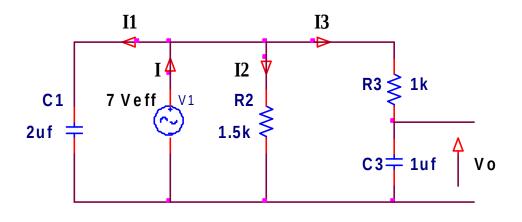
## Esame Scritto 22/02/2023 Esperimentazioni II – Elettrotecnica

1) Dato il circuito presentato in figura, a) calcolare la corrente erogata dal generatore, sapendo che la tensione è sinusoidale con frequenza di 100 Hz e  $V_{\rm eff}$  = 7,07 V. b) Per quale frequenza si ha l'attenuazione di 3 db della tensione Vo?



Soluzione

Il generatore è collegato direttamente a C1, R2 e alla serie R3-C3.

a) Le correnti I1, I2, I3 si possono quindi calcolare indipendentemente le une dalle altre:

$$I_{1,eff} = \frac{7.07}{-j\frac{1}{2\pi 100 \cdot 2 \cdot 10^{-6}}} A = j\frac{7.07}{795.78} A = j8.88 \, \text{mA} \iff I_1 = j12.6 \, \text{mA}$$

$$I_{2,eff} = \frac{7.07}{1.5} mA = 4.71 mA \leftrightarrow I_2 = 6.7 mA$$

$$I_{3,eff} = \frac{7.07}{1 \cdot 10^3 - j \frac{1}{2 \pi 100 \cdot 1 \cdot 10^{-6}}} A = \frac{7.07}{1 - j 1.59} mA = (2 + j 3.18) mA \iff I_3 = (2.8 + j 4.5) mA$$

 $I_{\it eff} \! = \! (j\,8.88 + 4.71 + 2 + j\,3.18) \, \it mA = \! (6.71 + j\,12.06) \, \it mA \ \ \, \longleftrightarrow \ \ \, I = \! (9.5 + j\,17.1) \, \it mA$ 

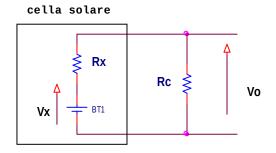
b) Il circuito è un filtro passa basso, si ha attenuazione di 3 db alla frequenza di taglio:

$$f_H = \frac{1}{2\pi 1 \cdot 10^3 \cdot 1 \cdot 10^{-6}} Hz = 159 Hz$$

2) Un generatore di tensione reale se collegato ad un carico di  $100 \Omega$  presenta una tensione di 100 mV, se collegato ad una resistenza di  $500 \Omega$  la tensione aumenta a 200 mV. Calcolare quale resistenza si deve collegare per avere il massimo trasferimento di potenza dal generatore.

## Soluzione

Il circuito può essere modellizzato come in figura:



La tensione sulla resistenza di carico è per la resistenza da 100  $\Omega$  si ha per la resistenza da 500  $\Omega$  si ha

$$V_o = \frac{V_x}{R_x + R_c} \cdot R_c$$

$$0.1 = \frac{V_x}{R_x + 100} \cdot 100$$

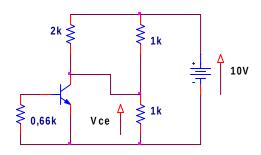
$$0.2 = \frac{V_x}{R_x + 500} \cdot 500$$

che possono formare un sistema di due equazioni con incognite Rx e Vx:

$$Vx=10^{-3}(Rx+100) \rightarrow 0.2=\frac{10^{-3}(R_x+100)}{R_x+500}500 \rightarrow 0.4(R_x+500)=R_x+100$$
  
quindi:  $R_x=167\Omega$   $e$   $V_x=0.267V$ .

Dal teorema del massimo trasferimento di potenza, la resistenza di carico deve essere uguale alla resistenza interna, cioè 167  $\Omega$ . La tensione ai capi del carico è di 133.5 mV e la potenza che dissipa il carico è:  $P_c = \frac{V_c^2}{R_c} = 0.1 \text{mW}$ .

3) Nel circuito presentato in figura, calcolare a) la corrente che passa nelle quattro resistenze e b) la potenza complessiva erogata dal generatore, sapendo che il transistor NPN ha  $\beta_f=150$ .



## **Soluzione**

Il circuito può essere modellizzato come in figura: Nel circuito il transistor ha la base collegata con l'emettitore, per cui il transistor non può condurre. Le resistenze da  $2k\Omega$  ed  $1k\Omega$  sono in parallelo e non passa corrente alla resistenza collegata alla base.

La corrente totale erogata dal generatore è  $I = \frac{10}{1 + \frac{1 \cdot 2}{1 + 2}} mA = 6 mA$  che è

la stessa che passa attraverso alla resistenza collegata tra emettitore e collettore, mentre le correnti attraverso le due resistenze in parallelo sono  $I_{2k} = \frac{1}{2+1} 6mA = 2mA$  e  $I_{1k} = \frac{2}{2+1} 6mA = 4mA$ .

La potenza complessiva erogata dal generatore è  $P=10V\cdot 6mA=60mW$ .