МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГООБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского» (ННГУ)

Институт информационных технологий, математики и механики

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА

на тему:

«Верхнетреугольные матрицы на шаблонах»

Выполнил: ст	удент группы 3822Б1ФИ2
	/Миронов А. И./
Подпись	
Проверил: к	ат.н, доцент каф. ВВиСП / Кустикова В.Д./
Подпись	

Нижний Новгород 2023

Содержание

Введение	3
1 Постановка задачи	4
2 Руководство пользователя	5
2.1 Приложение для демонстрации работы вектора	5
2.2 Приложение для демонстрации работы матрицы	6
3 Руководство программиста	7
3.1 Описание алгоритмов	7
3.1.1 Вектор	7
3.1.2 Матрица	8
3.2 Описание программной реализации	9
3.2.1 Описание класса TVector	9
3.2.2 Описание класса TMatrix	10
Заключение	16
Литература	17
Приложения	18
Приложение А. Реализация класса TVector	
Приложение Б. Реализация класса TMatrix	21

Введение

Лабораторная работа "Векторы и верхнетреугольные матрицы на шаблонах" направлена на изучение и практическое применение концепции шаблонов в языке программирования С++. Шаблоны позволяют создавать обобщенные типы данных, которые могут быть использованы с различными типами данных без необходимости дублирования кода. В рамках данной работы мы будем рассматривать примеры использования шаблонов для реализации векторов и верхнетреугольных матриц.

1 Постановка задачи

Цель:

Ознакомление студентов с принципами работы шаблонов в языке C++ и их применением для создания обобщенных типов данных. В результате выполнения работы студенты должны приобрести практические навыки по созданию и использованию шаблонов для реализации векторов и верхнетреугольных матриц.

Задачи:

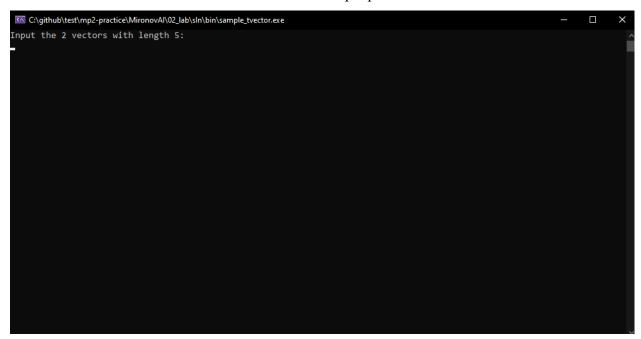
- 1. Изучение основных принципов работы шаблонов в языке С++.
- 2. Разработка шаблонного класса для реализации вектора, который будет поддерживать основные операции.
- 3. Разработка шаблонного класса для реализации верхнетреугольной матрицы, который будет поддерживать операции сложения матриц, умножения матриц и т.д.
- 4. Проведение тестирования разработанных шаблонных классов на различных наборах данных для проверки их корректности и эффективности.

2 Руководство пользователя

2.1 Приложение для демонстрации работы вектора

1. Запустите приложение с названием sample_tvector.exe. В результате появится окно, показанное ниже и вам будет предложено ввести 2 целочисленных вектора длины 5 (Ошибка! Источник ссылки не найден.).

Рис. 1. Основное окно программы



2. После ввода будет выведены результаты соответствующих операций и функций (рис 2).

Рис. 2. Результат тестирования функций класса TVector

```
Input the 2 vectors with length 5:

1 1 1 1 1

2 2 2 2 2

First vector:

1 1 1 1 1

Second vector:

2 2 2 2 2

V1+v2: 3 3 3 3 3

v1-v2: -1 -1 -1 -1 -1

v1+v2: 10

v1-v2: -1 -1 -1 -1 -1

v1+v2: 10

v1-v2: -1 -1 -1 -1

v1-v2: 0

v1-v2: 0
```

2.2 Приложение для демонстрации работы матрицы

1. Запустите приложение с названием sample_tmatrix.exe. В результате появится окно, показанное ниже, вам будет предложено ввести 2 целочисленных верхнетреугольных матрицы 3 х 3 (вам нужно ввести 12 чисел) (рис 3).

Рис. 3. Основное окно программы



2. После ввода матриц будет выведены результаты соответствующих операций и функций (рис 4).

Рис. 4. Результат тестирования функций класса **TMatrix**



3 Руководство программиста

3.1 Описание алгоритмов

3.1.1 Вектор

- 1. Начало работы указано в пункте 2.1 этого документа
- 2. Описание методов и полей класса в пункте 3.2.1 этого документа

Программа алгоритм состоит из единственной функции **void test_tvector()**, которая сразу вызывается из основной функции **int main()**. Изначально необходимо алгоритм запрашивает пользователя ввести 2 вектора поля длинной 5 для демонстрации использования экземпляров класса (рис 5)

Рис. 5. Ввод данных алгоритма

```
TVector<int> v1(5), v2(5);
cout << "Input the 2 vectors with length 5:\n";
cin >> v1 >> v2;
```

3. После чего алгоритм последовательно выведет результат вызова соответствующих операций и методов класса (рис 6).

Рис. 6. Вывод результата работы алгоритма

```
cout << "First vector:\n" << v1 << endl;</pre>
cout << "Second vector:\n" << v2 << "\n\n";</pre>
cout << "v1+v2: " << v1 + v2 << endl;
cout << "v1-v2: " << v1 - v2 << endl;
cout << "v1*v2: " << v1 * v2 << endl;
cout << "v1-2: " << v1 - 2 << endl;
cout << "v2 + 2: " << v2 + 2 << endl;
cout << "v1.size(): " << v1.GetSize() << endl;
cout << "v1 == v2: " << (v1 == v2) << endl:
v1 = v2;
cout << "v1 == v2 after v1 = v2: " << (v1 == v2) << endl;
cout << "v1[1]: " << v1[1] << endl;
cout << "v2[0]: " << v2[0] << endl;
cout << "v1 != v2: " << (v1 != v2) << endl;
cout << "OK" << endl;
return;
```

3.1.2 Матрица

- 1. Начало работы указано в пункте 2.2 этого документа.
- 2. Описание методов и полей класса в пункте 3.2.2 этого документа

Программа алгоритм состоит из единственной функции void test_tmatrix(), которая сразу вызывается из основной функции int main(). Изначально необходимо алгоритм запрашивает пользователя ввести 2 верхнетреугольных матрицы, элементы которых должны быть целочисленным целым числом, для демонстрации использования экземпляров класса (рис 7)

Рис. 7. Ввод данных алгоритма

```
TMatrix<int> m1(3), m2(3);
cout << "Input 2 matrix (6 int elements for each): \n";
cin >> m1 >> m2;
```

3. После чего алгоритм последовательно выведет результат вызова соответствующих операций и методов класса (рис 8).

Рис. 8. Результат работы алгоритма

```
cout << "First mector:\n" << m1 << endl;
cout << "Second mector:\n" << m2 << "\n\n";
cout << "m1+m2:\n" << m1 + m2 << endl;
cout << "m1-m2:\n" << m1 - m2 << endl;
cout << "m1*m2:\n" << m1 * m2 << endl;
cout << "m1.size(): " << m1.GetSize() << endl;
cout << "m1 == m2: " << (m1 == m2) << endl;
m1 = m2;
cout << "m1 == m2 after m1 = m2: " << (m1 == m2) << endl;
cout << "m1[1]: " << m1[1] << endl;
cout << "m2[0]: " << m2[0] << endl;
cout << "m1 != m2: " << (m1 != m2) << endl;
cout << "m1 != m2: " << (m1 != m2) << endl;
cout << "m2[0]: " << m2[0] << endl;
cout << "OK" << endl;
return;</pre>
```

3.2 Описание программной реализации

3.2.1 Описание класса TVector

```
template <class ValType>
class TVector
{
private:
    int StartIndex;
protected:
  ValType *pVector;
  int Size;
  //int StartIndex;
public:
    TVector(int s = 10, int si = 0);
    TVector(const TVector& v);
    ~TVector();
    int GetSize()
                         { return Size;
    int GetStartIndex() { return StartIndex; }
    ValType& operator[](int pos);
    bool operator==(const TVector<ValType> &v) const;
    bool operator!=(const TVector<ValType> &v) const;
    const TVector<ValType>& operator=(const TVector<ValType>
&v);
    // скалярные операции
    TVector<ValType> operator+(const ValType &val);
    TVector<ValType> operator-(const ValType &val);
    TVector<ValType> operator*(const ValType &val);
    // векторные операции
    TVector<ValType> operator+(const TVector<ValType> &v);
    TVector<ValType> operator-(const TVector<ValType>&v);
    ValType operator*(const TVector<ValType> &v);
    // ввод-вывод
    friend istream& operator>>(istream &in, TVector<ValType>
&v);
    friend ostream& operator<<(ostream &out, TVector<ValType>
&v);
};
    Назначение: представление вектора
    Поля:
StartIndex - индекс первого необходимого элемента вектора
*pVector — память для представления элементов вектора
Size – количество нужных элементов вектора
```

Методы:

TVector(int s = 10, int si = 0);

Назначение: конструктор по умолчанию и конструктор с параметрами

Входные параметры:

- s длинна вектора (по умолчанию 10)
- si стартовый индекс (по умолчанию 0)

Выходные параметры: -

TVector(const Tvector<ValType>& v);

Назначение: конструктор копирования

Входные параметры:

v – экземпляр класса, на основе которого создаем новый объект

Выходные параметры: -

~TVector();

Назначение: деструктор

Входные параметры: -

Выходные параметры: -

int GetSize();

Назначение: получение размера вектора

Входные параметры: -

Выходные параметры: размер вектора (количество элементов)

int GetStartIndex();

Назначение: получение стартового индекса

Входные параметры: -

Выходные параметры: стартовый индекс

ValType& operator[](int pos);

Назначение: перегрузка оператора индексации

Входные параметры:

pos – позиция (индекс) элемента

Выходные параметры: элемент, который находится на роз позиции

bool operator==(const TVector<ValType> &v) const;

Назначение: оператор сравнения

Входные параметры:

v – экземпляр класса, с которым сравниваем

Выходные параметры:

True (1), если они равны, иначе false(0).

bool operator!=(const TVector<ValType> &v) const;

Назначение: оператор сравнения

Входные параметры:

v – экземпляр класса, с которым сравниваем

Выходные параметры:

True (1), если они не равны, иначе false(0).

const TVector<ValType>& operator=(const TVector<ValType> &v);

Назначение: оператор присваивания

Входные параметры:

v – экземпляр класса, который присваиваем

Выходные параметры:

Ссылка на (*this), уже присвоенный экземпляр класса

TVector<ValType> operator+(const ValType &val);

Назначение: оператор суммирования вектора и значения

Входные параметры:

Val – элемент, с которым суммируем

Выходные параметры:

Экземпляр класса, элементы которого на val больше

TVector<ValType> operator-(const ValType &val);

Назначение: оператор вычитания вектора и значения

Входные параметры:

Val – элемент, который вычитаем

Выходные параметры:

Экземпляр класса, элементы которого на val меньше

TVector<ValType> operator*(const ValType &val);

Назначение: оператор умножения вектора на значение

Входные параметры:

Val – элемент, на который умножаем вектор

Выходные параметры:

Экземпляр класса, элементы которого в val раз больше

TVector<ValType> operator+(const TVector<ValType> &v);

Назначение: оператор суммирования векторов

Входные параметры:

V – вектор, который суммируем

Выходные параметры:

Экземпляр класса, равный сумме двух векторов

TVector<ValType> operator-(const TVector<ValType> &v);

Назначение: оператор вычитания векторов

Входные параметры:

V – вектор, который вычитаем

Выходные параметры:

Экземпляр класса, равный разности двух векторов

TVector<ValType> operator*(const TVector<ValType> &v);

Назначение: оператор умножения векторов

Входные параметры:

V – вектор, на который умножаем

Выходные параметры:

Значение, равное скалярному произведению двух векторов

friend istream& operator>>(istream &in, TVector<ValType> &v);

Назначение: оператор ввода вектора

Входные параметры:

In – ссылка на буфер, из которого вводим вектор

V – ссылка на вектор, который вводим

Выходные данные:

In – ссылка буфер

friend ostream& operator<<(ostream &out, TVector<ValType> &v);

Назначение: оператор вывода вектора

Входные параметры:

In – ссылка на буфер, из которого выводим вектор

V – ссылка на вектор, который выводим

Выходные данные:

In – ссылка буфер

3.2.2 Описание класса TMatrix

```
template <class ValType>
class TMatrix : public TVector<TVector<ValType>>
public:
  TMatrix(int s = 10);
  TMatrix(const TMatrix &mt);
  TMatrix(const TVector<TVector<ValType> > &mt);
  bool operator==(const TMatrix<ValType>&mt) const;
  bool operator!=(const TMatrix<ValType>&mt) const;
  const TMatrix& operator=(const TMatrix<ValType> &mt);
  TMatrix operator+(const TMatrix<ValType> &mt);
  TMatrix operator-(const TMatrix<ValType> &mt);
  TMatrix operator*(const TMatrix<ValType> &mt);
  // ввод / вывод
  friend istream& operator>>(istream &in, TMatrix<ValType>&mt);
  friend ostream & operator<<( ostream &out, const);</pre>
};
Класс наследуется от класса TVector<TVector<ValType>>.
    Назначение: представление матрицы как вектор векторов
    Поля:
StartIndex - индекс первого необходимого элемента
*pVector – память для представления элементов матрицы
Size – размерность матрицы
Методы:
TMatrix(int s = 10);
    Назначение: конструктор по умолчанию и конструктор с параметрами
    Входные параметры:
     s – длинна вектора (по умолчанию 10)
    Выходные параметры: -
TMatrix(const TMatrix &mt);
    Назначение: конструктор копирования
     Входные параметры:
     mt – экземпляр класса, на основе которого создаем новый объект
     Выходные параметры: -
```

TMatrix(const TVector<TVector<ValType> > &mt);

Назначение: Конструктор преобразования типов

Входные параметры:

mt – ссылка на TVector<TVector<ValType>> - на объект, который преобразуем

Выходные данные: -

bool operator==(const TMatrix<ValType>&mt) const;

Назначение: оператор сравнения

Входные параметры:

mt – экземпляр класса, с которым сравниваем

Выходные параметры:

True (1), если они равны, иначе false(0).

bool operator!=(const TMatrix<ValType>&mt) const;

Назначение: оператор сравнения

Входные параметры:

mt – экземпляр класса, с которым сравниваем

Выходные параметры:

True (1), если они не равны, иначе false(0).

const TMatrix& operator=(const TMatrix<ValType> &mt);

Назначение: оператор присваивания

Входные параметры:

mt – экземпляр класса, который присваиваем

Выходные параметры:

Ссылка на (*this), уже присвоенный экземпляр класса

TMatrix operator+(const TMatrix<ValType> &mt);

Назначение: оператор суммирования матриц

Входные параметры:

mt – ссылка на матрицу, которую суммируем

Выходные параметры:

Экземпляр класса, равный сумме двух матриц

TMatrix operator-(const TMatrix<ValType> &mt);

Назначение: оператор вычитания матриц

Входные параметры:

mt – ссылка на матрицу, которую вычитаем

Выходные параметры:

Экземпляр класса, равный разности двух матриц

TMatrix operator*(const TMatrix<ValType> &mt);

Назначение: оператор умножения матриц

Входные параметры:

mt – ссылка на матрицу, которую умножаем

Выходные параметры:

Экземпляр класса, равный произведению двух матриц

friend istream& operator>>(istream &in, TMatrix<ValType>&mt);

Назначение: оператор ввода матрицы

Входные параметры:

In – ссылка на буфер, из которого вводим матрицу

V – ссылка на матрицу, которую вводим

Выходные данные:

In – ссылка буфер

friend ostream& operator<<(ostream &out, TMatrix<ValType>&mt);

Назначение: оператор вывода матрицы

Входные параметры:

Out – ссылка на буфер, из которого выводим матрицу

V – ссылка на матрицу, который выводим

Выходные данные:

Out – ссылка буфер

Заключение

В ходе выполнения лабораторной работы мы изучили и практически применили концепцию шаблонов в языке программирования С++. Шаблоны позволяют создавать обобщенные типы данных, которые могут быть использованы с различными типами данных без необходимости дублирования кода.

В рамках работы мы разработали шаблонный класс для реализации вектора, который поддерживает основные операции, такие как добавление элемента, удаление элемента, доступ к элементу по индексу и другие. Также мы разработали шаблонный класс для реализации верхнетреугольной матрицы, который поддерживает операции сложения матриц, умножения матрицы на матрицу и другие

Литература

1. Википедия [https://ru.wikipedia.org/wiki/Треугольная_матрица].

Приложения

Приложение A. Реализация класса TVector

Рис. 9. Реализация класса TVector 1

```
#include <iostream>
#include <iostream>#include <iostream>#include <iostream>#include <iostream>#include <iostream>#include <iostream>#include <iostream &include <iostream &in
```

Рис. 10. Реализация класса TVector 2

```
friend ostream& operator<<(ostream &out,TVector<ValType> &v)
              for (int i = 0; i < v.StartIndex + v.Size; i++)
out << v[i] << ' ';
        template <class ValType>
       TVector<ValType>::TVector(int s, int si):Size(s), StartIndex(si)
              if (s <= 0 || s>MAX_VECTOR_SIZE)
    throw "Incorrect size";
if (si < 0)</pre>
              throw "You cannot start at negative index!";
pVector = new ValType[s]();
       | template <class ValType>
__TVector<ValType>::TVector(const TVector<ValType> &v)
           Size = v.Size;
StartIndex = v.StartIndex;
           pVector = new ValType[Size];
           std::copy(v.pVector, v.pVector + v.Size, pVector);
       template <class ValType>
=TVector<ValType>::~TVector()
              delete[] pVector;
       template <class ValType>

EValType& TVector<ValType>::operator[](int pos)
              if (pos < 0 || pos>=MAX_VECTOR_SIZE)
             throw "Wrong position";
if (pos < StartIndex)
                   return x;
89
90
              if (pos - StartIndex < Size)</pre>
                   return pVector[pos - StartIndex];
              else
```

Puc. 11. Реализация класса TVector 3

Рис. 12. Реализация класса TVector 4

Рис. 13. Реализация класса TVector 5

Приложение Б. Реализация класса TMatrix

Рис. 14. Реализация класса TMatrix 1

```
| Catiforde __TMATRIX H_
| Eminclude <icostreams | Finclude <icostre
```

Рис. 15. Реализация класса TMatrix 2

```
template <class ValType>
TMatrix<ValType>::TMatrix(int s): TVector<TVector<ValType>>(s)
      if(s> MAX_MATRIX_SIZE)
      throw "Too Large Matrix";
for (int i = 0; i < Size; ++i)
           TVector<ValType> x(Size - i, i);
          pVector[i] = x;
template <class ValType>

[TMatrix<ValType>::TMatrix(const TMatrix<ValType> &mt):TVector<TVector<ValType>>(mt)
     for (int i = 0; i < Size; ++i)
          pVector[i] = mt.pVector[i];
template <class ValType>
pTMatrix<ValType>::TMatrix(const TVector<TVector<ValType>> &mt):TVector<TVector<ValType>>(mt)
     if (mt.Size > MAX_MATRIX_SIZE)
          throw "Allocation Error";
☐TMatrix<ValType>::~TMatrix()
     for (int i = 0; i < Size; i++)
template <class ValType>
| template <class ValType>
| bool TMatrix<ValType> &mt) const
      for (int i = 0; i < Size; ++i)
          if (pVector[i] != mt.pVector[i])
```

Рис. 16. Реализация класса TMatrix 3

```
const TMatrix<ValType>& TMatrix<ValType>::operator=(const TMatrix<ValType> &mt)
104
105
106
            if (*this == mt)
            if (Size != mt.Size)
                TVector<ValType>* Tmp = new TVector<ValType>[mt.Size];
delete[] pVector;
                pVector = Tmp;
            Size = mt.Size;
std::copy(mt.pVector, mt.pVector + mt.Size, pVector);
            return *this;
       ⊟TMatrix<ValType> TMatrix<ValType>::operator+(const TMatrix<ValType> &mt)
            TMatrix<ValType> A(std::max(Size, mt.Size)), not_const_mt(mt);
for (int i = 0; i < max(Size, mt.Size); ++i)</pre>
                 TVector<ValType> tmp;
                 if (i >= not_const_mt.Size)
                 tmp = (*this)[i];
else if (i >= Size)
129
130
                     tmp = not_const_mt[i];
                else
   tmp = (*this)[i] + not_const_mt[i];
                 A[i] = tmp;
            return A:
```

Рис. 17. Реализация класса TMatrix 4

```
template <class ValType>
⊒TMatrix<ValType> TMatrix<ValType>::operator-(const TMatrix<ValType> &mt)
      TMatrix<ValType> A(std::max(Size, mt.Size)), not_const_mt(mt);
for (int i = 0; i < max(Size, mt.Size); ++i)</pre>
           TVector<ValType> tmp;
           if (i >= not_const_mt.Size)
           tmp = (*this)[i];
else if (i >= Size)
                tmp = not_const_mt[i]*(-1);
                tmp = (*this)[i] - not_const_mt[i];
           A[i] = tmp;
      return A;
 template <class ValType>
☐TMatrix<ValType> TMatrix<ValType>::operator*(const TMatrix<ValType>& mt)
      if (Size != mt.Size)
    throw "Sizes should be equal!\n";
      TMatrix<ValType> tmp(mt), res(Size);
for (int i = 0; i < Size; i++)</pre>
           for (int j = i; j < Size; j++)</pre>
                for (int k = i; k <= j; k++)
                     res[i][j] += (*this)[i][k] * tmp[k][j];
           i
      return res;
 .
#endif
```