## Высшая школа экономики

## Факультет компьютерных наук

Программа «Прикладная математика и информатика»

Пилотный поток, 2 курс, осенний семестр

## МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ:

## список вопросов для подготовки к экзамену

- 1. Определение ряда, частичных сумм, сходимости. Суммирование и умножение на константу сходящихся рядов. Независимость сходимости от изменения (удаления, добавления) конечного числа членов. Хвосты и остатки ряда, связь частичных сумм и остатков сходящегося ряда. Связь сходимости ряда и расстановки скобок.
- 2. Критерий Коши сходимости ряда. Необходимое условие сходимости. Абсолютная и условная сходимость рядов.
- 3. Признаки Д'Аламбера и Коши сходимости знакопостоянных рядов.
- 4. Интегральный признак Коши-МакЛорена.
- 5. Признаки Куммера, Раабе сходимости знакопостоянных рядов.
- 6. Признак Гаусса сходимости знакопостоянных рядов.
- 7. Признак Лейбница сходимости числового ряда.
- 8. Признаки Дирихле и Абеля сходимости числового ряда.
- 9. Теорема Коши о перестановках абсолютно сходящегося ряда.
- 10. Теорема Римана о перестановках условно сходящегося ряда.
- 11. Теорема Коши о произведении абсолютно сходящихся рядов. Теорема Мертенса (без доказательства).
- 12. Бесконечные произведения. Сходимость бесконечных произведений. Необходимое условие сходимости. Связь сходимости бесконечного произведения и ряда из логарифмов его членов. Необходимые и достаточные условия сходимости бесконечного произведения; достаточные условия сходимости бесконечного произведения.
- 13. Применение бесконечных произведений: упрощенный вариант формулы Стирлинга; теорема Абеля о ряде из отношений членов к частичным суммам.
- 14. Функциональные последовательности, их поточечная и равномерная сходимость. Арифметические свойства, супремум-критерий, критерий Коши равномерной сходимости. Функциональные ряды. Критерий Коши равномерной сходимости функциональных рядов.
- 15. Признак Вейерштрасса равномерной сходимости функциональных рядов.
- 16. Признаки Дирихле и Абеля равномерной сходимости функциональных рядов.
- 17. Предел по базе. Предел последовательности, предел функции и интеграл Римана как частные случаи предела по базе. Единственность предела по базе, арифметические свойства, переход в пределу в неравенствах.
- 18. Критерий Коши существования предела по базе.
- 19. Критерий Гордона существования и равенства повторных пределов.
- 20. Теорема о перестановке пределов для равномерно сходящейся функциональной последовательности. Непрерывность равномерного предела нtпрерывных функций.
- 21. Теорема о перестановке предельного перехода и интегрирования. Почленное интегрирование функциональных рядов.
- 22. Теорема о перестановке предельного перехода и дифференцирования. Почленное дифференцирование функциональных рядов.
- 23. Степенные ряды. Теоремы Абеля о степенных рядах. Множество сходимости степенного ряда, радиус сходимости.
- 24. Непрерывность суммы степенного ряда на множестве сходимости.
- 25. Дифференцирование и интегрирование степенного ряда внутри интервала сходимости.
- 26. Необходимое условие представимости функции степенным рядом. Достаточное условие представимости функции степенным рядом (рядом Тейлора). Разложение элементарных функций в ряд Тейлора-Маклорена.