

algoritmi bidirezionali

Filippo Magi

February 18, 2022

1 ShortestAugmentingPath

1.1 FlowFordFulkerson

1.2 Dfs

Algorithm 1 Ricerca del flusso massimo

Require: rete (G, u, s, t) **Ensure:** valore del flusso massimo

```
1:  $fMax \leftarrow \text{Bfs}(s)$  {faccio partire da  $s$  una bfs, cercando un percorso e soprattutto indicando la distanza  $d_s$ }
2:  $\text{sendFlow}(t, fMax)$  {invio il flusso dal percorso indicato tramite previousNode da  $t$  verso  $s$  con il valore  $fMax$ , nel mentre che procedo cancello le informazioni nei nodi esplorati (tranne la distanza)}
3:  $f \leftarrow \text{Bfs}(t)$  {bfs da  $t$  verso  $s$ , trovo un percorso salvato da NextNode e soprattutto trovo la distanza  $d_t$ }
4:  $\text{sendFlow}(s, f)$ 
5:  $fMax \leftarrow f + fMax$ 
6: for all  $n \in V(G)$  do
7:    $n.\text{Reset}()$  {cancello indicazioni su un possibile percorso da fare}
8: end for
9:  $fso \leftarrow +\infty, fsi \leftarrow +\infty$ 
10: while  $f \neq 0 \wedge d_s(t) > \#V(G) \wedge d_t(s) > \#V(G)$  do
11:    $(fso, fsi, startSource, startSink) \leftarrow \text{Dfs}(G, startSource, startSink, fso, fsi, codaSource, codaSink)$ 
12:   if  $startSink = startSource \wedge startSink \neq null$  then
13:      $f \leftarrow \min(fso, fsi)$ 
14:      $\text{sendFlow}(startSink, f)$ 
15:      $fso \leftarrow +\infty, fsi \leftarrow +\infty$ 
16:      $startSource \leftarrow s, startSink \leftarrow t$ 
17:     while  $\neg codaSource.isEmpty$  do
18:        $codaSource.dequeue().Reset()$ 
19:     end while
20:     while  $\neg codaSink.isEmpty$  do
21:        $codaSink.dequeue().Reset()$ 
22:     end while
23:   else if  $startSink = s$  then
24:      $f \leftarrow fsi$ 
25:      $\text{sendFlow}(startSink, f)$ 
26:      $fsi \leftarrow +\infty$ 
27:      $startSink \leftarrow t$ 
28:     while  $\neg codaSink.isEmpty$  do
29:        $codaSink.dequeue().Reset()$ 
30:     end while
31:   else if  $startSource = t$  then
32:      $f \leftarrow fso$ 
33:      $\text{sendFlow}(startSource, f)$ 
34:      $fso \leftarrow +\infty$ 
35:      $startSource \leftarrow s$ 
36:     while  $\neg codaSource.isEmpty$  do
37:        $codaSource.dequeue().Reset()$ 
38:     end while
39:   else
40:     break
41:   end if
42:    $fMax \leftarrow f + fMax$ 
43: end while
44: return  $fMax$ 
```

Algorithm 2 Dfs

Require: rete (G, u, s, t) , $startSource$ e $startSink$ rispettivamente il nodo di partenza della parte di Source e di Sink, $sourceFlow$ e $sinkFlow$ rispettivamente il valore del flusso massimo inviabile dalla parte di Source e di Sink, $codaSource$ e $codaSink$, che mi salvano i nodi esplorati a partire da s e da t , per poi cancellare tutti i dati al loro interno

Ensure: (massimo valore di flusso inviabile da parte di source, massimo valore di flusso inviabile da parte di Sink, Nodo di arrivo dalla parte di Source, nodo di arrivo dalla parte di Sink)

```
1: if  $startSource = startSink$  then
2:   return ( $sourceFlow, sinkFlow, startSource, startSink$ )
3: end if
4: if  $d_s(startSink) < \#V(G) \wedge d_t(startSource) < \#V(G)$  then
5:   for all  $edge \in startSource.Edges$  do
6:      $n \leftarrow edge.NextNode$ 
7:      $p \leftarrow edge.PreviousNode$ 
8:     if  $startSource = p \wedge d_t(n) = d_t(p) - 1 \wedge u_f(edge) > 0$  then
9:        $sourceFlow \leftarrow \min(sourceFlow, u_f(edge))$ 
10:       $n.previousEdge \leftarrow edge$  {salvo anche il nodo precedente}
11:       $codaSource.enqueue(n)$ 
12:      if  $n = t$  then
13:        return ( $sourceFlow, sinkFlow, n, startSink$ )
14:      end if
15:      if  $n.nextEdge \neq null$  then {n è già stato precedentemente esplorato
dalla parte di Sink}
16:        return ( $sourceFlow, sinkFlow, n, n$ )
17:      end if
18:      return SinkDfs( $G, n, startSink, sourceFlow, sinkFlow, codaSource, codaSink$ )
19:    end if
20:  end for
21:   $minDistance \leftarrow +\infty$ 
22:  for all  $edge \in startSource.Edges$  do
23:    if  $edge.PreviousNode = startSource \wedge u_f(edge) > 0$  then
24:       $minDistance \leftarrow \min(minDistance, d_t(edge.nextNode))$ 
25:    end if
26:  end for
27:   $d_t(startSource) \leftarrow minDistance + 1$ 
28:  if  $startSource = s$  then
29:     $mom \leftarrow startSource$ 
30:  else
31:     $mom \leftarrow startSource.previousNode$ 
32:  end if
33:   $startSource.Reset()$ 
34:  return Dfs( $G, mom, startSink, sourceFlow, sinkFlow, codaSource, codaSink$ )
35: end if
36: return (0, 0, null, null)
```

Algorithm 3 SinkDfs

Require: rete (G, u, s, t) , $startSource$ e $startSink$ rispettivamente il nodo di partenza della parte di Source e di Sink, $sourceFlow$ e $sinkFlow$ rispettivamente il valore del flusso massimo inviabile dalla parte di Source e di Sink, $codaSource$ e $codaSink$, che mi salvano i nodi esplorati a partire da s e da t , per poi cancellare tutti i dati al loro interno

Ensure: (massimo valore di flusso inviabile da parte di source, massimo valore di flusso inviabile da parte di Sink, Nodo di arrivo dalla parte di Source, nodo di arrivo dalla parte di Sink)

```
if  $startSource = startSink$  then
    return ( $sourceFlow, sinkFlow, startSource, startSink$ )
end if
if  $d_s(startSink) < \#V(G) \wedge d_t(startSource) < \#V(G)$  then
    for all  $edge \in startSink.Edges$  do
         $n \leftarrow edge.NextNode$ 
         $p \leftarrow edge.PreviousNode$ 
        if  $startSink = n \wedge d_s(p) = d_s(n) - 1 \wedge u_f(edge) > 0$  then
             $sourceFlow \leftarrow \min(sinkFlow, u_f(edge))$ 
             $codaSink.enqueue(p)$ 
             $p.nextEdge \leftarrow edge$  {salvo anche il nodo precedente}
            if  $p = s$  then
                return ( $sourceFlow, sinkFlow, startSource, p$ )
            end if
            if  $p.previousNode \neq null$  then {p è già stato precedentemente es-
                plorato dalla parte di Source}
                return ( $sourceFlow, sinkFlow, p, p$ )
            end if
            return DfsG,  $startSource, p, sourceFlow, sinkFlow, s, t, codaSource, codaSink$ )
        end if
    end for
     $minDistance \leftarrow +\infty$ 
    for all  $edge \in startSink.Edges$  do
        if  $edge.NextNode = startSink \wedge u_f(edge) > 0$  then
             $minDistance \leftarrow \min(minDistance, d_s(edge.previousNode))$ 
        end if
    end for
     $d_s(startSink) \leftarrow minDistance + 1$ 
    if  $startSink = t$  then
         $mom \leftarrow startSink$ 
    else
         $mom \leftarrow startSink.nextNode$ 
    end if
     $startSink.Reset()$ 
    return SinkDfs( $G, startSource, mom, sourceFlow, sinkFlow, codaSource, codaSink$ )
end if
return (0, 0, null, null)
```
