

Выборочная сортировка.

Доказательство инвариантности:

Инвариант —  $i - 1$  первых элементов стоят на своих местах.

1. На входе 0 первых элементов на нужных местах.

2. После первой итерации минимальный элемент встает на 1 место.

3. По индукции, на  $N - 1$  итерации  $N - 2$  первых элементов на соответствующих местах.

4. После  $N - 1$  итерации  $N - 1$  элементов занимают нужные места, значит, и  $N$  элемент стоит на  $N$  месте, т.е. массив отсортирован.

Оценка сложности:

for (int i = 0; i < N - 1; i++)	$C_1$	$n$
{		
min = i;	$C_2$	$n-1$
for (int j = i + 1; j < N; j++)	$C_3$	$\sum_{i=0}^{n-1} t_i$
if (arr[j] < arr[min])	$C_4$	$\sum_{i=0}^{n-1} (t_i - 1)$
min = j;	$C_5$	$\sum_{i=0}^{n-1} (t_i - 1)$
if (arr[i] == arr[min])	$C_6$	$n-1$
continue;	$C_7$	$n-1$
swap(arr[i], arr[min]);	$C_8$	$n-1$
}		

$$T_n = C_1 n + (C_2 + C_6 + C_7 + C_8)(n-1) + C_3 \sum_{i=0}^{n-1} t_i + (C_4 + C_5) \sum_{i=0}^{n-1} (t_i - 1)$$

В лучшем случае:

$$T_n = C_1 n + (C_2 + C_6 + C_7)(n-1) + C_3 \frac{n(n-1)}{2} + C_4 \left( \frac{n(n-1)}{2} - n \right)$$

Сложность —  $O(n^2)$

В худшем случае:

$$T_n = C_1 n + (C_2 + C_6 + C_8)(n-1) + C_3 \frac{n(n-1)}{2} + (C_4 + C_5) \left( \frac{n(n-1)}{2} - n \right)$$

Сложность —  $O(n^2)$