

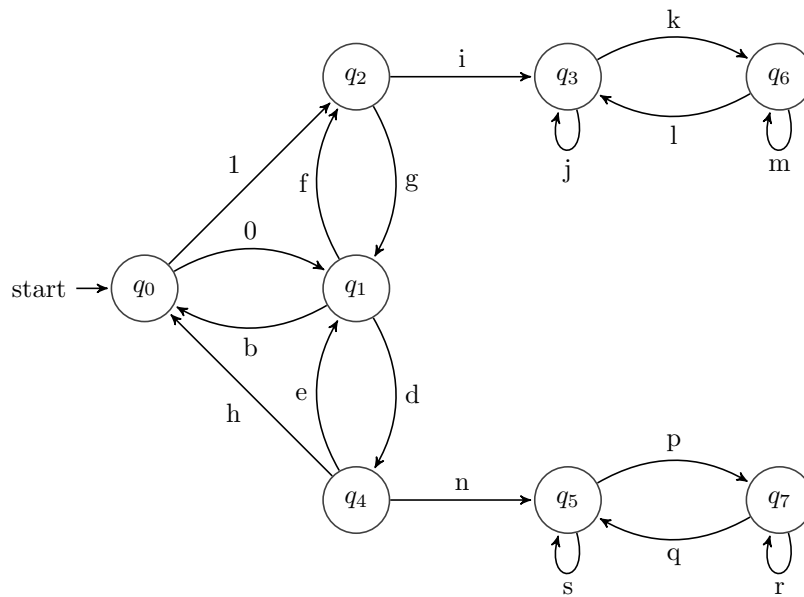
# Exame

## Teoría de Autómatas e Linguaxes Formais

Febreiro 2012

1. Se o número de 0 antes do primeiro par de 1 é impar entón os ceros despois dese primeiro par de uns tamén é par.

- A) asdf  $q_6$  e  $q_7$  estados finais
- B) b, d, e, f, g  $\rightarrow$  0, -, 0, 1, -, 0
- C) i, j, k, l, m  $\rightarrow$  1, 0, 1, 1, 0
- D) n, p, q, r, s  $\rightarrow$  1, 0, 0, 1, 1



2.  $AF = (\{0, 1\}, \{A, B, C, D\}, D, A, \{A, D\})$

	0	1
$\rightarrow *A$	B	A
B	C	C
C	D	C
*D	A	C

A) Depois de eliminar C a RE de A a D é  $0(0+1)10$

B) Depois de eliminar C a RE de A a D é  $11^*0$

C)  $L_a = [1+0(0+1)1^*0(11^*0)^*0]^*$

D)  $L_d = [1+0(0+1)1^*0(11^*0)^*0]^*0(0+1)1^*0$

3. Lema do Bombeio para LR  $L = \{X \mid X \in (a+b)^*, N(a) = 2N(b) \text{ e } N(b) \text{ impar}\}$

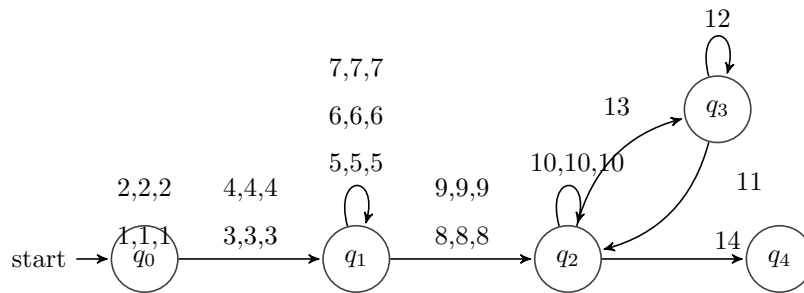
A) Linguaxe regular

B) Aplicando a descomposición  $x = a^{4n}, y = aab, z = b^{2n}$  non verifica o LB

C) Aplicando a descomposición  $x = \varepsilon, y = aab, z = a^{4n}b^{2n}$  falla para  $k = 0$

D) Aplicando a descomposición  $x = \varepsilon, y = aab, z = a^{4n}b^{2n}$  falla para  $k = 3$

4. Vaciado de pila  $L = \{a^i b^j c^k \mid j = 2(i+k)\}$



A)  $1, 2, 3, 4 \rightarrow (a, Z, aZ), (a, a, aa), (\lambda, Z, Z), (\lambda, a, a)$

B)  $5, 6, 7 \rightarrow (b, a, \lambda), -, (b, b, bb)$

C)  $8, 9, 14 \rightarrow (\lambda, Z, Z), (\lambda, b, b), (\lambda, Z, \lambda)$

D)  $10, 11, 12, 13, 14 \rightarrow (\lambda, b, \lambda), -, (c, b, \lambda)$

5.  $L = \{a^i(b+c)^j d^k / i > 2(j+k); i, j, k \geq 0\}$

$G = (\{S, A, B\}, \{a, b, c, d\}, \{S; P\})$

$S \rightarrow a \ 1 \ 2 \ 3 \mid 4$

$B \rightarrow a \ 5 \ 6 \ 7 \mid a \ 8 \ 9 \ 10 \mid 11$

$A \rightarrow 1 \ 2 \ 13 \mid a$

A)  $1, 2, 3, 4 \rightarrow -, S, d, B$

B)  $5, 6, 7 \rightarrow -, B, b$

C)  $8, 9, 10 \rightarrow -, B, C$

D)  $11, 12, 13 \rightarrow A, a, A$

6. Lema de Bombeo para linguaxes independentes do contexto.

$L = \{a^i, b^j, c^n, d^p / i > j, m < p, i, j, m, p \geq 0\}$

A) Linguaxe independente do contexto

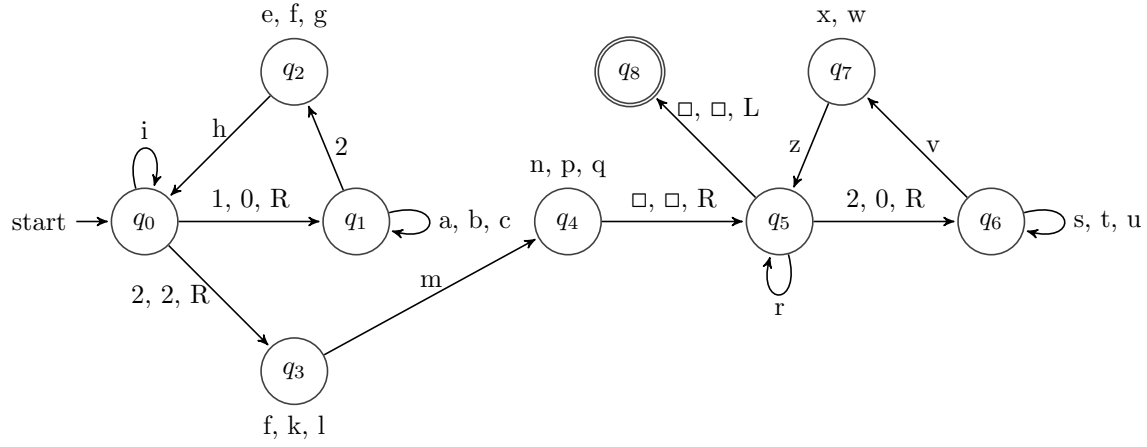
B)  $U = a^{n+1}b^nc^{n-1}, V = c, W = \lambda, X = d, Z = d^n$  verifica o lema do bombeo

C)  $U = a^{n+1}b^nc^{n-1}, V = cd, W = \lambda, X = \lambda, Z = d^n$  falla para  $k=0$

D)  $U = a^{n+1}b^nc^{n-1}, V = cd, W = \lambda, X = \lambda, Z = d^n$  falla para  $k=2$

7.  $MT = (\{q_0, \dots, q_8\}, \{1, 2, 3, 4\}, \{1, 2, 3, 4, 0, B\}, q_0, B, \{q_8\})$

$$L = \{1^i 2^m 3^i 4^m : i \geq 0, m > 0\}$$



- A) a, b, c, d  $\rightarrow$  (0, 0, R), (1, 1, R), (2, 2, R), (3, 0, R)
- B) e, f, g, h, i  $\rightarrow$  (0, 0, L), (1, 1, L), (2, 2, L), (B, B, R), -
- C) j, k, l, m  $\rightarrow$  (0, 0, R), (2, 2, R), -, (4, 4, L)
- D) n, p, q, r  $\rightarrow$  (0, 0, L), (2, 2, L), -, (0, 0, R)
- E) s, t, u, v  $\rightarrow$  (0, 0, R), (2, 2, R), -, (4, 0, R)
- F) w, x, z  $\rightarrow$  (0, 0, L), (2, 2, L), (B, B, R)

$$8. L = \{a^i b^j c^k d^m : i > k; i < m; i, j, k, m \geq 0\}$$

$$G = (\{S, X, A, B, D\}, \{a, b, c, d\}, S, D)$$

$$S \rightarrow Xd \quad X = 1 \ 2 \ c \ |A$$

$$A = 3 \ 4 \ |5 \ |6 \ D$$

$$Dc = 7 \ 8$$

$$Dd = D \ 9 \ 10 \ |11 \ 12 \ |13 \ 14 \ 15$$

$$cB = 16 \ 17$$

bB = 18 19 D |bb

aB = 20 21 D |ab

A) 1,2  $\rightarrow$  a, X

B) 3, 4, 5, 6  $\rightarrow$  a, A, a, B

C) 7, 8  $\rightarrow$  c, D

D) 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15  $\rightarrow$  d, d, -, d, B, d, d

E) 16, 17  $\rightarrow$  B, c

F) 18, 19, 20, 21  $\rightarrow$  b, b, b, b

#### 9. Test

A) Sendo L unha linguaxe recursiva, M unha máquina de Turing que o acpeta, calquera W que non pertenza a L a máquina pasa a estado non final ou bucle infinito.

B)

C) Unha linguaxe pertence a NP se non existe ningunha Máquina de Turing non determinista que o acepte en tempo humano

D) L é NP-completo si pertence a NP e

② a)  $L$  recursiva,  $H$  uma MP que aceita, qualquer  $w$  não pertence a  $L$  a menos para a qual  $w$  pertence

b) decidível  $\Leftrightarrow$  MT  $\Leftrightarrow$   $L$   $\Leftrightarrow$   $L^c$   $\Leftrightarrow$   $L$   $\Leftrightarrow$   $L^c$

c) uma lang. pertence a PP  $\Leftrightarrow \exists$  MT não det que aceita  $L$   $\Leftrightarrow$   $L$   $\Leftrightarrow$   $L^c$

d)  $L$  é PP-Completo se  $L \in PP$  e  $L^c \notin PP$  ou  $L \notin PP$  e  $L^c \in PP$