SVEUČILIŠTE U ZAGREBU FAKULTET ELEKTROTEHNIKE I RAČUNARSTVA

ZAVRŠNI RAD br. 000

Izradra rasporeda laboratorijskih vježbi uporabom genetskog algoritma

Filip Pankretić

Umjesto ove stranice umetnite izvornik Vašeg rada.

Da bi ste uklonili ovu stranicu obrišite naredbu \izvornik.

SADRŽAJ

Popis slika					
1.	Uvo	l	1		
2.	Prob	lem raspoređivanja studenta u grupe	2		
	2.1.	Stroga ograničenja	2		
	2.2.	Blaga ograničenja	3		
3.	Gen	etski algoritam	4		
4.	Dod	ela termina laboratorijskih vježbi	7		
	4.1.	Reprezentacija rasporeda u obliku jedinke	7		
		4.1.1. Niz termina s listom studenata	8		
		4.1.2. Niz studenta s dodijeljenim terminom	9		
	4.2.	Ocijena rasporeda	10		
		4.2.1. Dobrota i kazna	10		
		4.2.1.1. Dobrota	11		
		4.2.1.2. Kazna	11		
		4.2.1.3. Kazna s kombinacijom dobrote	11		
		4.2.2. Ograničenje broja studenata	12		
		4.2.3. Izračun preklapanja	12		
		4.2.4. Slijedni termini	13		
		4.2.5. Pauza nastala nakon dodijeljenog termina	14		
		4.2.6. Termin dodjeljen u danu bez nastavnih obveza	14		
	4.3.	Elitizam	15		
	4.4. Odabir roditelja				
		4.4.1. Proporcionalna selekcija	16		
		4.4.2. Turnirska selekcija	19		
	4.5.	Križanje roditelja	20		

Lit	teratu	eratura 36			
6.	Zakl	ljučak		35	
	5.5.	Vremen	nska komponenta i veličina populacije	32	
	5.4.	Križanj	e	31	
	5.3.	Mutaci	a	31	
	5.2.	Elitizar	n i odabir roditelja	28	
	5.1.	Vrijedn	osti odabrane za izračun kazne	25	
5.	Uspo	oredba r	rezultata	25	
	4.7.	Veličina	a populacije	23	
		4.6.2.	Nasumičan odabir termina	23	
		4.6.1.	Promjena termina za fiksan broj mjesta	22	
	4.6.	Mutaci	ja	22	
		4.5.2.	Alternirajuće k-križanje	20	
		4.5.1.	Nasumično križanje	20	

POPIS SLIKA

3.1.	Podjela evolucijskog računanja na glavne grane uz odabrane algoritme.
	(Čupić, 2011)
4.1.	Prikaz zapisa nastavnih obveza studenta u memoriji
4.2.	Prikaz niza termina s listom studenata u memoriji
4.3.	Prikaz niza termina s listom studenata u memoriji
4.4.	Provjera preklapanja dva termina
4.5.	Generirani raspored s uključenim elitizmom
4.6.	Generirani rasporedi s isključenim elitizmom
4.7.	Proporcionalna selekcija roditelja
4.8.	Turnirska selekcija roditelja
4.9.	Nasumično križanje
4.10.	Alternirajuće križanje s $K = 3$
4.11.	Alternirajuće križanje s $K = 1$
4.12.	Alternirajuće križanje s K = N/2
4.13.	Mutacija uvečanjem termin za fiskan broj $K = 3$
4.14.	Mutacija dodjelom nasumičnog termina
5.1.	(a) kazna = 25 (b) kazna = 150 (c) kazna = 250
5.2.	Rasporedi s uključenim elitizmom
5.3.	Rasporedi s isključenim elitizmom
5.4.	Poboljšanja verzija proprocionalne selekcije s isključenim elitizmom. 29
5.5.	Osnovna verzija proprocionalne selekcije s isključenim elitizmom 29
5.6.	Poboljšanja verzija proprocionalne selekcije s uključenim elitizmom 30
5.7.	Osnovna verzija proprocionalne selekcije s uključenim elitizmom 30
5.8.	Mutacija promjenom termina za fiksni broj mjesta
5.9.	(a) nasumično (b) naizmjenično s K=1 (c) naizmjenično s K=3 (d) pola
	rasporeda

5.10. Mutacija sa stopom mutacije 0	33
5.11. Mutacija sa stopom mutacije 0.1	33
5.12. Referentne postavke algoritma	34

1. Uvod

Izrada rasporeda je problem koji je prisutan svakodnevno kako u obrazovnim institucijama poput škola, fakulteta, učilišta do raspoređivanja satnice u industriji. Svaki raspored ima eksponencijalan broj konfiguracija i riješene problema jednostavno nije izvedivo pretraživanjem kombinacija grbom silom.

Problem koji će se obrađivati u ovom radu je podskup problema, potrebno je generirati raspored laboratorijskih vježbi za 831 studenta u 37 grupa laboratorijskih vježbi bez preklapanja u njihovim rasporedima.

Cilj ovog rada je opisati rad metaheuristika, konkretno generacijskog genetskog algoritma koji pretražuje prostor stanja simuliranjem procesa evolucije. Potrebno je pomoću eksperimentalnih rezultata pronaći najbolju konfiguraciju algoritma koji će u konačnosti generirati kvalitetan raspored iskoristiv za neometano izvođenje nastave.

2. Problem raspoređivanja studenta u grupe

U obrazovnim institucijama, dva najčešća problema slaganja rasporeda su dodjela grupa studentima te dodjela termina ispita. Raspored se smatra poželjnim ako profesor nema istovremeno dva predavanja, dva predmeta se istovremeno ne drže u istoj učionici, studenti nemaju više predavanja istovremeno te su zadovoljena sva stroga i što više blagih ograničenja. (Ganguli i Roy, 2017).

Za večinu problema raspoređivanja, pokazano je da su NP-teški¹ i da ne mogu biti rješeni u polinomnom vremenu koristeći detrministički algoritam. To vrijedi zbog kombinatorne eksplozije do koje dolazi zbog velikog broja, ograničenja, zahtjeva i velikog broja studenata, predemta, nastavnika i slično.

Prilikom izrade rasporeda potrebno je paziti na dvije vrste ograničenja: *stroga* ograničenja (engl. hard constraints) i blaga ograničenja (engl. soft contraints).

2.1. Stroga ograničenja

Stroga ograničenja se odnose na probleme koji su fizički nemogući. Poput toga da je ili profesor ili student na dva ili više mjesta istovremeno. (Achini Kumari, 2017). Student mora imati dodjeljen samo jedan termin vježbi, taj termin se ne smije preklapati s drugim terminima. Profesori koji održavaju vježbe ne smiju istovremeno održavati dva ili više termina ali mogu imati dodjeljeno više termina u istom danu. U jednoj učionici se istovremeno može nalaziti samo jedna grupa studenata. Dodatne probleme mogu zadavati kapaciteti učionica, prilagođenost studentima s posebnim potrebama i slično.

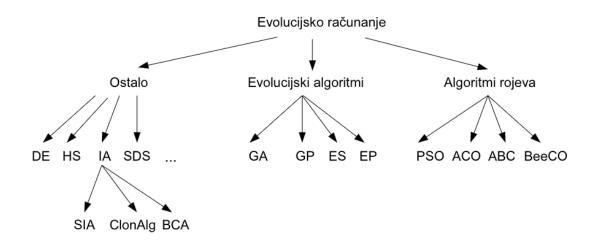
¹Ne postoji algoritam u polinomijalnom vremenu.

2.2. Blaga ograničenja

Blaga ograničenja su ona koja se smatraju poželjnima, jutarnji termini, želje profesora za određenim predavaonama, termini predavanja slijedno bez višesatnih pauza između. Često se stroga ograničenja zbog specifičnih situacija mogu tretirati kao blaga. Na primjer kod predmeta s neobaveznom prisutnošću broj studenta se smanji nakon prvih nekoliko predavanja pa kršenjem maksimalnog kapaciteta ne nastaje veliki problem.

3. Genetski algoritam

Evolucijsko računanje je grana umjetne inteligencije koja se, najvećim dijelom, bavi rješavanjem optimizacijskih problema (Čupić, 2011). Evolucijsko računanje je familija metaheuristika¹ inspiriranih prirodnim procesima i biološkom evolucijom. Dijeli se na 3 grane: *evolucijske algoritme*, *algoritme rojeva* i *ostalo*.



Slika 3.1: Podjela evolucijskog računanja na glavne grane uz odabrane algoritme. (Čupić, 2011)

Evolucijski algoritmi su inspirirani Darwinovom teorijom o postanku vrsta koja se temelji na 5 pretpostavka:

- 1. potomka uvijek ima više nego je potrebno,
- 2. veličina populacije je prillbižno stalna,
- 3. količina hrane je ograničena,
- 4. kod vrsta koje se seksualno razmnožavaju, nema identičenih jedinki već postoje varijacije te

¹Skup algoritamskih koncepta primjenjivih na širok spektar problema

5. najveći dio varijacija prenos se nasljeđem.

Genetski algoritam jedan je od evolucijskih algoritama stvorenih za rješavanje optimizacijskih problema, a koji izravno utjelovljuje navedene postavke (Čupić, 2019). Klasični evolucijski algoritam sadrži sljedeće dijelove:

- **Populacija** podskup svih mogućih rješenja danog problema.
- Jedinka jedno od rješenja u populaciji.
- Funkcija dobrote numerička oznaka kvalitete neke jedinke.
- Operator odabira roditelja operator odabira roditelja za daljnje križanje.
- Operator križanja operator kombiniranja dviju jedinki kako bi se generirao jedan ili dva potomka.
- Operator mutacija operator koji se koristi kako bi se održala raznolikost jedinki.

Sekvencijski² genetski algoritam može se podijeliti na dvije tipične izvedbe: *eliminacijski genetski algoritam* (engl. *steady-state genetic algorithm*) te *generacijski genetski algoritam* (engl. *generational genetic algorithm*) (Čupić, 2011). Kako se *generacijski genetski algoritam* koristi za rješenje zadanog problema, njegov pseudokod je dan u nastavku:

Algorithm 1 Generacijski genetski algoritam

```
populacija := new jednika[N]
dobrota := new ocjena[N]
for i := 0; i < N; i++ do
    dobrota[i] := ocijeni(populacija[i])
end for
while nije kraj do
    pom_populacija := new jednika[N]
    pom_dobrota := new ocjena[N]
    for i := 0; i < N; i++ do
        roditelj1 := odabirRoditelja(populacija)
        roditelj2 := odabirRoditelja(populacija)
        dijete := križaj(roditelj1, roditelj2)
end for</pre>
```

²Rade u jednodretvenim sustavima

```
populacija := pom_populacija
dobrota := pom_dobrota
end while
```

Kod generacijskog genetskog algoritma eventualno dobro dijete ne može se odmah iskoristiti; ono mora pričekati dok se ne završi čitava generacija.

Generacijski algoritam može taokođer biti elitistički³. Za razliku od ne elitističkih inačica, kroz evoluciju graf jedinki će biti nazubljen te najbolja jedinka nove generacije ne mora biti bolja od prethodne. (Čupić, 2019)

³Svojstvo algoritma da sadrži najbolju jedinku

4. Dodjela termina laboratorijskih vježbi

Problem dodjele termina laboratorijskih vježbi znatno je lakši od izrade cjelovitog rasporeda. Nasuprot originalnog problema izrade cjelovitog rasporeda, sad postoji već prethodno izrađen raspored te je isti potrebno popuniti dodatnim terminima laboratorijskih vježbi. Također, nije potrebno uzeti u obzir cijeli raspored već samo jedan tjedan u semestru, što znatno olakšava problem i sami pristup problemu. Nadalje, nije potrebno pratiti niti sljedeće stavke: željeni termini profesora ili asistenata, profesori ili asistenti dodijeljeni terminu, održavaju li se dva ili više termina istovremeno itd. Općenito je potrebno paziti na navedena ograničenja, ali sada ne spadaju u opseg ovog rada.

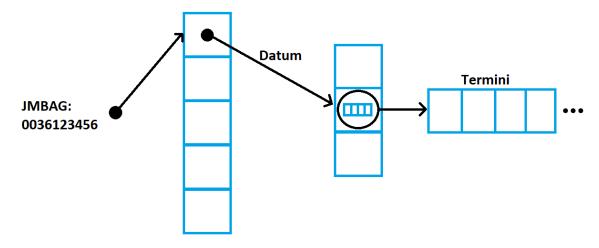
4.1. Reprezentacija rasporeda u obliku jedinke

Svaki generirani raspored (također istoznačno: jedinka) potrebno je ispravno prikazati u memoriji. Ovisno o zapisu koji se koristi problem se može znatno olakšati ili otežati. Osim zapisa same jedinke program prima niz datoteka potrebnih za rad algoritma: popis studenata, popis dostupnih termina laboratorijskih vježbi, maksimalan i minimalan broj studenata po terminu te prethodna zauzetost studenata.

Prvo je potrebno definirati univerzalne podatke koji se koriste neovisno o zapisu samog rasporeda. Zapis termina laboratorijskih vježbi dan je formatu:

šifra_termina;kapacitet;datum;vrijeme_početaka;vrijeme_kraja;učiona, gdje je dodatno *kapacitet* u formatu: *makimalan_kapacitet/minimalan_kapacitet*. Svaki zapis spremamo u četiri odvojena niza: niz s cijelovitim zapisom, niz s početkom termina, niz s krajem termina i niz s datumom termina. Nadalje se termini referenciraju indeksom na kojem su raspoređeni.

Slijedi prikaz termina studenata. Moguće je da u tablici zauzetosti studenata se nalaze studenti kojima nije potrebno dodijeliti termin. Stoga se za prikaz rasporeda koristi tablica raspršenog adresiranja¹ koja kao ključ prima JMBAG² studenta, a kao vrijednost sadrži još jednu tablicu koja sada prima kao ključ datum termina a kao vrijednost ima strukturu podataka vektor³ s popisom prethodnih termina. Slijedni termini se spajaju u jedan zajednički termin kako bi se kasnije ubrzala provjera kolizija. Kolizije već prethodno dodijeljenih termina prilikom učitavanja podataka se ne provjeravaju.



Slika 4.1: Prikaz zapisa nastavnih obveza studenta u memoriji.

Popis studenata kojima je potrebno dodijeliti termin mogu sadržavati termin koji ne postoji u tablici prethodno dodijeljenih termina, u tom slučaju se pretpostavlja da student u tom tjednu nema ostalih nastavnih obveza. Studenti se prikazuju kao niz JMBAG-a kojemu se kasnije pristupa preko indeksa pojedinog elemenata.

Dva načina zapisa rasporeda koja će biti obrađena su *niz termina s listom studenta* i *niz studenta s dodijeljenim terminom*.

4.1.1. Niz termina s listom studenata

Prvi način zapisa je niza termina gdje svaki element tog niza sadrži vektor sa studentima kojima je dodijeljen taj termin.

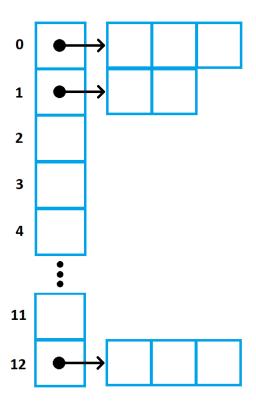
Prednosti ovog zapisa su lakši ispis podataka jer svaki termin odmah sadrži popis studenata i jednostavnija provjera zauzetog kapaciteta nekog termina. Prednosti je vrlo malo, dok mana ima puno više.

Neki od nedostataka su da je potrebno je paziti da je svaki student dodijeljen samo jednom terminu, teže je implementirati operatore mutacije i operator križanja jer jedinka ima dvije osi od kojih je jedna varijabila, također je zbog toga otežan izračun

¹Struktura podataka koja u pretincima adresiranim nekim ključem sadrži određeni tip podatka.

²Jedinstveni matični broj akademskog građanina

³Struktura podataka koji automatski alocira i dealocira memoriju, a ponaša se kao niz



Slika 4.2: Prikaz niza termina s listom studenata u memoriji.

preklapanja. Dodatno, ovaj prikaz je i memorijski i vremenski zahtjevan zbog korištenja dodatnih struktura podataka.

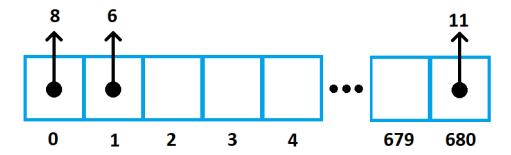
4.1.2. Niz studenta s dodijeljenim terminom

Druga način prikaza je niz gdje indeks svakog elementa predstavlja jednog studenta, a element je indeks dodijeljenog termina.

Ovaj način pruža jednodimenzionalni niz što znatno olakšava definiranje operatora križanja i mutacije. Kako svaki student predstavlja jedan element niza, odmah je riješeno tvrdo ograničenje da student može pristupiti samo jednom terminu laboratorijskih vježbi. Lakše je izračunati pojedina preklapanja jer jednostavno pronaći za svakog studenta pronaći dodijeljeni termin. Memorijski i vremenski je efikasniji od prvog načina zbog jednostavnije strukture.

Otežan je izračun zauzetog broja mjesta po terminu i ispis podataka. Za provjeru zauzeća potrebno je jednom proći kroz cijeli niz kako bi se za svaki termin prebrojala zauzeta mjesta, a za ispis rasporeda je potrebno za svaki termin proći kroz cijeli niz te ispisati studenta kako se naiđe na njega ili je potrebno u zasebnoj strukturu držati popis studenata slično kao prvi zapis. Kako se raspored ispisuje samo povremeno, to

ne predstavlja problem.



Slika 4.3: Prikaz niza termina s listom studenata u memoriji.

Zbog velikog broja prednosti druge strukture naspram prve, ta struktura je odabrana za prikaz rasporeda.

4.2. Ocijena rasporeda

Ocjena rasporeda je rezultat funkcije dobrote (engl. *fitness*). Točnije to je numerička oznaka koja se koristi za ocjenu kvaliteta rasporeda. Ukupna ocjena nekog rasporeda jednaka je sumi funkcija dobrote za svakog studenata iz nekog rasporeda.

$$\sum_{i=0}^{n} dobrota(student[i]) \tag{4.1}$$

4.2.1. Dobrota i kazna

Osim dobrote, raspored može koristiti i kaznu (engl. *punishment*). Kazna je mjera koliko je neki raspored loš. Ponekad je za problem lakše definirati ukupnu kaznu, nego ukupnu dobrotu. U praksi se pokušava ili minimizirati kazna ili maksimizirati dobrota. Kazna isto kao i dobrota je zapravo heuristika koja aproksimira koliko je daleko odnosno blizu dobiveno rješenje od cilja tj. najboljeg rješenja.

U sklopu ovo rada, najbitnije svojstvo rasporeda je da nema preklapanja, stoga će bolji raspored biti onaj koji ima manje preklapanja, a nadalje onaj koja ima bolju ocjenu.

Prilikom izračuna ocijene rasporeda, sljedeća svojstva su uzeta kao pretpostavke:

- studenti preferiraju imati vježbe u istom danu kad već imaju nastavne aktivnosti,
- bolji je termin koji stvara manju rupu do najbliže nastave aktivnosti nego onaj koji stvara veću,

- broj nastalih pauza u rasporedu nije bitan i
- bolji je termin koji je slijedno s nastavnim aktivnostima bez pauze neovisno o opterećenju taj dan

4.2.1.1. Dobrota

Ako bi raspored koristio dobrotu za svoju ocjenu, neke od heuristike koje bi se mogle koristiti su broj studenata koji nemaju preklapanje i broj studenata kojima je dodijeljen termin slijedno s ostalim nastavnim aktivnostima.

Teško je definirati kvalitetnu funkciju dobrote za raspored, jer je vrlo malo svojstva kojima se može dodijeliti smislena numerička vrijednost. Čak i ako se uspiju pronaći smislene karakteristike za funkciju dobrote, teško je namjestiti vrijednosti tako da algoritam preferira sva svojstva istovremeno.

Na primjer ako se za svakog studenta bez preklapanja funkcija dobrote poveća za 10, a za svaki slijedni raspored se poveća za 5. Algoritam će vrlo vjerojatno preferirati studente koji nemaju preklapanja te neće preferirati da studenti imaju slijedna predavanja. Opet može se dogoditi da algoritam sve studente stavi u par termina gdje svi studenti imaju slijedna predavanja ali s puno preklapanja i puno prekršenih ograničenja.

4.2.1.2. Kazna

Rasporedi sati esencijalno imaju jako puno ograničenja koja ne smiju biti prekršena ili smiju ali do neke granice. Stoga je lakše implementirati funkciju kazne rasporeda. Za kaznu isto kao i za dobrotu vrijedi da ako se postavi prevelika kazna za bilo koje svojstvo, vjerojatno je da će dominirati rasporedi koji imaju minimiziranu kaznu s tim svojstvom.

Naime, kako je cilj pronaći raspored koji nema preklapanja to ne predstavalja preveliki problem, ali ako se koristi kazna umjesto dobrote za ocjenu algoritma, dostupan je puno veći broj heuristika koje mogu potencijalno pronaći kvalitetniji raspored.

Neke od heuristika koje su dostupne su: broj preklapanja, broj pauza, vrijeme preklapanja, koliko su prekršeni zahtjevi kapaciteta nekog termina i vremenski period najmanje pauze nastale nakon dodavanja termina.

4.2.1.3. Kazna s kombinacijom dobrote

Kao najbolja opcija se ipak pokazala kazna s kombinacijom dobrote. Osim heuristika kazne uvodi se mali broj heuristika koje rasporedu daju nagradu, to jest smanjuju

kaznu za iznos pomnožen malim koeficijentom ako su zadovoljena neka dobra svojstva u rasporedu. Kada bi nagrada bila velika, onda bi algoritam zapravo pokušavao maksimizirati nagradu umjesto da minimizira kaznu.

4.2.2. Ograničenje broja studenata

Kod izračuna cijene prilikom kršenja maksimalnog ili minimalnog kapaciteta koriste se sljedeće pretpostavke:

- minimalni broj studenata u terminu je uvijek 15,
- maksimalan broj studenata u terminu je uvijek 16,
- gore je kada broj studenata premaši maksimalan kapacitet, nego kad je broj studenta manji od minimuma.

Nakon što je dostupna informacija o broju studenata za svaki termin, dodjeljuje se kazna ovisno o prekršenim ograničenjima. Kazna za termine kojima je dodijeljen veći broj studenata od maksimalnog jednaka je razlici broja dodijeljenih studenata i maksimalnog broja studenata za taj termin pomnožena s nekim koeficijentom.

$$(brojStudenata - 16) \cdot koeficijentZaViseStudenata$$
 (4.2)

Istovjetno, termini kojima je dodijeljen manji broj studenata od minimalnog doprinose kaznom jednakom razlici minimalnog broja studenata i dodijeljenog broja studenata pomnoženom s nekim koeficijentom.

$$(15 - brojStudenata) \cdot koe ficijentZaManjeStudenata$$
 (4.3)

Koeficijent za manji i veći broj studenata nisu jednaki, što se temelji na trećoj zadanoj pretpostavci. Nastavniku je očigledno jednostavnije ispitati manji broj studenata od minimuma, nego veći od maksimuma, zato je koeficijent za manje studenata manji od onog za više. Dobro svojstvo za ta dva koeficijenta je da njihova razlika ne bude prevelika. Jer ako bi koeficijent za manji broj studenata bio premali onda bi algoritam mogao dominirati rasporedima koji nemaju popunjena sva mjesta u učionicama, a isto vrijedi i za obrat.

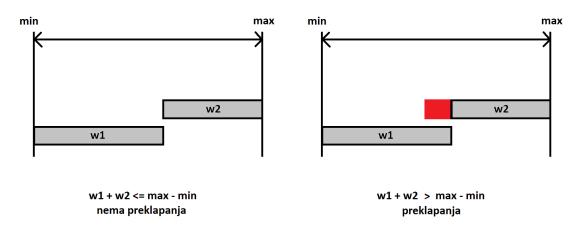
4.2.3. Izračun preklapanja

Student može imati preklapanja u rasporedu prije nego li mu je dodijeljen termin laboratorijskih vježbi. Kod takvih situacija se računaju zasebno kolizije dodijeljenog termina sa svakim prethodnim terminom zasebno, tako da teoretski jedan student može proizvesti više od jedne kolizije. Kazna se dodjeljuje svakoj od tih kolizija kako bi se čak i u slučaju kolizija što prije odbacio raspored gdje pojedinim studentima gotovo pa nije moguće pristupiti terminu laboratorijskih vježbi.

Preklapanje dvaju termina lako se može provjeriti formulom:

$$max(t1, T1) - min(t0, T0) < (t1 - t0) + (T1 - T0)$$
 (4.4)

T0 i T1 predstavljaju redom početak i kraj dodijeljenog termina, a t0 i t1 redom početak i kraj nekog od termina ostalih nastavnih obveza. max(t1, T1) - min(t0, T0) predstavlja interval na kojem se nalaze termini koji se trenutno uspoređuju te ako je taj interval manji od zbroja duljina zasebnih intervala, onda postoji preklapanje.



Slika 4.4: Provjera preklapanja dva termina.

Najvažnije svojstvo rasporeda je da ima minimalni broj preklapanja zato se umnožak preklapanja množi s koeficijentom koji je veći od ostalih. Razlog tome je kako bi se što prije pronašao raspored koji ima minimalan broj preklapanja te onda krenulo u dodatno poboljšanje ostalih svojstva rasporeda.

4.2.4. Slijedni termini

Kao što je spomenuto u odjeljku 4.2.1.3, zbog nekih poželjnih svojstva rasporedu se može dodijeliti nagrada. Nagrada je implementirano tako da ukupnu kaznu rasporeda smanji za neku brojčanu konstantu. Manje konstante osiguravaju, pogotovo ako je implementirano više nagrada, da se ne preferiraju rasporedi s više nagrada i manje prekršenih ograničenja.

Jedno od tih svojstva je slijedno održavanje termina. Sljednost se provjerava samo ako se navedeni termin ne preklapa s niti jednim ostalim terminom. Za provjeru sljed-

nosti može se koristiti formula 4.4 ali tako da se znak nejednakosti promjeni u znak jednakosti.

$$max(t1, T1) - min(t0, T0) = (t1 - t0) + (T1 - T0)$$
(4.5)

Ali, zbog toga što provjera sljednosti ponovo uspoređuje dobiveni termin sa svim ostalim terminima, poželjno je ako je moguće ubrzati provjeru. Pa se zato za provjeru preklapanje dva termina koristi sljedeća formula:

$$t0 = T1 \lor T0 = t1 \tag{4.6}$$

gdje *T0*, *T1*, *t0* i *t1* imaju isto značenje kao i formula 4.4. Dovoljno je samo provjeriti počinje li ili završava li dodijeljeni termin onda kada bilo koji drugi redom završava ili počinje.

4.2.5. Pauza nastala nakon dodijeljenog termina

Broj pauza u rasporedu nije bitan, već se za izračun kazne koristi samo minimalna udaljenost dodijeljenog termina do svih ostalih termina. Provjera pauza se ne vrši u slučaju da su već pronađena dva slijedna termina ili ako postoji kolizija. Za pronalazak najmanjeg perioda pauze u rasporedu koristi se sljedeća formula:

$$min(|T0 - t1|, |T1 - t0|)$$
 (4.7)

gdje *T0*, *T1*, *t0* i *t1* imaju isto značenje kao i formula 4.4. Potom se kazna povećava za iznos izračunat formulom:

$$koeficijent \cdot najmanjiRazmak^2$$
 (4.8)

Koeficijent služi za podešavanje doprinosa kazne. Prema pretpostavci bolji je raspored onaj koji nema pauze znači da će rasporedi s većom pauzom biti gori, tj. imat će veću kaznu. Kako bi se ta pauza što više minimizirala, najmanji razmak se kvadrira kako bi se studentima dodijelili termini sa što manjim vremenskim razmakom.

4.2.6. Termin dodjeljen u danu bez nastavnih obveza

Temeljeno na prvoj pretpostavci izračuna ocjene rasporeda, studenti preferiraju termine laboratorijskih vježbi u istom dana kada imaju neku drug nastavnu aktivnost,

stoga ako student nema drugih nastavnih aktivnosti u danu održavanja laboratorijskih vježbi, dodjeljuje se kazna relativno velikog iznosa.

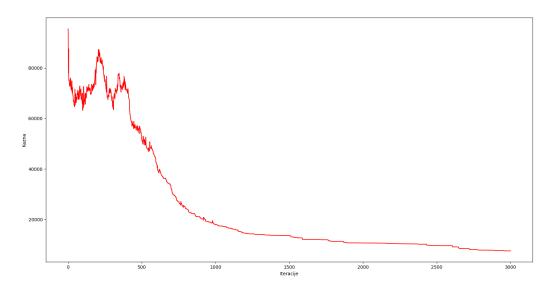
Provjera ima li student neke druge nastavne aktivnosti taj da ili ne održava se na samom početku prije provjera preklapanja, sljednosti termina i pauze s najmanjim vremenskim razmakom. Ako je ta provjera istina onda se ostala svojstva ne provjeravaju.

4.3. Elitizam

Elitizam (engl. elitism) je svojstvno algoritma da uvijek sadržava najbolji raspored.

Odabir elitnog rasporeda vrši se tako da se prolazi kroz kazne svih jedinki i gleda se ima li raspored manji broj preklapanja od prethodnoga. U slučaju da ima, raspored na kojeg se naišlo se bira kao elitni, a u slučaju da je broj preklapanja jedinak onda se odabire onaj s manjom kaznom.

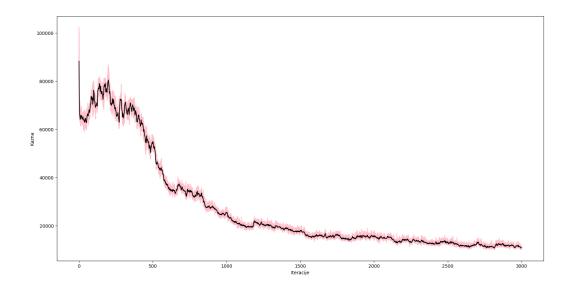
Kod elitističkih algoritama graf koji prikazuje kretanje funkcije kazne kroz evoluciju je monoton. Zbog načina odabira elitinog rasporeda, ovdje će to svojstvo monotonosti biti vidljivo oko 1000-te iteracije kada broj preklapanja postane 0.



Slika 4.5: Generirani raspored s uključenim elitizmom.

Kod algoritama koji nisu elitistički taj će graf biti nazubljen: prosječne vrijednosti funkcije kazne asimptotski će padati ali je sasvim moguće da u nekon koraku algoritma kazna najbolje jedinke bude veća kazne najbolje jedinke koju je algoritam imao u nekom prethodnom koraku (Čupić, 2019).

Prilikom izrade rasporeda očuvanje elitnog rasporeda je pokazalo dobra svojstva poput brže konvergencije i manjeg raspršenja. A kod nekih postavka algoritma, jedino



Slika 4.6: Generirani rasporedi s isključenim elitizmom.

su s uključenim elitizmom rasporedi počeli konvergirati. To je zato što elitni raspored pruža algoritmu točku za koju se može držati kako bi se odupro divergenciji zbog raznih loših utjecaja na algoritam. Tako sada algoritam postaje striktno konvergentan.

4.4. Odabir roditelja

Kod odabira roditelja važno je da oba roditelja budu različita kako bi se održala raznolikost rasporeda. Kada bi oba odabrana roditelja bila jednaka, raspored nastao operatorom križanja bi bio jednak roditeljima, a to nije poželjno svojstvo genetskog algoritma.

Operator odabira roditelja suzuje prostor pretrage riješenja, jer temeljem različitih algoritama roditelja koji imaju bolju ocjenu će vrjerojatnije biti odabrani. Primjer tih operatora su *Proporcionalna selekcija* (engl. *Roulette-Wheel Selection*) i *K-turnirska selekcija* (engl. *K-torunament Selection*).

4.4.1. Proporcionalna selekcija

Proprcionalna selekcija svakom roditelju dodjeluje brojčanu vrijednost postotka sa šansom da upravo on bude odabran. Vrijednost je veča što je raspored bolji, a manja što je raspored gori.

Osnovna izvedba algoritma izgleda ovako:

Algorithm 2 Proporcionalna selekcija

```
raspon := min(kazna) + max(kazna)
vjerojatnosti := new float[N]
for i := 0; i < N; i++ do
  vjerojatnosti[i] := raspon - kazna[i]
end for
zbroj_vjerojatnosti := sum(vjerojatnosti)
for i := 0; i < N; i++ do
  vjerojatnosti[i] := vjerojatnosti[i] / zbroj vjerojatnosti
end for
broj := generiraj(0, 1)
podrucie := 0
for i := 0; i < N; i++ do
  podrucje := podrucje + vjerojatnosit[i]
  if broj <= podrucje then
     odaberiIStani(i)
  end if
end for
```

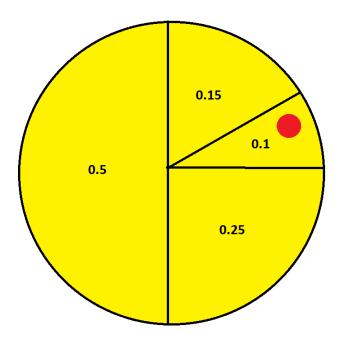
Proporcionalni odabir tradicionalno je implementiran tako da svaki element podijelimo sa sumom elemenata, te će tako element s najvećom vrijednošću imati najveću šansu odabira, no kako je sada bolji onaj raspored koji ima manju kaznu potrebno je ipak podatke transformirati.

Transformirane vrijednosti se dobe tako da se nad svakim elementom provede transformacija:

$$\forall i \ vjerojatnost[i] = max(kazna) + min(kazna) - kazna[i]$$
 (4.9)

Ovom transformacijom zamjenjuje se veličina svih elemenata tako da najmanji elementi postaju najveći i obrnuto. Sada je samo potrebno svaki element podijeliti sumom svih elemenata kako bi se svi elementi razdijelili po intervalu od 0 do 1.

Veliki brojevi predstavljaju problem, kod populacije s 5 rasporeda od kojih nakon transformacije svi imaju redom vrijednosti 10001, 10002, 10003, 10004 i 10005 razlike vjerojatnost svakog rasporeda će biti zanemarive i svi rasporedi će efektivno imati vjerojatnost od 20%. Kako bi se taj efekt ublažio, moguće je sve kazne iz popula-



Slika 4.7: Proporcionalna selekcija roditelja.

cije umanjiti vrijednošću za jedan manjom od najmanje vrijednosti. Tako sada redom vrijednosti iznose 1, 2, 3, 4, 5.

Sljedeći problem predstavljaju negativne vrijednosti, zbog nagrada koje rasporedi mogu poprimiti, kazna rasporeda može teoretski poprimiti negativnu vrijednost, zato je potrebno pronaći minimalnu vrijednost i u slučaju da je ta vrijednost negativna, svaki element se uveća za apsolutu vrijednost najmanje kazne.

Nadalje, vrijednosti svih kazni rasporeda u svakom krugu iteracije su skoro podjednake, stoga ako se u nizu nalazi veliki broj rasporeda, svaki raspored će imati otprilike podjednaku šansu da bude odabran i tako se efektivno dobije nasumični odabir.

Nadalje, boljim rasporedom se smatra onaj koji ima manje kolizija, zbog toga je teško dodijeliti ispravu vjerojatnost odabira, jedan način je da umjesto kazne se gleda broj kolizija, ali onda kada bi se broj kolizija smanjio na 0, svi rasporedi bi imali podjednaku vjerojatnost odabira.

Kada bi se sve ove adaptacije uvele u algoritam, jako bi usporio zbog velikog broja transformacija i kalkulacija prije samog odabira.

4.4.2. Turnirska selekcija

Turnirska selekcija kao ulaz u algoritam prima parametar k koji označava broj jedinki koji ulaze u turnir. Vrlo jednostavnim postupkom, iz populacije se nasumično odabere k raspored nakon čega se jednostavno vrati onaj koji ima najmanji broj preklapanja ili u slučaju jednakog broja preklapanja onaj s najmanjom kaznom.

```
Algorithm 3 Proporcionalna selekcija

populacija := new raspored[k]

while size(populacija) != k do

jedinka := odaberiNasumicno(rasporedi)

if populacija ne sadrži jedinku then

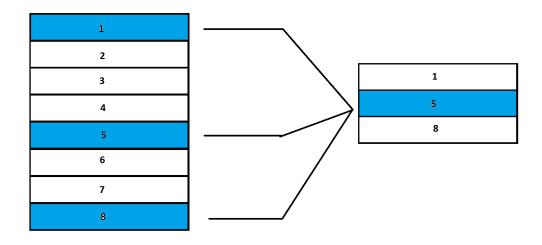
dodaj(populacija, jedinka)

end if

end while

roditelj := odaberiNajbolji(populacija)
```

Kod punjenja pomoćne populacije, potrebno je provjeravati da novo odabrani raspored se već ne nalazi u populaciji.



Slika 4.8: Turnirska selekcija roditelja.

Ako se za vrijednost *k* u algoritmu postavi 1, onda je to efektivno odabir nasumičnog roditelja, a ako se za *k* postavi veličina populacije, onda se odabire elitna jedinka. Za broj odabranih raspored postavlja se manja vrijednost poput dvije ili tri kako bi se omogućila barem minimalno svojstvo kompetencije.

Turnirska selekcija rješava problem velikih brojeva jer odabir rasporeda ne ovisi o razlici kazni pojedinih rasporeda. Dodatno, negativne vrijednost isto ne utječu na ispravnost algoritma kao niti veliki broj rasporeda u populaciji.

Zbog svoje jednostavnosti, efikasnosti i robusnosti turnirska selekcija s parametrom tri je odabrana kao algoritam za odabir roditelja.

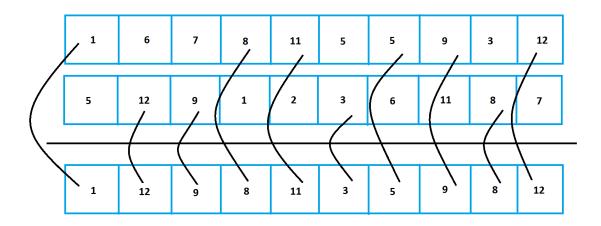
4.5. Križanje roditelja

Operator križanja roditelja kao i operator odabira roditelja sužuje prostor pretrage. Križanjem dvaju roditelja nastaje jedno ili dva nova rješenja ovisno o konkretnim implementacijama. Odabrano je da operator križanja kao rezultat vraća jedno dijete. To dijete se ne odabire na osnovu svoje kazne već nasumično.

Različite implementacije daleko najmanje utječu na kvalitetu dobivenih rasporeda čak i kod ekstremnih postavka operatora.

4.5.1. Nasumično križanje

Nasumičnim križanjem, za svaki element iz rasporeda postoji 50% šanse da bude odabra bilo koj od oba roditelja. Rezultate operatora je raspored nastao tim križanjem.

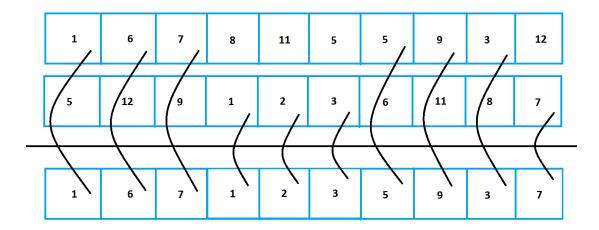


Slika 4.9: Nasumično križanje.

4.5.2. Alternirajuće k-križanje

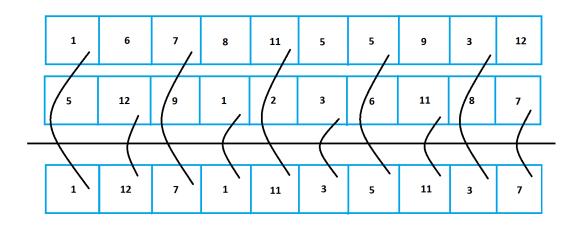
Različito od nasumičnog križanja, ovdje je slučajnost pristupna samo jednom, za odabir roditelja od kojeg počinje križanje. Nadalje ovisno o parametru k koji je predan

algoritmu, djetetu se postavlja idućih k vrijednosti odabranog roditelja te s potom roditelj mijenja.



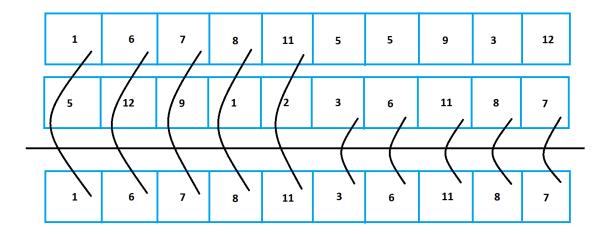
Slika 4.10: Alternirajuće križanje s K = 3.

Ako se kao parametar k postavi jedinica, onda se redom uzima termin jednog, pa termin drugog roditelja naizmjence.



Slika 4.11: Alternirajuće križanje s K = 1.

Sljedeći specijalni slučaj je ako se za parametar k postavi vrijednost N/2, onda algoritam jednostavno uzme polovicu svakog roditelja. Također, ispravno je nazvati ovaj križanjem s polovičnom točkom prekida.



Slika 4.12: Alternirajuće križanje s K = N/2.

Posljednje ako se za parametar k odabere vrijednost veća od N/2, onda ovo postaje križanje s točkom prekida. Jedina razlika na sami algoritam križanja točkom prekida je što nisu dostupne točke prekida manje od N/2.

4.6. Mutacija

Osim operatora koji sužuju područje pretrage, mutacija ga proširuje. Bez operatora mutacije, vrlo brzo bi sva nova rješenja počela stagnirati, tj. ne bi dobili više novih rješenja. Operatoru je dodijeljena stopa mutacije, postotak studenata za koji će se promijeniti dodijeljeni termin.

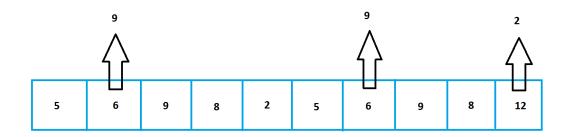
Optimalna vrijednost mutacije iznosi oko 0.002 ili 0.2%. Raspored se sastoji od termina za 831 studenta, prema tom nakon svake mutacije će se u prosjeku promijeniti grupa za 1.66 studenta što pruža dovoljno jako svojstvo širenja. Uz veće vrijednosti stope mutacije konvergencija je sporija bez poboljšanja u kvaliteti rješenja.

Kod ovog problema, nije potrebno pronaći najbolje moguće rješenje već dovoljno dobro. Zato i s jako malim stopama promjene kad algoritam ima veću vjerojatnost zapeti u lokalnom, rješenje se smatra prihvatljivim.

4.6.1. Promjena termina za fiksan broj mjesta

Jedna od varijanti mutacije je promjena termina za fiksan broj mjesta. Na primjer studenta se prebaci s termina 8 na termin 11.

Ovako definiran operator kasnije u ciklusu pretrage kad se raspored stabilizira i



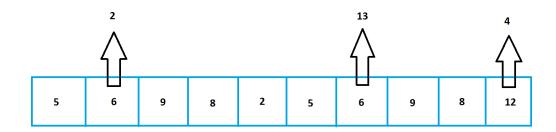
Slika 4.13: Mutacija uvečanjem termin za fiskan broj K = 3.

većina termina imaju popunjen kapacitet od 15 ili 16 mjesta radi veliki broj promjena što destabilizira ponašanje. Ako se napravi promjena termina za 2 studenta, pogotovo ako su oni u istoj grupi, novi raspored će vrlo vjerojatno imati veću kaznu. Prilikom promjene termina primjenjuje se formula:

$$\forall i \ termin[i] = (termin[i] + N) \mod brojTermin + + + a \tag{4.10}$$

4.6.2. Nasumičan odabir termina

Nasumičan odabir termin radi tako da se studentu dodijeli nasumično generiran broj termina između 0 i *brojTermina* gdje svaki termin ima jednaku šansu biti odabran.



Slika 4.14: Mutacija dodjelom nasumičnog termina.

Dodjelom nasumičnog termina umjesto pomaka termina za fiksni broj mjesta bolje rješava problem potencijalnog nakupljanja termina na jednom mjestu pa je odabran kao operator mutacije.

4.7. Veličina populacije

Veličina populacije je broj rasporeda koji se u svakom trenu čuva u memoriji. S manjom veličinom populacije povećava se broj iteracija po sekundi ali je zato manja raz-

nolikost rješenja. Pak, s većom veličinom populacije smanjit će se broj iteracija po sekundi ali će se povećati raznolikost rješenja te će se potencijalno pronaći bolje rješenje.

Operacije računanja kazne su skupe zbog velikog broja provjera kroz koje je potrebno proći, pa će se s većom populacijom broj iteracija po sekundi drastično smanjiti. Potrebno je pronaći dobar balans kvalitete i brzine. Kroz testiranje vrijednosti oko 25 su se pokazale jako dobre.

5. Usporedba rezultata

U ovom poglavlju će biti potkrijepljeni razni parametri odabrani kroz ostatak rada, razlike između različitih algoritama, rad konfigurabilnih algoritma ovisno o parametrima i brzina izvođenja ovisno o parametrima. Prilikom testiranja uzimaju se sljedeće pretpostavke osim ako je navedeno drugačije:

- iznosi kazne:
 - previše studenata u terminu je kvadriran broj studenata pomnožen s 95
 - premalo studenata u terminu je kvadriran broj studenata pomnožen s 45
 - preklapanje iznosi 150
 - slijedni termin iznosi -5
 - pauza između termina nastala zbog odabranog termina je 2 pomnoženo s kvadriranim brojem sati
 - termin dodijeljen u danu bez ostalih nastavnih obveza iznosi 100
- algoritam je elitistički,
- odabir roditelja je turnir s parametrom 3,
- dijete nastaje nasumičnim križanjem roditelja,
- mutacija nasumično odabire termin sa stopom mutacije 0.002,
- bolji je onaj raspored koji ima manje preklapanja te onda onaj koji ima manju kaznu,
- algoritam staje nakon 3000 iteracija te
- 831 student se dijelu u 43 termina.

5.1. Vrijednosti odabrane za izračun kazne

Smanjivanjem kazne, algoritam je u ranijim iteracijama više sklon praznijim grupama ili grupama od nekoliko studenata. Provodi se ispitivanje o broju termina s prekršenim

ograničenjem minimalnog kapaciteta i maksimalnog kapaciteta. Ispitivanje se radi na 1000 iteracija.

Tablica 5.1: Popunjenost termina ovinso o kazni nezadovoljavanja minimlanog kapaciteta.

kazna	14 ili manje	17 ili više
15	3	22
30	4	19
45	3	18
55	5	16

Iz tablice je vidljivo kako kazne s vrijednošću 45 i 55 imaju najbolja svojstva, kazna od 55 je odabrana kako svejedno pri većem broju iteracija ne bi toliko bili preferirani termini s manjim brojem studenata.

Isti postupak se provodi za kaznu s prekršenim maksimalnim kapacitetom s 1500 iteracija.

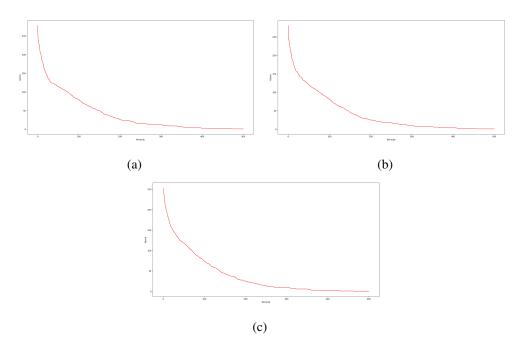
Tablica 5.2: Popunjenost termina ovinso o kazni nezadovoljavanja maksimalnog kapaciteta.

kazna	14 ili manje	17 ili više
50	6	11
75	5	12
95	2	6
110	2	13

Vrijednost kazne od 95 konzistentno pokazje najbolja svojstva te je upravo iz tog razloga odabrana.

Nadalje slijedi ispitivanje o brzini minimizacije preklapanja ovisno o kazni. Prilikom ispitivanja broj iteracija je postavljen na 100.

Iz grafova je moguće primjetiti kako kazna preklapanja nema veliki utjecaj na algoritam, zbog turnirske selekcije dominira odabir rasporeda s manjim brojem preklapanja.



Slika 5.1: (a) kazna = 25 (b) kazna = 150 (c) kazna = 250

Također, ispituje se i nagrada, teško je ispitati razliku u kazni rasporeda, jer će rasporedi s većom nagradom prirodno imati manju kaznu i obrnuto, ali raspored manje kazne u tom slučaju ne mora biti bolje kvalitete. Stoga se ispituje broj prekršenih ograničenja kapaciteta termina laboratorijskih vježbi kako bi se pokazalo da su rasporedi s manjom nagradom skloniji boljim rješenjima.

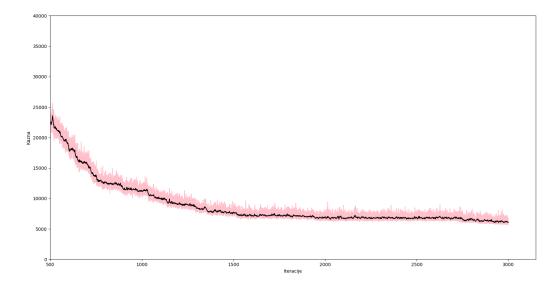
Tablica 5.3: Prekršena ograničenja kapaciteta ovinso o nagradi sljednih temina.

nagrada	prekršena ograničenja
1	4
5	5
15	7
25	6

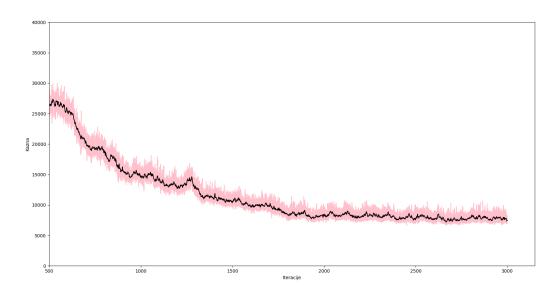
U tablici se nalaze prosječne vrijednosti termina s prekršenim ograninjima, nagrada iznosa 5 je odabrana jer pruža mali broj termina s prekršenim ograničenjima, a rasporedima ipak dodjeljuje dobra svojstva.

5.2. Elitizam i odabir roditelja

Kod promatranja elitizma, razlike između elitističke i neelitističke varijante su relativno male, ipak s uključenim elitizmom rasporedi imaju manje varijacije i brža konvergiraju kao što je vidljivo na grafovima. Prvih 500 iteracija je odrezano na prikazima.



Slika 5.2: Rasporedi s uključenim elitizmom.

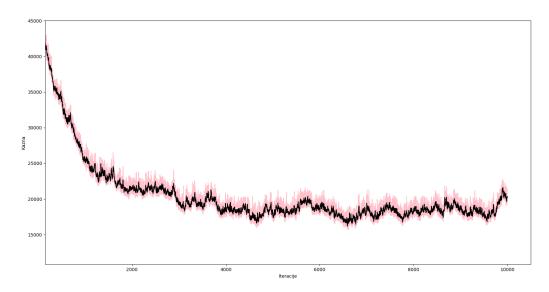


Slika 5.3: Rasporedi s isključenim elitizmom.

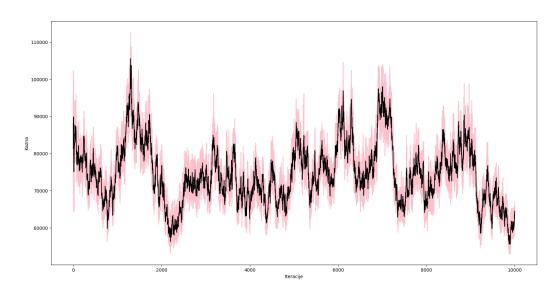
Elitistički algoritam u 3000 iteracija dostigne kaznu od oko 5500 dok ne elitistička inačica završi na oko 7500.

Bez elitizma odabir roditelja s verzijom proporcionalnog odabira sa svim modifikacijama kako bi odabir bio što bolji, populacijom veličine 10 što pospješuje dodatno uspjeh proporcionalne selekcije i 10000 iteracija i dalje ne pronalazi raspored bez preklapanja. Broj preklapanja varira oko 10 preklapanja te rasporedi zapinju u lokalnom optimumu s kaznom koja iznosi oko 20000.

Ako se umjesto unaprijeđene verzije proporcionalne selekcije koristi osnovna verzija, bez korekcije velikih i negativnih brojeva te također bez elitizma, rezultati su još gori, prosječan broj preklapanja nakon 10000 iteracija iznosi oko 250 i kazna poprima vrijednosti oko 60000.



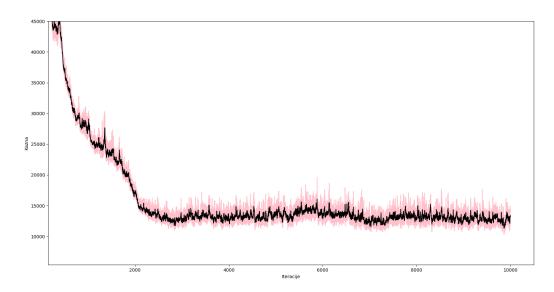
Slika 5.4: Poboljšanja verzija proprocionalne selekcije s isključenim elitizmom.



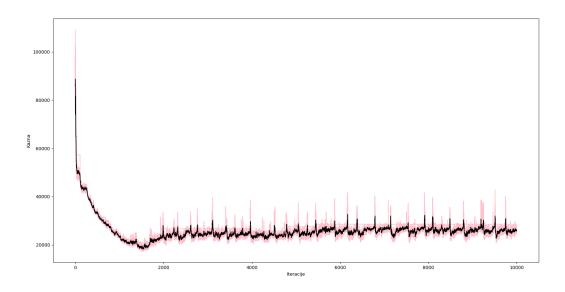
Slika 5.5: Osnovna verzija proprocionalne selekcije s isključenim elitizmom.

Kod poboljšanje verzije odabira proporcijom uključivanjem elitizma vrijednosti se smanjuju nakon 10000 iteracija s 20000 na vrijednosti oko 12000 dok broj kolizija ostaje relativno jednak. Osnovna verzija postiže drastično bolje vrijednosti, nakon 1500 iteracija se broj kolizija smanjuje na oko 50, ali tu algoritam zapne u lokalnom optimumu i dalje zastaje na kazni od oko 25000.

Usporedba rada turnirske selekcije sa i bez elitizma je već prethodno prikazan na slikama 4.5 i 4.6.



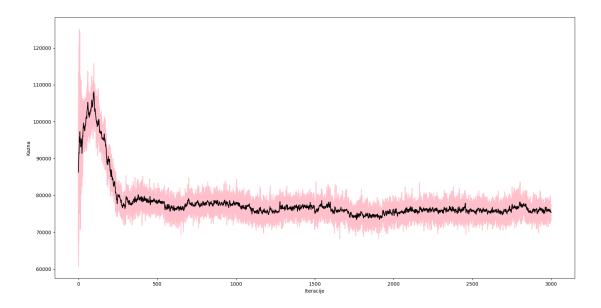
Slika 5.6: Poboljšanja verzija proprocionalne selekcije s uključenim elitizmom.



Slika 5.7: Osnovna verzija proprocionalne selekcije s uključenim elitizmom.

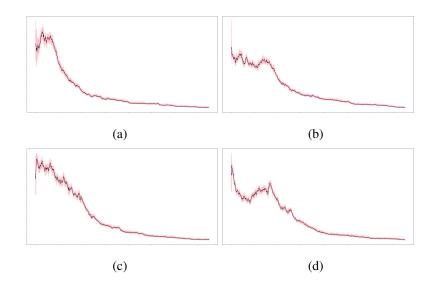
5.3. Mutacija

Rezultati mutacije odabirom nasmičnog termina vježbi vidljivi su na slici 4.5, dok promjena termina za fiksnu vrijednost jednakoj 3 zapinje na oko 30 kolizija i na kazni oko 75000.



Slika 5.8: Mutacija promjenom termina za fiksni broj mjesta.

5.4. Križanje



Slika 5.9: (a) nasumično (b) naizmjenično s K=1 (c) naizmjenično s K=3 (d) pola rasporeda

Sve vrste križanja rasporeda testirane su s 1500 iteracija, razlike su vidljive u početnim iteracijama algoritma, kada svaki operator postiže drugačije rezultate. Nakon već 1000 iteracija, svi operatori djeluju otprilike jednako bez primjetljivih razlika. Zbog toga je odabran operator nasumičnog križanja jer može potencijalno pružati jače svojstvo otpora konvergenciji od ostalih zbog komponente nasumičnosti koju sadrži.

5.5. Vremenska komponenta i veličina populacije

Elitizam i operatori križanja ne mijenjaju značajno vrijeme izvođenja. Izračun kazne je konstantan stoga neovisno o konfiguraciji ima jednak utjecaj. Operator odabira roditelja, veličina populacije i stopa mutacija utječu na vrijeme potrebno za izvršavanje jedne iteracije i pronalazak kvalitetnog rasporeda.

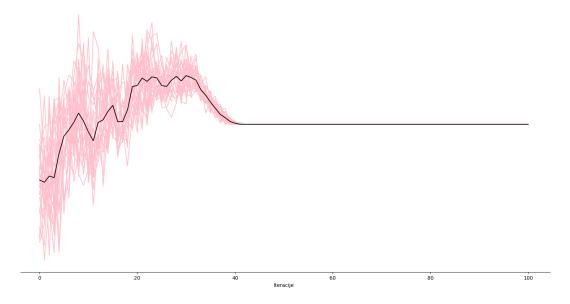
Testiranje vremena izvođenja testira se na 300 iteracija sa 100 rasporeda u populaciji.

Tablica 5.4: Vrijeme izvođenje ovisno o operatoru odabira roditelja.

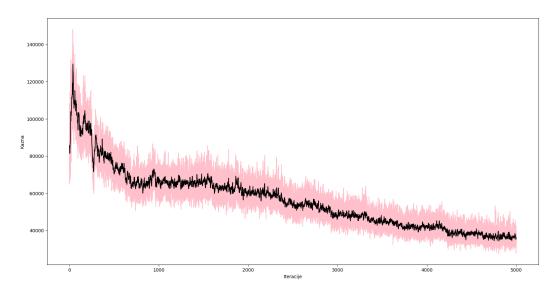
proporcionalna selekcija	proporcionalna selekcija (poboljšana)	turirska selekcija (K = 3)
13.87	14.53	15.05

Vrijeme izvođenja poboljšanje verzije proporcionalne selekcije je veće kao što je očekivano, ali operator turnirske selekcije, iako je sporiji od ostalih, pruža puno bolje rezultate zbog čega se i dalje smatra najboljim operatorom za ovaj zadatak.

Nadalje s većom stopom mutacije vrijeme izvođenja algoritam će usporiti jer je potrebno generirati i primijeniti više vrijednosti, no to nije fokus već brzina konvergencije o stopi mutacije. Sa stopom mutacije nula, nakon svega nekoliko iteracija učenje prestaje, sa stopom iteracije oko 1% učenje uspori ali ne prestaje, a sa stopom oko 0.2% učenje je najbrže.



Slika 5.10: Mutacija sa stopom mutacije 0.



Slika 5.11: Mutacija sa stopom mutacije 0.1.

S visokom stopom mutacije od 1% u prosjeku se mijenja termin za 8.3 studenta, zbog toga raspored jako sporo konvergira i generirana djeca su jako različita što je vidljivo na grafu.

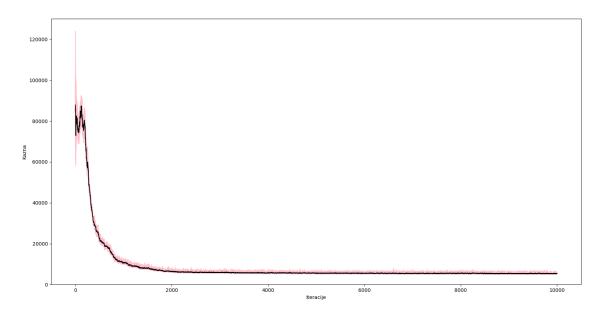
Posljednje je preostalo usporediti brzinu pronalaženja rasporeda određene kvalitete.

Uspoređuje se pronalazak rasporeda s kaznom 20000, 1000 i 7500 s populacijom 15, 25, 50, 150 i 250, sva vremena su izražena u sekundama.

Tablica 5.5: Vrijeme izvođenje ovisno o operatoru odabira roditelja.

populacija/kazna	20000	10000	7500
15	5.81	13.74	19.22
25	8.14	10.01	15.6794
50	7.69	15.52	24.39
150	13.76	25.09	40.63

Iz prikazane tablice vidljivo je kako je upravo 25 najbolja veličina populacije, iako na početku su opcije poput 50 i 15 brže, kasnije u algoritmu je potreban velik broj iteracija kako bi se prošao što veći broj iteracija i opet što veća raznolikost. Za kraj pružam prikaz referentnih pretpostavki ali uz povećanje broja iteracija na 10000.



Slika 5.12: Referentne postavke algoritma.

Nakon 10000 iteracija algoritam je pronašao raspored bez preklapanja i s potrebnim kapacitetima za svaki termin s konačnom kaznom od 5012.

6. Zaključak

U sklopu ovog rada, predstavljen je problem izrade raspodjele studenata u nastavne i ispitne grupe te niz prepreka i ograničenja koja postoje prilikom izrade rasporeda. Problem se svodi na pametnu pretragu velikog prostora stanja.

Jedna od metoda pretrage rješenja je primejna mateheursitka, točnije generacijskog genetskog algoritama gdje se modeliranjem biološkog procesa evolucije simulira proces opstanka najjačih i izumiranja najslabijih jedinki.

Opisan je rad algoritma kao i svih njegovih dijelova. Predložen je prikaz rasporeda u memoriji kao niz studenata s dodijeljenim terminom, takva reprezentacija pruža jednostavan i efikasan zapis. Umjesto izračuna dobrote predložena je uporaba kazne.

Ispostavilo se kako elitizam pozitivno utječe na dobivene rezultate. Za rasporede je predloženo da se vrednuju prvotno po broju preklapanja a tek on po kazni. Predloženo je da se kazni pribrajaju broj preklapanja, udaljenost dodijeljenog termin od sljedećeg najbližeg i razlika između dostupnog i iskorištenog kapaciteta učionice.

Kao operator odabira roditelja najbolje se pokazala turnirska selekcija, a za operator križanja nije pronađena bitna razlika, međutim odabran je operator nasumičnog križanja. Za mutaciju je pokazano da je najbolja relativno mala stopa mutacija takva da u prosjeku mutira selekcija za jedan do dva studenta.

Posljednje, populacija od dvadesetak rasporeda pruža najbolja svojstva raznolikosti uz veliku brzinu prolaska krzo veliki broj iteracija.

Kao krajnji rezultat ovog rada definirana je konfiguracija algoritma koja u konačnici generira iskoristiv raspored s terminima laboratorijskih vježbi bez preklapanja i s studentima pogodnim svojstvima.

LITERATURA

- H. Achini Kumari. Genetic algorithm for university course timetabling problem. Magistarski rad, University of Mississippi, 2017.
- R. Ganguli i S. Roy. A study on course timetable scheduling using graph coloring approach. *International Journal of Computational and Applied Mathematics*, 12(2): 469–485, 2017.
- M. Čupić. *Raspoređivanje nastavnih aktinosti evolucijskim računanjem*. Doktorska disertacija, Fakultet elektrotehnike i računarstva, 2011.
- M. Čupić. Evolucijsko računarstvo, 2019. URL http://java.zemris.fer. hr/nastava/ui/evo/evo-20190604.pdf.

.

Izradra rasporeda laboratorijskih vježbi uporabom genetskog algoritma

Sažetak

Genetski algoritmi su primjenjivi na širok spektar problema, a izrada rasporeda

sati jedan je od konkretnih i primjenjivih problema. U sklopu ovog rada opisan je rad

generacijskog genetsko algoritma s mogućim rješenjima raznih operatora potrebnih za

rad algoritma. Uspoređeni su utjecaji različitih konfiguracija i rezultata dobivenih iz

provedenih eksperimenata kako bi se ispitala kvaliteta generiranih rasporeda. Uspo-

redbom rezultata odabrana je konfiguracija koja je predložena kao konačno rješenje

problema.

Ključne riječi: Operatori, generacijski, eksperimenti, kvaliteta, konfiguracija.

Generating a schedule of laboratory exercises using a genetic algorithm

Abstract

Genetic algorithms are applicable to a wide range of problems, and class schedu-

ling is one of concrete and applicable problems. As part of this paper, the operation of

the generational genetic algorithm is described with the possible solutions of various

operators required for the operation of the algorithm. The effects of different confi-

gurations and the results obtained from the conducted experiments were compared in

order to examine the quality of the generated schedules. By comparing the results, the

configuration that was proposed as the final solution to the problem was selected.

Keywords: Operators, generational, experiments, quality, configuration.