# 2024春-计算方法-第二次上机作业说明文档

#### 实验目的 1

通过使用C/C++语言实现下面两种线性方程组求解的算法:

- 列主元Gauss消元
- Gauss-Seidel迭代法

分析比较两种算法的表现。

### 实验要求 2

考虑两点边值问题

$$\left\{ \begin{array}{l} \varepsilon \frac{d^2y}{dx^2} + \frac{dy}{dx} = a, \quad 0 < a < 1 \\ y(0) = 0, y(1) = 1 \end{array} \right.$$

容易知道它的精确解为

$$y = \frac{1 - a}{1 - e^{-1/\varepsilon}} \left( 1 - e^{-\frac{x}{\varepsilon}} \right) + ax$$

为了把微分方程离散, 把 [0,1] 区间 n 等分, 令  $h=\frac{1}{n}$ ,

$$x_i = ih, \quad i = 1, 2, \dots, n - 1,$$

得到差分方程

$$\varepsilon \frac{y_{i-1} - 2y_i + y_{i+1}}{h^2} + \frac{y_{i+1} - y_i}{h} = a,$$

简化为

$$(\varepsilon + h)y_{i+1} - (2\varepsilon + h)y_i + \varepsilon y_{i-1} = ah^2,$$

从而离散后得到的线性方程组的系数矩阵为

对 $\varepsilon = 1, a = \frac{1}{2}, n = 100$ ,分别用列主元Gauss消元法, Gauss-Seidel迭代方法求线性方程组的解, Gauss-Seidel方法要求有 4 位有效数字, 然后比较与精确解的误差.

对  $\varepsilon = 0.1, \varepsilon = 0.01, \varepsilon = 0.0001,$  考虑同样的问题.

程序实现完毕后,应撰写实验报告。实验报告中应包含如下内容:

- 1. 标题、学号、姓名。
- 2. 实验结果与分析。输出算法的求得的线性方程组的解y。将求得的解y与精确解做比较。比较两种算法的运行表现。如果算法无法运行,分析原因。
- 3. 请以文字方式或作图说明实验结果和分析。

## 3 提交要求

## 3.1 提交方式

请提交源代码和实验报告。新建目录,并以"HW2-学号-姓名"方式命名,该目录下应包含如下内容:

- src\ (文件夹, 存放你的源代码)
- report.pdf (你的实验报告)

将该文件夹以压缩包方式(压缩包命名方式为"HW2-学号-姓名.zip"。 发送到课程邮箱 comp\_method@163.com,邮件标题和压缩包同名。 请严格按照命名方式要求提交,不要交错邮箱,否则可能漏记成绩。

## 3.2 截止时间

在4月1日23:59分前提交。 若有特殊情况请向助教说明。