Algoritmo che analizza solo le label potenzialmente modificate

Filippo Magi

December 23, 2021

1 Ottimizzazione sulle ultime label

Algorithm 1 Ricerca del massimo flusso a costo minimo con ricalcolo solo nelle ultime label

```
Require: grafo dei residui \overset{\leftrightarrow}{G} = \{V(G), E(G) \cup \{\overset{\leftarrow}{e} : e \in E(G)\}.
Ensure: valore del flusso massimo
   s <br/> — Source
Node diG
   t \leftarrow SinkNode di \overset{\leftrightarrow}{G}
   \mathrm{noCap} \leftarrow \mathrm{null}
   loop
      f \leftarrow DoBfs(grafo,noCap)
      if f = 0 then
         break
      end if
      mom \leftarrow t
      while mom \neq s do
         aggiorno capacità o flusso del nodo m a seconda del suo predecessore
         if capacità dell'arco (m, predecossore di m) = 0 then
            noCap \leftarrow mom
         end if
         \mathbf{mom} \leftarrow \mathbf{predecessore} \ \mathbf{di} \ \mathbf{mom}
      end while
   end loop
   return flusso uscente da s
```

Algorithm 2 Algoritmo DoBfs con ottimizzazione solo nelle ultime label

```
Require: grafo dei residui \overrightarrow{G}, nodo noCap
Ensure: valore del flusso inviato al SinkNode, G aggiornato
  \operatorname{coda} \leftarrow \operatorname{coda} \operatorname{vuota} \operatorname{di} \operatorname{nodi}
  if noCap = null then
     coda.
Enqueue<br/>(source nodo di \overset{\smile}{G}
  else
     rendo invalido noCap
     provo a riparare noCap /*controllo se c'è un nodo con label = noCap.label-1
     e con capacità o flusso diversa da 0*/
     t \leftarrow SinkNode di \overset{\smile}{G}
     if noCap è stato riparato AND il flusso entrante nel predecessore di t \neq 0
     AND capacità dell'arco (t, predecessore di t) > 0 then
        return Min(flusso entrante di t, flusso passante per noCap)
     end if
     \operatorname{coda} \leftarrow \operatorname{nodi} \operatorname{di} \overset{\smile}{G} \operatorname{con label} = (\operatorname{noCap.label} - 1)
     cancello informazioni contenute nei nodi con label \leq noCap.label
     for all nodo n \in coda do
        controllo che flusso inviato di n sia legale con precedessori di n { analizzo
        se il predecessore abbia flusso entrate \geq flusso entrante di n, in questo
        caso termina, altrimenti continua coi i predecessori, da valutare se deve
        arrivare fino a n o se basta che incontri il primo nodo con flusso legale,
        CorrectFlow nel codice}
     end for
  end if
  while la coda non è vuota do
     element \leftarrow coda.dequeue()
     for all edge che entrano o escono da element do
        n \leftarrow nodo dove edge entra
        p \leftarrow nodo dove edge esce
        if element è valido (cioè la label è corretta) then
          if p = \text{element AND capacità di edge} > 0 \text{ AND (n non è stato esplorato}
           OR n non è valido) then
             aggiorno dati di n {label, flusso entrante e nodo precedente, nel caso
             sia necessario "riparo" il nodo}
             if n è SinkNode di \overset{\smile}{G} then
                return flusso entrante di n
             else
                coda.Enqueue(n)
             if n = \text{element AND flusso di edge} > 0 \text{ AND (p non è stato esplorato}
             OR p non è valido) then
                aggiorno i dati di p
                aggiorno edge indicando che deve essere percorso in senso opposto
                if p è SinkNode di \overset{\smile}{G} then
                  return flusso entrante di p
                  coda.Enqueue(p)
                end if
             end if
          end if
        end if
     end for
  end while
  return 0
```