# Fibra ottica

# github.com/asdrubalini

September 27, 2021

# 1 Teoria

## 1.1 Utilizzo

La fibra ottica è un mezzo vetroso che convoglia un raggio luminoso al suo interno. Il raggio può essere trasmesso solo se il materiale di cui è composto la fibra ha delle caratteristiche tali da risultare in una riflessione totale.

## 1.2 Legge di Snell

Esiste una relazione tra l'angolo di incidenza, l'angolo con cui viene rifratto il raggio nel secondo mezzo e gli indici di rifrazione dei due mezzi. La relazione è descritta dalla legge di Snell:

$$\frac{sen(\phi i)}{sen(\phi R)} = \frac{n_2}{n_1} \tag{1}$$

Dalla formula si capisce che, aumentando l'angolo di incidenza, aumenta anche quello di rifrazione. Quando l'angolo di rifrazione raggiunge i 90 gradi, il segnale viene riflesso completamente. L'angolo di incidenza necessario per questa evenienza si chiama angolo limite  $\phi L$  e si trova con la formula inversa della legge di Snell:

$$sen(\phi L) = \frac{n_2}{n_1} \tag{2}$$

#### 1.3 Apertura numerica

L'apertura numerica è un parametro che caratterizza l'accoppiamento della fibra con la sorgente di radiazione.

$$NA = n_1 sin(\phi M) = \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$
 (3)

# 1.4 Angolo di accettazione

Il segnale deve entrare nella fibra con un certo angolo, definito angolo di accettazione. L'angolo di accettazione si può ricavare dall'apertura numerica:

$$\phi M = \arcsin(NA) \tag{4}$$

#### 1.5 Modi di propagazione

Dati i parametri della fibra, possono esistere diversi raggi luminosi che la attraversano con percorsi diversi, distanze diverse e tempi diversi. Il numero di questi raggi è definito come modi di propagazione e si calcola con la seguente equazione:

$$M = \frac{1}{2} \left(\frac{\pi \cdot d \cdot NA}{\lambda}\right)^2 \tag{5}$$

#### 1.6 Banda di una fibra

La banda di una fibra si può calcolare sapendo la banda modale  $B_m$  e la banda cromatica  $B_c$ .

$$B = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{B_m}^2 + \frac{1}{B_c}^2}} \quad [MHz] \tag{6}$$

Banda modale:

$$\Delta t m_o = 3333 \cdot \frac{n_1}{n_2} \cdot (n_1 - n_2) \quad \left[\frac{ns}{km}\right] \tag{7}$$

$$Bm_0 = \frac{0.44 \cdot 10^3}{\Delta t m_0} \quad [MHz \cdot km] \tag{8}$$

$$Bm = \frac{Bm_0}{l^{0.85}} \qquad [MHz] \tag{9}$$

Banda cromatica:

$$\Delta t c_o = \mu \cdot \Delta \lambda \quad \left[\frac{ps}{km}\right] \tag{10}$$

$$Bc_0 = \frac{0.44 \cdot 10^6}{\Delta t c_0} \quad [MHz \cdot km] \tag{11}$$

$$Bc = \frac{Bc_0}{l} \quad [MHz] \tag{12}$$