Maratona

Container

```
var.clear(); // Remove todos elementos

bool vazio = var.empty(); // Vazio?
unsigned in tamanho = var.size(); // Tamanho

for (; it != var.end(); it++) //Loop
```

vector

F- #include <vector>

```
// Declaração
vector<TIPO> var;
vector<TIPO> var(QTD, VALOR);

var.push_back(VALOR); // Adiciona elemento
var.pop_back(); // Remove elemento

vector<TIPO>::iterator it = var.begin(); // Iterador normal
vector<TIPO>::reverse_iterator rit = var.rbegin(); // Iterador reverso

var.insert(it, VALOR); // Insere na posição it
var.insert(it, QTD, VALOR); // Insere QTD VALORES na posição it
var.insert(it, ARRAY + 0, ARRAY + Tamanho); // Insere todos os valores de um array
.

TIPO primeiro = var.front(); // Primeiro elemento
TIPO ultimo = var.back(); // Último elemento
```

deque << vector

Fig. #include <deque>

```
// Declaração
deque<TIPO> var;
var.push_front(VALOR); // Adiciona no inicio
var.pop_front(); // Remove do inicio
```

map

```
#include <map>
map<TIPO_KEY, TIPO_VALUE> var;

var.insert(make_pair(KEY, VALUE)); // Insere
var.erase(KEY); // Remove

TIPO_VALUE valor = var[KEY]; // Acessa mapa
map<int, int>::iterator key_value = var.find(KEY); // Busca elemento
bool existe = key_value != var.end(); // Existe?
```

multimap

```
#include <map>
multimap<TIPO_KEY, TIPO_VALUE> var;

var.insert(make_pair(KEY, VALUE)); // Insere
    var.erase(KEY); // Remove todos os valores associados à KEY
    multimap<TIPO_KEY, TIPO_VALUE>::iterator it = ...;
    var.erase(it); // Remove uma entrada

multimap<int, int>::iterator key_value = var.find(KEY); // Busca alguma entrada
    bool existe = key_value != var.end(); // Existe?

//Percorrimento das entradas de uma chave
    for(multimap<TIPO_KEY, TIPO_VAL>::iterator it = var.lower_bound(KEY); it != var.u
    pper_bound(KEY); it++){
        TIPO_KEY key = it->first;
        TIPO_VALUE value = it->second;
}
```

set

```
#include <set>
set<TIPO> var;

var.insert(ITEM); // Insere
var.erase(KEY); // Remove
bool existe = var.find(ITEM) != var.end(); // Contém?
```

queue

```
#include <queue>
queue<TIPO> var;

var.push(ITEM); // Insere
TIPO primeiro = var.front(); // Pega o primeiro sem remover
var.pop(); // Remove primeiro
```

priority queue

```
priority_queue<TIPO> var; // Cria com comparador padrão Less<T>

class MyComparator{
    bool operator ()(const TIPO & v1, const TIPO & v2){...}
}

priority_queue<TIPO, std::vector<TIPO>, MyComparator> var; // Cria com comparador personalizado

var.push(ITEM); // Insere
TIPO primeiro = var.top(); // Pega o primeiro sem remover
var.pop(); // Remove primeiro
```

stream

```
istream& operator>>(istream &input, TIPO &p) {
   input >> p.VALOR1 >> p.VALOR2;
   return input;
}
ostream& operator<<(ostream &out, TIPO &p) {
   out << p.VALOR1 << " " << p.VALOR2;
   return out;
}

string a, b, c;
cin >> a;
cin.ignore(); // Discartar espaços
getline(cin, b);
cin >> c;
```

sstream

```
#include <sstream>
stringstream ss;
stringstream ss("text");
ss << "2"; // Input
int num;
ss >> num; // Output
string result = ss.str() // Tudo o que está no stream
```

iostream e iomanip

```
Fig. #include <iostream>
   // input
   char a, b, c;
   istringstream ss(" 123")'
   ss >> skipws >> a >> b >> c;
   cout << a << b << c; // '123'
   iss.seekg(∅);
   ss >> noskipws >> a >> b >> c;
   cout << a << b << c; // ' 1'
   // Float
   cout.precision(5);
   cout << f; // 3.14159
   cout << fixed << n; // 2006.00000</pre>
   cout << scientific << n; // 2.00600e+003</pre>
   // Base
   cout << uppercase << hex << n; //4D</pre>
   cout << nouppercase << hex << n; // 4d
   cout << showbase << hex << n; //0x4d
   cout << dec << n;
   cout << oct << n;
   // Bool
   cout << boolalpha << b; // true</pre>
   cout << noboolalpha << b; // 1</pre>
   cout.width(6); cout << internal << n; // "- 77"</pre>
   cout.width(6); cout << left << n;  // "-77 "</pre>
   cout.width(6); cout << right << n;  // " -77"</pre>
   #include <iomanip>
   // Float
   cout << setprecision(5) << f; // 3.14159</pre>
   cout << setbase(16) << n; // 4d
   // Justify
   cout << setw(6) << n; // " -77"
   // Fill
   cout << setfill('x') << setw(6) << n; // "xxx-77"</pre>
```

algorithm

Fig. #include <algorithm>

```
// Básico
void imprime(int i) {cout << i << endl;}</pre>
bool menor(int i,int j) { return i<j; }</pre>
bool igual(int i,int j) { return i==j; }
bool par(int i){ return i%2==0; }
int dobrar(int i) { return 2*i; }
int aleatorio() { return rand()%100; }
vector<int> vet, vet2, ordenado;
// Considere <param> como opcional
// Percorre aplicando função
for_each(vet.begin(), vet.end(), imprime);
// Busca
vector<int>::iterator it;
it = find(vet.begin(), vet.end(), VALOR); // linear
it = find_if(vet.begin(), vet.end(), par); // linear com condição
it = binary_search(ordenado.begin(), ordenado.end(), VALOR, <menor>); // binária
it = lower_bound(ordenado.begin(), ordenado.end(), VALOR, <menor>); // ponteiro pa
ra o primeiro VALOR
it = upper_bound(ordenado.begin(), ordenado.end(), VALOR, <menor>); // ponteiro pa
ra o primeiro numero depois de VALOR
it = search(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), vet2.end(), <igual>); // sublist
it = find_end(vet.begin(), vet2.end(), vet2.end(), igual); // sublista
it = find_first_of(vet.begin(), vet2.end(), vet2.begin(), vet2.end(), <igual>); //
um dos resultados
it = adjacent_find(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), vet2.end(), <igual>); //
elementos repetidos
it = search_n(vet.begin(), vet.end(), QTD, VALOR); // QTD VALORES seguidos
pair<vector<int>::iterator, vector<int>::iterator> par;
par = mismatch(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin()); // Primeira diferença
par = equal_range(ordenado.begin(), ordenado.end(), VALOR, <menor>); // Subconjunt
o de VALORES
// Contar
int c = count(vet.begin(), vet.end(), 10);
int c = count_if(vet.begin(), vet.end(), par);
// Igualgdade
bool igual = equal(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), <igual>);
// Copiar
vet2.resize(vet.size());
copy(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin());
copy_backward(vet.begin(), vet.end(), vet2.end()); // inverso
```

```
// Swap
swap(vet, vet2); // Swap variave1
swap_ranges(vet.begin() + 1, vet.end() - 1, vet2.begin()); // Swap parte do vetor
iter_swap(vet.begin(), vet2.begin() + 1); // Swap dentro de vetor.
// Transform
vet2.resize(vet.size());
transform(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), dobrar); // mapeia dobrar para cada
elemento de vet
transform(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), result.begin(), soma); // mapeia so
ma para cada para <vet[i], vet2[i]>
// Substituir elementos
replace(vet.begin(), vet.end(), ORIGINAL, DESTINO);
replace_if(vet.begin(), vet.end(), par, DESTINO);
replace_copy(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), ORIGINAL, DESTINO); // Resultado
em vet2
replace_copy_if(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), par, DESTINO); // Resultado e
m vet2
// Preencher
fill(vet.begin(), vet.begin() + 3, VALOR); // VALOR VALOR VALOR vet[4] vet[5] ...
fill_n(vet.begin(), 3, VALOR); // VALOR VALOR VALOR vet[4] vet[5] ...
// Gerar
struct c_unique {
 int current;
  c_unique() {current=0;}
  int operator()() {return ++current;}
} UniqueNumber;
generate(vet.begin(), vet.end(), UniqueNumber);
generate_n(vet.begin(), 3, aleatorio);
// Remover elementos
it = remove(vet.begin(), vet.end(), 20); // "20 10 20 15" -> "10 15 ? ?". Retorna n
ovo end
it = remove_if(ver.begin(), vet.end(), par);
remove_copy(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), 20);
remove_copy_if(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), par);
// Remover duplicatas consecutivas
it = unique(vet.begin(), vet.end(), <igual>); // "20 20 10 20" -> "20 10 20 ?". Re
torna novo end
unique_copy(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), <igual>);
// Inverter
reverse(vet.begin(), vet.end());
reverse_copy(vet.begin(), vet.end(), vet2.end());
// Circular
```

```
rotate(vet.begin(), vet.begin() + 2, vet.end()); // "1 2 3 4" -> "3 4 1 2"
rotate_copy(vet.begin(), vet.begin() + 2, vet.end(), vet2.begin());
// Embaralhar
random_shuffle(vet.begin(), vet.end(), <aleatorio>);
// Separar elementos
it = partition(vet.begin(), vet.end(), par); // begin - it: pares; it - end: impare
it = stable_partition(vet.begin(), vet.end(), par); // mantem a ordem
// Ordenar
sort(vet.begin(), vet.end(), <menor>);
stable_sort(vet.begin(), vet.end(), <menor>); // mantem ordem de elementos semelha
partial_sort(vet.begin(), vet.begin() + 2, vet.end(), <menor>); // "4 3 2 1" -> "1
2 4 3"
partial_sort_copy(vet.begin(), vet2.begin(), vet2.end(), <menor>);
nth_element(vet.begin(), vet.begin() + 5, vet.end(), <menor>); // vet[0..4] < vet[</pre>
5] < vet[6..]
// Junção
merge(ordenado.begin(), ordenado.end(), ordenado2.begin(), ordenado2.end(), vet.beg
in());
inplace_merge(ordenado.begin(), ordenado.begin()+5, ordenado.end());
bool inclui = includes(ordenado.begin(), ordenado.end(), ordenado2.begin(), ordena
do2.end());
it = set_union(ord.begin(), ord.end(), ord2.begin(), ord2.end(), vet.begin(), <men</pre>
or>); // Merge sem repetição
it = set_intersection(ord.begin(), ord.end(), ord2.begin(), ord2.end(), vet.begin()
, <menor>); // Interseção
it = set_difference(ord.begin(), ord.end(), ord2.begin(), ord2.end(), vet.begin(),
<menor>); // Diferença
it = set_symmetric_difference(ord.begin(), ord.end(), ord2.begin(), ord2.end(), vet
.begin(), <menor>); // (A - B) U (B - A)
// Heap
make_heap(vet.begin(), vet.end());
pop_head(vet.begin(), vet.end()); vet.pop_back();
vet.push_back(99); push_heap(vet.begin(), vet.end());
cout << "max: " << vet.front();</pre>
sort_heap(vet.begin(), vet.end());
// Min/max
v = min(VALOR, VALOR2);
v = max(VALOR, VALOR2);
it = min_element(vet.begin(), vet.end(), <menor>);
it = max_element(vet.begin(), vet.end(), <menor>);
// Comparação lexicográfica
int cmp = lexicographical_compare(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), vet2.end()
, <menor>);
```

```
// Permutações, crescente
sort(vet.begin(), vet.end());
do {
    for_each(vet.begin(), vet.end(), imprime);
} while (next_permutation(vet.begin(), vet.end()));

// Permutações, decrescente
sort(vet.begin(), vet.end());
reverse(vet.begin(), vet.end());
do {
    for_each(vet.begin(), vet.end(), imprime);
} while (prev_permutation(vet.begin(), vet.end()));
```

functional

Fig. #include <functional>

```
// Aritmética / lógica
transform(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), result.begin(), plus<TIPO>());
minus<TIPO>(); multiplies<TIPO>(); divides<TIPO>(); modulus<TIPO>(); negate<TIPO>
logical_and<bool>(); logical_or<bool>(); logical_not<bool>();
// Comparação
it = mismatch(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), equal_to<int>());
not_equal_to<TIPO>(); greater<TIPO>(); less<TIPO>(); greater_equal<TIPO>(); less_e
qual<TIP0>();
// Negação
count_if(vet.begin(), vet.end(), not1(par));
it = mismatch(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), not2(equal_to<int>()));
// Bind
count_if(vet.begin(), vet.end(), bind1st(equal_to<int>(), 10));
count_if(vet.begin(), vet.end(), bind2nd(less<int>(), 10));
// Converte ponteiro em função
transform(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), ptr_fun(atoi));
// Usar método de objeto
transform(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), mem_fun(&string::length)); // se v
alores forem ponteiros
transform(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), mem_fun_ref(&string::length)); //
se valores forem valores
```

utility

```
swap(a, b);
pair<TIPO, TIPO> x = make_pair(a, b);
x.first; x.second;
```

numeric

```
#include <numeric>

// Acumular resultado - reduce
int v = accumulate(vet.begin(), vet.end(), INIT, <plus<int>()>);

// Subtrair valores adjacentes
adjacent_difference(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), <minus<int>()>);

// Acumular produtos entre adjacentes
int v = inner_product(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), INIT, <plus<int>(), m
ultiplies<int>()>)

// Soma parcial
partial_sum(vet.begin(), vet.end(), vet2.begin(), <plus<int>()>); // "1 2 3 4" ->
"1 3 6 10"
```

string

```
F- #include <string>
   string s;
   string s("abc"); // construtor
   string::iterator b = s.begin(), e = s.end(); // iteradores
   int tamanho = s.size(); tamanho = s.length(); // tamanho
   bool vazia = s.empty(); // vazia?
   cout << c[1] << c.at(1); // acessar</pre>
   s += "outra"; s.append("outra");
   s.push_back('c');
   char * cstr = s.c_str(); // converte para c string
   // Busca
   size_t posicao = s.find("valor", <POSICAO>); // primeira ocorrencia
   size_t posicao = s.rfind("valor", <POSICAO>); // ultima ocorrencia
   size_t posicao = s.find_first_of("aeiou"); // algum dos chars
   size_t posicao = s.find_last_of("aeiou"); // algum dos chars
   size_t posicao = s.find_first_not_of("aeiou"); // algum que não é um dos chars
   size_t posicao = s.find_last_not_of("aeiou"); // algum que não é um dos chars
   bool achou = posicao != string::npos;
   // Substring
   string s2 = s.substr(INICIO, <TAMANHO>);
   // Comparar
   int cmp = compare(<INICIO, TAMANHO>, outra, <INICIO, TAMANHO>);
   // Substituir
   s.replace(INICIO, TAMANHO, outra);
   s.replace(INICIO, TAMANHO, outra, INICIO, TAMANHO);
   s.replace(INICIO, TAMANHO, outra, TAMANHO);
   s.replace(INICIO, TAMANHO, QUANTIDADE, CHAR);
   // Ler linha
   getline(cin, s);
```

cmath

```
딝 // Funções trigonométricas - em radianos
   double angle = 3.14;
   double v = sin(angle) + cos(angle) + tan(angle) +
        acos(1.0) + // [0, pi]
        asin(1.0) + // [-pi/2, +pi/2]
        atan(1.0); // [-pi/2,+pi/2]
   double x,y;
   v = atan2(y, x); // [-pi, +pi]
   v = sinh(angle) + cosh(angle) + tanh(angle); // Funções hiperbólicas
   double PI = 355.0 / 113.0; //Aproximação de Pi
   double base = 3, expoent = 10;
   v = sqrt(25);
                          // Raiz quadrada
   v = pow(base, expoent); // 3^10
                         // e^10
   v = exp(expoent);
                         // Logaritmo nepteriano
   v = log(1234);
   v = log10(1234);
                         // Log na base 10
   int integer;
   double frac = modf(13.4, &integer); // Separa as partes inteira e decimal.
   v = log2(1024); // Log na base 2, C++11 apenas.
   v = ceil(12.3); // 13
   v = floor(12.3); // 12
   v = abs(-3.4); // 3.4, Módulo
   v = fmod(5.3, 2.0); // 1.3, resto fracionário da divisão inteira
   // Constantes
   v = NAN;
   v = HUGE_VAL; // ~= infinito
   v = INFINITY; // C++11
```

C++ Básico

```
class Simple {
   int i_;
   public:
      Simple(int i) : i_(i) {}; // Constructor
      ~Simple(); // Destructor
      Simple(const Simple &); // Copy Constructor
      Simple & operator=(const Simple &); // Assignment Operator
      void print_i(); // método
};
```

```
// Struct - public por padrão
struct Simple {
  Simple(int i) : i_(i) {}; // construtor
  void print_i(); // método
private:
 int i_;
};
void Simple::print_i() {
 cout << i_ << endl;
}
// Alocação dinâmica
int * a = new int [3];
delete [] a:
Simplt * s = new Simple;
delete s;
// Parametros:
void foo(int a = 2); // Valor padrão
void foo
// Try catch
try {
 //código
 throw 2;
} catch (RangeError &re) {
 // específica
} catch (int &i) {
 // Exceção 2
} catch (...) {
  // Qualquer exceção
}
vor foo(); // pode lançar qualquer exceção
vor foo() throw(); // não lança exceção
vor foo() throw(int); // só lança exceção int
// Operadores
TIPO operator()(TIPO param1, TIPO param2, ...) // function call
TIPO& operator++() // ++valor
TIPO operator++(int) // valor++
TIPO& operator+=(const TIPO& outro) // +=
TIPO operator+(TIPO primeiro, const TIPO& segundo) // primeiro + segundo
bool operator<(const TIPO& primeiro, const TIPO& segundo) // p < s; único neces</pre>
sário
bool operator==(const TIPO& primeiro, const TIPO& segundo) // p == s; único nec
const TIPO& operator[](size_t idx) const // var[idx]
```

limits

```
#include <limits>
// Exemplos para int
numeric_limits<TIPO>::min(); // -2147483648
numeric_limits<TIPO>::max(); // 21477483647
numeric_limits<TIPO>::is_signed(); // 1
numeric_limits<TIPO>::digits(); // 31 bits
numeric_limits<TIPO>::has_infinity; // 0
```

complex

```
complex<double> x(REAL, IMAG);
real(x); imag(x); // Pega parte real e imaginária
abs(x); arg(x) // x = abs(x)*e^i*arg(x) rad
norm(x); // Norma de x
conjugate(x); // Conjugado

x = polar(2, 0.5); x = 2*e^i*0.5
```

Tipos inteiros

Java BigInteger

import java.math.BigInteger;

// Constantes
BigInteger.ZERO;
BigInteger.ONE;
BigInteger.TEN;

// Construtores
int base = 10;
BigInteger.valueOf(123456789);
BigInteger.valueOf("123456789");

```
BigInteger.valueOf("123456789", base);
byte [] binaryRepr; // Representação binária em C2 com bit mais significante à esq
BigInteger.valueOf(binaryRepr);
// Operações
BigInteger a, b, c;
int expoent = 0;
c = a.add(b);
c = a.subtract(b);
c = a.multiply(b);
c = a.divide(b);
c = a.mod(b);
c = a.pow(expoent);
BigInteger[] arr = a.divideAndRemainder(b);
BigInteger divider = arr[0], remainder = arr[1];
boolean iguais = a.equals(b);
int comparacao = a.compareTo(b);
//Conversão
int val = a.intValue();
long val = a.longValue();
float val = a.floatValue();
// etc
String strVal = a.toString();
```

Java 10

```
Scanner s = new Scanner(System.in);

// Leitura de input
int a = s.nextInt();
String str = s.next(); // Próxima palavra, retorna "ab" para input "ab cd"
str = s.nextLine(); // Lê linha
BigInteger bigI = s.nextBigInteger();

//Checagem de fim de input
boolean b;
b = s.hasNextLine();
b = s.hasNextInt();
b = s.hasNext();

// ...
s.close(); // recomendado
```

Djakstra (custo mínimo)

```
page def djakstra(src, graph):
       costs = [INFINITY for v in graph] #array
       parent = [None for v in graph]
                                         #array
       to_visit = [src]
                                         #fila
       visited = set([src])
                                        #conjunto
       costs[src] = 0
       while to_visit:
           v = to_visit.pop(0)
           for adj in graph.adjs(v):
               newCost = costs[v] + graph[v][adj]
               if newCost < costs[adj]:</pre>
                   costs[adj] = newCost
                   parent[adj] = v
               if not adj in visited:
                   visited.add(adj)
                   to_visit.append(adj)
       return costs, parent
```

Bellman-Ford (custo mínimo, aresta negativa)

```
def bellman_ford(origin, nodes, edges):
    dist = [float('inf')] * nodes
    pred = [-1] * nodes
    dist[origin], pred[origin] = 0, -2

for i in range(nodes - 1):
    for edge in edges:
        u, v, weight = edge
        if dist[u] + weight < dist[v]:
            dist[v] = dist[u] + weight
            pred[v] = u

for edge in edges:
        u, v, weight = edge
        if dist[u] + weight < dist[v]:
            return 'cicle'</pre>
return dist, pred
```

Floyd-Warshall (custo mínimo, todos nós para todos os nós)

BFS

```
▶ bool bfs(T src, T dest){
       queue<T> fila;
       fila.push_back(src);
       set<T> visitados;
       map<T, T> parent;
       while(!fila.empty()){
           T cur = fila.front();
           if(cur == dest){
               return true;
           }
           fila.pop();
           visitados.insert(cur);
           foreach(T adj in cur.adjacencias){
               if(!visitados.contains(adj)){ // Pseudo-code
                   fila.push_back(adj);
                   parent.insert(make_pair(cur, adj));
                   visitados.insert(adj);
               }
           }
       return false;
   }
```

Prim (árvore geradora mínima)

```
p
    def findMinEdge(reached_vertices, graph):
       best_edge = None
       for u in reached_vertices:
           for v in adjs(u, graph):
               if not v in reached_vertices:
                   candidate = (u, v)
                   if not best_edge or cost(candidate) < cost(best_edge):</pre>
                       best_edge = candidate
       return best_edge
   def prim(graph):
       reached_vertices = set([0]) # qualquer vértice como inicial
       selected_edges = []
       while len(reached_vertices) != len(graph): # enquanto não atingir todos os vér
   tices
           minEdge = findMinEdge(reached_vertices, graph)
           selected_edges.append(minEdge)
           reached_vertices = reached_vertices.union(set(minEdge))
       return selected_edges
```

Ford-Fulkerson (Fluxo máximo)

```
int fordFulkerson(int grapv[V][V], int s, int t) {
       int u, v;
       int rGraph[V][V]; // Residual graph
       for (u = 0; u < V; v++)
           for (v = 0; v < V; v++)
               rGraph[u][v] = graph[u][v];
       int parent[V]; // armazena caminho, BFS deve usar
       int max_flow = 0;
       // Enquanto tem caminho no grafo residual
       while(bfs(rGraph, s, t, parent)) {
           int path_flow = INT_MAX;
           for (v = t; v != s; v = parent[v]) {
               u = parent[v]
               path_flow = min(path_flow, rGraph[u][v]);
           for (v = t; v != s; v = parent[v]) {
               u = parent[v];
```

```
rGraph[u][v] -= path_flow;
rGraph[v][u] += path_flow;
}

max_flow += path_flow;
}
return max_flow;
}
```

Longest Common Subsequence

Longest Increasing Subsequence

```
def lis(sequence):
    dp = [1] * len(sequence)
    prev = [1] * len(sequence)
    max_len, best_end = 1, 0

for i in range(1, len(sequence)):
    dp[i] = 1
    prev[i] = -1

for j in range(i - 1, -1, -1):
    if dp[j] + 1 > dp[i] and sequence[j] < sequence[i]:
        dp[i] = dp[j] + 1
        prev[i] = j
        if dp[i] > max_len:
        best_end = i
        max_len = dp[i]
    return max_len, best_end, prev
```

Mochila 01 (Prog Dinâmica)

```
P- def mochila01(values, weights, W):
       item_count = len(values)
       table = [[0 for col in range(W+1)] for row in range(item_count+1)]
       # tabela (items+1) x (W+1)
       # 1a linha e 1a coluna = 0
       for capacity in range(1, W + 1):
           for item in range(1, item_count + 1):
               item_weight = weights[item-1]
               item_value = values[item-1]
               previous_value = table[item-1][capacity]
               if capacity >= item_weight:
                   table[item][capacity] = max(table[item-1][capacity - item_weight]
   + item_value, previous_value)
               else:
                   table[item][capacity] = previous_value
       return table[item_count][W]
```

Template de programação dinâmica

```
def progDinamica(caso, lookup_table):
    if caso_basico:
        return calcula_caso_basico()
    elif lookup_table.contains(caso):
        return lookup_table[caso]
    else:
        resp_proximo_caso = progDinamica(caso+1, lookup_table)
        return lookup_table[caso] = combina(caso, resp_proximo_caso)
```

Modular exponentiation ((base ^ exp) % mod)

```
int modular_pow(int base, int exp, int modulus) {
   int result = 1;
   base = base % modulus;
   while (exp > 0) {
      if (exp % 2 == 1) {
        result = (result * base) % modulus;
      }
      exp = exp >> 1;
      base = (base * base) % modulus;
   }
   return result;
}
```

Sieve of Eratosthenes (todos os primos menores do que N)

N-ésimo primo:

```
#include <cmath>
int overestimate_prime(int n) {
    return (int) n*log(n) + n*log(log(n));
}
sieve_of_eratosthenes(overestimate_prime(n))[n - 1];
```

Contagem:

```
Permutações: (número de ordenações de n elementos em um conjunto de n elementos)
       P(n) = n!
   k-Permutações: (número de ordenações de k elementos em um conjunto de n elementos)
       P(n,k) = n! / (n - k)!
   Combinações: (número de subconjuntos de tamanho k formados a partir de um conjunto
   com n elementos)
       C(n,k) = n! / (k! * (n - k)!)
       C(n,k) = C(n-1,k-1) + C(n-1,k)
       C(k,k) = 1
       C(n-k,0) = 1
   Partições: (generalizam combinações para r conjuntos)
       Part = n! / (n1! * n2! * ... * nr!)
   N-ésimo número de Catalan:
       Cn = C(2n, 2) / (n + 1)
       ~ Quantas maneiras é possível construir fórmulas balanceadas a partir de n pare
   s de parênteses
       ~ Quantas triangulações são possíveis em um polígono convexo
   Números Eulerianos: (nútmero de permutações de tamanho n com exatamente k sequência
   s ascendentes)
       E(n,k) = (n - k + 1) * E(n-1,k-1) + k * E(n-1,k)
       E(n-k,0) = 1
       E(k+1,k) = 1
```

Fibonacci

```
def fib_num(n):
    sq5 = sqrt(5)
    G = (1 + sq5)/2.0
    psi = 1 - G
    return (G**n - psi**n)/sq5
```

Primos

```
Fig. int primos[500] = {2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53,
   59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, 101, 103, 107, 109, 113, 127, 131, 137, 139,
   149, 151, 157, 163, 167, 173, 179, 181, 191, 193, 197, 199, 211, 223, 227, 229,
   233, 239, 241, 251, 257, 263, 269, 271, 277, 281, 283, 293, 307, 311, 313, 317,
   331, 337, 347, 349, 353, 359, 367, 373, 379, 383, 389, 397, 401, 409, 419, 421,
   431, 433, 439, 443, 449, 457, 461, 463, 467, 479, 487, 491, 499, 503, 509, 521,
   523, 541, 547, 557, 563, 569, 571, 577, 587, 593, 599, 601, 607, 613, 617, 619,
   631, 641, 643, 647, 653, 659, 661, 673, 677, 683, 691, 701, 709, 719, 727, 733,
   739, 743, 751, 757, 761, 769, 773, 787, 797, 809, 811, 821, 823, 827, 829, 839,
   853, 857, 859, 863, 877, 881, 883, 887, 907, 911, 919, 929, 937, 941, 947, 953,
   967, 971, 977, 983, 991, 997, 1009, 1013, 1019, 1021, 1031, 1033, 1039, 1049,
   1051, 1061, 1063, 1069, 1087, 1091, 1093, 1097, 1103, 1109, 1117, 1123, 1129,
   1151, 1153, 1163, 1171, 1181, 1187, 1193, 1201, 1213, 1217, 1223, 1229, 1231,
   1237, 1249, 1259, 1277, 1279, 1283, 1289, 1291, 1297, 1301, 1303, 1307, 1319,
   1321, 1327, 1361, 1367, 1373, 1381, 1399, 1409, 1423, 1427, 1429, 1433, 1439,
   1447, 1451, 1453, 1459, 1471, 1481, 1483, 1487, 1489, 1493, 1499, 1511, 1523,
   1531, 1543, 1549, 1553, 1559, 1567, 1571, 1579, 1583, 1597, 1601, 1607, 1609,
   1613, 1619, 1621, 1627, 1637, 1657, 1663, 1667, 1669, 1693, 1697, 1699, 1709,
   1721, 1723, 1733, 1741, 1747, 1753, 1759, 1777, 1783, 1787, 1789, 1801, 1811,
   1823, 1831, 1847, 1861, 1867, 1871, 1873, 1877, 1879, 1889, 1901, 1907, 1913,
   1931, 1933, 1949, 1951, 1973, 1979, 1987, 1993, 1997, 1999, 2003, 2011, 2017,
   2027, 2029, 2039, 2053, 2063, 2069, 2081, 2083, 2087, 2089, 2099, 2111, 2113,
   2129, 2131, 2137, 2141, 2143, 2153, 2161, 2179, 2203, 2207, 2213, 2221, 2237,
   2239, 2243, 2251, 2267, 2269, 2273, 2281, 2287, 2293, 2297, 2309, 2311, 2333,
   2339, 2341, 2347, 2351, 2357, 2371, 2377, 2381, 2383, 2389, 2393, 2399, 2411,
   2417, 2423, 2437, 2441, 2447, 2459, 2467, 2473, 2477, 2503, 2521, 2531, 2539,
   2543, 2549, 2551, 2557, 2579, 2591, 2593, 2609, 2617, 2621, 2633, 2647, 2657,
   2659, 2663, 2671, 2677, 2683, 2687, 2689, 2693, 2699, 2707, 2711, 2713, 2719,
   2729, 2731, 2741, 2749, 2753, 2767, 2777, 2789, 2791, 2797, 2801, 2803, 2819,
   2833, 2837, 2843, 2851, 2857, 2861, 2879, 2887, 2897, 2903, 2909, 2917, 2927,
   2939, 2953, 2957, 2963, 2969, 2971, 2999, 3001, 3011, 3019, 3023, 3037, 3041,
   3049, 3061, 3067, 3079, 3083, 3089, 3109, 3119, 3121, 3137, 3163, 3167, 3169,
   3181, 3187, 3191, 3203, 3209, 3217, 3221, 3229, 3251, 3253, 3257, 3259, 3271,
   3299, 3301, 3307, 3313, 3319, 3323, 3329, 3331, 3343, 3347, 3359, 3361, 3371,
   3373, 3389, 3391, 3407, 3413, 3433, 3449, 3457, 3461, 3463, 3467, 3469, 3491,
   3499, 3511, 3517, 3527, 3529, 3533, 3539, 3541, 3547, 3557, 3559, 3571};
```