

Activity 4

If $d|n$ and $d|m$, then $d|(xm + yn)$ for all integers x and y .

พิจารณา $n = dxk_1, k_1 \in \mathbb{I}$ จะได้ $xm + yn = x(dxk_2) + y(dxk_1)$
 $m = dxk_2, k_2 \in \mathbb{I}$ $= xdxk_2 + ydxk_1$

กำหนด x, y โดย $x, y \in \mathbb{I}$ $= d(xk_2 + yk_1)$
 $x \cdot m = x(dxk_2)$ กำหนด $p = xk_2 + yk_1, x, y, k_1, k_2 \in \mathbb{I}$
 $y \cdot n = y(dxk_1)$ $xm + yn = dxp$

สรุป : ถ้า $d|m$ และ $d|n$ แล้ว $d|(xm + yn)$ สำหรับทุกจำนวนเต็ม x, y