

E3. Sorting (30 pts)

Se cuenta con un sistema de seguimiento de contaminación ambiental que cubre toda la ciudad de Buenos Aires. Así, regularmente se registra información de diferentes sensores en diferentes momentos y se quiere saber en qué zonas se registra mayor contaminación, ya que cada sensor está asociado a una zona particular de la urbe. De esta forma, dados ciertos registros realizados, que constan del identificador del sensor, que es un valor alfanumérico de máximo 64 caracteres, el momento en que se tomó el registro y el valor medido, donde ambos son naturales no acotados, se quiere obtener el acumulado de cada sensor para las últimas k mediciones (se puede considerar cualquier valor de k , en tanto se tiene una gran cantidad de registros por cada sensor). Con esta información se desea hacer un ranking, donde aparezcan primero los sensores con mayor contaminación registrada acumulada. En caso de empate, se mostrarán primero los sensores con registros más recientes. Se quiere implementar la función MÁSCONTAMINADOS, que recibe un arreglo que contiene mediciones de los sensores y la cantidad de mediciones que se desean considerar para obtener un acumulado, y se desea obtener un *ranking*, donde primero aparecen los sensores que tienen mayor valor total:

MásContaminados(in a: Array<struct<sensor: string, in t:int, in v:int>>, in k: int): Array<string>
La función debe tener cota de peor caso $O(n \cdot \log n)$, siendo n la cantidad de mediciones registradas entre todos los sensores.
Por ejemplo, dados el A indicado abajo y k igual a 2, MásContaminados(A , 2) retornará [48A, 1AB, 1C], ya que tanto el sensor 1AB como el 48A registran un acumulado de 120 en las últimas 2 mediciones, pero el 48A tiene un registro más reciente, por lo que queda primero, y luego queda el 1C, que sólo acumula 55.

$A = [(1AB, 8, 100), (48A, 10, 100), (1AB, 9, 25), (48A, 9, 25), (1AB, 14, 95), (48A, 15, 20), (1C, 12, 5), (1C, 17, 50)]$

a) Se pide escribir el algoritmo de MásContaminados, justificando **detalladamente** la complejidad.
b) ¿Cuál sería el *mejor caso* para este algoritmo? ¿Cuál sería la cota de complejidad más ajustada?

Figura 1: Enunciado Mediciones

```
SensorId = string
Sensor = Struct(sensor: SensorId, t: int, v: int)
Medicion = Struct(sensorId: SensorId, t: int, valorAcumulado: int, mediciones: int)
proc MasContaminados (in A: Array<Sensor>, in k: int) : Array<SensorId>

1  mergeSort(A) // Ordenar por mas recientes "t" mayor a menor. O(n*log(n))
2
3  // El diccionario digital funciona en O(1)
4  // por el largo maximo es de 64 caracteres
5  // y el alfabeto está acotado.
6  var mediciones: DiccionarioDigital<SensorId, Medicion>
7  var sensores: ListaEnlazada<SensorId>
8      mediciones:= diccionarioVacio()
9      sensores:= listaVacía()
10
11  var j: int
12      j:= 0
13
14  while (j < A.length) do // O(n)
15      var sensorId: SensorId
16          sensorId:= A[j].sensor
17
18      if (!mediciones.esta(sensorId)) then
19          // Nos quedamos con la fecha mas reciente
20          mediciones.definir( // O(1)
21              sensorId,
22              new Medicion(
23                  sensorId=sensorId,
24                  mediciones=1
25                  t=A[j].t
26                  valorAcumulado=A[j].v,
27              ) // O(1)
28              sensores.agregarAtras(sensorId)
29          )
30      else
31          var medicion: Medicion
32              medicion:= sensores.obtener(sensorId) // O(1)
33
34          if (medicion.mediciones < k) then
35              medicion.mediciones:= medicion.mediciones + 1 // O(1)
36              medicion.valorAcumulado:= medicion.valorAcumulado + A[j].v // O(1)
37              // Nos vamos quedando con la fecha mas reciente dentro de las "k" mediciones
38              medicion.t:= A[j].t // O(1)
39          endif
40      endif
41  endwhile
42
43  // Ahora que tenemos el diccionario armado, con los ultimos "k" valores
44  // acumulados, solo tenemos que pasarlo a un array y ordenarlo primero
45  // por el desempate (t menor a mayor) y luego por valorAcumulado (mayor a menor)
46  var resultadoMedicionesLista: ListaEnlazada<Medicion>
47  var resultadoMediciones: Array<Medicion>
48
49  while !(sensores.vacia()) do // O(n)
50      resultadoMedicionesLista.agregarAtras(mediciones.obtener(sensores.primerO())) // O(1)
51      sensores.fin() // O(1)
52  endwhile
53
54  resultadoMediciones:= toArray(resultadoMediciones) // O(n)
55
56  mergeSort(resultadoMediciones) // ordenar por "t" menor a mayor O(n*log(n))
57  mergeSort(resultadoMediciones) // ordenar por "valorAcumulado" mayor a menor O(n*log(n))
58
59  var res: Array<SensorId>
60      res:= new Array(resultadoMediciones.length) // O(n)
61      j:= 0 // O(1)
62
63  while (j < res.length) do // O(n)
64      res[j]:= resultadoMediciones[j].sensorId
65  endwhile
66
67  return res
68 /**
69  * Analisis complejidad: O(n*log(n))
70  */
```

Ejercicio 14

Para poder resolver este problema con la complejidad que nos piden vamos a tener que utilizar una combinacion entre heap sort y listas enlazadas. Fijémonos por qué merge no sirve:
Supongamos que tenemos el arreglo [2,3,4] y k=2
Si pudieramos armar el siguiente arreglo en n*k: [2, 4, 3, 6, 4, 8]
Nos damos cuenta que podríamos ir haciendo merge de a partes.
Paso 1: merge([2,4], [3,6]) --> [2,3,4,6]
Paso 2: merge([2,3,4,6], [4, 8]) --> [2,3,4,4,6,8]
Esto no funciona, la complejidad de hacer merge en n listas ordenadas es cuadratica. (es una sumatoria de gauss)
Así que: Heap sort al rescate. Vamos a usar listas enlazadas para que remover el primero sea O(1)

proc ordenarMultiplos (in A: Array<int>, in k: int) : Array<int>

```
1  var res: Array<int>
2    res:= new Array(A.length * k) // O(n*k)
3
4  var arregloDeListas: Array<ListaEnlazada<int>>
5    arregloDeListas:= new Array(A.length)
6  var j: int
7  var i: int
8    i:= 1
9    j:= 0
10
11 while (j < A.length) do
12   arregloDeListas[j] = listaVacia()
13
14   while (i <= k) do
15     arregloDeListas[j].agregarAtras(A[j] * i)
16     i:= i + 1
17   endwhile
18
19   i:= 1
20   j:= j + 1
21 endwhile
22
23 // Cola de prioridad min, por el primer elemento de la lista enlazada
24 var colaDePrioridad: ColaDePrioridadLog<ListaEnlazada<int>>
25   colaDePrioridad:= colaDePriodidadVacia()
26   j:= 0
27
28 while (j < arregloDeListas.length) do
29   colaDePrioridad.encolar(arregloDeListas[j])
30   j:= j + 1
31 endwhile
32
33 var res: Array<int>
34 var indiceActual: int
35   res:= new Array(A.length * k)
36   indiceActual:= 0
37
38 while (!colaDePriodidad.estaVacia())
39   var listaPrioritaria: ListaEnlazada<int>
40     listaPrioritaria:= colaDePriodidad.desencolarMax()
41
42   res[i]:= listaEnlazada(listaPrioritaria.primer())
43
44   listaPrioritaria.fin()
45   colaDePriodidad.encolar(listaPrioritaria)
46
47   i:= i + 1
48 endwhile
49
50 return res
```

Ejercicio 17

Planta = string

Stock = int

Prioridad = int

Nodo = Struct(planta: Planta, stock: Stock, prioridad: Prioridad)

```
proc Recolectar (  
  in s: Array<Tupla<Planta, Stock>>,  
  in u: DiccionarioDigital<Planta, Prioridad>  
) : Array<Planta>
```

```
1  var stockTotal: DiccionarioDigital<Planta, Stock>  
2    stockTotal:= diccionarioVacio()  
3  
4  // Inicializamos stockTotal  
5  var j:= 0  
6  while (j < s.length) do  
7    var planta: Planta  
8    var stock: Stock  
9    var stockAcumulado: Stock  
10     planta:= s[j][0]  
11     stock:= s[j][1]  
12     stockAcumulado:= 0  
13  
14    if (stockTotal.pertenece(planta)) then  
15      stockAcumulado:= stockTotal.obtener(planta)  
16    endif  
17  
18    stockTotal.definir(Planta, stockAcumulado + stock)  
19    j:= j + 1  
20  endwhile  
21  
22  // Evitemos a toda costa iterar sobre un dict  
23  // justificar que se amortiza es siempre complicado  
24  // TRUCAZO  
25  var nodos: ListaEnlazada<Nodo>  
26    nodos:= listaVacia()  
27    j:= 0  
28  
29  while (j < s.length) do  
30    var planta: Planta  
31    planta:= s[j][0]  
32    if (stockTotal.pertenece(planta)) then  
33      var prioridad: Prioridad  
34      var stock: Stock  
35      prioridad:= u.obtener(planta)  
36      stock:= stockTotal.obtener(planta)  
37  
38      nodos.agregarAtras(new Nodo(planta=planta, stock=stock, prioridad=prioridad))  
39      stockTotal.borrar(planta)  
40    endif  
41    j+= j + 1  
42  endwhile  
43  
44  var arreglo_nodos: Array<Nodo>  
45    arreglo_nodos:= toArray(nodos)  
46  
47  mergeSort(arreglo_nodos) // ordenar de menor a mayor por stock  
48  mergeSort(arreglo_nodos) // ordenar de mayor a menor por prioridad  
49  
50  
51  var res: Array<Planta>  
52    res:= new Array(arreglo_nodos.longitud())  
53    j:=0  
54  
55  while (j < arreglo_nodos.longitud()) do  
56    res[j]:= arreglo_nodos[j].planta  
57    j:= j + 1  
58  endwhile  
59  
60  return res
```

Ejercicio 18

```
Libreta = int
Nota = int
Promedio = float
Contador = totalNotas : int, notasAcumuladas : Nota

proc OrdenarPorLibretaYPromedios (in s: Array<Tupla<Libreta, Nota>>) : Array<Tupla<Libreta, Promedio>>
```

```
1  var promedios: DiccionarioDigital<Libreta, Contador>
2  promedios:= diccionarioVacio()
3
4  var j: int
5      j:= 0
6
7  // Inicializamos el dict.
8  while (j < s.length) do
9      var libreta: Libreta
10         libreta:= s[j][0]
11     promedios.definir(
12         libreta,
13         new Contador(s[j], new Contador(totalNotas=0, notasAcumuladas=0))
14     )
15     j += 1
16 endwhile
17
18 // Insertamos las notas acumuladas.
19 j:= 0
20 while (j < s.length) do
21     var libreta: Libreta, nota: Nota
22     libreta:= s[j][0], nota:= s[j][1]
23
24     var contador: contador
25     contador:= promedios.obtener(libreta)
26
27     contador.totalNotas:= contador.totalNotas + 1
28     contador.notasAcumuladas:= nota
29
30     // No hace falta re-definir, hay aliasing
31     j += 1
32 endwhile
33
34 // Creamos res
35 var res: Array<Tupla<Libreta, Promedio>>
36     res:= new Array<promedios.tamaño()>
37
38 // Vamos a zafar de iterar promedios, nunca queremos
39 // iterar y tener que justificar que las operaciones
40 // se amortizan, TRUCAZO:
41 var i: int
42     i:= 0
43     j:= 0
44 while (j < s.length) do
45     var notaAcumulada: Nota
46     var libreta: Libreta
47     nota:= s[j][1]
48     libreta:= s[j][0]
49
50     if (promedios.pertenece(libreta))
51         var contador: contador
52         contador:= promedios.obtener(libreta)
53
54         res[i]:= <libreta, contador.notasAcumuladas / contador.totalNotas>
55         promedios.borrar(libreta)
56
57         i:= i + 1
58     endif
59
60     j:= j + 1
61 endwhile
62
63 mergeSort(res) // ordenar res por la primera coordenada: libreta. (menor a mayor)
64 mergeSort(res) // ordenar res por la segunda coordenada: promedio. (mayor a menor)
65
66 return res
```

Ejercicio 19

Prioridad = *int*

Nodo = Struct(prioridad: *Prioridad*, valor: *int*)

proc OrdenarSegunCriterio (in s: Array<int>, in crit: Array<Prioridad>) : Array<int>

```
1  var s1: ListaEnlazada<Nodo>
2  var s2: ListaEnlazada<int>
3  var critDict: DiccionarioLog<int, Prioridad>
4      s1:= listaVacia()
5      s2:= listaVacia()
6      critDict:= diccionarioVacio()
7
8  var prioridad: int
9      prioridad:= 0
10
11 // Inidicalizamos crit dict.
12 while (prioridad < crit.length) do
13     critDict.definir(crit[prioridad], prioridad)
14     prioridad:= prioridad + 1
15 endwhile
16
17 var j: int
18     j:= 0
19
20 // Insertamos en las listas s1 y s2.
21 while (j < s.length) do
22     if critDict.pertenece(s[j]) then
23         s1.agregarAtras(s[j], new Nodo(prioridad=critDict.obtener(s[j]), valor=s[j]))
24     else
25         s2.agregarAtras(s[j])
26     endif
27 endwhile
28
29 // Ordenar la primera parte del arreglo
30 var s1Arreglo: Array<Nodo>
31 var s1Valores: Array<int>
32     s1Arreglo:= toArray(s1)
33     s1Valores:= new Array(s1Arreglo.length)
34
35 mergeSort(s1Arreglo) // ordenar s1Arreglo por prioridad.
36 // No hay criterio de desempate pues crit no tiene repetidos
37
38 j:= 0
39 while (j < s1Arreglo.length) do
40     s1Valores[j]:= s1Arreglo[j].valor
41     j:= j + 1
42 endwhile
43
44 // Ordenar la segunda parte del arreglo
45 var s2Valores: Array<int>
46     s2Valores:= toArray(s2)
47
48 mergeSort(s2Valores) // ordenar s2Arreglo de menor a mayor
49
50 // Concatenar en res.
51 var res: Array<int>
52     res:= concat(s1Valores, s2Valores)
53
54 // Devolver res.
55 return res
```