Методы оптимизации. Семинар 3. Проекция точки на множество, отделимость, опорная гиперплоскость.

Александр Катруца

Московский физико-технический институт, Факультет Управления и Прикладной Математики

19 сентября 2016 г.

Напоминание

- Афинная оболочка и афинное множество
- Выпуклая оболочка и выпуклое множество
- Коническая оболочка и выпуклый конус
- Операции, сохраняющие выпуклость

Внутренности множества

Внутренность множества

Внутренность множества G состоит из точек из G, таких что:

$$\mathsf{int} G = \{ \mathbf{x} \in G \mid \exists \varepsilon > 0, B(\mathbf{x}, \varepsilon) \subset G \},\$$

где
$$B(\mathbf{x}, \varepsilon) = \{\mathbf{y} \mid ||\mathbf{x} - \mathbf{y}|| \le \varepsilon\}$$

Относительная внутренность

Относительной внутреностью множества G называют следующее множество:

$$\mathsf{relint}\,G = \{ \mathsf{x} \in G \mid \exists \varepsilon > 0, B(\mathsf{x}, \varepsilon) \cap \mathsf{aff}\,G \subseteq G \}$$

Вопрос: зачем нужна концепция относительной внутренности?



Проекция точки на множество

Опорная гиперплоскость

Отделимость выпуклых множеств

Резюме

- Внутренность и относительная внутренность выпуклого множества
- Проекция точки на множство
- Опорная гиперплоскость
- Отделимость выпуклых множеств