

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра АПУ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №3**  
**по дисциплине «Теория автоматического управления. Часть 2.**  
**Нелинейные системы»**  
**Тема: Нейросетевая аппроксимация СХ НЭ**

Студент гр. 2392

\_\_\_\_\_

Жук Ф.П.

Преподаватель

\_\_\_\_\_

Имаев Д.Х.

Санкт-Петербург

2025

## Цель работы.

Изучение методов аппроксимации статических характеристик нелинейных элементов с использованием искусственных нейронных сетей на примере газодинамических характеристик центробежного компрессора.

## Обработка результатов эксперимента.

В ходе работы, была разработана нейросетевая модель для решения задачи подбора газодинамических характеристик центробежного компрессора. Для разработки нейросетевой модели была использована библиотека torch.

Начальной задачей выступала подготовка данных для обучения модели. В ходе данной подготовки был разработан класс Dataset (рис. 1).

```
class Dataset(torch.utils.data.Dataset):
    def __init__(self, inp):
        super(Dataset, self).__init__()
        self.data = list(zip(map(float, inp[0].split()), map(float, inp[1].split())))
        self.data = torch.Tensor(self.data)
        self.lable = list(map(float, inp[2].split()))
        self.lable = torch.Tensor(self.lable)

    def __getitem__(self, index):
        data = self.data[index]
        lable = self.lable[index]
        return data, lable

    def __len__(self):
        return len(self.lable)
```

Рис. 1 – класс Dataset

Он наследуется от класса torch.utils.data.Dataset. В методе \_\_init\_\_ представлена инициализация класса. Метод \_\_getitem\_\_ возвращает элемент набора данных по индексу. Метод \_\_len\_\_ возвращает длину набора данных.

Далее данные были разбиты на тренировочную, тестовую и валидационную выборки.

```
train, val, test = torch.utils.data.random_split(data, [61, 5, 5])
```

Далее создаем загрузчики данных (Dataloader)

```
dataloader_train = torch.utils.data.DataLoader(train, 1, shuffle=True)
```

```
dataloader_val = torch.utils.data.DataLoader(val, 1, shuffle=True)
```

```
dataloader_test = torch.utils.data.DataLoader(test, 1, shuffle=True)
```

В качестве модели была выбрана многослойная нейронная сеть (рис. 2).

```
class Net(nn.Module):
    def __init__(self):
        super(Net, self).__init__()
        self.pipe = nn.Sequential(
            nn.Linear(2, 10),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(10, 30),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(30, 10),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(10, 1)
        )

    def forward(self, x):
        x = self.pipe(x)
        return x
```

Рис. 2 – Класс многослойной нейронной сети

Данная модель состоит из 4 слоев, на вход принимает 2 параметра, на выходе выдаёт 1. В методе `__init__` мы инициализируем модель и её функциональные элементы. Метод `forward` представляет прямое распространение в нейронной сети.

Также была реализована функция для оценки среднего отклонения на заданной выборке (рис. 3).

```
def test(model, dataloader):
    score = []
    for data in tqdm(dataloader):
        inp, lable = data
        inp, lable = inp.to(device), lable.to(device)

        out = model(inp)

        score.append(abs((lable-out).item()))
    score = np.array(score)
    return score.mean()
```

Рис. 3 – Функция теста

Данная функция принимает 2 аргумента: модель и набор данных.

Далее была реализованная функция для тренировки модели (рис. 4).

```
def train(model, valloader, trainloader, optimizer, criterion, epoch):  
  
    loss_stats = {  
        "loss_func": [],  
        "valid_loss": []  
    }  
  
    for ep in range(epoch):  
        model.train()  
        running_loss = 0  
        for data in (bar := tqdm(trainloader)):  
            inputs, labels = data  
            inputs, labels = inputs.to(device), labels.to(device)  
  
            # zero the parameter gradients  
            optimizer.zero_grad()  
  
            # forward + backward + optimize  
            outputs = model(inputs)  
            loss = criterion(outputs, labels)  
            loss.backward()  
            optimizer.step()  
  
            running_loss += loss.item()  
  
            bar.set_description(f'epoch: {ep} \t loss: {running_loss:.3F}')  
  
        loss_stats["loss_func"].append(running_loss)  
  
        model.eval()  
  
        loss_stats["valid_loss"].append(test(model, valloader))  
    return loss_stats
```

Рис. 4 – Функция тренировки

Она принимает следующие аргументы:

1. Модель для обучения
2. Валидационный загрузчик данных
3. Тестовый загрузчик данных
4. Оптимизатор
5. Функция ошибки

## 6. Количество эпох

В качестве оптимизатора был выбран Adam, так как он является эффективным и универсальным. В качестве функции ошибки выбрана MSELoss, так как его будет достаточно для решения поставленной задачи. Модель обучалась 100 эпох.

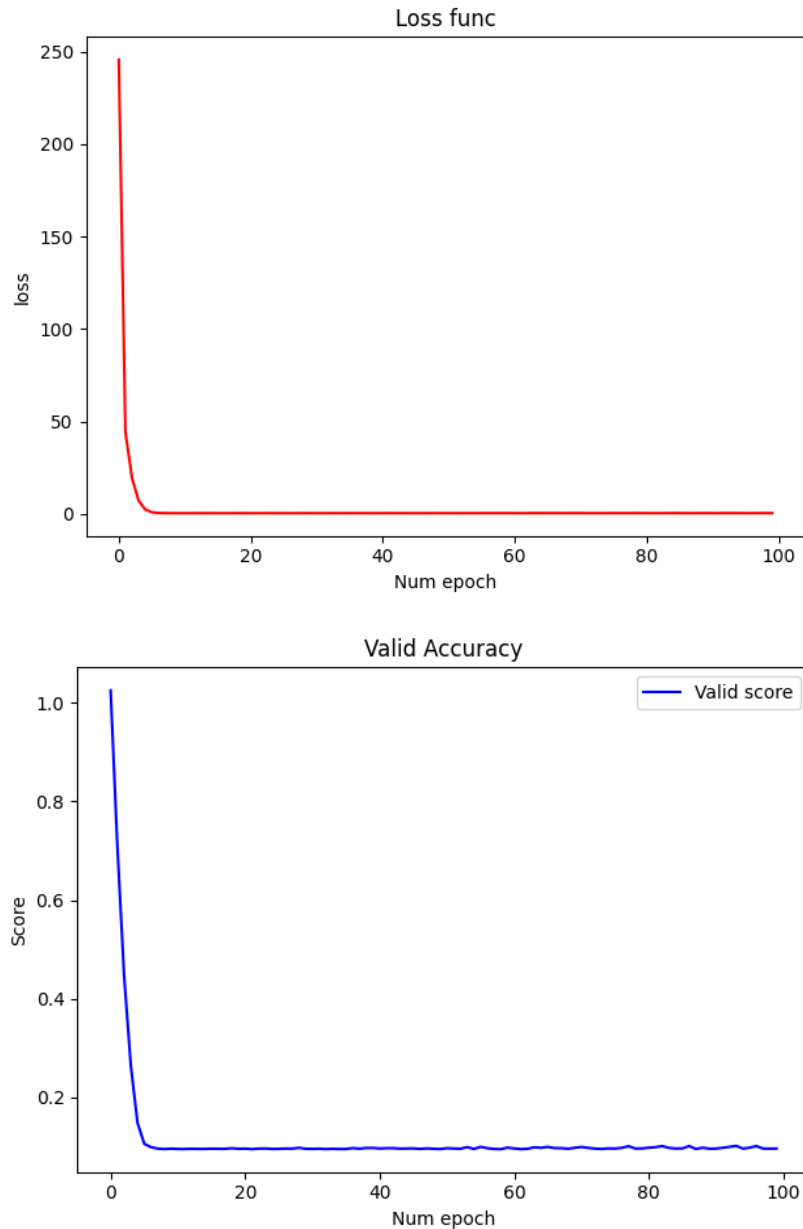


Рис. 5 – Результаты обучения

В ходе обучения были получены два графика (рис. 5).

Результатом на тестовой выборке стал показатель 0.1.

График сравнения результатов представлен на рисунке 6.

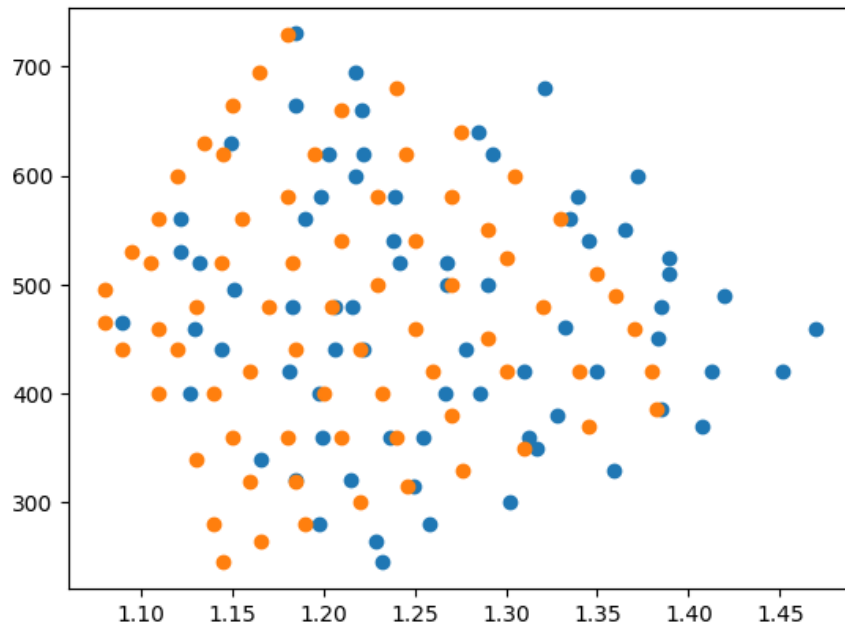


Рис. 6 – Сравнения

Оранжевые точки это данных и дата сета, а синие это полученные моделью.

Также обучим сдледующию модедь (рис. 7).

```
class Net_1(nn.Module):
    def __init__(self):
        super(Net_1, self).__init__()
        self.pipe = nn.Sequential(
            nn.Linear(2, 1),
        )

    def forward(self, x):
        x = self.pipe(x)
        return x
```

Рис. 7 – Модель

Модель обучалась 25 эпох. И показала не плохие результатов обучения (рис. 8). Итог на тестовой выборке 0.0833, значение ошибки по MSELoss.

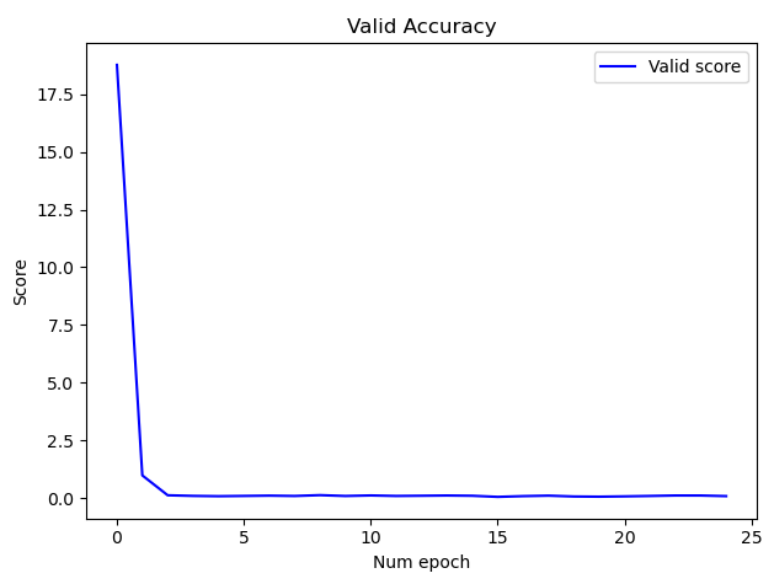
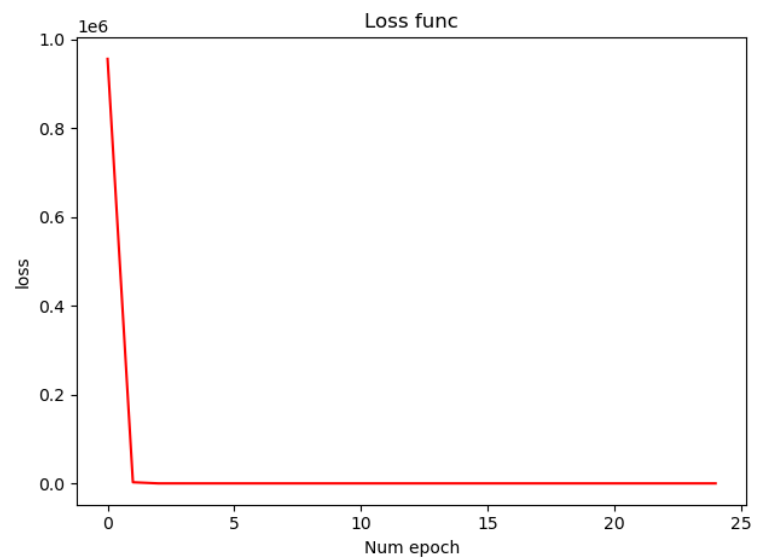


Рис. 8 – Результаты обучения

График сравнения результатов представлен на рисунке 9.

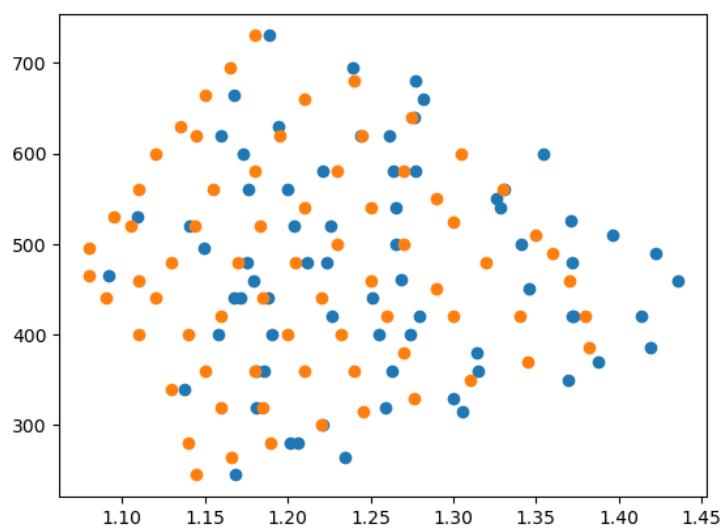


Рис. 9 - Сравнения

Далее была обучена следующая модель (рис. 10)

```
class Net_2(nn.Module):  
    def __init__(self):  
        super(Net_2, self).__init__()  
        self.pipe = nn.Sequential(  
            nn.Linear(2, 50),  
            nn.ReLU(),  
            nn.Linear(50, 1)  
        )  
  
    def forward(self, x):  
        x = self.pipe(x)  
        return x
```

Рис. 10 – Модель

Модель обучалась 25 эпох. И показала не плохие результатов обучения (рис. 11). Итог на тестовой выборке 0.21, значение ошибки по MSELoss.

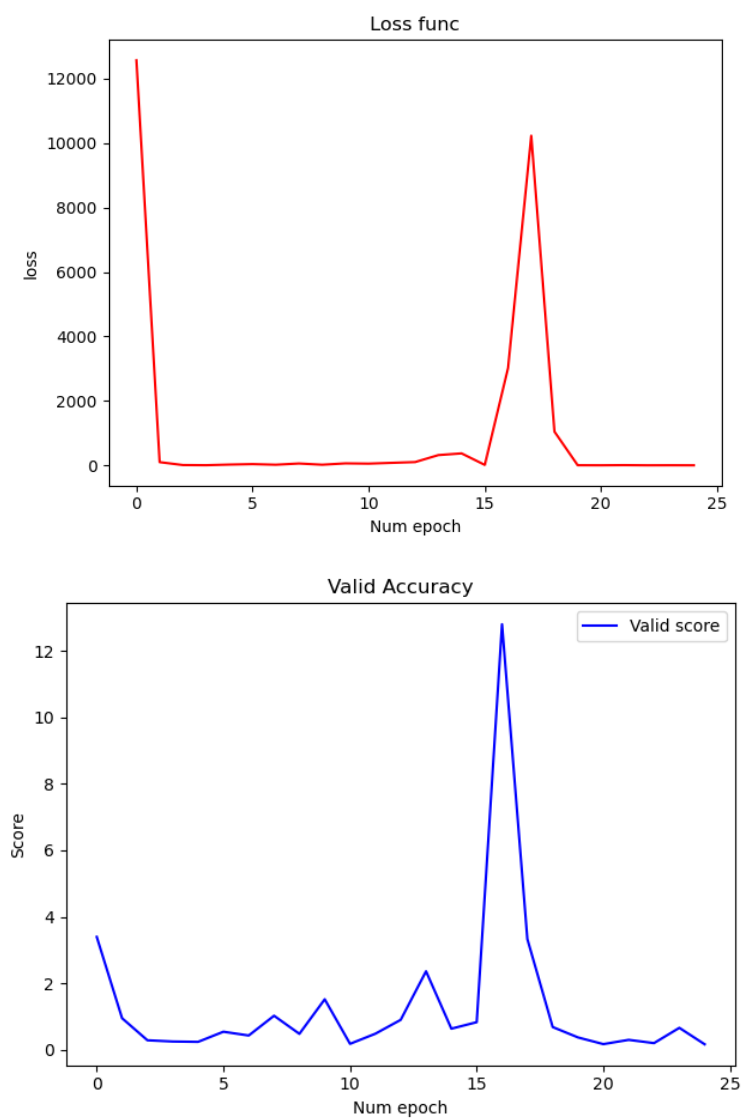


Рис. 11 – Результаты обучения



Граффик сравнения результатов представлен на рисунке 12.

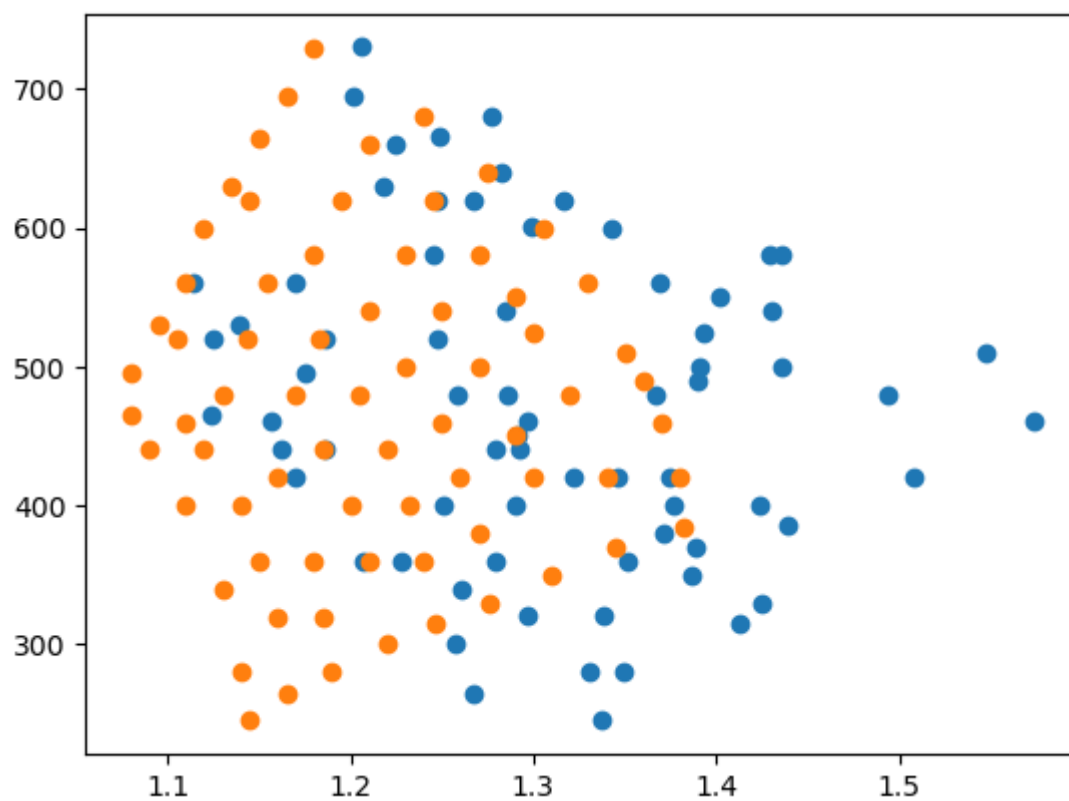


Рис. 12 – Сравнения

Таблица сравнения.

Inp	Out	epoch	loss
1	100	35	0,086598
2	99	37	0,658
3	98	39	0,166689
4	97	35	0,307791
5	96	39	0,11546
6	95	36	0,448204
7	94	36	0,356525
8	93	33	0,52453
9	92	33	0,439483
10	91	30	0,326114
11	90	33	0,426771
12	89	39	0,279333
13	88	35	0,28318
14	87	32	0,315388
15	86	37	0,602992
16	85	37	0,301877
17	84	30	0,315702
18	83	35	0,411531

19	82	30	0,372751
20	81	39	1,0514
21	80	32	0,796629
22	79	38	0,554824
23	78	32	0,317602
24	77	30	0,326181
25	76	31	0,379212
26	75	33	0,267673
27	74	33	0,28669
28	73	39	0,863041
29	72	37	0,264089
30	71	37	0,518287
31	70	36	0,390733
32	69	34	0,284102
33	68	38	0,443014
34	67	34	0,415306
35	66	35	0,662231
36	65	31	0,472882
37	64	38	0,531864
38	63	39	0,627975
39	62	34	0,333471
40	61	33	0,309683
41	60	37	0,285609
42	59	38	0,290118
43	58	34	0,459965
44	57	34	0,269279
45	56	37	0,492928
46	55	35	0,333294
47	54	39	0,316664
48	53	39	0,367993
49	52	36	0,333343
50	51	30	0,444006
51	50	35	0,54968
52	49	38	0,279858
53	48	37	0,292156
54	47	35	0,349992
55	46	38	0,284747
56	45	36	0,30259
57	44	34	0,428471
58	43	34	0,33691
59	42	35	0,307584
60	41	39	0,304415
61	40	37	0,549221
62	39	34	0,358459
63	38	36	0,320629
64	37	31	0,352254

<b>65</b>	36	33	0,281851
<b>66</b>	35	31	0,272728
<b>67</b>	34	32	0,335197
<b>68</b>	33	37	0,320938
<b>69</b>	32	39	0,301592
<b>70</b>	31	33	0,288064
<b>71</b>	30	31	0,287481
<b>72</b>	29	33	0,332253
<b>73</b>	28	35	0,274479
<b>74</b>	27	30	0,335616
<b>75</b>	26	31	0,319622
<b>76</b>	25	33	0,446909
<b>77</b>	24	32	0,349231
<b>78</b>	23	35	0,291298
<b>79</b>	22	32	0,386408
<b>80</b>	21	37	0,30246
<b>81</b>	20	32	0,16969
<b>82</b>	19	38	0,564839
<b>83</b>	18	30	0,278016
<b>84</b>	17	34	0,348181
<b>85</b>	16	34	0,269056
<b>86</b>	15	31	0,278206
<b>87</b>	14	36	0,080301
<b>88</b>	13	35	0,173717
<b>89</b>	12	34	0,34374
<b>90</b>	11	34	0,33308
<b>91</b>	10	33	0,295059
<b>92</b>	9	33	0,2048
<b>93</b>	8	35	0,361607
<b>94</b>	7	34	0,215878
<b>95</b>	6	38	0,083062
<b>96</b>	5	36	0,085968
<b>97</b>	4	38	0,08241
<b>98</b>	3	31	0,16013
<b>99</b>	2	31	0,084575

## **Выводы.**

Результаты обучения нейросетевой модели показали малую эффективность из-за недостаточного объёма данных. Малый набор обучающих примеров (71 точка) привёл к переобучению, что выразилось в высокой ошибке на тестовой выборке. Модель демонстрирует адекватную аппроксимацию только в узких диапазонах параметров, но ошибается вне этих зон. Для улучшения результатов требуется расширение датасета.