### Introdução à Recuperação de Informações https://github.com/fccoelho/curso-IRI

IRI 3: Dicionários e Recuperação Tolerante

Flávio Codeço Coelho

Escola de Matemática Aplicada, Fundação Getúlio Vargas

### Sumário

- Recapitulação
- 2 Dicionários
- 3 Consultas Coringa
- 4 Distância de Edição

## Distinguindo entre Tipo e token

- Token Uma instância de uma palavra ou termo ocorrendo em um documento
- Tipo Uma classe de equivalência de tokens
- In June, the dog likes to chase the cat in the barn.
- 12 tokens, 9 tipos de palavras

# Problemas na tokenização

- Quais são os delimitadores? Espaços? Apóstrofes? Hífen?
- Para cada um destes: às vezes eles delimitam, às vezes não.
- Muitas línguas não possuem espaços! (P.ex., Chinês)
- Não Há espaços em palavras compostas em Holandês, Alemão e Sueco (Lebensversicherungsgesellschaftsangestellter)

# Problemas com classes de equivalência

- Um termo é uma classe de equivalência de tokens.
- Como definir Classes de equivalência?
- Números: (3/20/91 vs. 20/3/91)
- Capitalização
- Truncagem, Truncador de Porter
- Análise Morfológica : infleccional vs. derivacional
- Problemas de classes de equivalências em outras línguas
  - Morfologias mais complexas do que o inglês
  - Finlandês: Um único verbo pode ter 12000 formas diferentes
  - Acentos, tremas, etc.

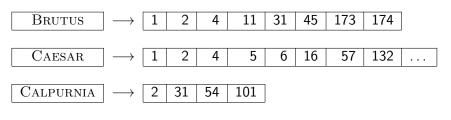
 Recuperação Tolerante: O que fazer se não há correspondência exata entre o termo de consulta e os termos do documento.

- Recuperação Tolerante: O que fazer se não há correspondência exata entre o termo de consulta e os termos do documento.
- Consultas coringas

- Recuperação Tolerante: O que fazer se não há correspondência exata entre o termo de consulta e os termos do documento.
- Consultas coringas
- Correção ortográficas

#### Índice invertido

Para cada termo t, armazenamos uma lista de documentos que contém t.



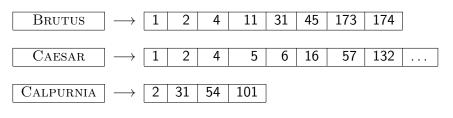
:

dicionário

postings

### Índice invertido

Para cada termo t, armazenamos uma lista de documentos que contém t.



•

dicionário

postings

#### Dicionários

• O dicionário é a estrutura de dados que é usada para armazenar o vocabulário de termos.

#### Dicionários

- O dicionário é a estrutura de dados que é usada para armazenar o vocabulário de termos.
- vocabulário de termos: os dados

#### Dicionários

- O dicionário é a estrutura de dados que é usada para armazenar o vocabulário de termos.
- vocabulário de termos: os dados
- Dicionário: A estrutura de dados para armazenamento do vocabulário

• Para cada termo, precisamos armazenar um par de ítens:

- Para cada termo, precisamos armazenar um par de ítens:
  - Frequência de documentos

- Para cada termo, precisamos armazenar um par de ítens:
  - Frequência de documentos
  - Ponteiro para a lista de postings

- Para cada termo, precisamos armazenar um par de ítens:
  - Frequência de documentos
  - Ponteiro para a lista de postings
  - ...

- Para cada termo, precisamos armazenar um par de ítens:
  - Frequência de documentos
  - Ponteiro para a lista de postings
  - ...
- Assuma por ora que podemos armazenar esta informação em uma entrada de tamanho fixo.

- Para cada termo, precisamos armazenar um par de ítens:
  - Frequência de documentos
  - Ponteiro para a lista de postings
  - ...
- Assuma por ora que podemos armazenar esta informação em uma entrada de tamanho fixo.
- Assuma que armazenamos estas entradas em uma matriz.

termo	documento frequência	ponteiro para lista de postings
а	656.265	$\longrightarrow$
aachen	65	$\longrightarrow$
zulu	221	$\longrightarrow$
20 bytes	1 hytos	1 bytes

espaço necessário: 20 bytes 4 bytes 4 bytes

como acessamos um termo de consulta  $q_i$  nesta matriz em tempo de consulta? Ou seja: Que estrutura de dados usamos para localizar a entrada (linha) na matriz onde  $q_i$  está armazenado?

 Duas Classes principais de estruturas de dados: hashes e árvores

- Duas Classes principais de estruturas de dados: hashes e árvores
- Alguns sistemas de RI usam hashes, outros usam árvores.

- Duas Classes principais de estruturas de dados: hashes e árvores
- Alguns sistemas de RI usam hashes, outros usam árvores.
- Critérios de escolha:

- Duas Classes principais de estruturas de dados: hashes e árvores
- Alguns sistemas de RI usam hashes, outros usam árvores.
- Critérios de escolha:
  - Existe um número fixo de termos ou ele crescerá indefinidamente?

- Duas Classes principais de estruturas de dados: hashes e árvores
- Alguns sistemas de RI usam hashes, outros usam árvores.
- Critérios de escolha:
  - Existe um número fixo de termos ou ele crescerá indefinidamente?
  - Quais as frequências relativas com que as várias chaves serão acessadas?

- Duas Classes principais de estruturas de dados: hashes e árvores
- Alguns sistemas de RI usam hashes, outros usam árvores.
- Critérios de escolha:
  - Existe um número fixo de termos ou ele crescerá indefinidamente?
  - Quais as frequências relativas com que as várias chaves serão acessadas?
  - Quantos termos teremos?

• Cada termo do vocabulário é "hasheado" para um inteiro.

- Cada termo do vocabulário é "hasheado" para um inteiro.
- Busca-se evitar colisões

- Cada termo do vocabulário é "hasheado" para um inteiro.
- Busca-se evitar colisões
- No momento da consulta, faz-se o seguinte: Hasheia o termo de consulta, resolve as colisões, Localiza entrada em uma matriz de elementos com tamanho constante

- Cada termo do vocabulário é "hasheado" para um inteiro.
- Busca-se evitar colisões
- No momento da consulta, faz-se o seguinte: Hasheia o termo de consulta, resolve as colisões, Localiza entrada em uma matriz de elementos com tamanho constante
- Prós: Busca em um hash é mais rápida do que em uma árvore.

- Cada termo do vocabulário é "hasheado" para um inteiro.
- Busca-se evitar colisões
- No momento da consulta, faz-se o seguinte: Hasheia o termo de consulta, resolve as colisões, Localiza entrada em uma matriz de elementos com tamanho constante
- Prós: Busca em um hash é mais rápida do que em uma árvore.
  - Tempo de consulta é constante.

- Cada termo do vocabulário é "hasheado" para um inteiro.
- Busca-se evitar colisões
- No momento da consulta, faz-se o seguinte: Hasheia o termo de consulta, resolve as colisões, Localiza entrada em uma matriz de elementos com tamanho constante
- Prós: Busca em um hash é mais rápida do que em uma árvore.
  - Tempo de consulta é constante.
- Contras

- Cada termo do vocabulário é "hasheado" para um inteiro.
- Busca-se evitar colisões
- No momento da consulta, faz-se o seguinte: Hasheia o termo de consulta, resolve as colisões, Localiza entrada em uma matriz de elementos com tamanho constante
- Prós: Busca em um hash é mais rápida do que em uma árvore.
  - Tempo de consulta é constante.
- Contras
  - Não há forma de encontrar pequenas variações (resume vs. résumé)

- Cada termo do vocabulário é "hasheado" para um inteiro.
- Busca-se evitar colisões
- No momento da consulta, faz-se o seguinte: Hasheia o termo de consulta, resolve as colisões, Localiza entrada em uma matriz de elementos com tamanho constante
- Prós: Busca em um hash é mais rápida do que em uma árvore.
  - Tempo de consulta é constante.
- Contras
  - Não há forma de encontrar pequenas variações (resume vs. résumé)
  - Não permite busca de prefixos (Todos os termos que começam com automat)

- Cada termo do vocabulário é "hasheado" para um inteiro.
- Busca-se evitar colisões
- No momento da consulta, faz-se o seguinte: Hasheia o termo de consulta, resolve as colisões, Localiza entrada em uma matriz de elementos com tamanho constante
- Prós: Busca em um hash é mais rápida do que em uma árvore.
  - Tempo de consulta é constante.
- Contras
  - Não há forma de encontrar pequenas variações (resume vs. résumé)
  - Não permite busca de prefixos (Todos os termos que começam com automat)
  - é necessário "rehashear" tudo periodicamente se o vocabulário continua crescendo.

• Árvores resolvem o problema do prefixo (Encontrar todos os termos começando com *automat*).

- Árvores resolvem o problema do prefixo (Encontrar todos os termos começando com *automat*).
- Árvore mais simples: árvore binária

- Árvores resolvem o problema do prefixo (Encontrar todos os termos começando com *automat*).
- Árvore mais simples: árvore binária
- Busca é ligeiramente mais lenta que em hashes:  $O(\log M)$ , onde M é o tamanho do vocabulário.

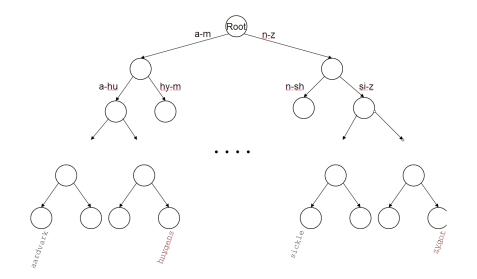
- Árvores resolvem o problema do prefixo (Encontrar todos os termos começando com *automat*).
- Árvore mais simples: árvore binária
- Busca é ligeiramente mais lenta que em hashes:  $O(\log M)$ , onde M é o tamanho do vocabulário.
- O(log M) vale apenas para árvores balanceadas.

- Árvores resolvem o problema do prefixo (Encontrar todos os termos começando com *automat*).
- Árvore mais simples: árvore binária
- Busca é ligeiramente mais lenta que em hashes:  $O(\log M)$ , onde M é o tamanho do vocabulário.
- O(log M) vale apenas para árvores balanceadas.
- Rebalancear árvores binárias é caro.

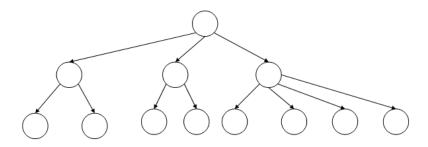
- Árvores resolvem o problema do prefixo (Encontrar todos os termos começando com *automat*).
- Árvore mais simples: árvore binária
- Busca é ligeiramente mais lenta que em hashes:  $O(\log M)$ , onde M é o tamanho do vocabulário.
- O(log M) vale apenas para árvores balanceadas.
- Rebalancear árvores binárias é caro.
- Arvores-B resolvem o problema do balanceamento.

- Árvores resolvem o problema do prefixo (Encontrar todos os termos começando com *automat*).
- Árvore mais simples: árvore binária
- Busca é ligeiramente mais lenta que em hashes:  $O(\log M)$ , onde M é o tamanho do vocabulário.
- O(log M) vale apenas para árvores balanceadas.
- Rebalancear árvores binárias é caro.
- Arvores-B resolvem o problema do balanceamento.
- Definição de árvore-B: cada nó interno tem um número de filhos no intervalo [a, b] onde a, b são inteiros positivos apropriados, p.ex., [2, 4].

# Árvore Binária



# Árvore B



 mon\*: Encontre todos os documentos contendo termos começados por mon

- mon\*: Encontre todos os documentos contendo termos começados por mon
- Fácil com dicionários baseados em árvore B: recupera todos os termos t no intervalo: mon  $\leq t <$  moo

- mon\*: Encontre todos os documentos contendo termos começados por mon
- Fácil com dicionários baseados em árvore B: recupera todos os termos t no intervalo: mon  $\leq t <$  moo
- \*mon: Encontre todos os documentos contendo termos que terminam com mon

- mon\*: Encontre todos os documentos contendo termos começados por mon
- Fácil com dicionários baseados em árvore B: recupera todos os termos t no intervalo: mon  $\leq t <$  moo
- \*mon: Encontre todos os documentos contendo termos que terminam com *mon*
  - Mantém uma árvore adicional para termos ao contrário

- mon\*: Encontre todos os documentos contendo termos começados por mon
- Fácil com dicionários baseados em árvore B: recupera todos os termos t no intervalo: mon  $\leq t <$  moo
- \*mon: Encontre todos os documentos contendo termos que terminam com *mon* 
  - Mantém uma árvore adicional para termos ao contrário
  - Então recupera todos os termos t no intervalo: nom  $\leq t <$  non

- mon\*: Encontre todos os documentos contendo termos começados por mon
- Fácil com dicionários baseados em árvore B: recupera todos os termos t no intervalo: mon  $\leq t <$  moo
- \*mon: Encontre todos os documentos contendo termos que terminam com *mon*
  - Mantém uma árvore adicional para termos ao contrário
  - ullet Então recupera todos os termos t no intervalo: nom  $\leq t <$  non
- Resultado: Um conjunto de termos que correspondem à consulta coringa

- mon\*: Encontre todos os documentos contendo termos começados por mon
- Fácil com dicionários baseados em árvore B: recupera todos os termos t no intervalo: mon  $\leq t <$  moo
- \*mon: Encontre todos os documentos contendo termos que terminam com *mon* 
  - Mantém uma árvore adicional para termos ao contrário
  - ullet Então recupera todos os termos t no intervalo: nom  $\leq t <$  non
- Resultado: Um conjunto de termos que correspondem à consulta coringa
- Então recupera todos os documentos que contenham estes termos

• Exemplo: m\*nchen

- Exemplo: m\*nchen
- Poderíamos buscar todos os termos que satisfazem m\* e
   \*nchen Na árvore B e reter a interseção dos dois conjuntos.

- Exemplo: m\*nchen
- Poderíamos buscar todos os termos que satisfazem m\* e
   \*nchen Na árvore B e reter a interseção dos dois conjuntos.
- Mas sai caro

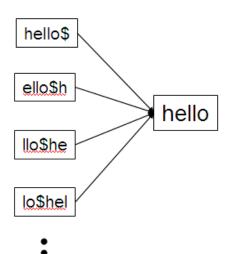
- Exemplo: m\*nchen
- Poderíamos buscar todos os termos que satisfazem m\* e
   \*nchen Na árvore B e reter a interseção dos dois conjuntos.
- Mas sai caro
- Alternativa: índice permuterm

- Exemplo: m\*nchen
- Poderíamos buscar todos os termos que satisfazem m\* e
   \*nchen Na árvore B e reter a interseção dos dois conjuntos.
- Mas sai caro
- Alternativa: índice permuterm
- Idéia básica: Rotaciona cada consulta coringa, de forma que o
   \* ocorra no final.

- Exemplo: m\*nchen
- Poderíamos buscar todos os termos que satisfazem m\* e
   \*nchen Na árvore B e reter a interseção dos dois conjuntos.
- Mas sai caro
- Alternativa: índice permuterm
- Idéia básica: Rotaciona cada consulta coringa, de forma que o
   \* ocorra no final.
- Armazena cada uma destas rotações no dicionário, por exemplo, em uma árvore B

 Para o termo HELLO: adicione hello\$, ello\$h, llo\$he, lo\$hel, o\$hell, e \$hello à árvore B onde \$ é um símbolo especial

## Permuterm → mapeamento de termos



 Para HELLO, adicionamos: hello\$, ello\$h, llo\$he, lo\$hel, e o\$hell

- Para HELLO, adicionamos: hello\$, ello\$h, llo\$he, lo\$hel, e o\$hell
- Consultas

- Para HELLO, adicionamos: hello\$, ello\$h, llo\$he, lo\$hel, e
   o\$hell
- Consultas
  - Para X, acesse X\$

- Para HELLO, adicionamos: hello\$, ello\$h, llo\$he, lo\$hel, e
   o\$hell
- Consultas
  - Para X, acesse X\$
  - Para X\*, acesse \$X\*

- Para HELLO, adicionamos: hello\$, ello\$h, llo\$he, lo\$hel, e
   o\$hell
- Consultas
  - Para X, acesse X\$
  - Para X\*, acesse \$X\*
  - Para \*X, acesse X\$\*

- Para HELLO, adicionamos: hello\$, ello\$h, llo\$he, lo\$hel, e
   o\$hell
- Consultas
  - Para X, acesse X\$
  - Para X\*, acesse \$X\*
  - Para \*X, acesse X\$\*
  - Para \*X\*, acesse X\*

- Para HELLO, adicionamos: hello\$, ello\$h, llo\$he, lo\$hel, e
   o\$hell
- Consultas
  - Para X, acesse X\$
  - Para X\*, acesse \$X\*
  - Para \*X, acesse X\$\*
  - Para \*X\*, acesse X\*
  - Para X\*Y, acesse Y\$X\*

- Para HELLO, adicionamos: hello\$, ello\$h, llo\$he, lo\$hel, e
   o\$hell
- Consultas
  - Para X, acesse X\$
  - Para X\*. acesse \$X\*
  - Para \*X, acesse X\$\*
  - Para \*X\*, acesse X\*
  - Para X\*Y, acesse Y\$X\*
  - Example: Para hel\*o, acesse o\$hel\*

- Para HELLO, adicionamos: hello\$, ello\$h, llo\$he, lo\$hel, e
   o\$hell
- Consultas
  - Para X, acesse X\$
  - Para X\*. acesse \$X\*
  - Para \*X, acesse X\$\*
  - Para \*X\*, acesse X\*
  - Para X\*Y, acesse Y\$X\*
  - Example: Para hel\*o, acesse o\$hel\*
- Um nome mais adequado para um índice Permuterm seria uma árvore permuterm tree.

- Para HELLO, adicionamos: hello\$, ello\$h, llo\$he, lo\$hel, e
   o\$hell
- Consultas
  - Para X, acesse X\$
  - Para X\*, acesse \$X\*
  - Para \*X, acesse X\$\*
  - Para \*X\*, acesse X\*
  - Para X\*Y, acesse Y\$X\*
  - Example: Para hel\*o, acesse o\$hel\*
- Um nome mais adequado para um índice Permuterm seria uma árvore permuterm tree.
- Mas índice permuterm é o nome mais comum.

# Processando um acesso ao índice permuterm

• Rotacione a consulta coringa para a direita

# Processando um acesso ao índice permuterm

- Rotacione a consulta coringa para a direita
- Use o acesso à árvore B como descrito anteriormente

#### Processando um acesso ao índice permuterm

- Rotacione a consulta coringa para a direita
- Use o acesso à árvore B como descrito anteriormente
- Problema: O Permuterm mais do que quadruplica o tamanho do dicionário quando comparado a uma árvore B regular. (observação empírica)

• Dois usos principais

- Dois usos principais
  - Correção de documentos a serem indexados

- Dois usos principais
  - Correção de documentos a serem indexados
  - Correção de consultas

- Dois usos principais
  - Correção de documentos a serem indexados
  - Correção de consultas
- Dois métodos diferentes para correção ortográfica

- Dois usos principais
  - Correção de documentos a serem indexados
  - Correção de consultas
- Dois métodos diferentes para correção ortográfica
- Correção de Palavra isolada

- Dois usos principais
  - Correção de documentos a serem indexados
  - Correção de consultas
- Dois métodos diferentes para correção ortográfica
- Correção de Palavra isolada
  - Verifica cada palavra isoladamente quanto à correção ortográfica

- Dois usos principais
  - Correção de documentos a serem indexados
  - Correção de consultas
- Dois métodos diferentes para correção ortográfica
- Correção de Palavra isolada
  - Verifica cada palavra isoladamente quanto à correção ortográfica
  - Não "pega" erros que resultam em palavras corretas, p.ex., an asteroid that fell form the sky

- Dois usos principais
  - Correção de documentos a serem indexados
  - Correção de consultas
- Dois métodos diferentes para correção ortográfica
- Correção de Palavra isolada
  - Verifica cada palavra isoladamente quanto à correção ortográfica
  - Não "pega" erros que resultam em palavras corretas, p.ex., an asteroid that fell form the sky
- Correção ortográfica contextual

- Dois usos principais
  - Correção de documentos a serem indexados
  - Correção de consultas
- Dois métodos diferentes para correção ortográfica
- Correção de Palavra isolada
  - Verifica cada palavra isoladamente quanto à correção ortográfica
  - Não "pega" erros que resultam em palavras corretas, p.ex., an asteroid that fell form the sky
- Correção ortográfica contextual
  - Olha para as palavras vizinhas

- Dois usos principais
  - Correção de documentos a serem indexados
  - Correção de consultas
- Dois métodos diferentes para correção ortográfica
- Correção de Palavra isolada
  - Verifica cada palavra isoladamente quanto à correção ortográfica
  - Não "pega" erros que resultam em palavras corretas, p.ex., an asteroid that fell form the sky
- Correção ortográfica contextual
  - Olha para as palavras vizinhas
  - Pode corrigir o erro form/from acima

 Não estamos interessados em correção interativa de documentos (p.ex., MS Word) neste curso.

- Não estamos interessados em correção interativa de documentos (p.ex., MS Word) neste curso.
- Em RI, Usamos a correção de documentos primariamente para documentos OCR-izados. (OCR = optical character recognition)

- Não estamos interessados em correção interativa de documentos (p.ex., MS Word) neste curso.
- Em RI, Usamos a correção de documentos primariamente para documentos OCR-izados. (OCR = optical character recognition)
- A filosofia geral em RI é: Não altere os documentos.

• Primeiro: correção ortográfica de palavras isoladas

- Primeiro: correção ortográfica de palavras isoladas
- Premissa 1: Há uma lista de palavas "corretas" a partir da qual as correções podem ser obtidas.

- Primeiro: correção ortográfica de palavras isoladas
- Premissa 1: Há uma lista de palavas "corretas" a partir da qual as correções podem ser obtidas.
- Premissa 2: Há uma maneira de calcular a distância entre uma palavra errada e uma correta.

- Primeiro: correção ortográfica de palavras isoladas
- Premissa 1: Há uma lista de palavas "corretas" a partir da qual as correções podem ser obtidas.
- Premissa 2: Há uma maneira de calcular a distância entre uma palavra errada e uma correta.
- Algoritmo simplificado: retorne a palavra "correta" com a menor distância da palavra errada.

- Primeiro: correção ortográfica de palavras isoladas
- Premissa 1: Há uma lista de palavas "corretas" a partir da qual as correções podem ser obtidas.
- Premissa 2: Há uma maneira de calcular a distância entre uma palavra errada e uma correta.
- Algoritmo simplificado: retorne a palavra "correta" com a menor distância da palavra errada.
- Exemplo: *information* → *information*

- Primeiro: correção ortográfica de palavras isoladas
- Premissa 1: Há uma lista de palavas "corretas" a partir da qual as correções podem ser obtidas.
- Premissa 2: Há uma maneira de calcular a distância entre uma palavra errada e uma correta.
- Algoritmo simplificado: retorne a palavra "correta" com a menor distância da palavra errada.
- ullet Exemplo: information o information
- Como lista de palavras corretas, podemos usar o vocabulário de todas as palavras que ocorrem em nossa coleção.

- Primeiro: correção ortográfica de palavras isoladas
- Premissa 1: Há uma lista de palavas "corretas" a partir da qual as correções podem ser obtidas.
- Premissa 2: Há uma maneira de calcular a distância entre uma palavra errada e uma correta.
- Algoritmo simplificado: retorne a palavra "correta" com a menor distância da palavra errada.
- Exemplo: *information* → *information*
- Como lista de palavras corretas, podemos usar o vocabulário de todas as palavras que ocorrem em nossa coleção.
- Porque isto é problemático?

• Um dicionário padrão (Webster's, Aurélio etc.)

- Um dicionário padrão (Webster's, Aurélio etc.)
- Um dicionário de um domínio específico (Para sistemas de RI especializados)

- Um dicionário padrão (Webster's, Aurélio etc.)
- Um dicionário de um domínio específico (Para sistemas de RI especializados)
- O vocabulário de termos ponderado, ponderado de forma adequada

Estudaremos várias alternativas.

- Estudaremos várias alternativas.
- Distância de edição e a distância de Levenshtein

- Estudaremos várias alternativas.
- Distância de edição e a distância de Levenshtein
- Distância de edição ponderada

- Estudaremos várias alternativas.
- Distância de edição e a distância de Levenshtein
- Distância de edição ponderada
- sobreposição de *k*-grams

# Distância de edição

# Distância de edição

• A distância de edição entre a string  $s_1$  e a string  $s_2$  é o número mínimo de operações básicas que converte  $s_1$  em  $s_2$ .

# Distância de edição

- A distância de edição entre a string s<sub>1</sub> e a string s<sub>2</sub> é o número mínimo de operações básicas que converte s<sub>1</sub> em s<sub>2</sub>.
- Distância de Levenshtein: Operações válidas: inserção, deleção, e substituição

- A distância de edição entre a string s<sub>1</sub> e a string s<sub>2</sub> é o número mínimo de operações básicas que converte s<sub>1</sub> em s<sub>2</sub>.
- Distância de Levenshtein: Operações válidas: inserção, deleção, e substituição
- Distância de Levenshtein dog-do: 1

- A distância de edição entre a string s<sub>1</sub> e a string s<sub>2</sub> é o número mínimo de operações básicas que converte s<sub>1</sub> em s<sub>2</sub>.
- Distância de Levenshtein: Operações válidas: inserção, deleção, e substituição
- Distância de Levenshtein dog-do: 1
- Distância de Levenshtein cat-cart: 1

- A distância de edição entre a string  $s_1$  e a string  $s_2$  é o número mínimo de operações básicas que converte  $s_1$  em  $s_2$ .
- Distância de Levenshtein: Operações válidas: inserção, deleção, e substituição
- Distância de Levenshtein dog-do: 1
- Distância de Levenshtein cat-cart: 1
- Distância de Levenshtein cat-cut: 1

- A distância de edição entre a string s<sub>1</sub> e a string s<sub>2</sub> é o número mínimo de operações básicas que converte s<sub>1</sub> em s<sub>2</sub>.
- Distância de Levenshtein: Operações válidas: inserção, deleção, e substituição
- Distância de Levenshtein dog-do: 1
- Distância de Levenshtein cat-cart: 1
- Distância de Levenshtein cat-cut: 1
- Distância de Levenshtein *cat-act*: 2

- A distância de edição entre a string s<sub>1</sub> e a string s<sub>2</sub> é o número mínimo de operações básicas que converte s<sub>1</sub> em s<sub>2</sub>.
- Distância de Levenshtein: Operações válidas: inserção, deleção, e substituição
- Distância de Levenshtein *dog-do*: 1
- Distância de Levenshtein cat-cart: 1
- Distância de Levenshtein cat-cut: 1
- Distância de Levenshtein *cat-act*: 2
- Distância de Damerau-Levenshtein cat-act: 1

- A distância de edição entre a string s<sub>1</sub> e a string s<sub>2</sub> é o número mínimo de operações básicas que converte s<sub>1</sub> em s<sub>2</sub>.
- Distância de Levenshtein: Operações válidas: inserção, deleção, e substituição
- Distância de Levenshtein *dog-do*: 1
- Distância de Levenshtein cat-cart: 1
- Distância de Levenshtein cat-cut: 1
- Distância de Levenshtein *cat-act*: 2
- Distância de Damerau-Levenshtein cat-act: 1
- Distância de Damerau-Levenshtein inclui a transposição como uma quarta operação possivel.

#### Distância de Levenshtein: Computação

		f	а	S	t
	0	1	2	3	4
С	1	1	2	3	4
a	2	2	1	2	3
t	3	3	2	2	2
S	4	4	3	2	3

## Distância de Levenshtein: Algoritmo

```
LEVENSHTEIN DISTANCE (s_1, s_2)
   for i \leftarrow 0 to |s_1|
 2 do m[i, 0] = i
 3 for i \leftarrow 0 to |s_2|
   do m[0, j] = j
 5 for i \leftarrow 1 to |s_1|
     do for i \leftarrow 1 to |s_2|
         do if s_1[i] = s_2[i]
 8
                then m[i,j] = \min\{m[i-1,j]+1, m[i,j-1]+1, m[i-1,j-1]\}
                else m[i,j] = \min\{m[i-1,j]+1, m[i,j-1]+1, m[i-1,j-1]+1\}
 9
     return m[|s_1|, |s_2|]
10
```

(custo 1), cópia (custo 0)

## Distância de Levenshtein: Algoritmo

```
LEVENSHTEIN DISTANCE (s_1, s_2)
   for i \leftarrow 0 to |s_1|
 2 do m[i, 0] = i
 3 for i \leftarrow 0 to |s_2|
   do m[0, j] = j
 5 for i \leftarrow 1 to |s_1|
     do for i \leftarrow 1 to |s_2|
         do if s_1[i] = s_2[i]
 8
                then m[i,j] = \min\{m[i-1,j]+1, m[i,j-1]+1, m[i-1,j-1]\}
                else m[i,j] = \min\{m[i-1,j]+1, m[i,j-1]+1, m[i-1,j-1]+1\}
 9
     return m[|s_1|, |s_2|]
10
```

Operações: inserção (custo 1), deleção (custo 1), substituição

## Distância de Levenshtein: Algoritmo

```
LEVENSHTEIN DISTANCE (s_1, s_2)
   for i \leftarrow 0 to |s_1|
 2 do m[i, 0] = i
 3 for i \leftarrow 0 to |s_2|
   do m[0, j] = j
 5 for i \leftarrow 1 to |s_1|
     do for i \leftarrow 1 to |s_2|
         do if s_1[i] = s_2[i]
 8
                then m[i,j] = \min\{m[i-1,j]+1, m[i,j-1]+1, m[i-1,j-1]\}
                else m[i,j] = \min\{m[i-1,j]+1, m[i,j-1]+1, m[i-1,j-1]+1\}
 9
     return m[|s_1|, |s_2|]
10
```

## Distância de Levenshtein: Algorithm

```
LEVENSHTEIN DISTANCE (s_1, s_2)
   for i \leftarrow 0 to |s_1|
 2 do m[i, 0] = i
 3 for i \leftarrow 0 to |s_2|
   do m[0, j] = j
 5 for i \leftarrow 1 to |s_1|
     do for i \leftarrow 1 to |s_2|
         do if s_1[i] = s_2[i]
 8
                then m[i,j] = \min\{m[i-1,j]+1, m[i,j-1]+1, m[i-1,j-1]\}
                else m[i,j] = \min\{m[i-1,j]+1, m[i,j-1]+1, m[i-1,j-1]+1\}
 9
     return m[|s_1|, |s_2|]
10
```

## Distância de Levenshtein: Algoritmo

```
LEVENSHTEIN DISTANCE (s_1, s_2)
   for i \leftarrow 0 to |s_1|
 2 do m[i, 0] = i
 3 for i \leftarrow 0 to |s_2|
   do m[0, j] = j
 5 for i \leftarrow 1 to |s_1|
     do for i \leftarrow 1 to |s_2|
         do if s_1[i] = s_2[i]
 8
                then m[i,j] = \min\{m[i-1,j]+1, m[i,j-1]+1, m[i-1,j-1]\}
                else m[i,j] = \min\{m[i-1,j]+1, m[i,j-1]+1, m[i-1,j-1]+1\}
 9
     return m[|s_1|, |s_2|]
10
```

#### Distância de Levenshtein: Exemplo

			1	f	a s		5	t		
		0	1	1	2	2	3	3	4	4
С		1	1	2	2	3	3	4	4	5
		1	2	1	2	2	3	3	4	4
а		2	2	2	1	3	3	4	4	5
		2	3	2	3	1	2	2	3	3
t		3	3	3	3	2	2	3	2	4
		3	4	3	4	2	3	2	3	2
S		4	4	4	4	3	2	3	3	3
		4	5	4	5	3	4	2	3	3

#### Cada célula da matriz de Levenshtein

Custo de chegar aqui a partir do meu vizinho su- perior esquerdo (cópia or substituição)	Custo de chegar aqui a partir do meu vizinho su- perior (deleção)				
Custo de chegar aqui a partir do meu vizinho es- querdo (inserção)	mínimo dos três "mo- vimentos" possíveis; a forma mais barata de chegar aqui				

#### Distância de Levenshtein: Exemplo

			1	f	a s		5	t		
		0	1	1	2	2	3	3	4	4
С		1	1	2	2	3	3	4	4	5
		1	2	1	2	2	3	3	4	4
а		2	2	2	1	3	3	4	4	5
		2	3	2	3	1	2	2	3	3
t		3	3	3	3	2	2	3	2	4
		3	4	3	4	2	3	2	3	2
S		4	4	4	4	3	2	3	3	3
		4	5	4	5	3	4	2	3	3