

IIC 2433 Minería de Datos

https://github.com/marcelomendoza/IIC2433

- TSNE y UMAP -

Objetivo: Proyectar los datos a 2D o 3D para visualización.

Idea: Convertir distancias (Euclideanas) a probabilidades condicionales.

$$p_{j|i} = \frac{\exp\left(-\|x_i - x_j\|^2 / 2\sigma_i^2\right)}{\sum_{k \neq i} \exp\left(-\|x_i - x_k\|^2 / 2\sigma_i^2\right)}$$
 Vecindario (parametrizable)

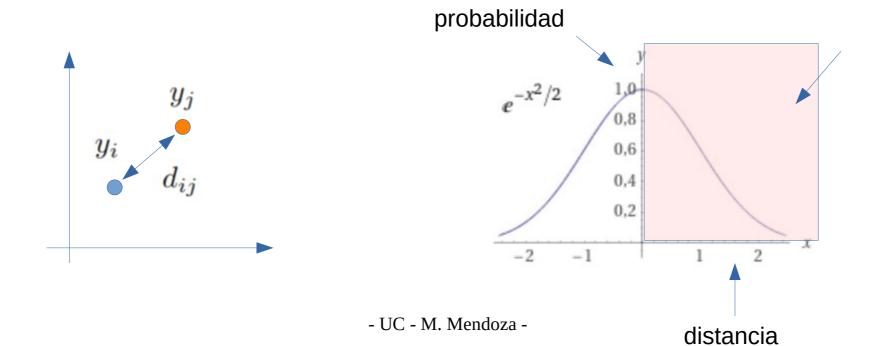
Definimos la proyección tal que: $q_{j|i} = \frac{\exp\left(-\|y_i - y_j\|^2\right)}{\sum_{k \neq i} \exp\left(-\|y_i - y_k\|^2\right)}$

Notar que: $p_{i|i} = q_{i|i} = 0$.

Visualización que preserva distancias del espacio original P **D-dimensional** Bidimensional

Hacemos lo mismo en un espacio de menor dimensionalidad (proyección):

probabilidad
$$q_{j|i} = \frac{\exp\left(-\|y_i - y_j\|^2\right)}{\sum_{k \neq i} \exp\left(-\|y_i - y_k\|^2\right)}$$



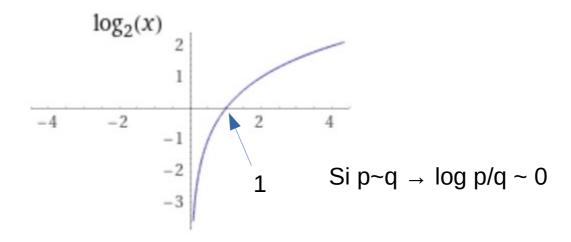
¿Cómo mido cuanto se parece el espacio original al proyectado?

Voy a comparar las distribuciones de probabilidad P y Q.

Divergencia de Kullback-Leibler:

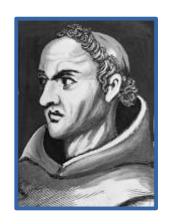
$$C = \sum_{i} KL(P_i||Q_i) = \sum_{i} \sum_{j} p_{j|i} \log \frac{p_{j|i}}{q_{j|i}}$$

La divergencia es menor en la medida que ambas distribuciones son más parecidas.



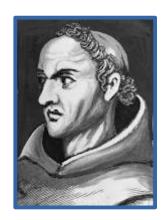
Principio (navaja de Ockham o principio de parsimonia)

"El modelo más simple es también el modelo más plausible"



Principio (navaja de Ockham o principio de parsimonia)

"El modelo más simple es también el modelo más plausible"

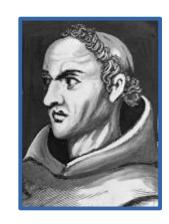


Una medida de complejidad: Entropía (basada en familias de objetos)

$$H(P_i) = -\sum_j p_{j|i} \log_2 p_{j|i}.$$

Principio (navaja de Ockham o principio de parsimonia)

"El modelo más simple es también el modelo más plausible"



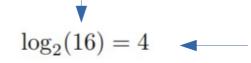
Una medida de complejidad: Entropía (basada en familias de objetos)

$$H(P_i) = -\sum_j p_{j|i} \log_2 p_{j|i}.$$

Explicación: entropía como medida de información.

Lanzamos una moneda 4 veces. Posibles estados del ejercicio: $2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2$





 $\log_2(16) = 4$ Bits para codificar los estados ej. CSSC

Principio (navaja de Ockham o principio de parsimonia)

"El modelo más simple es también el modelo más plausible"



Una medida de complejidad: Entropía (basada en familias de objetos)

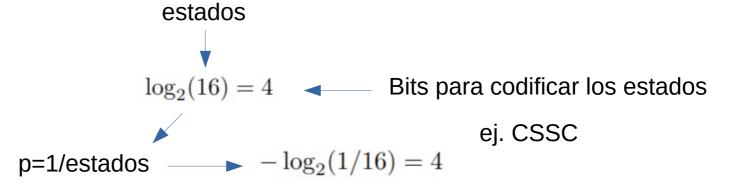
$$H(P_i) = -\sum_j p_{j|i} \log_2 p_{j|i}.$$

Explicación: entropía como medida de información.





Probabilidad de un resultado en particular:



Si los eventos no son equiprobables, debemos promediar:

$$H(P_i) = -\sum_{j} p_{j|i} \log_2 p_{j|i}.$$

Información codificada en el espacio original

11

Volvamos a SNE:

El usuario define: $Perp(P_i) = 2^{H(P_i)}$

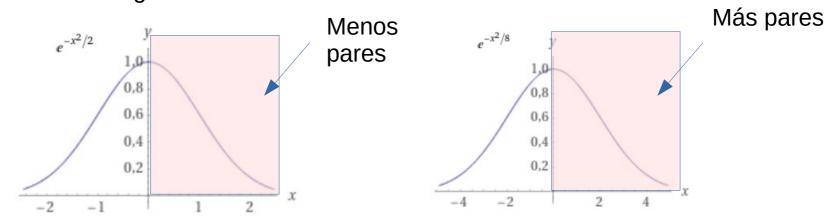
 $\sigma = 1$

Me da el # de estados promedio (vecinos de cada punto)

 $\sigma = 2$

lo cual permite determinar σ_i (internamente).

Es decir, el usuario define la complejidad de la proyección, la cual es modelada en sigma!!!



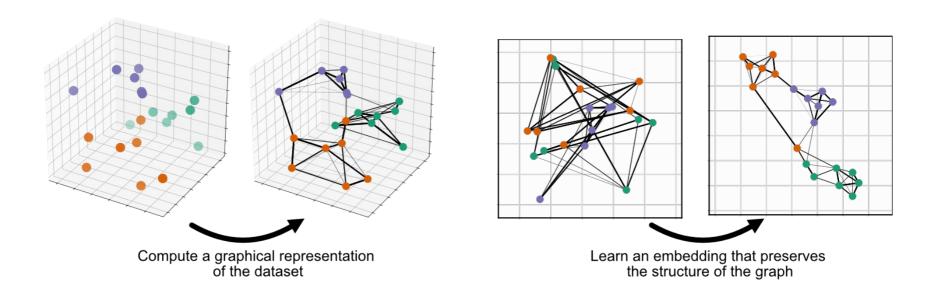
- UC - M. Mendoza -

- Debemos calibrar el parámetro perplexity.
- El parámetro nos indica la complejidad de la proyección:
 mayor perplejidad → menor parsimonia
- Mayor perplejidad → mayor p → más vecinos → mayor sigma

Nota: En rigor usaremos una versión simétrica de SNE denominada t-SNE (reemplaza KL por Jensen-Shannon).

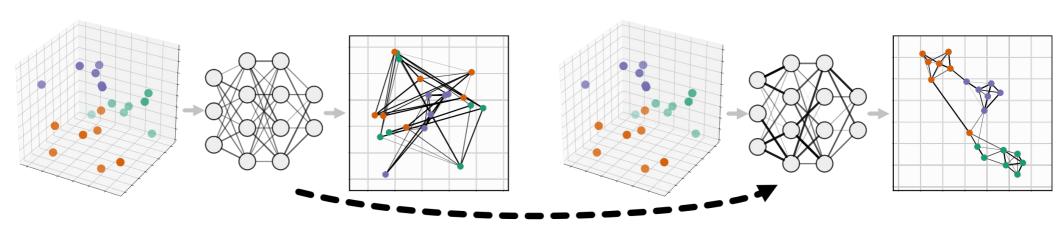
Uniform Manifold Approximation and Projection (UMAP)

Idea básica: UMAP calcula un grafo que representa los datos, luego aprende un embedding a partir del grafo.



Uniform Manifold Approximation and Projection (UMAP)

UMAP paramétrico



Learn a set of neural network weights that preserves the structure of the graph