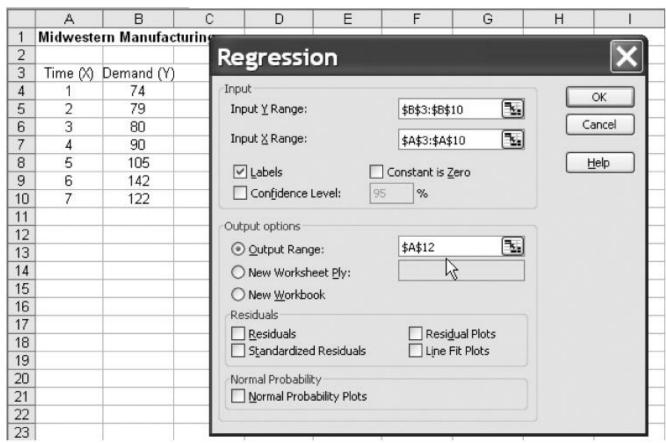
ŷ≐ valor predicho

 b_0 = intersección

 b_1 = pendiente de la recta

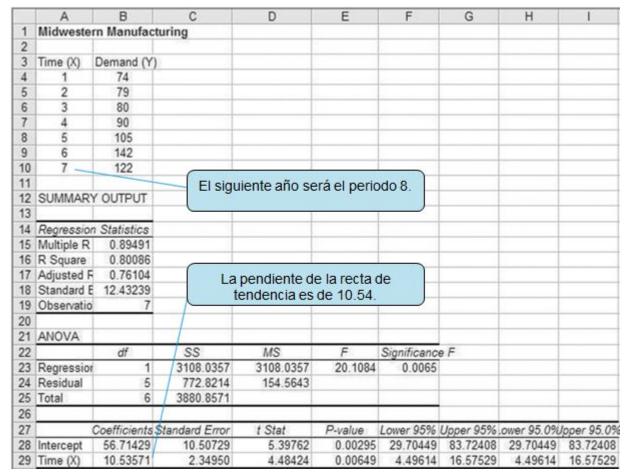
X = periodo (es decir, X = 1, 2, 3, ..., n)

Ventana de entrada de Excel para la recta de tendencia de Midwestern Manufacturing



Programa 5.4A

Salida de Excel para la recta de tendencia de Midwestern Manufacturing



Programa 5.4B

Ejemplo de la compañía Midwestern Manufacturing

La ecuación de pronóstico es

$$\hat{Y} = 56.71 + 10.54X$$

Para proyectar la demanda de 2011, se utiliza el sistema de codificación para definir X = 8

Del mismo modo para X = 9

Los generadores eléctricos y la recta de tendencia calculada

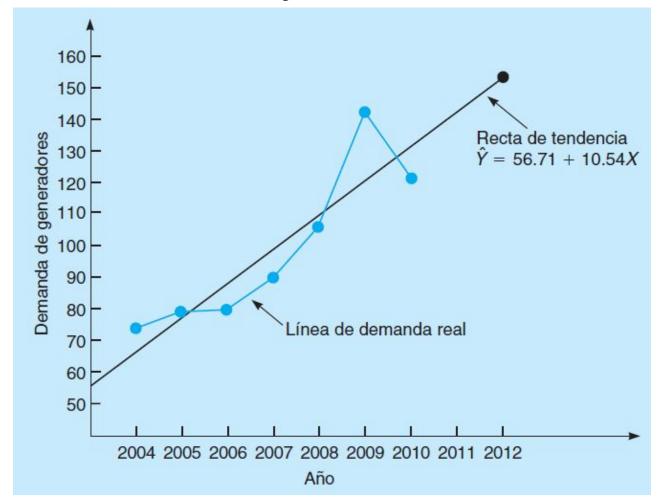
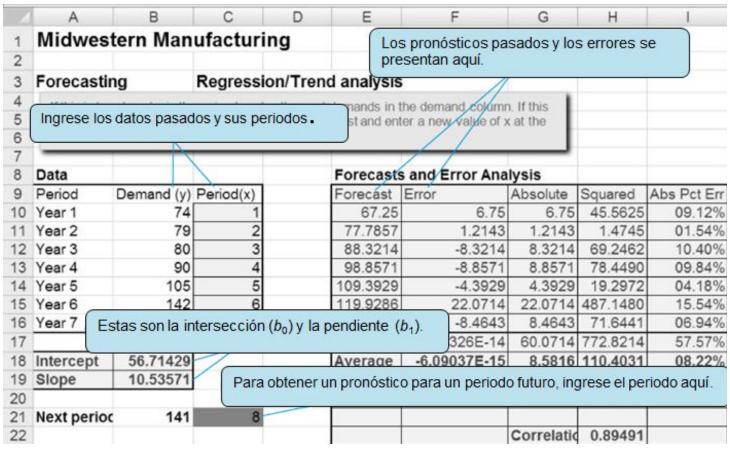


Figura 5.4

Modelo de proyección de tendencia en Excel QM



Programa 5.5

Variaciones estacionales

- Algunas veces las variaciones recurrentes en ciertas estaciones del año hacen necesario un ajuste estacional en el pronóstico de la recta de tendencia.
- Un índice estacional indica la comparación de una estación dada y una estación promedio.
- Cuando no hay una tendencia, el índice se determina dividiendo el valor promedio para una estación específica entre el promedio de todos los datos.

Eichler Supplies

- Supplies Eichler vende contestadores telefónicos.
- Los datos de ventas de los últimos dos años se han recabado usando un modelo en particular.
- La empresa quiere crear una previsión que incluye la estacionalidad.

Ventas de contestadores e índices estacionales de Eichler Supplies

	DEMANDA	DE VENTAS	DEMANDA PROMEDIO	DEMANDA	ÍNDICE ESTACIONAL
MES	AÑO 1	AÑO 2	DE 2 AÑOS	MENSUAL ^a	PROMEDIO ^b
Enero	80	100	90	94	0.957
Febrero	85	75	80	94	0.851
Marzo	80	90	85	94	0.904
Abril	110	90	100	94	1.064
Mayo	115	131	123	94	1.309
Junio	120	110	115	94	1.223
Julio	100	110	105	94	1.117
Agosto	110	90	100	94	1.064
Septiembre	85	95	90	94	0.957
Octubre	75	85	80	94	0.851
Noviembre	85	75	80	94	0.851
Diciembre	80	80	80	94	0.851
	Dema	nda promedio to	tal = 1,128		\
Demanda pron	nedio mensual =	$=\frac{1,128}{12 \text{ meses}} = 94$	^b Índice	estacional =	da promedio de 2 año da promedio mensua

Tabla 5.9

Variaciones estacionales

Los cálculos de los índices estacionales son

Enero
$$\frac{1,200}{12} \times 0.957 = 96$$
 Julio $\frac{1,200}{12} \times 1.117 = 112$

Febrero $\frac{1,200}{12} \times 0.851 = 85$ Agosto $\frac{1,200}{12} \times 1.064 = 106$

Marzo $\frac{1,200}{12} \times 0.904 = 90$ Septiembre $\frac{1,200}{12} \times 0.957 = 96$

Abril $\frac{1,200}{12} \times 1.064 = 106$ Octubre $\frac{1,200}{12} \times 0.851 = 85$

Mayo $\frac{1,200}{12} \times 1.309 = 131$ Noviembre $\frac{1,200}{12} \times 0.851 = 85$

Junio $\frac{1,200}{12} \times 1.223 = 122$ Diciembre $\frac{1,200}{12} \times 0.851 = 85$

Variaciones estacionales con tendencia

- Cuando los dos componentes de tendencia y estacionales están presentes, la tarea de predicción es más compleja.
- Los índices estacionales deberían calcularse utilizando un enfoque de promedio móvil centrado (PMC).
- Pasos para determinar los índices estacionales basados en los PMC:
- Calcular el PMC para cada observación (cuando sea posible).
- 2. Calcular la razón estacional = observación/PMC para esa observación.
- 3. Promediar las razones estacionales para obtener los índices estacionales.
- 4. Si los índices estacionales no suman el número de estaciones, multiplicar cada índice por (número de estaciones)/(suma de índices).

La siguiente tabla muestra las cifras de ventas trimestrales de Turner Industries durante los últimos tres años, en millones de dólares:

TRIMESTRE	AÑO 1	AÑO 2	AÑO 3	PROMEDIO
1	108	116	123	115.67
2	125	134	142	133.67
3	150	159	168	159.00
4	141	152	165	152.67
PROMEDIO	131.0	140.2	149.5	40.25
	U	5	U	1 10120
			Pa	/ itrón

5-64

estacional

Tendencia definida

Tabla 5.10

- Para el cálculo de la PMC para el trimestre 3 del año 1, se comparan las ventas reales con un trimestre medio centrado en ese periodo de tiempo.
- Necesitamos 1.5 trimestre antes del trimestre 3, y 1.5 trimestres después. Para obtener el PMC, tomamos los trimestres 2, 3 y 4 del año 1, más la mitad del trimestre 1 del año 1 y la mitad del trimestre 1 del año 2.

PMC(trimestre 3 del año1) =
$$\frac{0.5(108) + 125 + 150 + 141 + 0.5(116)}{4} = 132.00$$

Comparamos las ventas reales en este trimestre con el PMC y tenemos la siguiente razón estacional:

Razón estacional =
$$\frac{\text{ventas del trimestre 3}}{\text{PMC}} = \frac{150}{132.00} = 1.136$$

	AÑO	TRIMESTRE	VENTAS	PMC	RAZÓN ESTACIONAL
	1	1	108		
		2	125		
		3	150	132.000	1.136
		4	141	134.125	1.051
	2	1	116	136.375	0.851
		2	134	138.875	0.965
		3	159	141.125	1.127
		4	152	143.000	1.063
	3	1	123	145.125	0.848
		2	142	147.875	0.960
Table 5	.11	3	168		
		4	165		

Como hay dos razones estacionales para cada trimestre, las promediamos para obtener el índice estacional:

Índice trimestral 1 =
$$I_1$$
 = (0.851 + 0.848)/2 = 0.85
Índice trimestral 2 = I_2 = (0.965 + 0.960)/2 = 0.96
Índice trimestral 3 = I_3 = (1.136 + 1.127)/2 = 1.13
Índice trimestral 4 = I_4 = (1.051 + 1.063)/2 = 1.06

Diagrama de dispersión de las ventas de Turner Industries y el promedio móvil centrado

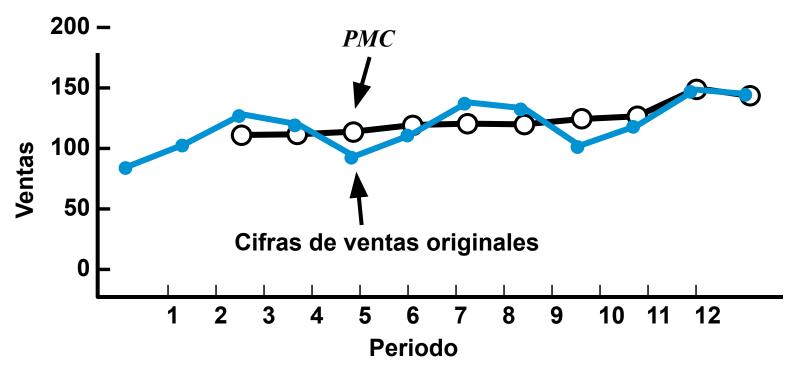


Figura 5.5

Método de descomposición del pronóstico con componentes de tendencia y estacional

- Descomposición es el proceso de aislar los factores de tendencia lineal y estacional para desarrollar pronósticos más exactos.
- Hay cinco pasos para desarrollar un pronóstico con el método de descomposición:
 - 1. Calcular los índices estacionales usando los PMC.
 - 2. Eliminar la estacionalidad de los datos dividiendo cada número entre su índice estacional.
 - 3. Encontrar la ecuación de la recta de tendencia empleando

los datos sin estacionalidad.

- 4. Pronosticar para periodos futuros con la recta de tendencia.
- 5. Multiplicar el pronóstico de la recta de tendencia por el índice estacional adecuado.

Datos sin estacionalidad para Turner Industries

Encuentre una recta de tendencia usando los datos sin estacionalidad:

$$b_1 = 2.34 \ b_0 = 124.78$$

 Desarrolle un pronóstico utilizando esta tendencia y multiplique el pronóstico por el índice de estacionalidad adecuada.

$$\hat{Y}$$
 = 124.78 + 2.34 \hat{X}
= 124.78 + 2.34(13)
= 155.2 (pronóstico antes del ajuste
por estacionalidad)

$$\hat{Y} \times I_1 = 155.2 \times 0.85 = 131.92$$

Datos sin estacionalidad para Turner Industries

VENTAS (millones)	ÍNDICE ESTACIONAL	VENTAS SIN ESTACIONALIDAD
		(millones)
108	0.85	127.059
125	0.96	130.208
150	1.13	132.743
141	1.06	133.019
116	0.85	136.471
134	0.96	139.583
159	1.13	140.708
152	1.06	143.396
123	0.85	144.706
142	0.96	147.917
168	1.13	148.673
165	1.06	155.660

Tabla 5.12

Utilizó 66 meses de días de pacientes adultos para desarrollar los siguientes índices de estacionalidad.

MES	ÍNDICE DE ESTACIONALIDAD	MES	ÍNDICE DE ESTACIONALIDAD
Enero	1.0436	Julio	1.0302
Febrero	0.9669	Agosto	1.0405
Marzo	1.0203	Septiembre	0.9653
Abril	1.0087	Octubre	1.0048
Mayo	0.9935	Noviembre	0.9598
Junio	0.9906	Diciembre	0.9805

Tabla 5.13

Con estos datos se desarrolló la siguiente ecuación:

$$\hat{Y} = 8,091 + 21.5X$$

Donde

 \hat{y} = pronóstico de días-paciente

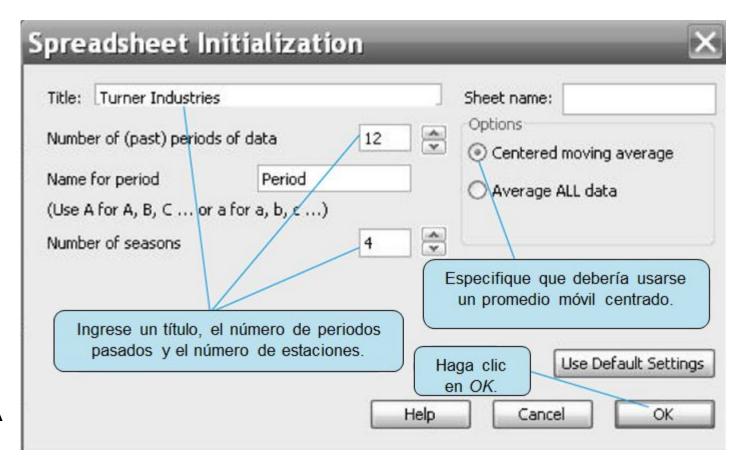
X = tiempo en meses Con base en este modelo, el hospital pronostica los días-paciente para el siguiente mes (periodo 67) como :

Días-paciente = 8,091 + (21.5)(67) = 9,532 (solo tendencia)

Días-paciente = (9,532)(1.0436)

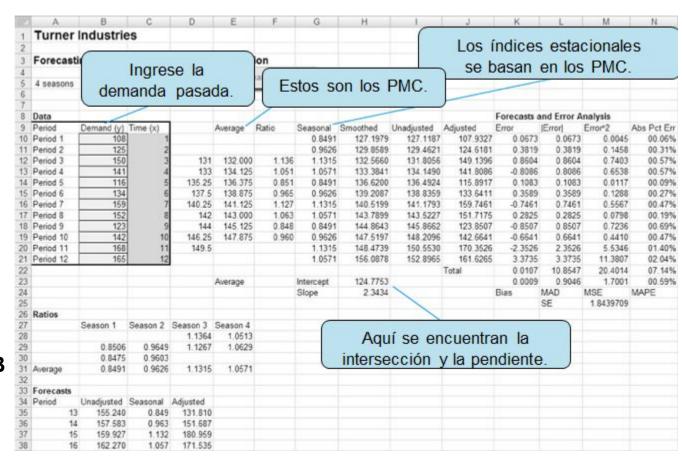
= 9,948 (tendencia y estacionalidad)

Ventana de inicio para el método de descomposición en Excel QM



Programa 5.6A

Pronósticos de Turner Industries usando el método de descomposición en Excel QM



Programa 5.6B

Uso de regresión con componentes de tendencia y estacional

- La regresión múltiple para pronosticar cuando las componentes de tendencia y estacional están presentes en una serie de tiempo.
 - Una variable independiente es el tiempo.
 - Otras variables independientes son variables artificiales para indicar la estación.
- El modelo básico es un modelo de descomposición aditivo y se expresa como:

$$\hat{Y} = a + b_1 X_1 + b_2 X_2 + b_3 X_3 + b_4 X_4$$

Donde

 X_1 = periodo de tiempo

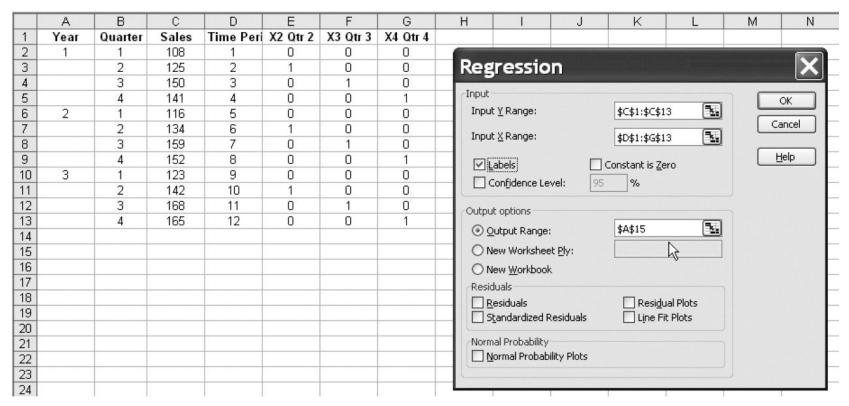
 X_2 = 1 si es el trimestre 2, 0 o de otra manera

 X_3^2 = 1 si es el trimestre 3, 0 o de otra manera

 $X_{A} = 1$ si es el trimestre 4, 0 o de otra manera

Regresión con componentes de tendencia y estacionales

Entrada de Excel para el ejemplo de Turner Industries usando regresión múltiple



Programa 5.7A

Uso de regresión con componentes de tendencia y estacional

Salida de Excel para el ejemplo de Turner Industries usando regresión múltiple

Н X2 Qtr 2 X1 Time Period X3 Qtr 3 X4 Qtr4 Year Quarter Sales Ö 108 0 0 125 150 0 141 0 1 116 0 0 0 134 6 0 159 0 152 8 0 0 1 0 123 0 142 10 0 0 168 11 0 0 165 12 0 1 SUMMARY OUTPUT El trimestre 1 se indica con $X_2 = X_3 = X_4 = 0$. Regression Statistics 0.99718 Multiple R 19 R Square 0.99436 Adjusted R 0.99114 21 Standard E 1.83225 22 Observation 24 ANOVA df SS MS Significance F 3.0865E+02 6.0284E-08 26 Regression 4144.75 1.0362E+03 27 Residual 23.5 3.3571E+00 4168.25 Total Coefficientstandard Erro t Stat p-value Lower 95% Upper 95% ower 95.0% pper 95.0% 31 Intercept 104,1042 1.3322 78.1449 100.9540 107.2543 100.9540 107.2543 0.0000 32 X1 Time Pe 2.3125 0.1619 14.2791 0.0000 1.9296 2.6954 1.9296 2.6954 33 X2 Qtr 2 15.6875 1.5048 10.4252 12.1293 19.2457 12.1293 19.2457 0.0000 34 X3 Qtr 3 42.3278 38.7083 1.5307 25.2882 35.0888 35.0888 42.3278 0.0000 35 X4 Qtr4 30.0625 1.5729 19.1123 26.3431 33.7819 0.0000 26.3431

Programa 5.7B

Uso de regresión con componentes de tendencia y estacional

El resultado de la ecuación de regresión es:

$$\hat{Y} = 104.1 + 2.3X_1 + 15.7X_2 + 38.7X_3 + 30.1X_4$$

Si se usa esta ecuación para pronosticar las ventas de los dos primeros trimestres del siguiente año, obtenemos:

$$\hat{Y} = 104.1 + 2.3(13) + 15.7(0) + 38.7(0) + 30.1(0) = 134$$

$$\hat{Y} = 104.1 + 2.3(14) + 15.7(1) + 38.7(0) + 30.1(0) = 152$$

- Observe que no son los mismos valores que los obtenidos usando el método de descomposición multiplicativa.
- Podemos comparar la DMA o el ECM que se obtiene con cada método y elegir aquel que sea mejor.

Monitoreo y control de los pronósticos

- La señal de rastreo se pueden utilizar para supervisar el rendimiento de un pronóstico.
- La señal de rastreo se calcula como la suma corriente de los errores de pronóstico (SCEP) dividida entre la desviación media absoluta:

Señal de rastreo =
$$\frac{\text{SCEP}}{\text{DMA}}$$

Donde

$$DMA = \frac{\sum |error \ del \ pronóstico|}{n}$$

Monitoreo y control de los pronósticos

Gráfica de las señales de rastreo

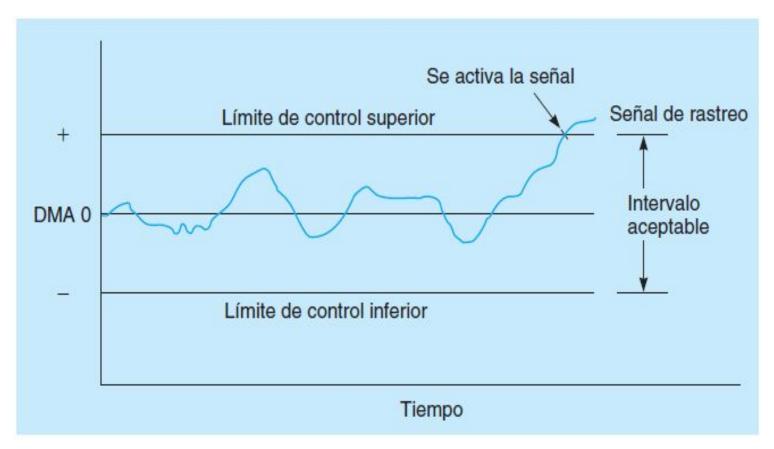


Figure 5.6

Monitoreo y control de los pronósticos

- Las señales de rastreo positivas indican que la demanda es mayor que el pronóstico.
- Las señales negativas significan que la demanda es menor que el pronóstico.
- Una buena señal de rastreo tiene tantos errores positivos como negativos.
- Los problemas surgen cuando la señal llega más arriba o más abajo que los límites prestablecidos.
- Esto indica que ha habido una cantidad inaceptable de variación.
- Los límites deberían ser razonables y pueden variar de un artículo a otro.

Kimball's Bakery

Las ventas trimestrales de croissants (en miles):

PERIO- DO	PRONÓSTICO DE DEMANDA	DEMANDA REAL	ERROR	SCEP	ERROR DEL PRONÓSTICO	ERROR ACUMULADO	DMA	SEÑAL DE RASTREO
1	100	90	-10	-10	10	10	10.0	-1
2	100	95	-5	-15	5	15	7.5	-2
3	100	115	+15	0	15	30	10.0	0
4	110	100	-10	-10	10	40	10.0	-1
5	110	125	+15	+5	15	55	11.0	+0.5
6	110	140	+30	+35	30	85	14.2	+2.5

$$DMA = \frac{\sum |\text{error de pronóstico}|}{n} = \frac{85}{6}$$

$$= 14.2$$
Señal de rastreo = $\frac{\text{SCEP}}{\text{DMA}} = \frac{35}{14.2}$

$$= 2.5 \text{ DMA}$$

Suavizamiento adaptable

- El suavizamiento adaptable es la supervisión por computadora de las señales de rastreo y auto-ajuste, cuando el límite se dispara.
- En el suavizamiento exponencial, los coeficientes α y β se ajustan cuando la computadora detecta una señal de rastreo errante.