

algoritmi bidirezionali

Filippo Magi

February 8, 2022

1 Ottimizzazione sugli ultimi livelli

1.1 FlowFordFulkerson

1.2 DoBfs

Algorithm 1 Ricerca del flusso massimo

Require: rete (G, u, s, t) **Ensure:** valore del flusso massimo

```
1: vuotoSouce  $\leftarrow s$ 
2: vuotoSink  $\leftarrow t$ 
3: fMax  $\leftarrow 0$ 
4: while TRUE do
5:    $(f, n) \leftarrow \text{DoBfs}(G, \text{vuotoSource}, \text{vuotoSink})$ 
6:   if  $f = 0$  then
7:     break
8:   end if
9:   fMax  $\leftarrow fMax + f$ 
10:  vuotoSouce  $\leftarrow \text{null}$ 
11:  vuotoSink  $\leftarrow \text{null}$ 
12:   $n.\text{flussoPassante} \leftarrow n.\text{flussoPassante} + n.\text{flussoPassante}$ 
13:  momSource  $\leftarrow n$ 
14:  momSink  $\leftarrow n$ 
15:  while momSource  $\neq s$  do
16:    momSource.previousEdge.addFlow(f)
17:    if  $u(\text{momSource.previousEdge}) < 0$  OR  $f(\text{momSource.previousEdge}) < 0$  then
18:      vuotoSource  $\leftarrow \text{momsource}$ 
19:      momsource.revert() {faccio tornare i dati a come erano prima
dell'aggiornamento (fMax, valori di flusso passante e archi modificati)}
20:      sourceReverted  $\leftarrow \text{true}$ 
21:      fMax  $\leftarrow fMax - f$ 
22:      break
23:    else
24:      if  $u(\text{momSource.previousEdge}) = 0$  then
25:        momSource.valid = false
26:        vuotoSource  $\leftarrow \text{momSource}$ 
27:      end if
28:      momSource.flussoPassante  $\leftarrow \text{momSource.flussoPassante} - f$ 
29:      momSource  $\leftarrow \text{momSource.previousNode}$ 
30:    end if
31:  end while
32:  if  $\neg \text{sourceReverted}$  then
33:    while momSink  $\neq t$  do
34:      momSink.nextEdge.addFlow(f)
35:      if  $u(\text{momSink.nextEdge}) < 0$  OR  $f(\text{momSink.nextEdge}) < 0$  then
36:        vuotoSink  $\leftarrow \text{momSink}$ 
37:        momSink.revert()
38:        break
39:      else
40:        if  $u(\text{momSink.nextEdge}) = 0$  then
41:          momSink.valid  $\leftarrow \text{false}$ 
42:          vuotoSink  $\leftarrow \text{momSink}$ 
43:          fMax  $\leftarrow fMax - f$ 
44:        end if
45:        momSink.flussoPassante  $\leftarrow \text{momSink.flussoPassante} - f$ 
46:        momSink  $\leftarrow \text{momSink.nextNode}$ 
47:      end if
48:    end while
49:  end if
50: end while
51: return fMax
```

Algorithm 2 DoBfs con ottimizzazione sugli ultimi livelli

Require: rete (G, u, s, t) , $noCapSource$, $noCapSink$, cioè nodi, rispettivamente della parte sorgente e della parte destinazione, che non sono più raggiungibili dal percorso deciso precedentemente

Ensure: valore del flusso inviabile, nodo appartenente LastSinkNodes, cioè tutti i nodi che sono intermedi che fanno da ponte tra le due ricerche.

```
1:  $codaSource \leftarrow$  coda di nodi vuota
2:  $codaSink \leftarrow$  coda di nodi vuota
3:  $buffer \leftarrow$  coda di nodi vuota
4: if  $noCapSource \neq \text{null}$  then
5:   Repair( $noCapSource$ )
6:   if riesco a riparare  $noCapSource$  then
7:     if  $noCapSink = \text{null}$  then
8:       for all  $n \in \text{LastSinkNodes} \mid n.valid$  do
9:         GetFlow( $noCapSource, n$ ) {da  $n$  cerco di retrocedere verso  $noCapSource$ ,
          aggiornando ricorsivamente le informazioni dei nodi in modo opportuno
          (soprattutto per quanto riguarda  $n$ )}
10:        if percorso legale tra  $n$  e  $noCapSource$  AND  $\forall e \mid e \in \text{percorso tra } n \text{ e } noCapSource, u(e) > 0$  then
11:          return ( $n.flussoPassante, n$ )
12:        end if
13:      end for
14:    else
15:       $sourceRepaired \leftarrow \text{true}$ 
16:    end if
17:  end if
18:  if  $noCapSource = s$  then
19:     $coda.enqueue(noCapSource)$ 
20:  else if  $noCapSource \in \text{LastSinkNodes}$  then
21:     $codaSource \leftarrow \text{LastSourceNodes}$  {nodi collegati ai nodi di LastSinkNodes}
22:  else
23:     $codaSource \leftarrow$  nodi esplorati da source con label =  $noCapSource.label - 1$ 
24:    for all  $n \in N(G) \mid$  esplorati da source AND  $n.label \geq noCapSource.label$  do
25:       $n.reset()$ 
26:    end for
27:  end if
28: end if
```

```

29: if noCapSink  $\neq$  null then
30:   Repair(noCapSink)
31:   if riesco a riparare noCapSink then
32:     sinkRepaired  $\leftarrow$  true
33:     if sourceRepaired OR noCapSource = null then
34:       for all  $n \in N(G) | n.\text{valid AND } n \in \text{LastSinkNodes}$  do
35:         if sourceRepaired then
36:           if da  $n$  posso ricorsivamente retrocedere verso noCapSource
           (GetFlow) then
37:             sourceFlow  $\leftarrow n.\text{flussoPassante}$ 
38:           else
39:             continue
40:           end if
41:         else
42:           sourceFlow  $\leftarrow \min(n.\text{previousNode.flussoPassante}, u(n.\text{PreviousEdge})$ 
           {nel caso in cui arco.reversed = true, devo controllare il flusso e non la
           capacit  residua} )
43:         end if
44:         if sourceFlow > 0 AND  $n$  pu  retrocedere ricorsivamente verso
           noCapSink(Getflow) AND  $n.\text{flussoPassante} > 0$  then
45:           return ( $\min(n.\text{flussoPassante}, \text{sourceFlow}), n$ )
46:         end if
47:       end for
48:     end if
49:   end if
50:   if noCapSink =  $t$  then
51:     codaSink.enqueue(noCapSink)
52:   else
53:     codaSink  $\leftarrow$  nodi esplorati da sink con label = noCapSink.label-1
54:     for all  $n \in N(G) |$  esplorati da sink AND  $n.\text{label} \geq \text{noCapSink.label}$ 
     do
55:        $n.\text{reset}()$ 
56:     end for
57:   end if
58: end if

```

```

59: while  $\neg codaSink.isEmpty$  OR  $\neg codaSource.isEmpty$  do
60:   while  $\neg codaSource.isEmpty$  AND ( $noCapSource \neq null$  OR
       $\neg sourceRepaired$ ) do
61:      $element \leftarrow codaSource.dequeue()$ 
62:     if  $\neg element.sourceSide$  OR  $\neg element.valid$  then
63:       continue
64:     end if
65:     for all  $edge \in element.Edges$  do
66:        $p \leftarrow edge.previousNode$ 
67:        $n \leftarrow edge.nextNode$ 
68:       if  $element = p$  AND  $u(edge) > 0$  then
69:         if  $n.visited$  then
70:           if  $n.sourceside$  (esplorato da source) then
71:             continue
72:           else{in questo caso ho le due parti che si incontrano}
73:              $f \leftarrow \min(n.flussoPassante, p.flussoPassante, u(edge))$ 
74:             if  $f = 0$  then
75:               continue
76:             end if
77:              $n.update(p, edge)$ 
78:              $edge.reversed \leftarrow false$ 
79:             LastNodesSinkSide.add( $n$ ) {di conseguenza inserisco tutti i
              nodi collegati direttamente a  $n$  che fanno parte di SourceSide in LastN-
              odesSourceSide}
80:             return ( $f, n$ )
81:           end if
82:         end if
83:         if  $\neg n.sourceSide$  AND  $n \neq t$  then
84:            $sinkRepaired \leftarrow false$ 
85:           for all  $node \in N(G) | \neg node.sourceSide$  AND  $node.label =$ 
            ( $n.label - 1$ ) do
86:              $codaSink.enqueue(node)$ 
87:           end for
88:           for all  $node \in N(G) | \neg node.sourceSide$  AND  $node.label \geq$ 
             $n.label$  do
89:              $node.reset()$ 
90:           end for
91:           continue
92:         end if
93:          $n.update(p, edge)$ 
94:          $buffer.enqueue(n)$ 

```

```

95:      else if  $element = n$  AND  $f(edge) > 0$  then
96:          if  $p.visited$  then
97:              if  $p.sourceside$  then
98:                  continue
99:              else
100:                   $f \leftarrow \min(n.flussoPassante, p.flussoPassante, f(edge))$ 
101:                  if  $f = 0$  then
102:                      continue
103:                  end if
104:                   $p.update(n, edge)$ 
105:                   $edge.reversed \leftarrow \text{true}$ 
106:                  return  $(f, p)$ 
107:              end if
108:          end if
109:          if  $\neg p.sourceSide$  AND  $p \neq t$  then
110:               $sinkRepaired \leftarrow \text{false}$ 
111:              for all  $node \in V(G) | \neg node.sourceNode \text{ AND } node.label =$ 
112:                   $(p.label - 1)$  do
113:                   $codaSink.enqueue(node)$ 
114:              end for
115:              for all  $node \in V(G) | \neg node.sourceSide$  AND  $node.label \geq$ 
116:                   $p.label$  do
117:                   $node.reset()$ 
118:              end for
119:              continue
120:          end if
121:           $p.update(n, edge)$ 
122:           $edge.reversed \leftarrow \text{true}$ 
123:           $buffer.enqueue(p)$ 
124:          end if
125:      end for
126:  end while
127:   $mom \leftarrow codaSource$ 
128:   $codaSource \leftarrow buffer$ 
129:   $buffer \leftarrow mom$ 

```

```

128:  while  $\neg codaSink.isEmpty$  AND ( $noCapSink \neq \text{null}$  OR  $\neg sinkRepaired$ )
      do
129:       $element \leftarrow codaSink.dequeue()$ 
130:      if  $element.sourceSide$  OR  $\neg element.valid$  then
131:          continue
132:      end if
133:      for all  $edge \in element.Edges$  do
134:           $p \leftarrow edge.previousNode$ 
135:           $n \leftarrow edge.nextNode$ 
136:          if  $element = n$  AND  $u(edge) > 0$  then
137:              if  $p.visited$  then
138:                  if  $\neg p.sourceSide$  then
139:                      continue
140:                  else
141:                      if  $sourceRepaired$  AND  $n$  può retrocedere ricorsivamente
                          verso  $noCapSink(GetFlow)$  AND  $n.flussoPassante > 0$  then
142:                           $f \leftarrow \min(n.nextNode.flussoPassante, n.flussoPassante)$ 
143:                           $f \leftarrow \min(f, n.PreviousNode.flussoPassante, u(n.nextEdge), u(n.previousEdge))$ 
                          {qui se  $edge.reversed = \text{true}$  va considerato il flusso  $f$  e non la capacità
                          residua  $u$ }
144:                          if  $f > 0$  then
145:                              return  $f$ 
146:                          end if
147:                      end if
148:                       $f \leftarrow \min(n.flussoPassante, p.flussoPassante, u(edge))$ 
149:                      if  $f = 0$  then
150:                          continue
151:                      end if
152:                       $n.update(p, edge)$ 
153:                       $edge.reversed \leftarrow \text{false}$ 
154:                      return  $(f, n)$ 
155:                  end if
156:              end if
157:              if  $p.sourceSide$  AND  $noCapSink \neq t$  then
158:                  continue
159:              end if
160:               $p.update(n, edge)$ 
161:               $edge.reversed \leftarrow \text{false}$ 
162:               $buffer.enqueue(p)$ 

```

```

163:      else if element = p AND  $f(\textit{edge}) > 0$  then
164:          if p.visited then
165:              if  $\neg p.\textit{sourceSide}$  then
166:                  continue
167:              else
168:                  if sourceRepaired AND da p riesco a raggiungere noCap-
Source(GetFlow) then
169:                      return (p.flussoPassante, p)
170:                  end if
171:                   $f \leftarrow \min(p.\textit{flussoPassante}, n.\textit{flussoPassante}, f(\textit{edge}))$ 
172:                  if  $f = 0$  then
173:                      continue
174:                  end if
175:                  p.update(n, edge)
176:                  edge.reversed  $\leftarrow$  true
177:                  return (f, p)
178:                  end if
179:              end if
180:              if n.sourceSide AND  $n \neq t$  then
181:                  continue
182:              end if
183:              n.update(p, edge)
184:              edge.reversed  $\leftarrow$  true
185:              buffer.enqueue(n)
186:              end if
187:          end for
188:      end while
189:      mom  $\leftarrow$  codaSink
190:      codaSink  $\leftarrow$  buffer
191:      buffer  $\leftarrow$  mom
192:  end while
193:  return (0, null)

```
