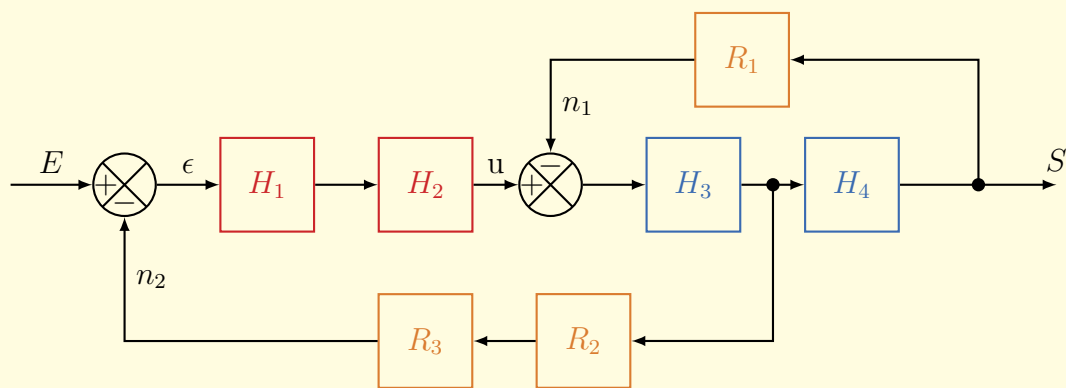


Systèmes mécaniques et automatiques

Notes de cours IngéSpé
Automatique Linéaire



ANNÉE 2020–2021

Systèmes mécaniques et automatiques

*Notes de cours IngéSpé
Automatique Linéaire*

Filipe Manuel Vasconcelos

écrit sous \LaTeX , TikZ
version de Novembre 2020.

Ce document est mis à disposition selon les termes de la licence
Creative Commons “Attribution - Partage dans les mêmes conditions 4.0 International”.



Ce document est destiné aux étudiants du cycle prépa de l'ESME SUDRIA. En constante évolution, il ne pourra que s'améliorer avec votre concours. N'hésitez pas à me communiquer vos remarques et/ou corrections par mail : filipe.vasconcelos@esme.fr

Table des matières

Table des matières	5
Avant-propos	11
Chapitre 1 Systèmes linéaires, continus...	13
1. Introduction	14
2. Définition SLCI	15
2.1 Système	15
2.2 Système à temps continu	16
2.3 Système linéaire	16
2.4 Système causal	16
2.5 Système invariant	17
2.6 Système stable	17
2.7 Modélisation d'un SLCI	17
3. Modélisation d'un signal	19
3.1 Propriétés des signaux continus	20
3.2 Signaux usuels rencontrés...	21
4. La transformée de Laplace	29
4.1 Définition	29
4.2 Propriétés	30
4.3 Transformées des signaux usuels	33
4.4 Application de la transformée de Laplace	36
5. Fonction de Transfert	41
5.1 Définition	41
5.2 Lien entre la fonction de transfert et la réponse impulsionnelle	41
5.3 Représentation de la fonction de transfert	42
6. Exercices du chapitre	46
7. Corrigé des exercices	50
Chapitre 2 Schéma fonctionnels	47
1. Introduction	48
2. Éléments de base des schémas fonctionnels	48
3. Transformation des schémas fonctionnels	50
3.1 Réduction de schéma-bloc	50

3.2	Manipulation de schéma-bloc	53
4.	Cas d'entrées multiples	54
5.	Réduction de schéma-bloc de grande taille	56
5.1	Exemple à entrée simple	56
5.2	Exemple à entrées multiples	58
6.	Graphe de fluence	60
6.1	Définitions	60
6.2	Algèbre des graphes de fluences	61
6.3	Règle de Mason	64
7.	Schéma-bloc dans le domaine temporel	66
Chapitre 3	Modélisation des SLCI	67
1.	Introduction	68
2.	Système du premier ordre	69
2.1	Définition d'un système du premier ordre	69
2.2	Fonction de transfert d'un système du premier ordre	69
2.3	Pôle de la fonction de transfert du premier ordre	69
2.4	Réponses temporelles d'un système du premier ordre	70
3.	Système du second ordre	75
3.1	Définition d'un système du second ordre	75
3.2	Fonction de transfert d'un système du second ordre	75
3.3	Pôles de la fonction de transfert du second ordre	75
3.4	Réponses temporelles d'un système du second ordre	76
3.5	Cas particulier de l'oscillateur harmonique	91
4.	Autres modèles particuliers	93
4.1	Gain pur	93
4.2	Intégrateur pur	93
4.3	Dérivateur pur	94
4.4	Retard pur	94
5.	Généralisation des modèles de SLCI	95
5.1	Systèmes d'ordre supérieur à 2	95
5.2	Exemple d'une fonction de transfert d'ordre 3	96
6.	Identification d'un modèle de comportement	97
6.1	Formule de Bureau	97
6.2	Modèle de Strejc	97
Chapitre 4	Analyse fréquentielle	99
1.	Réponse harmonique	100
1.1	Réponse harmonique dans le domaine temporel	102
1.2	Réponse harmonique dans le domaine fréquentielle	103
2.	Représentation graphique de la réponse harmonique	104
2.1	Diagramme de Bode	104

2.2	Diagramme de Nyquist	105
2.3	Diagramme de Black-Nichols	106
3.	Analyse fréquentielle des modèles usuels	107
3.1	Diagrammes de Bode : méthodologie générale	107
3.2	Diagrammes de Nyquist : méthodologie générale	126
3.3	Diagrammes de Black : méthodologie générale	135
4.	Etude du transitoire de la réponse harmonique	135
4.1	Exemple d'un système du premier ordre	136
4.2	Exemple d'un système du second ordre	136
Chapitre 5	Asservissements Linéaires	137
1.	Introduction	138
2.	Organisation d'un asservissement	141
2.1	Schémas fonctionnels associés aux systèmes asservis	141
2.2	Présence d'une perturbation : la régulation	141
2.3	Schéma fonctionnel complet	141
2.4	Fonctions de transfert associées à l'asservissement	146
3.	Asservissement des SLCI modèles	147
3.1	Asservissement d'un intégrateur	147
3.2	Asservissement d'un système du premier ordre	148
3.3	Asservissement d'un système du second ordre	149
Chapitre 6	Performances des systèmes	151
1.	Introduction	152
2.	Précision	152
2.1	Précision en boucle ouverte	152
2.2	Précision en boucle fermée	153
2.3	Effet d'une perturbation	156
3.	Rapidité	161
3.1	Réponse temporelle	161
3.2	Réponse harmonique	167
3.3	Influence des pôles dominants	167
Chapitre 7	Stabilité des systèmes asservis	171
1.	Contexte et critère de stabilité fondamentale	172
2.	Critère algébrique de Routh-Hurwitz	174
2.1	Tableau de Routh	175
2.2	Exemple d'application du critère de Routh-Hurwitz	178
3.	Critère graphique du revers	179
3.1	Critère du revers dans le plan de Nyquist	183
3.2	Critère du revers dans le plan de Black	184
3.3	Critère du revers dans le plan de Bode	185
4.	Marge de stabilité et robustesse de la stabilité	186

5. Critère de Nyquist	186
Chapitre 8 Correction des systèmes asservis	193
1. Nécessité de la correction	194
2. Correcteur P, I et D	194
3. Correcteur PI et PD	194
4. Correcteur à avance et retard de phase	194
5. Correcteur PID	194
Chapitre 9 Représentation d'état	195
Annexes	199
Annexe A Alphabet Grec	199
Annexe B Unités du Système International	201
Annexe C Pierre-Simon de Laplace	203
Annexe D Transformation de Laplace	205
1. Définitions	205
2. Propriétés	205
3. Table des transformées de Laplace	207
Annexe E Les nombres complexes	209
Annexe F Analyse de Fourier	215
Annexe G Équations différentielles à coefficients constants	217
1. Résolution équation différentielle du premier ordre	217
1.1 Sans second membre	218
Annexe H Décomposition en éléments simples	221
1. Contexte	221
2. Fractions rationnelles rencontrées en automatique	221
3. Décomposition en éléments simples	222
4. Détermination des coefficients de la DES	223
4.1 Par identification	223
Annexe I Systèmes du second ordre	225
1. Abaques de la réponse temporelle	226
2. Analyse fréquentielle	228
Annexe J Initiation à Scilab	231
1. Présentation générale	231
2. Syntaxe : console	231
3. Polynômes et fractions rationnelles	233
4. Vecteurs et matrices	235
5. Tracer de figures	238
6. Programmation	239
7. SLCI avec Scilab	240
7.1 Définition d'un système linéaire	240
7.2 Simulation temporelle d'un système linéaire	241

7.3	Système du premier ordre	242
7.4	Carte des pôles et zéros	245
7.5	Asservissement	245
8.	Scilab-Xcos	246
8.1	Lancer Xcos	246
8.2	Diagramme simple	246
8.3	Simulation	247
8.4	Blocs « To Workspace » ou « From Workspace »	247
Annexe K	Échelle logarithmique et le décibel	249
1.	Rappel sur le logarithme décimal	249
2.	Échelle logarithmique décimale	250
3.	Le décibel	251
4.	Diagramme de Bode	251
5.	Tracé d'un diagramme de Bode avec Scilab	253
Annexe L	Transformée de Laplace inverse	255
1.	Contexte	255
2.	Méthode de Gaver-Stehfest	255
3.	Méthode de Talbot fixe	255
	Références	257
	Acronymes	261
	Glossaire	263
	Liste des Symboles	265

Avant-propos

Programme

Ce cours est une introduction à l'**automatique** pour des étudiants de deuxième année de classe préparatoire scientifique.

L'objectif principal de l'automatique est de permettre le contrôle des **systèmes dynamiques** de toutes natures que ce soient : mécanique, chimique, électronique, optique, thermique, acoustique... Tout en respectant certaines contraintes de performances (rapidité, précision, stabilité...).

Nous limiterons notre étude aux **systèmes linéaires continus et invariants**.

La **modélisation** de ces systèmes passe par la mise en équation du comportement physique des systèmes sous forme d'équations différentielles. Cette étape ne fait pas à proprement parler partie d'un cours d'automatique, en effet chacune des disciplines construisent cette modélisation en se basant sur les principes et les hypothèses les plus adaptés à un problème donné. La modélisation permet une étude systématique des équations différentielles en proposant des modèles généraux et ce quelque soit la nature du procédé.

L'**analyse** nous permettra de caractériser et d'identifier ces modèles à partir des réponses aux sollicitations et de leurs performances.

Le **contrôle** est un concept très générale permettant de regrouper toutes les méthodes et techniques permettant de commander un système dynamique. Dans ce cours nous présenterons que les principes d'asservissement et de régulation. Nous verrons comment il est possible d'élaborer une commande adaptée (corrigée) pour un procédé quelconque, notamment lorsque ceux-ci présenterons des défauts de performance.

Organisation du document

Les chapitres suivent un découpage classique autour des trois piliers discutés précédemment que sont la **modélisation**, l'**analyse** et le **contrôle**. (c.f **Figure A**). Le lecteur pourra s'appuyer sur un grand nombre d'annexes qui ont pour objectifs de rappeler et de détailler des notions prérequis ou encore approfondir quelques aspects hors programme pour une deuxième lecture.

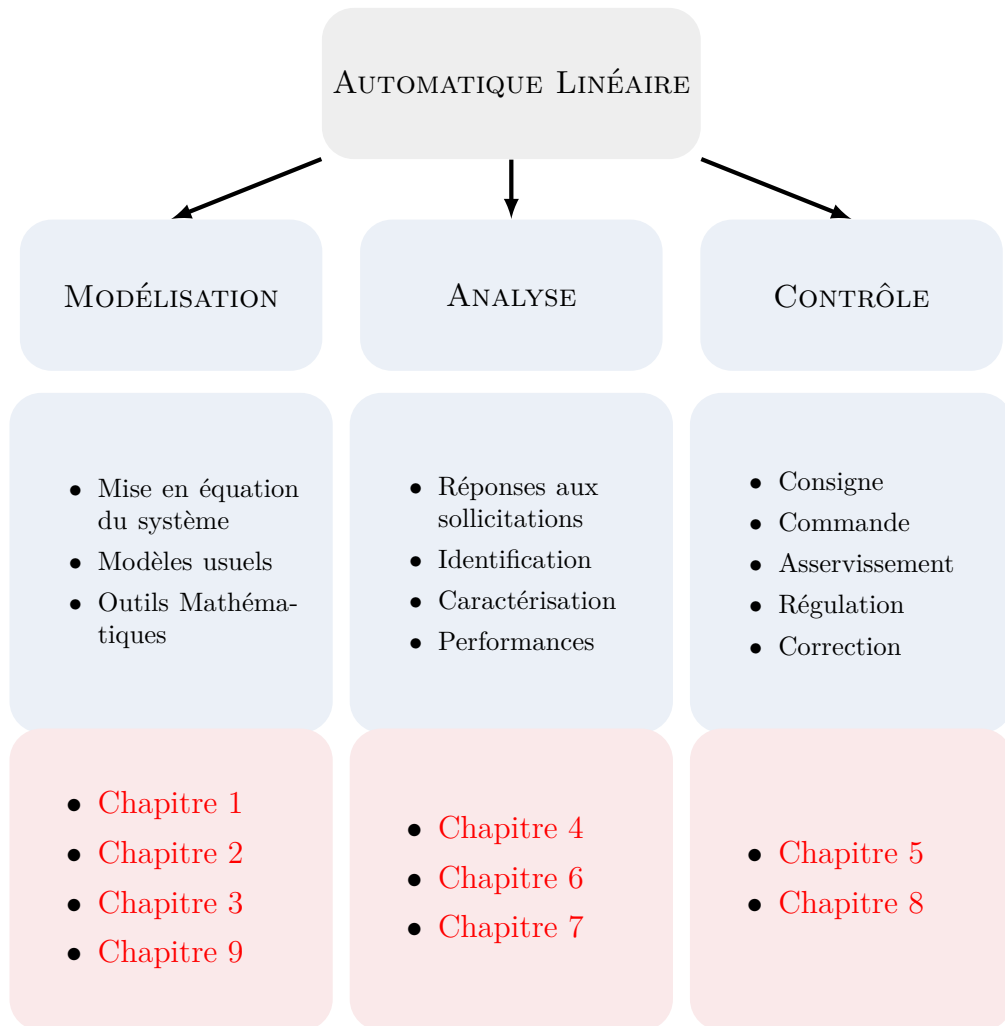


Figure A. – Organisation du document.

Annexes

A. Alphabet Grec

Nom	Minuscule	Majuscule	Correspondance latine	Usages courants
alpha	α	A	a	angles
bêta	β	B	b	angles
gamma	γ	Γ	g	angles
delta	δ	Δ	d	variations
epsilon	ϵ, ε	E	e	petite quantité
zéta	ζ	Z	z	-
êta	η	H	é (long)	rendement
thêta	θ, ϑ	Θ	th	angles
iota	ι	I	i	-
kappa	κ, \varkappa	K	k	-
lambda	λ	Λ	l	longueur, densité linéique
mu	μ	M	m	masse réduite
nu	ν	N	n	fréquence
ksi	ξ	Ξ	ks	coefficient sans dimension
omicron	o	O	o	-
pi	π, ϖ	Π	p	Π : plan
rhô	ρ, ϱ	P	r	densité volumique
sigma	σ, ς	Σ	s	σ : densité surfacique, Σ : Système
tau	τ	T	t	temps, durée relative
upsilon	υ	Y	u	-
phi	ϕ, φ	Φ	f,ph	angles
khi	χ	X	kh	coefficients
psi	ψ	Ψ	ps	fonction d'onde
oméga	ω	Ω	ô	vitesse angulaire, angle solide

Tableau A.1. – Lettres de l'alphabet Grec et leurs usages courants en physique (non exhaustifs)

J. Initiation à Scilab

1. Présentation générale (source [Wikipédia](#))

Scilab est un logiciel libre de calcul numérique fournissant un environnement de calcul pour des applications scientifiques. Il est utilisé pour le traitement du signal, l'analyse statistique, le traitement d'images, les simulations de dynamique des fluides, l'optimisation numérique, et la modélisation et simulation de systèmes dynamiques.

La syntaxe et les possibilités offertes par Scilab sont similaires à celles de Matlab. Scilab peut exécuter des instructions en ligne de commande, ainsi que des fichiers de commande (scripts) contenant des instructions (format texte). On peut exécuter des programmes Fortran ou C à partir de Scilab. Scilab est complété par un environnement graphique Xcos comparable à l'environnement graphique Simulink fourni avec Matlab.

2. Syntaxe : console

Les instructions sont tapées après le prompt `-->`. Le résultat est donné sauf si l'instruction se termine par un point-virgule auquel cas le résultat est caché. Les variables sont sensibles à la casse. `ans` est la variable qui contient le dernier résultat. Un commentaire commence par `\`. La plupart des opérateurs sont communs avec d'autres langages (affectation `=`, addition `+`, soustraction `-`, multiplication `*`, puissance `**` ou `^`).

Exemples :

```
--> // ceci n'est pas un commentaire

-->a=2
a =

    2.
-->A=3;  \ le résultat est caché
```

```
-->a*A    \\ produit
ans  =

    6.
-->ans**2 \\ utilisation de la valeur précédente
ans  =

   36.
```

Il existe quelques variables prédéfinies sous Scilab, elles sont appelées à l'aide du symbole « % ». La liste de ces variables est accessible par la fonction `whos -name %`

```
%e    // constante d'Euler
%eps  // précision machine epsilon
%F %f // booléen false 0
%T %t // booléen True 1
%pi   // constante pi
%i    // nombre imaginaire
%inf  // infini
%nan  // not-a-number
%s %z // définition polynôme
```

Quelques opérateurs logiques :

```
-->A=0;

-->B=1;

-->A&B    // ET logique
ans  =

    F

-->A|B    // OU logique
ans  =

    T

-->~A     // NON logique
ans  =
```

```

T

-->A==B    // Egalité logique
ans  =

F

-->A~=B     // Différence logique
ans  =

T

```

3. Polynômes et fractions rationnelles

En automatique, la définition de la fonction de transfert fait intervenir des polynômes et des fractions rationnelles.

La déclaration d'un polynôme se fait à l'aide de deux instructions. La première utilise la fonction `poly(0, "p")` qui définit « p » comme l'indéterminée d'un polynôme. La seconde instruction est l'énoncé du polynôme utilisant cette indéterminée.

Exemple :

On définit deux polynômes $D(p) = 1 + 2p + 3p^2$ et $N(p) = 1 + p$ de la façon suivante :

```

-->p = poly(0, 'p');

-->D=(1+2*p+3*p**2)
D  =

          2
    1 + 2p + 3p

-->N=1+p
N  =

    1 + p

```

La fonction `roots(D)` donne les racines du polynôme $D(p)$:

```
-->roots(D)
ans =

- 0.3333333 + 0.4714045i    // nombre complexe
- 0.3333333 - 0.4714045i    //
-->roots(N)
ans =

- 1.
```

Scilab gère de la même manière les fractions rationnelles :

```
-->H=N/D
H =

      1 + p
-----
      2
1 + 2p + 3p
```

Il est possible d'extraire les numérateurs et dénominateurs de $H(p) = N(p)/D(p)$ par les variables `H.num` et `H.den` respectivement :

```
-->roots(H.den)           // pôles
ans =

- 0.3333333 + 0.4714045i
- 0.3333333 - 0.4714045i

-->roots(H.num)           // zéros
ans =

- 1.
```

Il est également possible de définir un polynôme à partir de ces racines ou de ces coefficients en appelant seulement la fonction `poly`.

À partir de ses racines :

```
-->poly([1 2], 'p')    // polynôme dont les racines sont 1 et 2
ans =

      2
2 - 3p + p
```

À partir des ses coefficient :

```
-->poly([1 2], 'p', 'c')    // option 'c' nécessaire
ans =

1 + 2p
```

Remarque :

Lorsque que l'on écrit `p=poly(0, 'p')`, on définit la variable `p` comme le polynôme dont la racine est nulle.

```
-->p=poly(0, 'p')
ans =

p
```

4. Vecteurs et matrices

Pour définir un vecteur ligne :

```
--> v=[1,2,3]
v =

    1.    2.    3.

-->v=1:3
v =

    1.    2.    3.
```

```
-->v=1:0.5:4           // a:incr:b
v =                     // liste allant de a à b par incrément
                        // de incr

      1.      1.5      2.      2.5      3.      3.5      4.
```

Pour définir un vecteur colonne :

```
--> v=[1;2;3]
v =

      1.
      2.
      3.
```

Nous combinons les deux syntaxes précédentes pour définir une matrice :

```
--> m=[1 2; 3 4 ; 5 6]
m =

      1.      2.
      3.      4.
      5.      6.
```

Le vecteur ou la liste nul est simplement déclaré par :

```
-->liste=[];
```

Les parenthèses permettent d'accéder aux éléments d'une matrice et le symbole « : » permet d'accéder à toute ou une partie d'une ligne ou d'une colonne

```
-->v(1)
ans =

      1.

-->m(2,1)
ans =

      3.

--> // accéder à une ligne entière
```



```
-->m(1,:)
ans =

    1.    2.
```

Pour concaténer deux vecteurs ou matrices :

```
-->u=[1,2,3];

-->v=[4,5,6];

-->w=[v,u]
w =

    4.    5.    6.    1.    2.    3.

-->m1=[1 2; 3 4 ; 5 6]

-->m2=[1 2; 3 4 ; 5 6]

-->m3=[m1,m2]
m3 =

    1.    2.    1.    2.
    3.    4.    3.    4.
    5.    6.    5.    6.
```

Les opérateurs mathématiques de bases peuvent être utilisés sur les vecteur et matrices mais doivent respecter une certaine cohérence des dimensions des objets de chaque côté de l'opérateur. Notamment, les opérations `*` et `/` sont des opérations matricielles. Pour faire des opérations élément par élément, on fera précéder le signe opératoire d'un point : `.* ./`.

Exemple :

```
// définition de l'indéterminée du polynôme
-->p = poly(0, 'p');

//définition d'un vecteur de numérateurs
-->num=[1 10 20];
```

```
//définition d'un vecteur de dénominateurs
-->den=[p*(p+1) p*(p+10) p*(p+20) ];

//définition d'un vecteur de fonctions de transfert
-->H=num ./ den
H =
```

$$\begin{array}{ccc}
\frac{1}{p^2 + p} & \frac{10}{10p^2 + p} & \frac{20}{20p^2 + p}
\end{array}$$

Scilab a été conçu pour le calcul matriciel et numérique. Il existe de nombreuses opérations spécifiques aux matrices et à la résolution numériques que nous ne traiterons pas dans ce document.

Pour accéder à l'aide en ligne, cliquez sur ? >Aide Scilab dans la barre de menus, ou tapez dans la console :

```
-->help <fonction>
```

5. Tracer de figures

On utilisera les fonctions `scf` et `clf` pour respectivement créer une nouvelle fenêtre graphique et effacer le contenu d'une fenêtre graphique.

Exemple : plot de deux fenêtres (sinus/cosinus)

```
scf(0);clf(0); // création d'une première fenêtre
t=0.0:0.05:100;
plot(t,sin(t),'r')
legend('$s_1(t)$','$e_1(t)$')
xlabel("$t$", "fontsize",4);
ylabel("$s_2(t)$", "fontsize",4);
title('fonction sinus', "fontsize",4);

scf(1);clf(1); / création d'une seconde fenêtre
t=0.0:0.05:100;
```

```
plot(t,cos(t),'r')
legend('$s_2(t)$','$e_1(t)$')
xlabel("$t$","fontsize",4);
ylabel("$s_2(t)$","fontsize",4);
title('fonction cosinus','fontsize',4);
```

Les textes des légendes, titre des axes acceptent la syntaxe \LaTeX .

Il existe de nombreuses commandes pour modifier l'apparence d'une figure, de ces axes et pour pouvoir la sauvegarder dans différents formats (vectorielle ou matricielle). Nous renvoyons au lecteur à la documentation de Scilab pour cet aspect. Il est également possible d'éditer une image en accédant au menu de la fenêtre graphique après l'avoir générée.

6. Programmation (source Wikibooks)

Scilab est également un langage de programmation, il accepte un certain nombre d'instructions autres que mathématiques, permettant la formulation et l'exécution d'algorithmes : `for`, `while`, `if`, `do`, `case...` ou définition de fonction.

L'écriture de programmes se fait idéalement avec l'éditeur de texte SciNotes ; celui-ci met en exergue les instructions en couleurs, les parenthésages (correspondance entre les paires de parenthèses et de crochets), et surligne les lignes continuées avec un fond jaune. On peut aussi utiliser un autre éditeur de texte en sauvegardant le fichier avec l'extension `.sce` ou `.sci`. Lorsque l'environnement le permet, on peut faire du copier-coller depuis l'éditeur de texte externe vers SciNotes ou bien l'éditeur de ligne de commande.

Syntaxe d'une fonction :

La fonction doit commencer par le mot réservé `function` et finir par `endfunction` sous la forme :

```
function [out1,out2,...,outN]=nomfonction(in1,in2,...,inP)

    // out1,out2,...,outN sont les variables de sortie
    // in1,in2,...,inP variables d entree

    <instructions>
endfunction
```

Une façon usuelle de définir des fonctions est de mettre celles-ci dans un fichier à extension `.sci`. Il faut alors la charger avec la fonction `exec()`.

Appel d'une fonction :

Pour exécuter une fonction il suffit de l'appeler en passant les arguments nécessaires.

```
function [u,v]=mafonction(a,b)
    u=exp(a)
    v=u*sin(b)
endfunction

-->mafonction(rand(),rand())
```

L'appel précédent ne renvoie que la valeur de `u`. Pour obtenir les deux valeurs escomptées il faut faire un appel sous la forme :

```
-->[u,v]=test_function(rand(),rand())
v   =

    0.5695456
u   =

    1.0707657
```

7. Slci avec Scilab

Scilab permet de réaliser des études avancées des systèmes linéaires continus et invariants.

7.1. Définition d'un système linéaire

Fonction syslin (extrait de la doc officiel : `help syslin`)

- Syntaxe :

```
sl=syslin(dom,N,D)
sl=syslin(dom,H)
```

- Paramètres :

- `dom` : chaîne de caractères ('c', 'd'), ou [] ou un scalaire.
- `N,D` : matrices polynomiales

- H : matrice rationnelle
- `sl` : tlist (liste de type "syslin") représentant le système dynamique
- Description :
 - `syslin` définit un système dynamique linéaire en tant que liste typée, et vérifie la consistance des données.
 - `dom` spécifie le domaine temporel : `dom='c'` pour un système à temps continu, `dom='d'` pour un système à temps discret, `n` pour un système échantillonné à la période `n` (en secondes), `dom=[]` si le domaine temporel n'est pas défini

Exemple d'utilisation

On souhaite

7.2. Simulation temporelle d'un système linéaire

Fonction `csim` (extrait de la doc officiel (en anglais) : `help csim`)

- Syntax :

```
[y [,x]]=csim(u,t,sl,[x0 [,tol]])
```

- Parameters :
 - `u` function, list or string (control)
 - `t` real vector specifying times with, `t(1)` is the initial time (`x0=x(t(1))`).
 - `sl` syslin list (SIMO linear system) in continuous time.
 - `y` a matrix such that `y=[y(t(i))]`, `i=1,...,n`
 - `x` a matrix such that `x=[x(t(i))]`, `i=1,...,n`
 - `tol` a 2 vector [`atol` `rtol`] defining absolute and relative tolerances for ode solver
- Description :
 - `csim` simulation of the controlled linear system `sl`. `sl` is assumed to be a continuous-time system represented by a `syslin` list.
 - `u` is the control and `x0` the initial state.

- y is the output and x the state.

The control can be :

- a function : `[inputs]=u(t)`
- a list : `list(ut,parameter1,...,parameterN)` such that : `inputs=ut(t,parameter1,...,parameterN)` (`ut` is a function)
- the string "impuls" for impulse response calculation (here `s1` must have a single input and `x0=0`). For systems with direct feed-through, the infinite pulse at `t=0` is ignored.
- the string "step" for step response calculation (here `s1` must have a single input and `x0=0`)
- a vector giving the values of `u` corresponding to each `t` value.

7.3. Système du premier ordre

Soit, un système du premier ordre définit par la fonction de transfert :

$$H(p) = \frac{K}{1 + \tau p}$$

La définition sous Scilab de ce système se fait simplement par les quelques instructions suivantes :

```
// =====
// Définir un système du premier ordre
// =====

p=poly(0,'p');
K=1,tau=1;                                // paramètres du système

H=K/(1+tau*p);                            // fonction de transfert

PremierOrdre=syslin('c',H)                // définition du SLCI
```

Nous allons maintenant étudier les réponses temporelles à différentes excitations du système du premier ordre.

7.3.1. Réponse impulsionnelle

```
// -----  
// réponse impulsionnelle  
// -----  
e2='imp'                                // 'imp' : dirac  
s2=csim(e2,t,PremierOrdre);  
  
scf(1);clf(1);  
plot(t,s2,'r')  
  
legend('$s_2(t)$','$e_2(t)$')  
xlabel('$t$',"fontsize",4);  
ylabel('$s(t)$',"fontsize",4);  
title('réponse impulsionnelle',"fontsize",4);
```

7.3.2. Réponse indicielle

```
t=0.0:0.05:20;                          // définition du vecteur  
                                          // de temps  
// -----  
// réponse indicielle  
// -----  
e1='step'                                // 'step' : échelon  
s1=csim(e1,t,PremierOrdre);  
  
// clf : effacer le contenu de  
// la fenêtre graphique  
// scf : creer une nouvelle  
// fenêtre graphique  
  
scf(0);clf(0);  
plot(t,s1,'r')  
  
legend('$s_1(t)$','$e_1(t)$')  
xlabel('$t$',"fontsize",4);  
ylabel('$s(t)$',"fontsize",4);  
title('réponse indicielle',"fontsize",4);
```

7.3.3. Réponse à une excitation sinusoïdale

```
// -----
// réponse à une excitation sinusoïdale
// -----
e3=sin(t)
s3=csim(e3,t,PremierOrdre);

scf(2);clf(2);
plot(t,s3,'r',t,e3,'b')

legend('$s_3(t)$','$e_3(t)$')
xlabel("$t$","fontsize",4);
ylabel("$s(t)$","fontsize",4);
title('réponse harmonique',"fontsize",4);
```

Ci-dessous nous présentons une façon d'étudier la réponse temporelle pour différentes valeurs d'un des paramètres du système du premier ordre.

```
scf(3);clf(3);
for tau=1:1.0:10.
    H2=K/(1+tau*p)
    PremierOrdre=syslin('c',H2)
    e1='step'
    s1=csim(e1,t,PremierOrdre);
    plot(t,s1,'r')
end
```

7.3.4. Réponse fréquentielle

Scilab permet de tracer facilement les différents diagrammes de la réponse fréquentielle d'un système. Nous donnons ici les fonctions les plus importantes :

```
fMin =0.01,fMax=100;
p=poly(0,'p')
K=1.,tau=1.;
H=K/(1+tau*p);
PremierOrdre=syslin('c',[K],[1+tau*p])

// diagramme de Bode
```



```
scf(0);clf(0);
bode(PremierOrdre,fMin,fMax); bode_asymp(PremierOrdre,fMin,fMax);

// diagramme de Nyquist
scf(1);clf(1);
nyquist(PremierOrdre) ;

// diagramme de Black
scf(2);clf(2);
black(PremierOrdre,0.01,10);
nicholschart(colors=color('gray')*[2 2]) //abaque de Black

// Lieu de Evans
scf(3);clf(3);
evans(PremierOrdre) ;
```

7.4. Carte des pôles et zéros

Fonction plzr (extrait de la doc officiel (en anglais) : help plzr)

- Syntax :

```
plzr(sl)
```

- Arguments :
 - sl syslin list (SIMO linear system) in continuous time.
- Description :
 - plzr(sl) produces a pole-zero plot of the linear system sl.

7.5. Asservissement

Fonction feedback (extrait de la doc officiel (en anglais) : help feedback)

- Syntax :

```
S1=S11/.S12
```


- Parameters :
 - S11, S12 linear systems (syslin list) in state-space or transfer form, or ordinary gain matrices.
 - S1 linear system (syslin list) in state-space or transfer form.
- Description :
 - The feedback operation is denoted by /. (slashdot).
 - This command returns $S1 = S11 * (I + S12 * S11)^{-1}$, i.e the (negative) feedback of S11 and S12. S1 is the transfer $v \rightarrow y$ for $y = S11 u$, $u = v - S12 y$.
 - The result is the same as $S1 = \text{LFT}([0, I; I, -S12], S11)$.
 - Caution : do not use with decimal point (e.g. 1/.1 is ambiguous!)

8. Scilab-Xcos

Nous présentons ici le module Xcos intégré à Scilab. Xcos inclut un éditeur graphique pour facilement représenté les schémas fonctionnels en connectant des blocs entre eux. Cette présentation/tutoriel étant loin d'être complète, nous renvoyons le lecteur à la documentation officielle de Xcos pour obtenir davantage de détails [21, 2, 3]. petit tuto suivant.)

8.1. Lancer Xcos

Après avoir lancé Scilab, exécuter une des instructions suivantes :


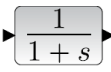

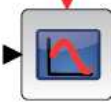
- Taper la commande `xcos` dans la console ;
- Cliquer sur l'icône : 
- Menu → Applications → Xcos

Xcos ouvre par défaut le navigateur de palettes et une fenêtre d'édition. Pour construire le diagramme il suffit de faire glisser les blocs dans la fenêtre d'édition.

8.2. Diagramme simple

Le module inclut un grand nombre de blocs (c.f Navigateur de palettes). Il est possible de construire des super-blocs qui incorpore d'autres blocs pour faciliter la lecture d'un diagramme complexe.

Nous allons créer un diagramme simple. Pour celà, placer les blocs suivants dans la fenêtre d'édition :

Désignation	Représentation	Sous-palette
Échelon		Sources / STEP_FUNCTION
Fonction de transfert continue		Systèmes à temps continu / CLR
Horloge		Sources / Clock_c
Visualisation		Sinks / CSCOPE

Connecter les blocs pour obtenir le schéma bloc Xcos de la figure J.1.
Il faut maintenant simuler et visualiser les résultats.

8.3. Simulation

Pour lancer une simulation : cliquer sur l'icône : 

Pour arrêter une simulation : cliquer sur l'icône : 

Plusieurs paramètres peuvent être ajustés :

- La durée de la simulation : Simulation → Configurer → Temps d'intégration final
- La période d'échantillonnage : Cliquer sur l'horloge.
- La fonction échelon : Cliquer sur le bloc de la fonction échelon
- Les paramètres de la fonction de transfert : Cliquer sur le bloc CLR (N'oubliez pas d'ajouter un contexte si vous utilisez des variables)

8.4. Blocs « To Workspace » ou « From Workspace »

On utilisera les blocs particuliers dans le cas où l'on souhaite utiliser des données à partir de Scilab (« From Workspace ») ou récupérer ces données après la simulation (« To Workspace »).

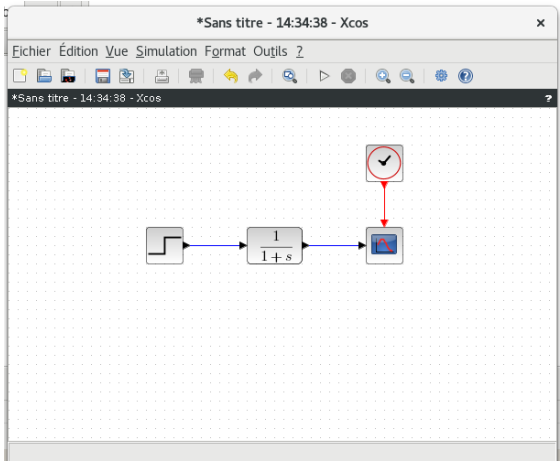


Figure J.1. – Exemple de diagramme simple



Figure J.2. – Blocs d’échange avec Scilab

Références

- [1] Régulation automatique (analogique) (REG). <http://php.iai.heig-vd.ch/~mee/>.
- [2] <http://www.demosciences.fr/projets/scilab-xcos/-utilisation/premiers-pas>.
- [3] Xcos pour les vrais debutants. <https://scilab.developpez.com/tutoriels/debuter/apprendre-xcos-debutant/>.
- [4] Denis Arzelier. Représentation et analyse des systèmes lineaires (pc7bis), 2005.
- [5] B. Bayle and J. Gangloff. Systèmes et asservissements à temps continu, 2009.
- [6] S. L. Campbell, J.-P. Chancelier, and R. Nikoukhah. *Modeling and Simulation in Scilab/Scicos*. Springer, 2006.
- [7] H. Garnier. <http://w3.cran.univ-lorraine.fr/hugues.garnier/?q=content/teaching>.
- [8] Y. Granjon. *Automatique : systèmes linéaires, non linéaires, à temps continu, à temps discret, représentation d'état, événements discrets*. Dunod, Paris, 2015.
- [9] E. Laroche and H. Halalchi. Asservissement des systèmes lineaires à temps continu. <http://eavr.u-strasbg.fr/~laroche/student>.
- [10] O. Le Gallo. *Automatique des systèmes mécaniques : Cours, travaux pratiques et exercices corrigés*. Sciences de l'ingénieur. Dunod, 2009.
- [11] Joe Mabel. Régulateur à boules au Georgetown PowerPlant Museum à Seattle. CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=5694146>.
- [12] B. Marx. Outils Mathématiques pour l'ingénieur - Traitement du Signal. <http://w3.cran.univ-lorraine.fr/perso/benoit.marx/enseignement.html>.
- [13] B. Marx. Contrôle des systèmes linéaires. <http://w3.cran.univ-lorraine.fr/perso/-benoit.marx/enseignement.html>.
- [14] F. Orioux. *Automatique : Systèmes linéaires et asservissements*. Notes de Cours, Master 2 Outils et systèmes de l'astronomie et de l'Espace, 20017-1018.

- [15] E. Ostertag. *Systèmes et asservissements continus : Modélisation, analyse, synthèse des lois de commande*. Ellipses Marketing, 2004.
- [16] R. Papanicola. Schéma-blocs avec PGF/TIKZ. <https://sciences-indus-cpge.papanicola.info/IMG/pdf/schema-bloc.pdf>.
- [17] R. Papanicola. *Sciences industrielles PCSI : Mécanique et automatique*. Ellipses Marketing, 2003.
- [18] R. Papanicola. *Sciences industrielles PSI : Mécanique et automatique*. Ellipses Marketing, 2010.
- [19] Marsyas-Travail personnel. Clepsydre athénienne reconstituée, Musée de l'Agora antique d'Athènes. CC BY-SA 2.5, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=476174>.
- [20] Consortium Scilab. Introduction to Scilab. www.scilab.org/content/download/247/1702/file/introscilab.pdf.
- [21] S. Steer and Y. Degré. *Scilab : De la théorie à la pratique - II. Modéliser et simuler avec Xcos*. Éditions D-BookeR, 2014.
- [22] C. Sueur, P. Vanheeghe, and P. Borne. *Automatique des systèmes continus*. Editions Technip.
- [23] E. Thomas. TP Scilab. http://cpgeptl.jg.free.fr/scenari/TP_INFO/TP_info_12_ordre/co/module_TP_1_2_ordre_5.html.

Acronymes

DES Décomposition en Éléments Simples

FTBF Fonction de Transfert en Boucle Fermée

FTBO Fonction de Transfert en Boucle Ouverte

FTCD Fonction de Transfert de la Chaîne Directe

FTCR Fonction de Transfert de la Chaîne de Retour

MEI Matière-Énergie-Information

MIMO Multiple Input Multiple Output

SISO Single Input Single Output

SLCI Système Linéaire Continu et Invariant

TL Transformée de Laplace

Glossaire

Asservissement	L'asservissement consiste à contrôler un système dynamique pour que sa réponse temporelle suive une consigne variable au cours du temps.
Régulation	La régulation est un particulier d'asservissement consistant à garder une consigne constante en présence de perturbation.

Liste des Symboles

t	Variable temporelle
p	Indéterminée de polynôme
$s(t)$	Fonction/Signal dans le domaine temporel
$S(p)$	Fonction/Signal dans le domaine de Laplace de la fonction $s(t)$
$u(t)$	Fonction échelon unité ou de Heaviside
$\delta(t)$	Distribution de Dirac
$r(t)$	Fonction rampe unité
$\mathcal{L}\{f(t)\}$	Transformation de Laplace de la fonction $f(t)$
$\mathcal{L}^{-1}\{F(p)\}$	Transformation de Laplace inverse de la fonction $F(p)$
$H(p)$	Fonction de transfert
$N(p)$	Polynôme du numérateur d'une fraction rationnelle
$D(p)$	Polynôme du dénominateur d'une fraction rationnelle
ω	Pulsation
$H(j\omega)$	Nombre complexe associé à la fonction de transfert $H(p)$
E_0	Paramètre dimensionnelle d'amplitude de l'entrée
K	Gain statique
ω_0	Pulsation propre

$\text{Im}[H(j\omega)]$	Partie imaginaire du nombre complexe $H(j\omega)$
$\text{Re}[H(j\omega)]$	Partie réelle du nombre complexe $H(j\omega)$
ξ	Coefficient d'amortissement
$G(\omega)$	Gain naturel de la réponse harmonique en fonction de la pulsation
$G_{dB}(\omega)$	Gain en dB de la réponse harmonique en fonction de la pulsation
$\phi(\omega)$	Déphasage de la réponse harmonique en fonction de la pulsation
D_k	k-ème dépassement
$t_{5\%}$	Temps de réponse à 5%

