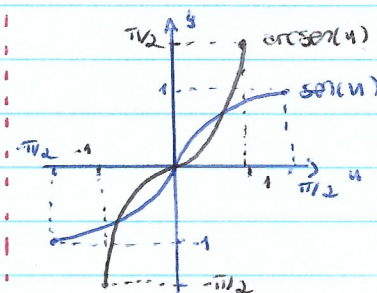


1. Funções trigonométricas inversas

função inversa | reflexão segundo bissetriz dos quadrantes ímpares ($y = u$)

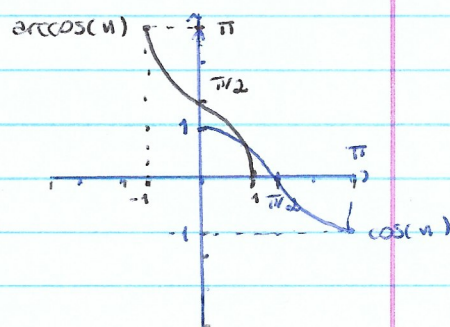
$\sin(u)$ | $D = \mathbb{R}$
 $D' = [-1, 1]$
 $T = 2\pi$
 c.p. = $[-\pi/2, \pi/2]$
 \tilde{n} é injetiva
 \tilde{n} é monotona

$\arcsin(u)$ | $D = [-1, 1]$
 $D' = [-\pi/2, \pi/2]$
 $T = /$
 \tilde{n} é injetiva
 \tilde{n} é monotona



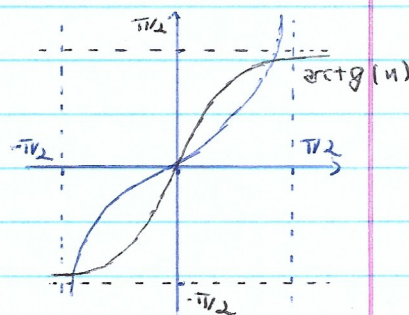
$\cos(u)$ | $D = \mathbb{R}$
 $D' = [-1, 1]$
 $T = 2\pi$
 c.p. = $[0, \pi]$
 \tilde{n} injetiva
 \tilde{n} monotona

$\arccos(u)$ | $D = [-1, 1]$
 $D' = [0, \pi]$
 $T = /$
 \tilde{n} é injetiva
 \tilde{n} é monotona



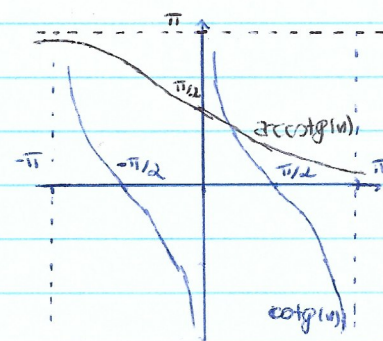
$\operatorname{tg}(u)$ | $D = \mathbb{R} \setminus \{\pi/2 + k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$
 $D' = \mathbb{R}$
 $T = \pi$
 \tilde{n} é injetiva
 monotona por partes
 c.p. = $]-\pi/2, \pi/2[$

$\operatorname{arctg}(u)$ | $D = \mathbb{R}$
 $D' =]-\pi/2, \pi/2[$
 $T = /$
 \tilde{n} é injetiva
 \tilde{n} é monotona



$\operatorname{cotg}(u)$ | $D = \mathbb{R} \setminus \{k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$
 $D' = \mathbb{R}$
 $T = \pi$
 c.p. = $]0, \pi[$
 \tilde{n} injetiva
 monotona por partes

$\operatorname{arccotg}(u)$ | $D = \mathbb{R}$
 $D' =]0, \pi[$
 $T = /$
 \tilde{n} é injetiva
 \tilde{n} é monotona



Propriedades | $D_f = D'_f \circ f^{-1} \wedge D'_f = D_f \circ f^{-1}$, se f é invertível em D_f
 $(f \circ f^{-1})(\arg) = f(f^{-1}(\arg)) = \arg$

nota | f injetiva $\Rightarrow f$ é invertível em D_f

Teorema da derivada da função composta

$$\hookrightarrow (f \circ \varphi)'(a) = f'(\varphi(a)) \cdot \varphi'(a)$$

Teorema da derivada da função inversa

$$\left. \begin{array}{l} \bullet f \text{ derivável} \\ \bullet f \text{ injetiva em } D \subseteq \mathbb{R} \\ \bullet \forall u \in D, f'(u) \neq 0 \end{array} \right\} (f^{-1})'(y_0) = \frac{1}{f'(u_0)}$$

ex Sejam $f: [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$ estritamente monótona e contínua e $f^{-1}(u)$

se f é diferenciável em $u_0 \in]a, b[$ e $f'(u_0) \neq 0$

então f^{-1} é diferenciável em $y_0 = f(u_0)$ e

$$(f^{-1})'(y_0) = \frac{1}{f'(u_0)}$$