제7강. 군집분석(2)

- R 계층적 군집분석 사례
- 파이썬 계층적 군집분석 사례
- K-평균 군집분석
- K-평균 군집분석 사례:R
- K-평균 군집분석 사례 : 파이썬



1) 데이터 설명

- ❖ 미국 50개 주별로 인구 10만명당 각종 범죄로 인한 체포자의 수가 기록된 데이터 (USArrests)
- ❖ R 내장데이터

> head(USArrests)

```
Murder Assault UrbanPop Rape
           13.2
                   236
Alabama
                            58 21.2
          10.0
                   263
                           48 44.5
Alaska
         8.1
                   294
                           80 31.0
Arizona
           8.8
                   190
                           50 19.5
Arkansas
California
           9.0
                   276
                           91 40.6
           7.9
Colorado
                   204
                            78 38.7
```

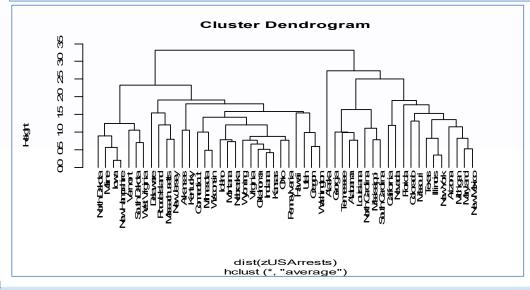
> summary(USArrests)

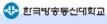
Murder	Assault	UrbanPop	Rape
Min. : 0.800	Min. : 45.0	Min. :32.00	Min. : 7.30
1st Qu.: 4.075	1st Qu.:109.0	1st Qu.:54.50	1st Qu.:15.07
Median : 7.250	Median :159.0	Median :66.00	Median :20.10
Mean : 7.788	Mean :170.8	Mean :65.54	Mean :21.23
3rd Qu.:11.250	3rd Qu.:249.0	3rd Qu.:77.75	3rd Qu.:26.18
Max. :17.400	Max. :337.0	Max. :91.00	Max. :46.00



2) 계층적 군집분석 실행하기 - 평균연결법

```
> zUSArrests=scale(USArrests)
> hc_a = hclust(dist(zUSArrests), method="average")
> hc_a
Call:
hclust(d = dist(zUSArrests), method = "average")
Cluster method : average
Distance : euclidean
Number of objects: 50
> plot(hc_a, hang=-1)
```





3) 소속 군집 알기

```
> hcmember (- cutree(hc_a, k=5)
> hcmember
    Alabama
             Alaska
                             Arizona
                                                  California
                                      Arkansas
    Colorado
              Connecticut
                            Delaware
                                     Florida
                                                     Georgia
                                     Indiana
                                                      lowa
      Hawaii
                Idaho
                         Illinois
                                      Maine
                        Louisiana
                Kentuckv
                                                     Maryland
      Kansas
Massachusetts
                Michigan
                        Minnesota
                                      Mississippi
                                                     Missouri
                Nebraska Nevada New Hampshire
     Montana
                                                   New Jersey
   New Mexico
                New York North Carolina North Dakota
                                                   Ohio
                Oregon Pennsylvania Rhode Island South Carolina
    Oklahoma
 South Dakota
                                     Utah
               Tennessee Texas
                                                      Vermont
               Washington West Virginia Wisconsin
    Virginia
                                                      Wyoming
```



4) 각 군집별 중심점 찾기

```
> data_combined = cbind(USArrests, hcmember)
> aggregate(.~hcmember, data_combined, mean)
hcmember Mur der Assault UrbanPop Rape
1 14.671429 251.28571 54.28571 21.685714
2 2 10.000000 263.00000 48.00000 44.500000
3 3 10.883333 256.91667 78.33333 32.250000
4 4 5.530435 129.43478 68.91304 17.786957
5 5 2.700000 65.14286 46.28571 9.885714
```

5번 군집의 경우 모든 변수에서 범죄체포수가 가장 적은 군집



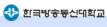
1) 데이터 읽기

```
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
#데이터 읽기
beer = pd.read_csv("c:/data/mva/beerbrand.csv", index_col='name')
beer.head()
Out[6]:
            calories sodium alcohol cost
name
BUDWE I SER
                 144
                                 4.7 0.43
                         19 4.9 0.43
SCHL1T7
                 151
                     15 4.9 0.48
                 157
LOWENBRAU
                                 5.2 0.73
KRONFNBOURG
                 170
HEINEKEN
                 152
                                 5.0 0.77
# 기술통계량 구하기
beer.describe()
```



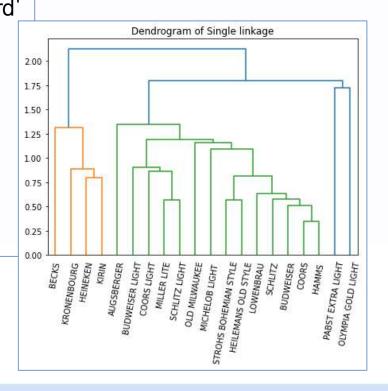
2) 데이터 표준화

```
# 표준화 패키기 불러오기
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
# 표준화 시행
zbeer = StandardScaler().fit transform(beer)
type(zbeer)
Out[12]: numpy.ndarray
zbeer_frame = pd.DataFrame(zbeer)
zbeer frame.columns = beer.columns
zbeer_frame.describe()
Out[17]:
          calories
                          sodium
                                       alcohol
                                                       cost
count 2.000000e+01 2.000000e+01 2.000000e+01 2.000000e+01
    -1.110223e-16 7.771561e-17 -1.634803e-15 -3.747003e-16
mean
     1.025978e+00 1.025978e+00 1.025978e+00 1.025978e+00
std
     -2.183691e+00 -1.395248e+00 -2.889782e+00 -1.545138e+00
min
25%
     -7.510676e-01 -8.496201e-01 -3.240877e-01 -4.746037e-01
50%
     3.933356e-01 7.794680e-03 2.835767e-01 -4.032347e-01
75%
      6.052621e-01 6.313691e-01 6.211680e-01 -8.207432e-02
      1.444491e+00 1.878518e+00 1.431387e+00 2.094679e+00
max
```



3) 계층적 군집분석 - 최단연결법

```
# 패키지 불러오기
import scipy.cluster.hierarchy as sch
# 계층적 군집분석 시행하기: 최단연결법
slink = sch.linkage(zbeer, 'single')
# method = 'single', 'complete', 'average', 'median', 'ward'
plt.figure(figsize=(7,5))
sch.dendrogram(slink,
leaf_rotation=80,
leaf_font_size=10,
labels = beer.index
)
plt.title("Dendrogram of Single linkage")
plt.show()
```

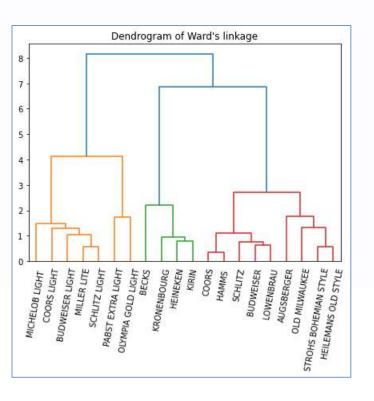




4) 계층적 군집분석 - 와드연결법

```
#계층적 군집분석시행: 와드의 방법
wlink = sch.linkage(zbeer, 'ward')

plt.figure(figsize=(7,5))
sch.dendrogram(wlink,
leaf_rotation=80,
leaf_font_size=10,
labels = beer.index
)
plt.title("Dendrogram of Ward's linkage")
plt.show()
```

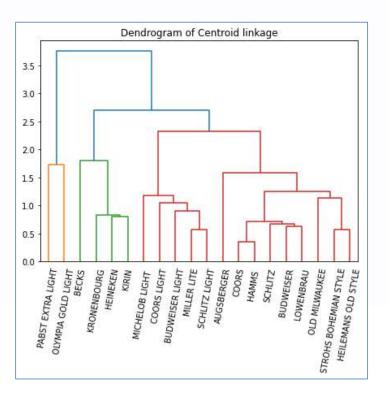




5) 계층적 군집분석 - 중심연결법

```
#계층적 군집분석: 중심연결법
clink = sch.linkage(zbeer, 'centroid')

plt.figure(figsize=(7,5))
sch.dendrogram(clink,
leaf_rotation=80,
leaf_font_size=10,
labels = beer.index
)
plt.title("Dendrogram of Centroid linkage")
plt.show()
```





6) 소속 군집 알기

```
from sklearn.cluster import AgglomerativeClustering
# help(AgglomerativeClustering): 클래스 코드 보기
# 계층적 군집분석: ward 방법
wcluster = AgglomerativeClustering (n_clusters=4, affinity='euclidean',
linkage='ward')
# linkage: {"ward", "complete", "average", "single"}, default="ward"
# 소속군집
member = wcluster.fit_predict(zbeer)
member
Out[31]:
array([0, 0, 0, 2, 2, 0, 0, 0, 3, 3, 0, 3, 3, 2, 2, 1, 0, 0, 1, 3],
   dtype=int64)
```



7) 군집별 평균계산



3. 대용량 자료의 군집분석

- ❖ 계층적 군집분석은 관찰치의 수가 적은 경우에 적당
- ❖ 관찰치의 수가 많은 경우에는 관찰치들 사이의 유사성/거리 행렬을 구하는 것이 매우 번거롭고 방대함
- ❖ 예. 관찰치수가 10개인 경우 유사성행렬은 9*10/2 = 45
 (혹은 1+2+3+... +9=45) 개의 원소를 가지나, 관찰치수가 1000개인 경우는 999*1000/2 = 499,500 개의 원소를 가짐
- ❖ 대용량의 데이터에 적합한 비계층적 군집분석 방법인 K-평균 군집분석 사용



1) K-평균 군집분석의 절차

- 1. 군집의 수 K를 정한다.
- 2. 임의의 K개 관찰치를 K개 각 군집에 임의로 지정한다. 이를 K개 각 군집의 중심으로 이용한다.
- 3. 모든 관찰치를 군집중심으로 부터 유클리디안 거리가 최소인 군집에 귀속시킨다.
- 4. 각 군집에 속한 관찰치들을 이용하여 군집중심을 새로 계산한다.
- 5. 변화(군집간 관찰치이동)가 없을 때까지 단계3 과 단계4 를 반복한다.



2) K-평균 군집분석의 예

● 7개의 관찰치와 2개의 변수가 있는 데이터를 가정

관찰치	변수1	변수2
1	-1	0
2	0	1
3	0	-1
4	2	0
5	3	1
6	3	-1
7	3	0

- 1. 먼저 군집의 수는 K=2로 정하기로 한다.
- 2. 관찰치 4와 7을 임의의 초기값으로 설정한다. 이를 각 군집의 중심점으로 이용한다.



2) K-평균 군집분석의 예

3. 모든 관찰치에 대해서 각 군집 중심점까지의 유클리디안 거리를 측정한다.

관찰치	군집1까지의 거리	군집2까지의 거리	군집할당 결과
1	$\sqrt{(2-(-1))^2+(0-0)^2}=3$	$\sqrt{(3-(-1))^2+(0-0)^2}=4$	1
2	$\sqrt{(2-0)^2+(0-1)^2}=2.24$	$\sqrt{(3-0)^2+(0-1)^2}=3.16$	1
3	$\sqrt{(2-0)^2+(0-(-1))^2}=2.24$	$\sqrt{(3-0)^2+(0-(-1))^2}=3.16$	1
4	$\sqrt{(2-2)^2+(0-0)^2}=0$	$\sqrt{(3-2)}^2 + (0-0)^2 = 1$	1
5	$\sqrt{(2-3)^2+(0-1)^2}=1.41$	$\sqrt{(3-3)^2+(0-1)^2}=1$	2
6	$\sqrt{(2-3)^2+(0-(-1))^2}=1.41$	$\sqrt{(3-3)^2+(0-(-1))^2}=1$	2
7	$\sqrt{(2-3)^2+(0-0)^2}=1$	$\sqrt{(3-3)^2+(0-0)^2}=0$	2

초기 중심값에 의한 군집분석 결과 관찰치 1,2,3,4는 군집1로 할당되고, 관찰치 5,6,7은 군집2로 할당되었다.



2) K-평균 군집분석의 예

4. 군집에 속한 관찰치들을 이용하여 새로운 군집의 중심점을 계산한다.

군집	변수1	변수2
1	$\frac{-1+0+0+2}{4} = 0.25$	$\frac{0+1-1+0}{4} = 0$
2	$\frac{3+3+3}{3} = 3$	$\frac{1-1+0}{3} = 0$

2) K-평균 군집분석의 예

5. 모든 관찰치에 대해서 새로운 군집 중심점까지의 유클리디안 거리를 다시 측정.

관찰치	군집1까지의 거리	군집2까지의 거리	군집할당
1	$\sqrt{(0.25-(-1))^2+(0-0)^2}=1.25$	$\sqrt{(3-(-1))^2+(0-0)^2}=4$	1
2	$\sqrt{(0.25-0)^2+(0-1)^2}=1.03$	$\sqrt{(3-0)^2+(0-1)^2}=3.16$	1
3	$\sqrt{(0.25-0)^2+(0-(-1))^2}=1.03$	$\sqrt{(3-0)^2+(0-(-1))^2}=3.16$	1
4	$\sqrt{(0.25-2)^2+(0-0)^2}=1.75$	$\sqrt{(3-2))^2+(0-0)^2}=1$	2
5	$\sqrt{(0.25-3)^2+(0-1)^2}=2.93$	$\sqrt{(3-3)^2+(0-1)^2}=1$	2
6	$\sqrt{(0.25-3)^2+(0-(-1))^2}=2.93$	$\sqrt{(3-3)^2+(0-(-1))^2}=1$	2
7	$\sqrt{(0.25-3)^2+(0-0)^2}=2.75$	$\sqrt{(3-3)^2+(0-0)^2}=0$	2

수정된 중심값에 의한 군집분석 결과 관찰치 1,2,3은 군집1로 할당되고, 관찰치 4,5,6,7은 군집2로 할당되었다. 관찰치 4에 대한 군집 할당 결과가 바뀐 것을 알 수 있다.



2) K-평균 군집분석의 예

6. 군집에 속한 관찰치들을 이용하여 새로운 군집의 중심점을 계산한다.

군집	변수1	변수2
1	$\frac{-1+0+0}{3} = -0.33$	$\frac{0+1-1}{3} = 0$
2	$\frac{3+3+3+2}{4} = 2.75$	$\frac{1-1+0+0}{4} = 0$

2) K-평균 군집분석의 예

7. 모든 관찰치에 대해서 새로운 군집 중심점까지의 유클리디안 거리를 다시 측정.

관찰치	군집1까지의 거리	군집2까지의 거리	군집할당 결과
1	$\sqrt{(-0.33-(-1))^2+(0-0)^2}=0.67$	$\sqrt{(2.75-(-1))^2+(0-0)^2}=3.75$	1
2	$\sqrt{(-0.33-0)^2+(0-1)^2}=1.05$	$\sqrt{(2.75-0)^2+(0-1)^2}=2.93$	1
3	$\sqrt{(-0.33-0)^2+(0-(-1))^2}=1.05$	$\sqrt{(2.75-0)^2+(0-(-1))^2}=2.93$	1
4	$\sqrt{(-0.33-2)^2+(0-0)^2}=2.33$	$\sqrt{(2.75-2))^2+(0-0)^2}=0.75$	2
5	$\sqrt{(-0.33-3)^2+(0-1)^2}=4.19$	$\sqrt{(2.75-3)^2+(0-1)^2}=1.03$	2
6	$\sqrt{(-0.33-3)^2+(0-(-1))^2}=4.19$	$\sqrt{(2.75-3)^2+(0-(-1))^2}=1.03$	2
7	$\sqrt{(-0.33-3)^2+(0-0)^2}=3.33$	$\sqrt{(2.75-3)^2+(0-0)^2}=0.25$	2



2) K-평균 군집분석의 예

8. 더 이상 군집간 관찰치 이동이 없으므로 종료한다. 최종적인 K-평균 군집분석의 결과로는 군집 1에 관찰치 (1,2,3) 이 속하며, 군집 2에 관찰치 (4,5,6,7) 이 속한다고 결론 내린다.



3) 기타 고려사항

- (1) 초기값의 설정
 - ① 처음에 지정된 군집중심(초기값)에 의하여 최종 군집결과에 차이가 발생할 수도 있음
 - ② 데이터의 수가 소량일수록 초기값의 설정은 더욱 중요한 문제
 - ③ 초기값을 설정하는 대표적 방법은 데이터 내 임의의 K개 관찰치를 각 군집의 초기값으로 설정하는 것
 - ④ 계층적 군집분석을 먼저 수행하여 구하여진 K개 군집의 중심점을 K-평균 군집분석의 초기값으로 사용하는 방식도 가능
 - ⑤ 데이터가 대용량이기 때문에 계층적 군집분석을 사용하여 초기값을 구하기 어려운 경우에는 원데이터로 부터 적은 표본을 추출하여 계층적 군집분석을 수행한 후 초기값을 구할 수도 있음



3) 기타 고려사항

- (2) 군집의 수 결정
 - ① K-평균 군집분석에서 군집수 K를 얼마로 하느냐에 의하여도 군집결과가 달라질 수 있음
 - ② 군집의 수를 증가시켜가면서 K-평균 군집분석을 반복하여 수행한 후 이러한 결과중 가장 좋은 결과를 보이는 군집의 수를 결정하는 방법
 - ③ 군집분석의 수행 이전에 주성분 분석을 먼저 수행하고 상위 2개의 주성분을 이용하여 군집의 개수를 미리 그림으로 확인해 보는 방법도 있음
 - ④ 계층적 군집분석을 먼저 수행하여 군집의 수를 덴드로그램을 통하여 미리 정한 후 비계층적 군집분석을 수행하는 방법



3) 기타 고려사항

- (3) 실용적 고려사항
 - ① 빠른 연산으로 인하여 대규모의 데이터에도 손쉽게 군집분석 결과를 구할 수 있다는 장점. 실무적으로 아주 활용도가 높음
 - ② 검증: 분석 데이터를 훈련데이터와 검증데이터로 분리하여 각 데이터에 K-평균 군집분석을 수행하고 생성된 K개 군집의 중심점을 비교해 보는 방법
 - ③ 검증: 군집분석의 군집할당 결과를 이용하여 판별분석을 수행해 보는 방법이 있음. 판별분석의 결과가 우수하다면 군집분석의 결과를 신뢰할 수 있음



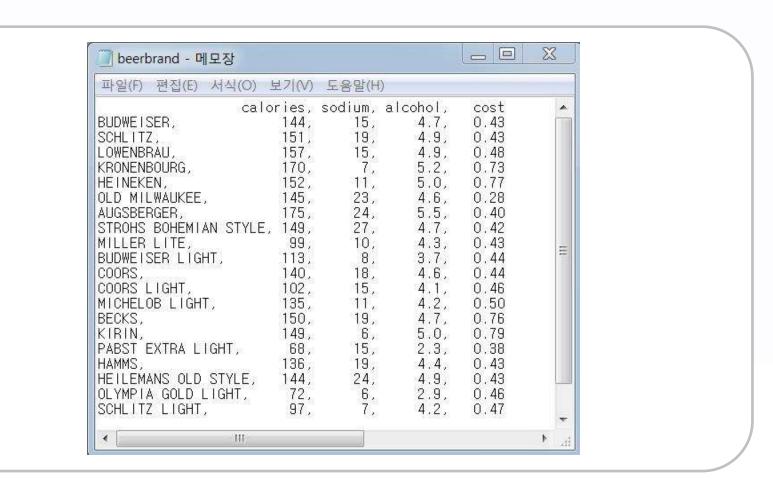
1) 데이터 설명

- ❖ 20개 맥주상표를 대상으로 가격, 칼로리, 염분, 알코올농도 등을 측정한 자료
- ❖ 각 변수의 관측단위가 다르기 때문에 각 변수들을 표준화하여 이용하는 것이 바람직함

변수명	의미
BEER X1: CALORIES X2: SODIUM X3: ALCOHOL X4: COST	맥주이름 12온스당 칼로리량 12온스당 염분량(mg) 알코올농도(%) 12온스당 가격(\$)



1) 데이터 설명





2) 데이터 읽기

```
> beer.data = read.table("c:/data/mva/beerbrand.csv", header=T, sep=",")
> head(beer.data)
             calories sodium alcohol cost
                                                         head(beer.data)
                 144
                         15
                                4.7 0.43
BUDWEISER
                                                        명령은 처음 6개의
                         19
                                4.9 0.43
SCHLITZ
                  151
                                                         케이스를 출력
                                4.9 0.48
                        15
LOWENBRAU
                 157
                                5.2 0.73
KRONENBOURG
                 170
                       11
                               5.0 0.77
HEINEKEN
                 152
OLD MILWAUKEE
                 145
                        23
                                4.6 0.28
> summary (beer.data)
                   sodium
                                  alcohol
   calories
                                                  cost
                               Min. :2.30
                                                    :0.2800
Min.
       : 68.0 Min.
                      : 6.00
                                             Min.
                               1st Qu.:4.20
 1st Qu.:110.2
              1st Qu.: 9.50
                                             1st Qu.: 0.4300
 Median:144.0
              Median :15.00
                               Median:4.65
                                             Median : 0.4400
       :132.4
              Mean
                      :14.95
                                     : 4.44
                                             Mean
                                                    :0.4965
 Mean
                               Mean
 3rd Qu.:150.2
              3rd Qu.:19.00
                               3rd Qu.:4.90
                                             3rd Qu.: 0.4850
Max.
       :175.0
               Max.
                      :27.00
                               Max.
                                      :5.50
                                             Max.
                                                    :0.7900
>
```



3) 자료 표준화

```
> # 0-1 변환
> library(caret)
> z01_beer = preProcess(beer, method='range')
> z01_model = preProcess(beer, method='range')
> z01_beer = predict(z01_model, beer)
> summary(z01_beer)

> # 0-1 변환 (2)
> maxX = apply(beer, 2, max)
> minX = apply(beer, 2, min)
> z01X = scale(beer, center=minX, scale=maxX-minX)
> summary(z01X)
```

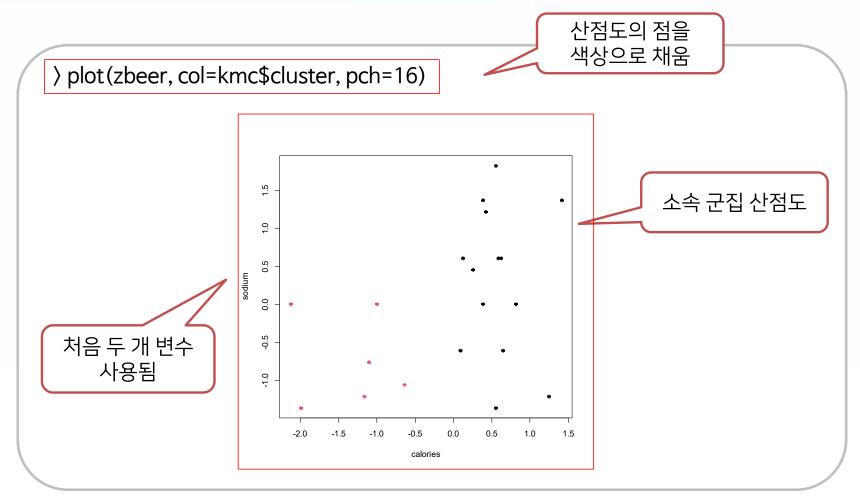


4) K-평균 군집분석 실행하기

```
군집 수를 2개로
> kmc = kmeans(zbeer, centers=2)
> kmc
K-means clustering with 2 clusters of sizes 14, 6
Cluster means:
                                                                     군집별 평균값
    calories sodium alcohol
                                               cost
1 0.5745921 0.3114899 0.4832236 0.1684391
2 -1.3407148 -0.7268097 -1.1275218 -0.3930246
Clustering vector:
        BUDWE I SER
                         SCHLITZ
                                        LOWENBRAU
                                     OLD MILWAUKEE
       KRONENBOURG
                         HEINEKEN
       AUGSBERGER STROHS BOHEMIAN STYLE
                                      MILLER LITE
                                                            소속 군집 알기
    BUDWEISER LIGHT
                           COORS
                                      COORS LIGHT
Within cluster sum of squares by cluster:
[1] 34.328491 9.515432
(between_SS / total_SS = 42.3 %)
```

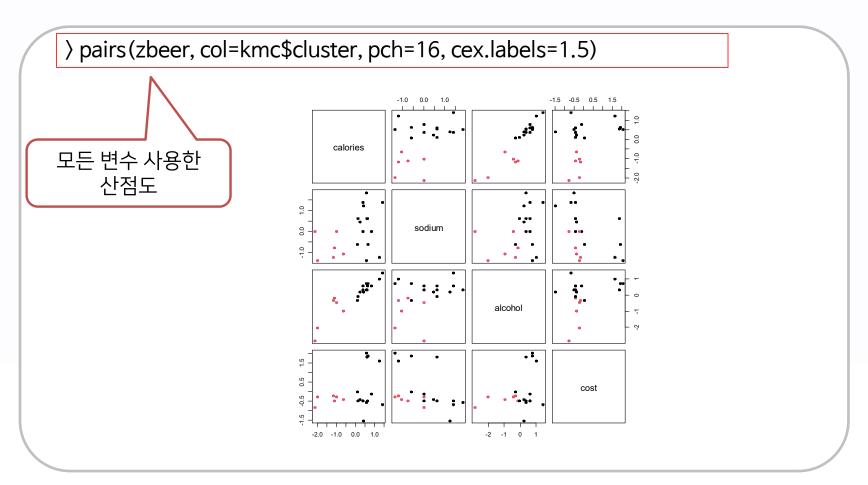


5) K-평균 소속 군집 산점도





6) K-평균 소속 군집 산점도





6. 파이썬 k-평균 군집분석 : beer 데이터

1) 데이터 읽기

```
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
#데이터 읽기
beer = pd.read_csv("c:/data/mva/beerbrand.csv", index_col='name')
beer.head()
Out[6]:
            calories sodium alcohol cost
name
BUDWE I SER
                 144
                                 4.7 0.43
                         19 4.9 0.43
SCHL1T7
                 151
                     15 4.9 0.48
                 157
LOWENBRAU
KRONENBOURG
                                 5.2 0.73
                 170
HEINEKEN
                 152
                                 5.0 0.77
# 기술통계량 구하기
beer.describe()
```



6. 파이썬 k-평균 군집분석: beer 데이터

2) 데이터 표준화

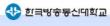
```
# 표준화 패키기 불러오기
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
# 표준화 시행
zbeer = StandardScaler().fit transform(beer)
type(zbeer)
Out[12]: numpy.ndarray
zbeer_frame = pd.DataFrame(zbeer)
zbeer frame.columns = beer.columns
zbeer_frame.describe()
Out[17]:
          calories
                          sodium
                                       alcohol
                                                        cost
count 2.000000e+01 2.000000e+01 2.000000e+01 2.000000e+01
    -1.110223e-16 7.771561e-17 -1.634803e-15 -3.747003e-16
mean
     1.025978e+00 1.025978e+00 1.025978e+00 1.025978e+00
std
     -2.183691e+00 -1.395248e+00 -2.889782e+00 -1.545138e+00
min
25%
     -7.510676e-01 -8.496201e-01 -3.240877e-01 -4.746037e-01
50%
     3.933356e-01 7.794680e-03 2.835767e-01 -4.032347e-01
75%
      6.052621e-01 6.313691e-01 6.211680e-01 -8.207432e-02
       1.444491e+00 1.878518e+00 1.431387e+00 2.094679e+00
max
```



6. 파이썬 k-평균 군집분석 : beer 데이터

3) K-평균 군집분석 실행하기

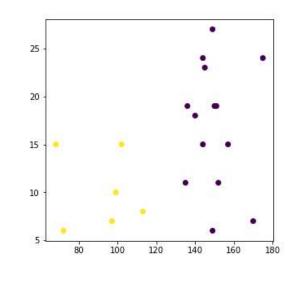
```
# K-means 군집분석
from sklearn.cluster import KMeans
# k-평균 군집분석: 군집수 = 2
kmc = KMeans(n_clusters=2)
kmc.fit(zbeer)
Out [4]: KMeans (n_clusters=2)
# 군집 중심 알기
kmc.cluster_centers_
Out [5]:
array([[0.58951901, 0.31958187, 0.49577698, 0.17281486],
    [-1.37554436, -0.74569103, -1.15681296, -0.40323468]])
# 소속군집 알기
kmc.labels_
Out[6]: array([0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1])
```



6. 파이썬 k-평균 군집분석: beer 데이터

4) K-평균 소속 군집 산점도

```
# 소속 군집 산점도
plt.figure(figsize=(5,5))
plt.scatter(x=beer['calories'], y=beer['sodium'], c=kmc.labels_)
plt.show()
```





다음시간에는

8강 다차원척도법



