

Appunti di Fisica della Materia



Zanotti N. & Coli S.
Physics Department
University of Bologna
2022

License



All materials are licensed under the [Creative Commons Attribution-Share Alike 3.0 United States License](#).

Contents

Introduction

0.1 Fondamenti di Fisica Statistica

Nello studio di sistemi fisici capita di dover analizzare il comportamento di un insieme di particelle, classiche o quantistiche, che si muovono in uno spazio determinato con una particolare energia. Sorge quindi la domanda di quale sia il modo migliore per studiare un sistema di questo tipo, ad esempio, dato un piccolo numero di particelle libere di muoversi in un volumetto, risulta abbastanza naturale utilizzare un approccio di tipo meccanico, nel quale viene studiato separatamente il moto delle singole particelle cercando di trovare la loro traiettoria ed energia. Quando però il numero di elementi costituenti il sistema cresce, ci si rende conto delle difficoltà che scaturiscono dall'utilizzo di tale approccio. L'analisi di una mole di gas, in particolare, (ideale o reale che sia) comporta lo studio della dinamica di 6.022×10^{23} molecole. Risulta quindi necessario adoperare un diverso metodo, al fine di semplificare l'indagine su un tale sistema, senza però perdere l'accuratezza nello studio delle sue proprietà.

A tale scopo, consideriamo un approccio di tipo termodinamico, dato che la termodinamica è quella parte della fisica che permette lo studio del mondo *macroscopico* sulla base di postulati intuitivi e leggi fenomenologiche (la teoria cinetica dei gas è il solo caso in cui la termodinamica può essere derivata, quasi interamente, da "principi primi"). Una equazione come la legge dei gas perfetti, ad esempio, permette lo studio di un sistema senza dover ricorrere direttamente all'analisi *microscopica* del sistema. Il modello termodinamico, però, non corrisponde in maniera rigorosa al mondo fisico reale, poiché ignora completamente la struttura atomica della materia.

Un terzo approccio possibile, che in realtà è molto legato a quello termodinamico (si vedrà infatti un legame profondo tra i due) è quello della meccanica statistica. Questa, permette di calcolare le proprietà macroscopiche di un sistema dalla distribuzione statistica del comportamento microscopico individuale di atomi e molecole, studiandone così il comportamento medio. Questa teoria permette di affidarci ad una descrizione statistica, ottenendo cioè informazioni macroscopiche (e.g. T o P) del sistema analizzando comportamenti microscopici collettivi, invece di seguire le traiettorie di ogni singola molecola e risolvere le equazioni del moto, classicamente o quantisticamente.

Al fine di una migliore comprensione di tale approccio, segue una rapida sezione che riprende i concetti fondamentali della probabilità.

0.2 Probabilità

Iniziamo con l'enunciare gli assiomi che ci permettono di costruire la teoria probabilistica:

1. $P(A)$ è la probabilità che un evento A avvenga, sulla base di certe considerazioni iniziali;
2. $P(A) \geq 0$;
3. $\sum_i P(A_i) = 1$;
4. $P(A \vee B) = P(A) + P(B)$;
5. $P(A \wedge B) = P(A) \cdot P(B)$;

Siano quindi p e q le probabilità che rispettivamente un evento accada o non accada, per intendersi sia p la probabilità che nel lancio di una moneta esca testa e q la probabilità che esca croce (entrambe pari a $1/2$). Dopo N eventi possiamo costruire un diagramma ad albero che mostri le possibili configurazioni dei risultati dei lanci, mostrato in Figura ??.

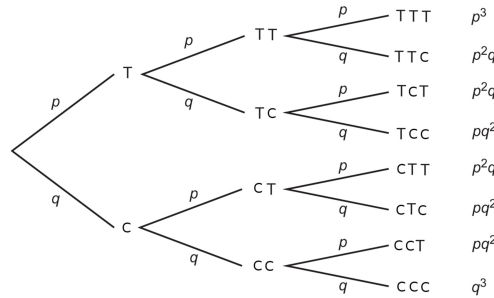


Figure 1: *Diagramma ad albero per $N=3$*

Quando, però, il numero di eventi cresce, costruire diagrammi di questo tipo risulta sconveniente. Passiamo quindi ad utilizzare il formalismo matematico per riassumere quello che accade. Per definizione sappiamo che $p + q = 1$, ma allora:

$$(p + q)^N = 1$$

$$(p + q)^N = p^N + \frac{1}{2}N(N-1)p^{N-1}q + \dots + q^N$$

Utilizzando il binomio di Newton:

$$(p + q)^N = \sum_{M=0}^N \binom{N}{M} p^{N-M} q^M = \sum_{M=0}^N P(N; N-M)$$

Dove il coefficiente binomiale è definito come:

$$\binom{N}{M} = \frac{N!}{M!(N-M)!}$$

e $P(N; N-M)$ è la probabilità di ottenere $N-M$ teste ed M croci. Se ridefinissimo quindi N_C come il numero di croci ($N_C = M$) e N_T come il numero di teste ($N_T = N-M$), allora $P(N; N-M)$ diventa:

$$P(N; N-M) = P(N; N_T) = \binom{N}{M} p^{N-M} q^M = \frac{N!}{N_C! N_T!} p^{N_T} q^{N_C}$$

Nel caso della moneta è interessante osservare la devianza relativa tra N_C ed N_T :

$$\frac{\Delta N}{N} = \frac{N_C - N_T}{N}$$

notando che tale grandezza tenderà a zero all'aumentare del numero dei lanci.

Una funzione $P(X)$ come quella appena definita viene detta distribuzione di probabilità, questa potrà assumere valori discreti o continui a seconda del fenomeno osservato. In entrambi i casi è possibile definire dei valori che caratterizzano le proprietà della distribuzione in oggetto, quello che cambia è come questi valori verranno definiti. Nel caso di una distribuzione discreta si avranno:

1. Valor Medio: $\langle x \rangle = \frac{1}{N} \sum_{i=0}^N x_i$

Chapter 1

chapt1

prova

Bibliography

- [1] Diego Restrepo, Hacia la teoría cuántica de campos, curso web, <http://gfif.udea.edu.co>
- [2] M. Maggiore, “A Modern introduction to quantum field theory,” *Oxford University Press*, 2005. (*Oxford Series in Physics*, 12. ISBN 0 19 852073 5)
- [3] F. Mandl and G. Shaw, *Chichester, Uk: Wiley* (1984) 354 P. (*A Wiley-interscience Publication*)
- [4] A. Lahiri and P. B. Pal, “A first book of quantum field theory,” *Harrow, UK: Alpha Sci. Int.* (2005) 380 p