La metrica di Simpson

Filippo L. Troncana

Tanto tanto tempo fa, in una galassia lontana lontana

1 Introduzione

Nel decimo episodio della quinta stagione dei Simpson, Homer enuncia il seguente risultato:

Teorema 1.1. La somma delle radici quadrate di due lati di un triangolo isoscele è uguale alla radice quadrata del lato rimanente.

Nella stessa scena, viene immediatamente corretto da una comparsa, producendo il seguente risultato:

Teorema 1.2 (Pitagora-Simpson). La somma delle radici quadrate dei cateti di un triangolo rettangolo è uguale alla radice quadrata dell'ipotenusa

Ovviamente questo non è il nostro teorema di Pitagora, ma cerchiamo di dargli un senso.

Definizione 1.1. Per $n \in \mathbb{Z}^+$, definiamo la Norma di Simpson

$$S: \quad \mathbb{R}^n \quad \longrightarrow \quad [0, +\infty[$$

$$(x_1, ..., x_n) \quad \longmapsto \quad (\sqrt{|x_1|} + ... + \sqrt{|x_n|})^2$$