SickPropagation

Filippo Magi

February 17, 2022

1 Propagazione della malattia

```
Algorithm 1 Ricerca del massimo flusso con propagazione della malattia
```

```
Require: Rete (G, u, s, t)
Ensure: valore del flusso massimo
  vuoti \leftarrow pila vuota di nodi
  while TRUE do
     f \leftarrow \text{DoBfs}(G, vuoti)
    if f = 0 then
       {\bf break}
     end if
    mom \leftarrow t
     while mom \neq s do
       m.PreviousEdge.AddFlow(f)
       if u_f(mom.PreviousEdge) = 0 then
         vuoti.push(mom)
       end if
       mom \leftarrow mom. \texttt{PreviousNode}
    end while
  end while
  {f return} flusso uscente da s
```

Algorithm 2 DoBfs con propagazione della malattia

```
Require: rete (G, u, s, t), pila di nodi noCaps
Ensure: flusso inviato al nodo t
  coda \leftarrow coda vuota di nodi
  malati \leftarrow \text{coda vuota di nodi}
  fromSource \leftarrow false
  if noCaps.isEmpty then
     coda.enqueue(s)
     fromSource \leftarrow true
  else
     repaired \leftarrow true
     \mathbf{while} \ \neg noCaps.isEmpty \ \mathbf{do}
       noCap \leftarrow noCaps.pop()
       Repair(noCap) {controllo se c'è un nodo con label = noCap.label-1 e con
  capacità o flusso diversa da 0, aggiornando i dati}
       if noCap non è stato riparato then
          malati.enqueue(noCap)
          repaired \leftarrow false
       end if
     end while
     if repaired then
       f \leftarrow \text{GetFlow}(t) {recupero il flusso inviabile nel percorso descritto tra s
  et}
       return f
     end if
     while \neg malati.isEmpty do
       noCap \leftarrow malati.Dequeue()
       v \leftarrow \text{SickPropagation}(G, noCap, coda)
       if v \neq 0 then
          return v
       end if
       if prima iterazione del ciclo then
          x \leftarrow noCap
       end if
     end while
     if t.valid then
       GetFlow(t)
     end if
     for all n \in N(G)|n.label \ge x.label do
       n.Reset()
     end for
     if coda.isEmpty then
       coda \leftarrow n \in G|n.label = (x.label - 1)
     end if
  end if
```

```
while \neg coda.isEmpty do
  element \leftarrow coda.Dequeue()
  \textbf{for all } edge \leftarrow element. \texttt{Edges } \textbf{do}
     n \leftarrow edge.\mathtt{nextNode}
     p \leftarrow edge. \texttt{previousNode}
     if (n.visited \land p.visited) \lor \neg element.valid then {se il nodo è invalido è
considerato come non visitato}
       continue
     end if
     if p = element \wedge u_f(edge) > 0 \wedge (n.label \geq p.label \vee \neg n.valid \vee
from Source) then
        n.\mathrm{update}(p,edge) {(label, visitato, nodo precedente, nel caso riparo il
nodo)}
        if n = t then
          return GetFlow(n)
        \mathbf{else}
          coda.enqueue(n)
        end if
     else if n = element \land f(edge) > 0 \land (p.label \ge n.label \lor fromSource \lor
\neg p.valid) then
       p.update(n,edge)
       if p = t then
          return GetFlow(p)
        else
          coda.enqueue(p)
        end if
     end if
  end for
end while
return 0
```

Algorithm 3 SickPropagation

```
Require: rete (G, u, s, t), Nodonode, coda di nodi coda
Ensure: possibile flusso inviato verso t (partendo da n,conoscendo i valori an-
  tecedenti a n), 0 altrimenti
  malati \leftarrow \text{coda vuota di nodi}
  malati.Enqueue(node);
  while \neg malati.isEmpty do
    m \leftarrow malati. \text{Dequeue}()
    Repair(m)
    if m non è stato riparato then
      malati.enqueue(n \in A(m)|n.previousNode= m) {con A(m) si intendono
  i nodi adiacenti di m}
    else if m = t then
      return GetFlow(m)
    else
      coda.enqueue(m)
    end if
  end while
  {\bf return}\ 0
```