algoritmi

Filippo Magi

December 23, 2021

1 Algoritmo senza ottimizzazione

 ${\bf Algorithm~1} \ {\bf Ricerca~del~massimo~flusso~a~costo~minimo~senza~alcuna~ottimizzazione }$

```
Require: grafo dei residui \overset{\leftrightarrow}{G} = \{V(G), E(G) \cup \{\overset{\leftarrow}{e} : e \in E(G)\}.
Ensure: valore del flusso massimo
   s \leftarrow SourceNode di \overset{\smile}{G}
   t \leftarrow SinkNode di \overrightarrow{G}
   loop
      f \leftarrow DoBfs(grafo)
      if f = 0 then
         break
      end if
      mom \leftarrow t
      while mom \neq s do
         aggiorno capacità o flusso del nodo m a seconda del suo predecessore
         \mathsf{mom} \leftarrow \mathsf{predecessore} \ \mathsf{di} \ \mathsf{mom}
      end while
   end loop
   {f return}~flusso uscente da s
```

- 2 Ottimizzazione sono nelle ultime label
- 3 Propagazione della malattia

Algorithm 2 Algoritmo DoBfs senza alcuna ottimizzazione

```
Require: grafo dei residui \overset{\leftrightarrow}{G}
Ensure: quantità di flusso inviata, grafo dei residui \overset{\leftrightarrow}{G} aggiornato per cammino
  f aumentante
  cancella informazioni precedenti presenti in V(G)
  \mathbf{coda} \leftarrow \mathbf{Coda} \ \mathbf{di} \ \mathbf{nodi}
  coda.
Enqueue(SoruceNode di G)
  \mathbf{while} \ \mathrm{coda} \ \mathrm{non} \ \grave{\mathrm{e}} \ \mathrm{vuota} \ \ \mathbf{do}
     element \leftarrow coda. Dequeue
      for all arco edge che esce dal nodo element do
        n \leftarrow nodo che entra da edge
        if nodo n non è già stato visitato AND è possibile inviare(o ritirare) del
        flusso then
            aggiorno dati di n (nodo precedente, label, flusso entrante)
           if n è il SinkNode di \overset{\leftrightarrow}{G} then
               return flusso entrante in n
            else
               coda.Enqueue(n)
            end if
         end if
      end for
  end while
  \mathbf{return} \ \ 0
```

Algorithm 3 Ricerca del massimo flusso a costo minimo con ricalcolo solo nelle ultime label

```
Require: grafo dei residui \overset{\leftrightarrow}{G} = \{V(G), \overline{E(G) \cup \{\overleftarrow{e} : e \in E(G)\}}.
Ensure: valore del flusso massimo
   s \leftarrow SourceNode di \overset{\leftrightarrow}{G}
   \mathbf{t} \leftarrow \operatorname{SinkNode} \operatorname{di} \overset{\leftrightarrow}{G}
   \mathrm{noCap} \leftarrow \mathrm{null}
   loop
      f \leftarrow DoBfs(grafo,noCap)
      if f = 0 then
          break
       end if
       mom \leftarrow t
       while mom \neq s do
          aggiorno capacità o flusso del nodo m a seconda del suo predecessore
          if capacità dell'arco (m, predecossore di m) = 0 then
             noCap \leftarrow mom
          end if
          \mathsf{mom} \leftarrow \mathsf{predecessore} \ \mathsf{di} \ \mathsf{mom}
       end while
   end loop
   return flusso uscente da s
```

Algorithm 4 Algoritmo DoBfs con ottimizzazione solo nelle ultime label

```
Require: grafo dei residui \overrightarrow{G}, nodo noCap
Ensure: valore del flusso inviato al SinkNode, G aggiornato
  \operatorname{coda} \leftarrow \operatorname{coda} \operatorname{vuota} \operatorname{di} \operatorname{nodi}
  if noCap = null then
     coda.
Enqueue<br/>(source nodo di \overset{\smile}{G}
  else
     rendo invalido noCap
     provo a riparare noCap /*controllo se c'è un nodo con label = noCap.label-1
     e con capacità o flusso diversa da 0*/
     t \leftarrow SinkNode di \overset{\smile}{G}
     if noCap è stato riparato AND il flusso entrante nel predecessore di t \neq 0
     AND capacità dell'arco (t, predecessore di t) > 0 then
        return Min(flusso entrante di t, flusso passante per noCap)
     end if
     \operatorname{coda} \leftarrow \operatorname{nodi} \operatorname{di} \overset{\smile}{G} \operatorname{con label} = (\operatorname{noCap.label} - 1)
     cancello informazioni contenute nei nodi con label \leq noCap.label
     for all nodo n \in coda do
        controllo che flusso inviato di n sia legale con precedessori di n { analizzo
        se il predecessore abbia flusso entrate \geq flusso entrante di n, in questo
        caso termina, altrimenti continua coi i predecessori, da valutare se deve
        arrivare fino a n o se basta che incontri il primo nodo con flusso legale,
        CorrectFlow nel codice}
     end for
  end if
  while la coda non è vuota do
     element \leftarrow coda.dequeue()
     for all edge che entrano o escono da element do
        n \leftarrow nodo dove edge entra
        p \leftarrow nodo dove edge esce
        if element è valido (cioè la label è corretta) then
          if p = \text{element AND capacità di edge} > 0 \text{ AND (n non è stato esplorato}
           OR n non è valido) then
             aggiorno dati di n {label, flusso entrante e nodo precedente, nel caso
             sia necessario "riparo" il nodo}
             if n è SinkNode di \overset{\smile}{G} then
                return flusso entrante di n
             else
                coda.Enqueue(n)
             if n = \text{element AND flusso di edge} > 0 \text{ AND (p non è stato esplorato}
             OR p non è valido) then
                aggiorno i dati di p
                aggiorno edge indicando che deve essere percorso in senso opposto
                if p è SinkNode di \overset{\smile}{G} then
                  return flusso entrante di p
                  coda.Enqueue(p)
                end if
             end if
          end if
        end if
     end for
  end while
  return 0
```

```
Require: grafo dei residui \overset{\leftrightarrow}{G} = \{V(G), E(G) \cup \{\overset{\leftarrow}{e} : e \in E(G)\}. Ensure: valore del flusso massimo
    s \leftarrow SourceNode \stackrel{\leftrightarrow}{di} \stackrel{\leftrightarrow}{G}
    \mathbf{t} \leftarrow \operatorname{SinkNode} \operatorname{di} \overset{\leftrightarrow}{G}
    \mathrm{noCap} \leftarrow \mathrm{null}
    loop
        f \leftarrow DoBfs(grafo,noCap)
        if f = 0 then
           break
        end if
        mom \leftarrow t
        while mom \neq s do
           aggiorno capacità o flusso del nodo m a seconda del suo predecessore
           if capacità dell'arco (m, predecossore di m) = 0 then
               noCap \leftarrow mom
           end if
           \mathsf{mom} \leftarrow \mathsf{predecessore} \ \mathsf{di} \ \mathsf{mom}
        end while
    end loop
    return flusso uscente da s
```

Algorithm 6 DoBfs con propagazione della malattia

```
Require: grafo dei residui \overrightarrow{G}, nodo noCap
Ensure: flusso inviato al nodo t, \overset{\smile}{G} aggiornato
  \operatorname{coda} \leftarrow \operatorname{coda} \operatorname{vuota} \operatorname{di} \operatorname{nodi}
  if noCap = null then
     coda.enqueue(sourceNode di G)
  else
     t \leftarrow SinkNode di \overset{\smile}{G}
     provo a riparare noCap {controllo se c'è un nodo con label = noCap.label-1
     e con capacità o flusso diversa da 0}
     if noCap è stato riparato AND il flusso entrante nel predecessore di t \neq 0
     AND capacità dell'arco (t, predecessore di t) > 0 then
       return Min(flusso entrante di t, flusso passante per noCap)
     end if
     v \leftarrow SickPropagation(grafo,noCap,coda)
     if v \neq 0 then
       return v
     end if
     cancello il flusso entrante nei nodi con label \leq noCap.label
     if coda è vuota then
       coda \leftarrow nodi di G con label = (noCap.label - 1)
     end if
     for all nodo n \in coda do
       recupera flusso entrante dall'ultimo nodo che lo ha {Dato che è possibile
       che il flusso entrante sia uguale a zero dovuto a SickPropagation, torno
       indietro fino al primo nodo con flusso entrante positivo, quindi, ricorsi-
       vamente, inserisco il flusso entrante per tutti i nodi che ho visitato}
     end for
  end if
  while la coda non è vuota do
     element \leftarrow code.Dequeue()
     for all edge \leftarrow archi che escono ed entrano in element do
       n \leftarrow nodo che entra da edge
       p \leftarrow nodo che esce da edge
       if n ed p sono stati visitati (se il nodo è invalido è considerato non
       visitato) then
          continue
       end if
       if p = \text{element AND capacità di edge} > 0 \text{ AND (n è successivo a p OR}
       n non è valido OR no Cap = null) then
          aggiorno i dati di n (label, flusso entrante, nodo precedente, nel caso
          riparo il nodo)
          if n è SinkNode di \overset{\smile}{G} then
            return flusso entrante in n
          else
            coda.enqueue(n)
          end if
       else if n = \text{element AND flusso di edge} > 0 AND p non è stato visitato
          aggiorno i dati di p
          if pè SinkNode di \overset{\sim}{G} then
            return flusso entrante in n
            coda.enqueue(p)
          end if
       end if
     end for
```

end while

Algorithm 7 SickPropagation

```
Require: grafo dei residui G, Nodo node, coda di nodi
Ensure: possibile flusso inviato verso t (partendo da n,conoscendo i valori an-
  tecedenti a n), 0 altrimenti
  malati \leftarrow coda \ di \ nodi
  malati.Enqueue(node);
  while malati non è vuota do
     m \leftarrow malati.Dequeue()
     provo a riparare m
     if il nodo non è stato riparato then
       malati.enqueue(nodo con previousNode = m)
     else if m è SinkNode di \overset{\leftrightarrow}{G} then
       v \leftarrow ricorsivamente, dal source
Node di \overset{\leftrightarrow}{G} ottengo il flusso massimo che
       posso inviare, salvando il flusso entrante per ogni arco (recuperato tramite
       previousNode) che attraverso
       \mathbf{return} \ \ \mathbf{v}
     else
       coda.enqueue(m)
     end if
  end while
  \mathbf{return} \ \ 0
```