Sprawozdanie z przedmiotu Modelowanie Systemów dynamicznych

Autor: Filip Pasternak

Laboratoria "Charakterystyki czasowe i częstotliwościowe"

# Konspekt 1

Głównym założeniem pierwszego konspektu było opisanie za pomocą równań obiektów różnych rodzajów oraz wykonanie ich charakterystyk skokowych i impulsowych. Rodzaje obiektów oraz ich równania zostały nam udostępnione w formie tabeli:

Obiekt	Transmitancja
inercyjny I rzędu	$G(s) = \frac{k}{Ts + 1}$
inercyjny II rzędu	$G(s) = \frac{k}{T_1 T_2 s^2 + (T_1 + T_2) s + 1}$
inercyjny II rzędu (inna postać)	$G(s) = \frac{k}{T^2 s^2 + 2\xi T s + 1}$
całkujący rzeczywisty	$G(s) = \frac{k}{T_i s(Ts+1)}$
różniczkujący rzeczywisty	$G(s) = \frac{T_d s}{Ts + 1}$
inercyjny I rzędu z opóźnieniem	$G(s) = \frac{e^{-s\theta}}{Ts+1}$

Dla obiektów o postaci:



Na potrzeby dalszych obliczeń w pierwszej sekcji m-kodu zostały zawarte wartości zmiennych później używanych do opisu obiektów:

```
%przypisanie dowolnych wartosci z przedzialu <1, 10>
k = 2;
T = 3;
T1 = 4;
T2 = 5;
ksi = 1.5;
Ti = 6;
Td = 7;
Theta = 3;
t = 0: 0.1: 20;
```

Po przypisaniu wartości do tych zmiennych, były one używane na przestrzeni całego programu. Zapis transmitancji obiektu, napisany w ten sposób:

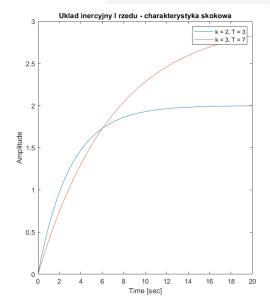
```
%Zapisanie transmitancji obiektu:
inercyjny_I = tf([0,k], [T,1])
inercyjny_II = tf([0,0,k], [T1*T2 ,T1+T2 ,1])
inercyjny_II_inny = tf([0,0,k], [T^2 ,2*ksi*T ,1])
calkujacy_r = tf([0,0,k], [T*Ti , Ti , 0])
rozniczkujacy_r = tf([Td,0], [T,1])
```

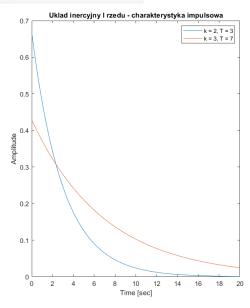
Dał nam następujące wyniki, które zgodne były z danymi z udostępnionej tabeli:

Wykonanie dalszej części zadań było w znacznej mierze szablonowe. Po przypisaniu wartości dla x i y potrzebnych do wykonania charakterystyki, następuje zmiana zestawu zmiennych od których te wartości należą. Ostatnim etapem charakterystyki pojedynczego obiektu było zestawienie odpowiedzi na jednym wykresie dla dwóch różnych zestawów danych.

#### Charakterystyka obiektu inercyjnego I rzędu:

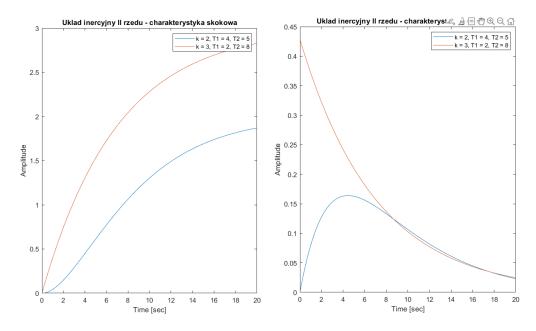
```
%Inercyjny I rzedu
y1 = step(inercyjny_I, t);
y1_i = impulse(inercyjny_I, t);
T_b = 7;
             %zmiana zestawu danych
inercyjny_I_b = tf([0,k_b], [T_b,1]);
y1_b = step(inercyjny_I_b, t);
y1_i_b = impulse(inercyjny_I_b, t);
%Charakterystyki
figure
plot(t, y1, t, y1_b)
title('Uklad inercyjny I rzedu - charakterystyka skokowa')
legend('k = 2, T = 3', 'k = 3, T = 7')
plot(t, y1_i, t, y1_i_b)
title('Uklad inercyjny I rzedu - charakterystyka impulsowa')
legend('k = 2, T = 3', 'k = 3, T = 7')
```





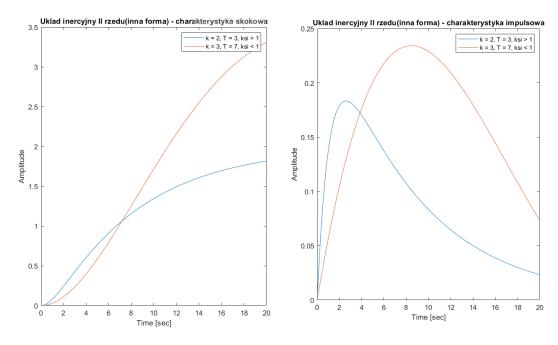
#### Charakterystyka obiektu inercyjnego II rzędu:

```
%Inercyjny II rzedu
y2 = step(inercyjny_II, t);
y2_i = impulse(inercyjny_II, t);
T1_b = 2;
T2_b = 8;
inercyjny_II_b = tf([0,0,k_b], [T1_b*T2_b ,T1_b+T2_b ,1]);
y2_b = step(inercyjny_I_b, t);
y2_i_b = impulse(inercyjny_I_b, t);
figure
plot(t, y2, t, y2_b)
title('Uklad inercyjny II rzedu - charakterystyka skokowa')
xlabel('Time [sec]')
ylabel('Amplitude')
legend('k = 2, T1 = 4, T2 = 5', 'k = 3, T1 = 2, T2 = 8')
plot(t, y2_i, t, y2_i_b)
title('Uklad inercyjny II rzedu - charakterystyka impulsowa')
xlabel('Time [sec]')
ylabel('Amplitude')
legend('k = 2, T1 = 4, T2 = 5', 'k = 3, T1 = 2, T2 = 8')
```



## Charakterystyka obiektu inercyjnego II rzędu ze współczynnikiem tłumienia:

```
%Inercyjny II rzedu - inna forma
y3 = step(inercyjny_II_inny, t);
y3_i = impulse(inercyjny_II_inny, t);
ksi_b = 0.5;
inercyjny_II_inny_b = tf([0,0,k_b], [T_b^2,2*ksi_b*T_b,1]);
y3_b = step(inercyjny_II_inny_b, t);
y3_i_b = impulse(inercyjny_II_inny_b, t);
figure
plot(t, y3, t, y3_b)
title('Uklad inercyjny_II rzedu(inna forma) - charakterystyka skokowa')
xlabel('Time [sec]')
ylabel('Amplitude')
legend('k = 2, T = 3, ksi > 1', 'k = 3, T = 7, ksi < 1')
plot(t, y3_i, t, y3_i_b)
title('Uklad inercyjny_II rzedu(inna forma) - charakterystyka impulsowa')
xlabel('Time [sec]')
ylabel('Amplitude')
legend('k = 2, T = 3, ksi > 1', 'k = 3, T = 7, ksi < 1')</pre>
```



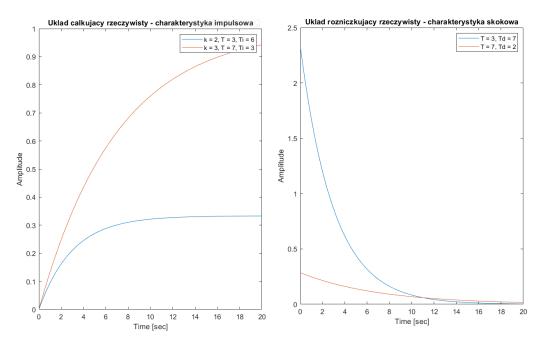
## Charakteryska obiektu całkującego rzeczywistego:

```
%Rozniczkujacy rzeczywisty
y5 = step(rozniczkujacy_r, t);
y5_i = impulse(rozniczkujacy_r, t);

Td_b = 2;

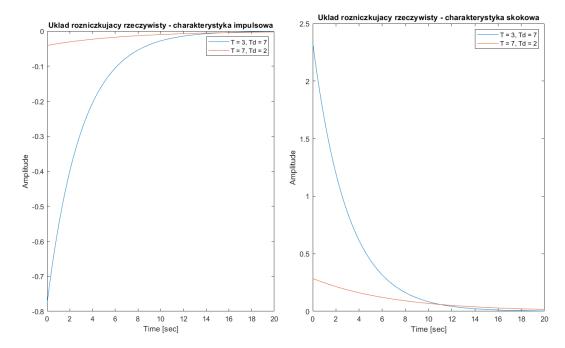
rozniczkujacy_r_b = tf([Td_b,0], [T_b,1]);
y5_b = step(rozniczkujacy_r_b, t);
y5_i_b = impulse(rozniczkujacy_r_b, t);

figure
plot(t, y5, t, y5_b)
title('Uklad rozniczkujacy rzeczywisty - charakterystyka skokowa')
xlabel('Amplitude')
legend('T = 3, Td = 7', 'T = 7, Td = 2')
plot(t, y5_i, t, y5_i_b)
title('Uklad rozniczkujacy rzeczywisty - charakterystyka impulsowa')
xlabel('Time [sec]')
ylabel('Amplitude')
legend('T = 3, Td = 7', 'T = 7, Td = 2')
```



#### Charakterystyka obiektu różniczkującego rzeczywistego:

```
%Rozniczkujacy rzeczywisty
y5 = step(rozniczkujacy_r, t);
y5_i = impulse(rozniczkujacy_r, t);
rozniczkujacy_r_b = tf([Td_b,0], [T_b,1]);
y5_b = step(rozniczkujacy_r_b, t);
y5_i_b = impulse(rozniczkujacy_r_b, t);
figure
plot(t, y5, t, y5_b)
title('Uklad rozniczkujacy rzeczywisty - charakterystyka skokowa')
xlabel('Time [sec]')
ylabel('Amplitude')
legend('T = 3, Td = 7',
                         'T = 7, Td = 2')
plot(t, y5_i, t, y5_i_b)
title('Uklad rozniczkujacy rzeczywisty - charakterystyka impulsowa')
xlabel('Time [sec]')
ylabel('Amplitude')
legend('T = 3, Td = 7', 'T = 7, Td = 2')
```

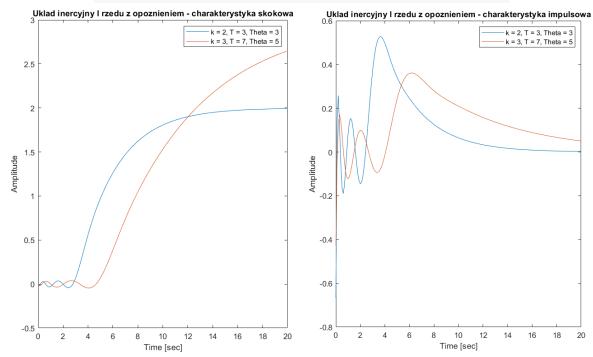


### Charakterystyka obiektu inercjalnego I rzędu z opóźnieniem:

Charakterystyka ta była bardziej skomplikowana z powodu konieczności zapoznania się z oraz użycia funkcji pade() oraz opisania obiektu dopiero po jej użyciu.

```
%Uklad inercyjny I rzedu z opoznieninem
[licz_op, mian_op] = pade(Theta, 5);
licz_iner = [0,k];
mian_iner = [T,1];
[licz, mian] = series(licz_op, mian_op, licz_iner, mian_iner);
inercyjny_I_op = tf(licz, mian);
y6 = step(inercyjny_I_op, t);
y6_i = impulse(inercyjny_I_op, t);
Theta_b = 5;
[licz_op_b, mian_op_b] = pade(Theta_b, 5);
licz_iner_b = [0,k_b];
mian_iner_b = [T_b,1];
[licz_b, mian_b] = series(licz_op_b, mian_op_b, licz_iner_b, mian_iner_b);
inercyjny_I_op_b = tf(licz_b, mian_b);
y6_b = step(inercyjny_I_op_b, t);
y6_i_b = impulse(inercyjny_I_op_b, t);
```

```
figure
plot(t, y6, t, y6_b)
title('Uklad inercyjny I rzedu z opoznieniem - charakterystyka skokowa')
xlabel('Time [sec]')
ylabel('Amplitude')
legend('k = 2, T = 3, Theta = 3', 'k = 3, T = 7, Theta = 5')
plot(t, y6_i, t, y6_i_b)
title('Uklad inercyjny I rzedu z opoznieniem - charakterystyka impulsowa')
xlabel('Time [sec]')
ylabel('Amplitude')
legend('k = 2, T = 3, Theta = 3', 'k = 3, T = 7, Theta = 5')
```



# **Konspekt 2**

Celem ćwiczeń z tej części zajęć było zapoznanie się z charakterystykami częstotliwościowymi oraz wyoknanie i reprezentacje ich w środowisku Matlab.

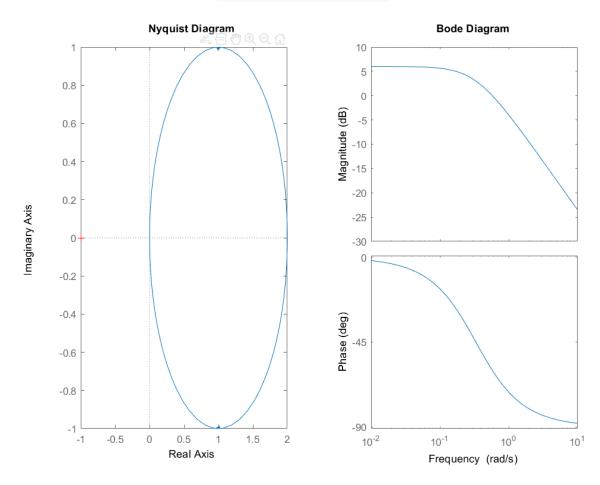
Wyznaczenie charakterystyk obiektów z konspektu 1 przebiegało w następujący sposób

- Dla charakterystyki amplitudowej i fazowej czyli wykres Bodego została zastosowana funkcja bode()
- Dla charakterystyki amplitudowo-fazowej czyli wykresu Nyquista została zastosowana funkcja nyquist()

Wykonanie ćwiczenia było ułatwione ze względu na użycie gotowych wcześniej opisanych obiektów w konspekcie 1, więc praca ograniczała się do wyznaczenia samych charakterystyk.

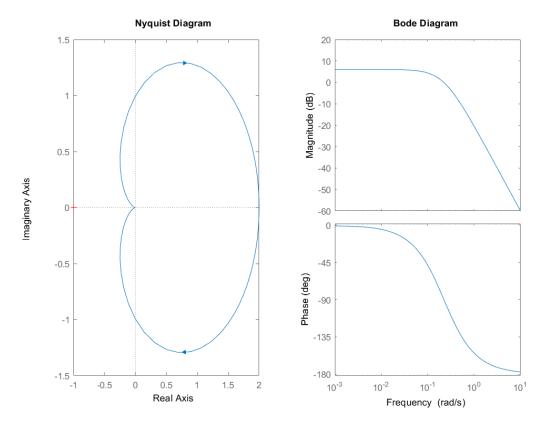
## Charakterystyki obiektu inercyjnego I rzędu:

```
figure
subplot(2, 2, [2 4]);
bode(inercyjny_I);
subplot(2, 2, [1 3]);
nyquist(inercyjny_I);
```



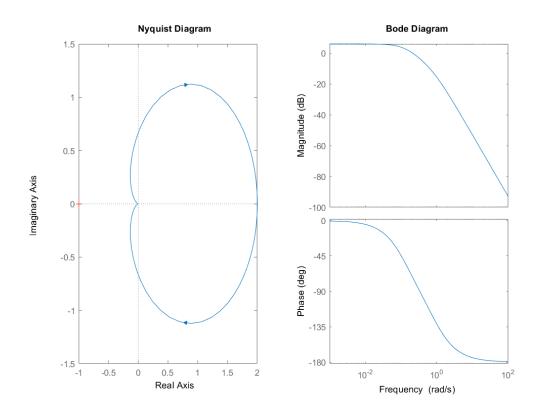
## Charakterystyki obiektu inercyjnego II rzędu:

```
figure
subplot(2, 2, [2 4]);
bode(inercyjny_II);
subplot(2, 2, [1 3]);
nyquist(inercyjny_II);
```



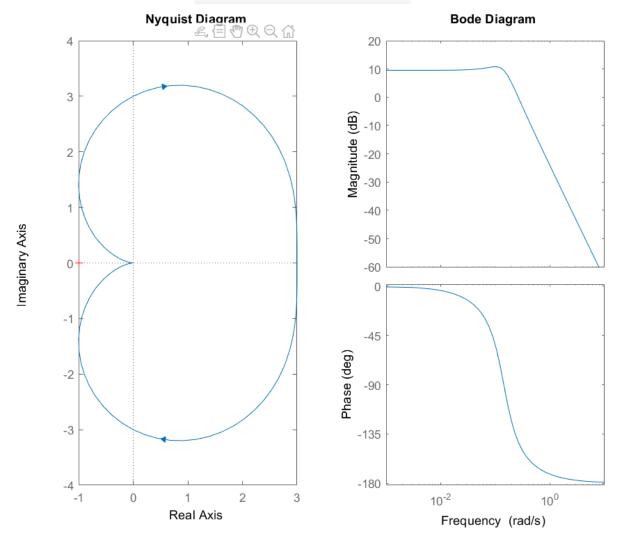
# Charakterystyki obiektu II rzędu ze współczynnikiem tłumienia > 0

```
figure
subplot(2, 2, [2 4]);
bode(inercyjny_II_inny);
subplot(2, 2, [1 3]);
nyquist(inercyjny_II_inny);
```



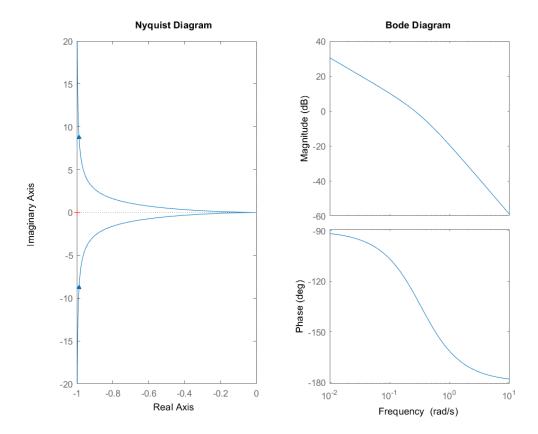
## Charakterystyki obiektu II rzędu ze współczynnikiem tłumienia < 0

```
figure
subplot(2, 2, [2 4]);
bode(inercyjny_II_inny_b);
subplot(2, 2, [1 3]);
nyquist(inercyjny_II_inny_b);
```



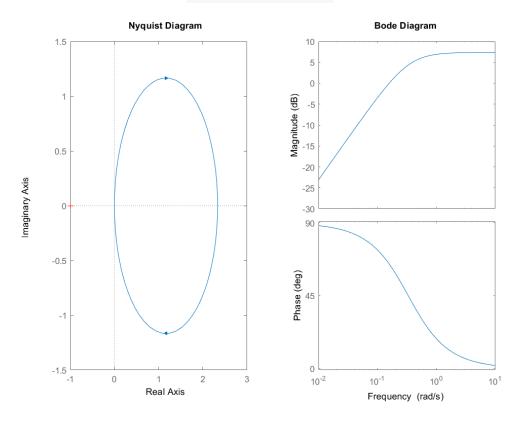
## Charakterystyki obiektu całkującego rzeczywistego:

```
figure
subplot(2, 2, [2 4]);
bode(calkujacy_r);
subplot(2, 2, [1 3]);
nyquist(calkujacy_r);
```



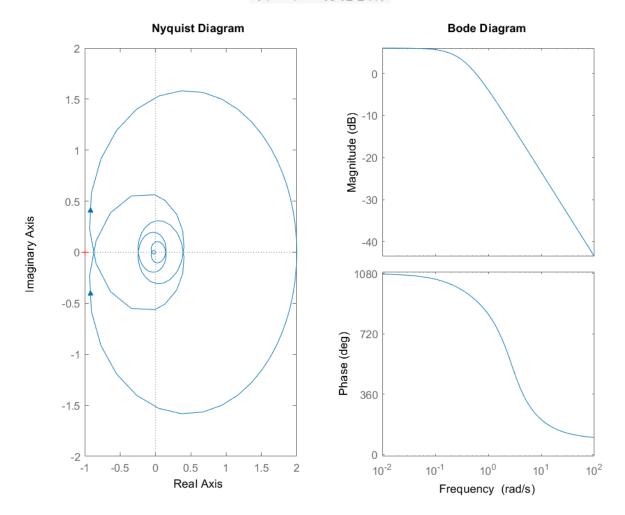
# Charakterystyki obiektu różniczkującego rzeczywistego:

```
figure
subplot(2, 2, [2 4]);
bode(rozniczkujacy_r);
subplot(2, 2, [1 3]);
nyquist(rozniczkujacy_r);
```



## Charakterystyki obiektu inercyjnego I rzędu z opóźnieniem:

```
figure
subplot(2, 2, [2 4]);
bode(inercyjny_I_op);
subplot(2, 2, [1 3]);
nyquist(inercyjny_I_op);
```



## Wnioski:

Matlab jest programem dobrze sprawdzającym się jako narzędzie do wyznaczania charakterystyk czasowych obiektów różnych rodzajów. Daje nam możliwość w zgrabny sposób opisać dany obiekt za pomocą równania aby następnie w formie tak naprawdę jednej linii m-kodu narysować jego charakterystykę np. impulsową. Porównywanie charakterystyk z innymi zmiennymi wykonywane przez graficzne przedstawienie ich na jednym wykresie pozwalało na zrozumienie rzeczywistego wpływu ich wartości na wygląd charakterystyki. Wbudowane funkcje bode() oraz nyquist() umożliwiają narysowanie względnie trudnych do manualnej interpretacji wykresów charakterystyk amplitudowych, fazowych oraz amplitudowo-fazowych.