座位号

承死

姓名

逐步

电子科技大学研究生试卷

(考试时间:至, 共 2 小时)
课程名称 图论及应用 教师 学时 60 学分 3
教学方式_堂上授课_考核日期_2020_年月日 成绩
考核方式:(学生填写) 填空题 (每题 3 分, 共 15 分)
 图 G 是 3 正则图且其补图包含 16 条边,则 G 包含个点。 设 n 阶图 G 是具有 m 条边的森林,则 G 具有
二. 单项选择题 (每题 3 分, 共 15 分)
 关于简单图 <i>G</i> 的邻接矩阵 <i>A</i>,下列说法错误的是() (A) 矩阵 <i>A</i> 的行和等于该行对应顶点的度数; (B) 矩阵 <i>A</i> 的所有特征值的平方和等于图 <i>G</i> 边数的 2 倍; (C) 矩阵 <i>A</i>² 的所有元素之和等于图 <i>G</i> 边数的 2 倍; (D) 矩阵 <i>A</i>² 的主对角线上的元素之和等于图 <i>G</i> 边数的 2 倍。
 2. 下面说法正确的是() (A) 若图 G 是 k 连通的,则 G 中必存在 k 点割; (B) 若图 G 是 k 连通的,则 G 也是 k 边连通的; (C) 若图 G 是 k 边连通的,则 G 也是 k 连通的; (D) 存在最小度为 3 的 4 连通图。
3. 下列说法错误的是()(A) 三正则哈密尔顿图一定可以 1-因子分解;(B) 三正则二部图不一定包含完美匹配;

- (C) 无割边的三正则图一定包含完美匹配;
- (D) 有割边的三正则图一定不可以 1-因子分解。
- 4. 关于完全图 Kn, 下列说法错误的是()
- (A) 点色数为 n;

- (C) 点连通度为 n-1;
- (D) 边连通度为 n-1。
- 5. 对于有向图 D,下列说法错误的是()
- (A) 任意顶点只能处于 D 的一个强连通分支中;
- (B) 顶点v可能处于D的不同的单向连通分支中;
- (C) 若 D 为有向欧拉图, 各点的度数必为偶数;
- (D) 顶点的出度之和等于边数的两倍。
- 三. (10 分) 假定 T 是树,每个点的度数不是 1 就是 4,其中度数为 4 的点有 k 个。树 T包含多少个度数为1的点?

四. (10分) 求证: 若连通图 G 的每个顶点的度数均为偶数,则 G 没有割边。

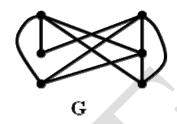
五. (10 分) 亚瑟王在王宫中召见他的 2n 位骑士,其中某些骑士之间互有怨仇。已知每个 骑士的仇人不超过 n-1 个,亚瑟王的谋士摩林能否让这些骑士围着圆桌坐下,使得每一 个骑士不与他的仇人相邻? 用图论方法求解并说明具体理由。

巡 渉

六. (10 分) 假定 G 是具有 m 条边的简单二部图,顶点的最大度为 Δ 。证明:G 包含一个 至少有 m/Δ 条边的匹配。

七. (10分) 一个连通平面图有 11 个点、12 个面,其中有 7 个面是三角形、4 个面是四边形,剩下的那个面具有多少条边?

八. (10 分)求下图 G 的色多项式 $P_k(G)$ 。



九. (10分) 七名学生 Amy、Ben、Charles、David、Edward、Frank、George 要参加 Math、Art、Science、History、French、Physics 这六门课程的考试,具体信息如下:

	Amy	Ben	Charles	David	Edward	Frank	George
Math	\checkmark		$\sqrt{}$				
Art							
Science	$\sqrt{}$						V
History							
French					V		
Physics	$\sqrt{}$	$\sqrt{}$			V		V

最少需要安排几场考试?用图论方法求解。

