

# **Informatik II Skript Sommersemester 2015**

Finn Ickler

20. Mai 2015

## **Inhaltsverzeichnis**

<b>1</b>	<b>14.4.2015</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>16.4.2015</b>	<b>3</b>
<b>3</b>	<b>21.4.2015</b>	<b>5</b>
<b>4</b>	<b>23.4.2015</b>	<b>7</b>
<b>5</b>	<b>28.4.2015</b>	<b>8</b>
<b>6</b>	<b>30.4.2015</b>	<b>11</b>
<b>7</b>	<b>5.5.2015</b>	<b>14</b>
<b>8</b>	<b>7.5.2015</b>	<b>16</b>
<b>9</b>	<b>12.5.2015</b>	<b>19</b>
<b>10</b>	<b>19.5.2015</b>	<b>23</b>

# 1 14.4.2015

## Scheme

Ausdrücke , Auswertung und Abstaktion

### Dr Racket

Definitonsfenster

Willkommen bei [DrRacket](#), Version 6.1.1 [3m].

Sprache: Die Macht der Abstraktion; memory limit: 128 MB.

> Interaktionsfenster

Die Anwendung von Funktionen wird in Scheme ausschließlich in Präfixnotation durchgeführt

Mathematik	Scheme
$44 - 2$	<code>(-44 2)</code>
$f(x, y)$	<code>(f x y)</code>
$\sqrt{81}$	<code>(sqrt 81)</code>
$9^2$	<code>(expt 92)</code>
$3!$	<code>(! 3)</code>

Allgemein: (`<funktion><argument1><argument2>...`)

`(+ 40 2)` und `(odd? 42)` sind Beispiele für Ausdrücke, die bei Auswertung einen Wert liefern.

(Notation:  $\rightsquigarrow$ )

`(+ 40 2)`  $\rightsquigarrow$  42


`(odd? 42)`  $\rightsquigarrow$  #f

*Reduktion*

Interaktionsfenster:

$$\underbrace{Read \rightarrow Eval \rightarrow Print \rightarrow Loop}_{REPL}$$

Literale sethen für einen konstanten Wert (auch: Konstante) und sind nicht weiter reduzierbar.

Literal		Sorte, Typ
#f, #t	(true, false, Wahrheitswert)	boolean
"x"	(Zeichenketten)	String
0 1904 42 -2	(ganze Zahl)	Integer
0.42 3.14159	(Fließkommazahl)	real
1\2, 3\4, -1\10	(rationale Zahlen)	rational
	(Bilder)	image

## 2 16.4.2015

Auswertung zusammengesetzter Ausdrücke in mehreren Schritten (Steps), von “innen nach außen“, bis keine Reduktion mehr möglich ist.

$(+ ((+ 20 20) (+ 1 1))) \rightsquigarrow (+ 40 ((+ 1 1))) \rightsquigarrow (+ 40 2) \rightsquigarrow 42$

**Achtung:** Scheme rudnet bei Arithmetik mit Fließkommazahlen (interne Darstellung ist binär).

Beispiel: Auswertung eines zusammengesetzten Ausdrucks

```
; Achtung: Arithmetik mit Fliesskommazahlen (real)\\
unterliegt Rundung!
(+ 0.7
  (- (/ 1/2 0.25)
    (/ 0.6 0.3)))

(- (+ 0.7
    (/ 1/2 0.25))
  (/ 0.6 0.3))

; Arithmetik mit rationalen Zahlen (rational) ist exakt
(- (+ 7/10
    (/ 1/2 1/4))
  (/ 6/10 3/10))
```

Ein Wert kann an einen Namen (auch Identifizier) gebunden werden, durch  
 (define <id><e>)                   <id>Identifizier <e>Ausdruck

Erlaubte konsistente Wiederverwendung, dient der Selbstdokumentation von Programmen

**Achtung:** Dies ist eine sogenannte Spezialform und kein Ausdruck. Insbesondere besitzt diese Spezialform keinen Wert, sondern einen Effekt Name <id> wird an den Wert von <e> gebunden.

Namen können in Scheme beliebig gewählt werden, solange

- (1) die Zeichen ( ) [ ] { } “ , ‘ ‘ ; # | \ nicht vorkommen
- (2) dieser nicht einem numerischen Literal gleicht.
- (3) kein Whitespace (Leerzeichen, Tabulator, Return) enthalten ist.

Beispiel: euro→US\$

**Achtung:** Groß- \ Kleinschreibung ist irrelevant.

```
; Bindung von Werten an Namen
(define absoluter-nullpunkt -273.15)
(define pi 3.141592653)
(define Gruendungsjahr-SC-Freiburg 1904)
(define top-level-domain-germany "de")
(define minutes-in-a-day (* 24 60))
(define vorwahl-tuebingen (sqrt 1/2))
```

Eine lambda-Abstraktion (auch Funktion, Prozedur) erlaubt die Formatierung von Ausdrücken, in denen mittels Parametern von konkreten Werten abstrahiert wird.

(lambda (<p1><p2 >...) <e>

<e>Rumpf: enthält Vorkommen der Parameter <p<sub>n</sub>

(lambda(...)) ist eine Spezialform. Wert der lambda-Abstraktion ist #<procedure>

. Anwendung (auch Application) des lambda-Aufrufs führt zur Ersetzung aller Vorkommen der Parameter im Rumpf durch die angegebenen Argumente.

```
; Abstraktion: Ausdruck mit "Loch" ⊙
(lambda (⊙) (* ⊙ (* 155 minutes-in-a-day)))

; Zuwachs der Weltbevoelkerung innerhalb von days Tagen
(define population-growth-in-days
  (lambda (days) (* days (* 155 minutes-in-a-day))))

(population-growth-in-days 7)
```

(lambda (days) (\* days (\* 155 minutes-in-a-day))) 365) ~~~~  
 (\* 365 (\* 155 minutes-in-a-day)) ~~~~81468000

In Scheme leitet ein Semikolon einen Kommentar ein, der bis zum Zeilenende reicht und

vom System bei der Auswertung ignoriert wird.

Prozeduren sollten im Programm ein- bis zweizeilige Kurzbeschreibungen direkt vorangestellt werden.

### 3 21.4.2015

Eine Signatur prüft, ob ein Name an einen Wert einer angegebenen Sorte (Typ) gebunden wird. Signaturverletzungen werden protokolliert.

(: <id><signatur>)

Bereits eingebaute Signaturen

natural	$\mathbb{N}$	boolean
integer	$\mathbb{Z}$	string
rational	$\mathbb{Q}$	image
real	$\mathbb{R}$	...
numver	$\mathbb{C}$	

(: ...) ist eine Spezialform und hat keinen Wert, aber einen Effekt: Signaturprüfung

Prozedur Signatur spezifizieren sowohl Signaturen für die Parameter  $P_1, P_2, \dots, P_n$  als auch den Ergebniswert der Prozedur,

(: <Signatur  $P_1$ >... <Signatur  $P_n$ >- > <Signatur Ergebnis>)

Prozedur Signaturen werden bei jeder Anwendung einer Prozedur auf Verletzung geprüft. Testfälle dokumentieren das erwartete Ergebnis einer Prozedur für ausgewählte Argumente:

(check-expect < $e_1$ >< $e_2$ >)

Werte Ausdruck < $e_1$ > aus und teste, ob der erhaltene Wert der Erwartung < $e_2$ > entspricht (= der Wert von < $e_2$ >) Einer Prozedur sollte Testfälle direkt vorangestellt werden.

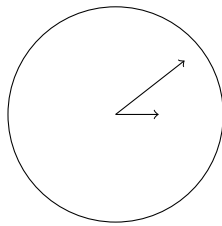
Spezialform: kein Wert, sondern Effekt: Testverletzung protokollieren

Konstruktionsanleitung für Prozeduren:

- (1) Kurzbeschreibung (ein- bis zweizeiliger Kommentar mit Bezug auf Parametername)
- (2) Signaturen
- (3) Testfälle
- (4) Prozedurrumpf

Top-Down-Entwurf (Programmieren durch "Wunschdenken")

Beispiel: Zeichne Ziffernblatt (Stunden- und Minutenzeiger) zu Uhrzeit h:m auf einer analogen 24h-Uhr



Minutenzeiger legt  $\frac{360^\circ}{60}$  Grad pro Minute zurück (also  $\frac{360}{60} \cdot m$ )  
 Studentenzeiger legt  $\frac{360}{12}$  pro Stunde zurück ( $\frac{360}{12} \cdot h + \frac{360}{12} \cdot \frac{m}{60}$ )

```
; Grad, die Minutenzeiger pro Minute zuruecklegt
(define degrees-per-minute 360/60)

; Grad, die Stundenzeiger pro voller Stunde zuruecklegt
(define degrees-per-hour 360/12)

; Zeichne Ziffernblatt zur Stunde h und Minute m
(: draw-clock (natural natural -> image))
(check-expect (draw-clock 4 15) (draw-clock 16 15))
(define draw-clock
  (lambda (h m)
    (clock-face (position-hour-hand h m)
                (position-minute-hand m))))

; Winkel (in Grad), den Minutenzeiger zur Minute m einnimmt
(: position-minute-hand (natural -> rational))
(check-expect (position-minute-hand 15) 90)
(check-expect (position-minute-hand 45) 270)
(define position-minute-hand
  (lambda (m)
    (* m degrees-per-minute)))

; Winkel (in Grad), den Stundenzeiger zur Stunde h einnimmt
(: position-hour-hand (natural natural -> rational))
(check-expect (position-hour-hand 3 0) 90)
(check-expect (position-hour-hand 18 30) 195)
(define position-hour-hand
  (lambda (h m)
    (+ (* (modulo h 12) degrees-per-hour)
       ; h mod 12 in {0,1,...,11}
       (* (/ m 60) degrees-per-hour))))
```

```

; Zeichne Ziffernblatt mit Minutenzeiger um dm und
; Stundenzeiger um dh Grad gedreht
(: clock-face (rational rational -> image))
(define clock-face
  (lambda (dh dm)
    (clear-pinhole
     (overlay/pinhole
      (circle 50 "outline" "black")
      (rotate (* -1 dh) (put-pinhole 0 35 (line 0 35 "red")))
      (rotate (* -1 dm) (put-pinhole 0 45 (line 0 45 "blue"))))))))

```

## 4 23.4.2015

### Substitutionsmodell

Reduktionsregeln für Scheme (Fallunterscheidung je nach Ausdrücken) wiederhole, bis keine Reduktion mehr möglich

- literal (1, "abc", #t, ...)  $l \rightsquigarrow l$  [eval<sub>lit</sub>]
- Identifier id(pi, clock-face,...)  $id \rightsquigarrow$  gebundene Wert [eval<sub>id</sub>]
- lambda Abstraktion  $(\text{lambda } (\dots) \dots) \rightsquigarrow \text{lambda}(\dots) \dots$  [eval<sub>λ</sub>]
- Applikationen  $(f\ e_1\ e_2 \dots)$

$$f, e_1, e_2 \text{ reduzieren erhalte: } f', e_1', e_2' \quad (1)$$

- (2)  $\begin{cases} \text{Operation } f' \text{ auf } e_1' \text{ und } e_2' \text{ [apply}_{prim}] & \text{falls } f' \text{ primitiv ist} \\ \text{Argumentenwerte in den Rumpf von } f' \text{ einsetzen, dann reduzieren} & \text{falls } f' \text{ lambda Abstraktion} \end{cases}$

Beispiel:

$(+ 40 2) \rightsquigarrow_{evalid} (\# <procedure +> 40 2) \rightsquigarrow 42$

$(\text{position-minute-hand } 30)$	$\rightsquigarrow$ eval id $\rightsquigarrow$ eval lambda $\rightsquigarrow$ eval id $\rightsquigarrow$ apply prim	$((\text{lambda } (m) (* \text{degrees-per-minute } m))\ 30)$ $(* \text{degrees-per-minute } 30)$ $(\# <procedure *> \frac{360}{60} 30)$ $180$
-------------------------------------	---	---

Bezeichnen  $(\text{lambda } (x) (* x x))$  und  $\text{lambda } (r) (* r r)$  die gleiche Prozedur?  $\Rightarrow$  JA!

Achtung: Das hat Einfluß auf das Korrekte Einsetzen von Argumenten für Prozeduren (siehe apply)

## Prinzip der Lexikalischen Bindung

Das bindene Vorkommen eines Identifiers *id* kann im Programmtext systematisch bestimmt werden: Suche strikt von innen nach außen, bis zum ersten

(1) (lambda (r) <Rumpf>

(2) (define <e>)

Übliche Notation in der Mathematik: Fallunterscheidung

$$\max(x_1, x_2) = \begin{cases} x_1 & \text{falls } x_1 \geq x_2 \\ x_2 & \text{sonst} \end{cases}$$

Tests (auch Prädikate) sind Funktionen, die einen Wert der Signatur boolean liefern.

Typische primitive Tests.

(: = (number number -> boolean))

(: < (real real -> boolean))

auch >, <=, >=

(: String=? (string string -> boolean))

auch string>?, string<=?

(: zero? (number -> boolean))

odd?, even?, positive?, negative?

Binäre Fallunterscheidung if

*if*

< *e*<sub>1</sub> > Mathematik:

$$\langle e_2 \rangle = \begin{cases} e_1 & \text{falls } t_1 \\ e_2 & \text{sonst} \end{cases}$$

< *e*<sub>2</sub> >)

## 5 28.4.2015

Die Signatur one of lässt genau einen der ausgewählten Werte zu.

(one of <*e*<sub>1</sub>> <*e*<sub>2</sub>> ... <*e*<sub>1</sub>>)

```
; Punkte der Heimmannschaft bei Ergebnis h:a
(: heim-punkte (natural natural -> (one-of 3 0 1)))
(check-expect (heim-punkte 2 0) 3)
(check-expect (heim-punkte 1 4) 0)
(check-expect (heim-punkte 3 3) 1)
(define heim-punkte
  (lambda (h a)
    (cond ((> h a) 3)
```



```
((< h a) 0)
(else 1)))
```

Reduktion von if:

(if  $t_1$   $\langle e_1 \rangle$   $\langle e_2 \rangle$ )

① Reduziere  $t_1$ , erhalte  $t'_1 \rightsquigarrow$  ②  $\begin{cases} \langle e_1 \rangle & \text{falls } t'_1 = \#t, \langle e_2 \rangle \text{ niemals ausgewertet} \\ \langle e_2 \rangle & \text{falls } t'_1 = \#f, \langle e_1 \rangle \text{ niemals ausgewertet} \end{cases}$

```
; Koennen wir unser eigenes `if' aus `cond' konstruieren? (Nein!)

; Bedingte Auswertung von e1 oder e2 (abhaengig von t1)
(check-expect (my-if (= 42 42) "Yes!" "No!") "Yes!")
(check-expect (my-if (odd? 42) "Yes!" "No!") "No!")
(define my-if
  (lambda (t1 e1 e2)
    (cond (t1 e1)
          (else e2))))

; Sichere Division x/y, auch fuer y = 0
(: safe-/ (real real -> real))
(define safe-/
  (lambda (x y)
    (my-if (= y 0)      ; <-- Funktion my-if wertet ihre Argumente
            x           ; vor der Applikation aus: (/ x y) wird
            (/ x y)))) ; in *jedem* Fall reduziert. :-()

(safe-/ 42 0)           ; Fuehrt zu Fehlermeldung "division by zero"
                        ; (Reduktion mit Stepper durchfuehren)
```

Spezifikation Fallunterscheidung (conditional expression):

(cond	Mathematik:
( $\langle t_1 \rangle \langle e_1 \rangle$ )	$\left\{ \begin{array}{l} e_1 \text{ falls } t_1 \\ e_2 \text{ falls } t_2 \\ \dots \\ e_n \text{ falls } t_n \\ e_{n+1} \text{ sonst} \end{array} \right.$
( $\langle t_2 \rangle \langle e_2 \rangle$ )	
...	
( $\langle t_n \rangle \langle e_n \rangle$ )	
(else $\langle e_{n+1} \rangle$ )	

Werte die Tests in den Reihenfolge  $t_1, t_2, t_3, \dots, t_n$  aus.

Sobald  $t_i \# t$  ergibt, werte Zweig  $e_i$  aus.  $e_i$  ist Ergebnis der Fallunterscheidung. Wenn  $t_n \# t$  liefert, dann liefert

{	Fehlermeldung „cond: alle Tests ergaben false“	falls kein else Zweig
	$\langle e_{n+1} \rangle$	sonst

```

; Absolutwert von x
(: my-abs (real -> real))
(check-within (my-abs -4.2) 4.2 0.001) ; Wichtig:
(check-within (my-abs 4.2) 4.2 0.001) ; Tesfaelle decken alle
    Zweige
(check-within (my-abs 0) 0 0.001) ; der conditional
    expression an
(define my-abs
  (lambda (x)
    (cond ((< x 0) (- x))
          ((> x 0) x)
          (else 0))))

```

Reduktion von cond [eval<sub>cond</sub>]

$(\text{cond } (<t_1><e_1>)(<t_2><e_2>)\dots(<t_n><e_n>))$

① Reduziere  $t_1$  erhalte  $t'_1 \rightsquigarrow$  ②  $\begin{cases} <e_1> & \text{falls } t'_1 = \#t \\ (\text{cond } <t_2> <e_2>) & \text{sonst} \end{cases}$

$(\text{cond}) \rightsquigarrow$  „Fehlermeldung : alle Test ergaben false“

$(\text{cond } (\text{else } <e_{n+1}>)) \rightsquigarrow e_{n+1}$

cond ist syntaktisches Zucker (auch abgeleitete Form) für eine verbundene Anwendung von if

```

(cond (<t1><e1>)          if (<t1>
  (<t2><e2>)              <e1>
  ...                    if <t2>
  ...                    if <e2>
  ...                    ...
  (<tn><en>)              if <tn>
                        <en>
                        (else <en+1>))...)

```

Spezialform 'and' und 'or'

$(\text{or } <t_1> <t_2> \dots <t_n>) \rightsquigarrow (\text{if } <t_1> (\text{or } <t_2> \dots <t_n>) \#t)$

$(\text{or}) \rightsquigarrow \#f$

$(\text{and } <t_1> <t_2> \dots <t_n>) \rightsquigarrow (\text{if } <t_1> (\text{and } <t_2> \dots <t_n>) \#f)$

$(\text{and}) \rightsquigarrow \#t$

```

; Konstruktion komplexer Praedikate mittels `and' und `or':

```

```

(and #t #f) ; eval #f (Mathematik: Konjunktion)
(or  #t #f) ; eval #t (Mathematik: Disjunktion)

```

```

; Kennzeichen am/pm fuer Stunde h

```

```
(: am/pm (natural -> (one-of "am" "pm" "???")))
(check-expect (am/pm 10) "am")
(check-expect (am/pm 13) "pm")
(check-expect (am/pm 25) "??")
(define am/pm
  (lambda (h)
    (cond ((and (>= h 0) (< h 12)) "am")
          ((and (>= h 12) (< h 24)) "pm")
          (else "??"))))
```

## 6 30.4.2015

### Zusammengesetzte Daten

Ein Charakter besteht aus drei Komponenten

- Name des Charakters (name)
  - Handelt es sich um einen Jedi? (jedi?)
  - Stärke der Macht (force)
- } Datendefinition für zusammengesetzte Daten

Konkrete Charakter:

name	„Luke Skywalker“
jedi?	#f
force	25

```
; Ein Charakter (character) besteht aus
; - Name (name)
; - Jedi-Status (jedi?)
; - Stärke der Macht (force)
(: make-character (string boolean real -> character))
(: character? (any -> boolean))
(: character-name (character -> string))
(: character-jedi? (character -> boolean))
(: character-force (character -> real))
(define-record-procedures character
  make-character
  character?
  (character-name
   character-jedi?
   character-force))

; Definiere verschiedene Charaktere des Star Wars Universums
(define luke
  (make-character "Luke_Skywalker" #f 25))
(define r2d2
  (make-character "R2D2" #f 0))
(define dooku
  (make-character "Count_Dooku" #f 80))
```

```
(define yoda
  (make-character "Yoda" #t 85))
```

Zusammengesetzte Daten = Records in Scheme Record-Definition legt fest:

- Record-Signatur
- Konstruktor (baut aus Komponenten einen Record)
- Prädikat (liegt ein Record vor?)
- Liste von Selektoren (lesen jeweils eine Komponente des Records)

```
(define-record-procedure <t>
  make-<t>
  <t>?
  (<t>-<comp1> ... <t>-<comp2>))
;Liste der n Selektoren
```

Verträge des Konstruktors der Selektoren für Record- Signatur  
 <t> mit Komponenten namens <comp<sub>1</sub>> ... <comp<sub>n</sub>>

```
(: make-<t> (<t1>...<t2>) -> <t>)
(: <t>-<comp1> (<t> -> <t1>))
(: <t>-<compn> (<t> -> <tn>))
```

Es gilt für alle Strings n, Booleans j und Integer f:

```
(character-name (make-character n j f) n)
(character-jedi? (make-character n j f) j)
(character-force (make-character n j f) f )
```

Spezialform check-property:

```
(check-property
  (for-all ((<id1> <sig1>) ...
            (<idn> <sign>))
    <e>))
```

↓

;Bezieht sich auf <id1> ... <idn>

Test erfolgreich, falls <e> für beliebig gewählte Bedeutungen für <id<sub>1</sub>> ... <id<sub>n</sub>>  
 immer #t ergibt

Interaktion von Selektoren und Konstruktor:

```
(check-property
  (for-all ((n string)
            (j boolean)
            (f real))
    (expect (character-name (make-character n j f)) n)))

(check-property
  (for-all ((n string)
```

```

                (j boolean)
                (f real))
    (expect (character-jedi? (make-character n j f)) j)))

(check-property
  (for-all ((n string)
            (j boolean)
            (f real))
    (expect-within (character-force (make-character n j f)) f
      0.001)))

```

Beispiel: Die Summe von zwei natürlichen Zahlen ist mindestens so groß wie jeder dieser Zahlen:  $\forall x_1 \in \mathbb{N}, x_2 \in \mathbb{N} : x_1 + x_2 \geq \max\{x_1, x_2\}$

```

; Für alle natürlichen Zahlen x1,x2 gilt: x1 + x2 ≥ max(x1,x2)
(check-property
  (for-all ((x1 natural)
            (x2 natural))
    (>= (+ x1 x2) (max x1 x2))))

```

Konstruktion von Funktionen, die bestimmte gesetzte Daten konsumiert.

- Welche Record-Componenten sind relevant für Funktionen?

→ Schablone:

```

(: sith? (character -> boolean))
(define sith?
  (lambda (c)
    ... (character-jedi? c)
    ... (character-force c) ...))

```

Konstruktion von Funktionen, die zusammengesetzte Daten konstruieren

- Der konstruktor muss aufgerufen werden

→ Schablone:

```

(define
  lambda (...)
    ... (make-<t>) ...)

```

- Konkrete Beispiele:

```

; Könnte Charakter c ein Sith sein?
(: sith? (character -> boolean))
(check-expect (sith? yoda) #f)
(check-expect (sith? r2d2) #f)
(define sith?
  (lambda (c)

```

```

    (and (not (character-jedi? c))
          (> (character-force c) 0)))

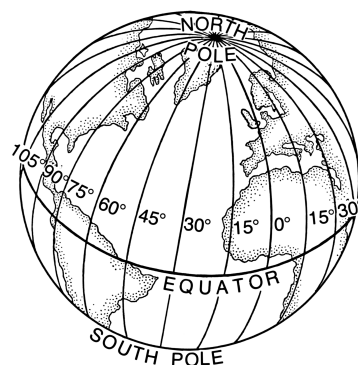
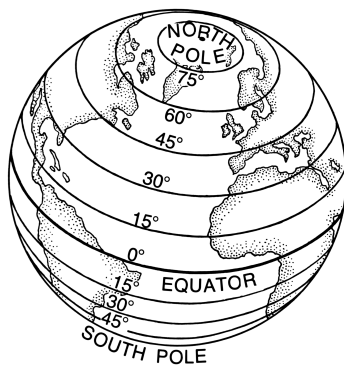
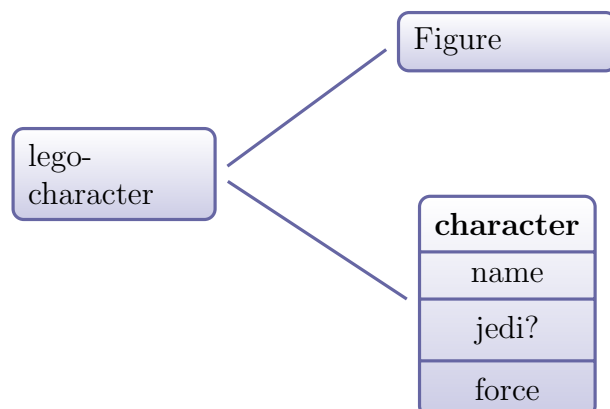
; Bilde den Charakter c zum Jedi aus (sofern c überhaupt Macht
; besitzt)
(: train-jedi (character -> character))

(check-expect (train-jedi luke) (make-character "Luke_Skywalker"
#t 50))
(check-expect (train-jedi r2d2) r2d2)

(define train-jedi
  (lambda (c)
    (make-character (character-name c)
                    (> (character-force c) 0)
                    (* 2 (character-force c)))))

```

## 7 5.5.2015



Position Nord/Südwest vom Äquator Position west/östlich vom Nullmeridian

Sei  $\langle p \rangle$  ein Prädikat mit Signatur  $(\langle t \rangle \rightarrow \text{boolean})$ .

Eine Signatur der Form  $(\text{predicate } \langle p \rangle)$  gilt für jeden Wert der Signatur  $\langle t \rangle$  sofern  $(\langle p \rangle) \rightsquigarrow \#t$

Signaturen des Typs  $(\text{predicate } \langle p \rangle)$  sind damit spezifischer (restriktiver) als die Signatur  $\langle t \rangle$  selbst.

`(define <newt>(signature <t>))`

Beispiele:

```
(define farbe
  (signature (one-of "Blatt" "Herz" "Blatt" "Eichel"
                    "Schell")))
```

```
; Ist x ein gültiger Breitengrad
; zwischen Südpol (-90°) und Nordpol (90°)?
(: latitude? (real -> boolean))
(check-expect (latitude? 78) #t)
(check-expect (latitude? -92) #f)
(define latitude?
  (lambda (x)
    (within? -90 x 90)))

; Ist x ein gültiger Längengrad westlich (bis -180°)
; bzw. östlich (bis 180°) des Meridians?
(: longitude? (real -> boolean))
(check-expect (longitude? 0) #t)
(check-expect (longitude? 200) #f)
(define longitude?
  (lambda (x)
    (within? -180 x 180)))

; Signaturen für Breiten-/Längengrade basierend auf
; den obigen Prädikaten
(define latitude
  (signature (predicate latitude?)))
(define longitude
  (signature (predicate longitude?)))
```

## 8 7.5.2015

Man kann jedes `one-of` durch ein `predicate` ersetzen.

```
(: f ((one-of 0 1 2 ) -> natural))
(define f
  (lambda (x)
    x))

; And then the "The Great one-of Extinction" of 2015 occurred
```



```
; .

(: g ((predicate
      (lambda (x) (or (= x 0) (= x 1) (= x 2)))) -> natural))
(define g
  (lambda (x)
    x))
```

Geocoding: Übersetze eine Ortsangabe mittels des Google Maps Geocoding API (Application Programm Interface) in eine Position auf der Erdkugel.

```
(: geocoder (string -> (mixed geocode geocode-error)))
```

Ein geocode besteht aus

### Signatur

- Adresse (address) string
- Ortsangabe (loc) location
- Nordostecke (northeast) location
- Südwestecke (southwest) location
- Typ (type) string
- Genauigkeit (accuracy) string

```
(: geocode-address (geocode -> string))
(: geocode-loc (geocode -> location))
(: geocode-... (geocode -> ...))
```

Ein geocode-error besteht aus:

### Signatur

- Fehlerart (level) (one-of "TCP" "HTTP" "JSON" "API")
- Fehlermeldung (message) string

### Gemischte Daten

Die Signatur



```
(mixed <t1> ... <tn>)
```

ist gültig für jeden Wert, der mindestens eine der Signaturen  $\langle t_1 \rangle \dots \langle t_n \rangle$  erfüllt.

Beispiel: Data-Definition

Eine Antwort des Geocoders ist entweder

- ein Geocode (geocode) oder
- eine Fehlermeldung (geocode-error)

Beispiel (eingebaute Funktion string->number)

```
(: string->number (string -> (mixed number (one-of #f))))
(string->number "42") ~> 42
(string-> number "foo") ~> #f
```

```
(define geocoder-response
  (signature (mixed geocode geocode-error)))

(: sand13 geocoder-response)
(define sand13
  (geocoder "Sand_13,_Tübingen"))

(geocode-address sand13)
(geocode-type sand13)
(location-lat (geocode-loc sand13))
(location-lng (geocode-loc sand13))
(geocode-accuracy sand13)

(: lady-liberty geocoder-response)
(define lady-liberty
  (geocoder "Statue_of_Liberty"))

(: alb geocoder-response)
(define alb
  (geocoder "Schwäbische_Alb"))

(: A81 geocoder-response)
(define A81
  (geocoder "A81,_Germany"))
```

Erinnerung:

Das Prädikat  $\langle t \rangle?$  einer Signatur  $\langle t \rangle$  unterscheidet Werte der Signatur  $\langle t \rangle$  von allen anderen Werten:

```
(: <t>? (any -> boolean))
```

Auch: Prädikat für eingebaute Signaturen

```
number?
complex?
real?
rational?
integer?
natural?
string?
boolean?
```

Prozeduren, die gemischte Daten der Signaturen  $\langle t_1 \rangle \dots \langle t_n \rangle$  konsumieren:  
Konstruktionsanleitung:

```
(: <t> ((mixed <t1> ... <tn>) -> ...))
(define <t>
  (lambda (x)
    (cond
      ((<t1>? x) ...)
      ...
      ((<tn>? x) ...))))
```

Mittels let lassen sich Werte an lokale Namen binden,

```
(let (
  (<id1> <e1>)
  (...)
  (<idn> <en>))
  <e>
)
```

Die Ausdrücke  $\langle e_1 \rangle \dots \langle e_n \rangle$  werden parallel ausgewertet.  $\Rightarrow \langle id_1 \rangle \dots \langle id_n \rangle$  können in  $\langle e \rangle$  (und nur hier) verwendet werden. Der Wert des let Ausdrucks ist der Wert von  $\langle e \rangle$ .

```
; Liegt der Geocode r auf der südlichen Erdhalbkugel?
; (Breitengrad < 0°?)
(: southern-hemisphere? (string -> boolean))

(check-expect (southern-hemisphere? "Cape_Town") #t)
(check-expect (southern-hemisphere? "Tübingen") #f)
(check-error  (southern-hemisphere? "Mos_Eisley") "Unknown_
  location")

(define southern-hemisphere?
  (lambda (r)
    (let ((gc (geocoder r)))
      (cond ((geocode? gc)
```

```
(< (location-lat (geocode-loc gc)) 0))
((geocode-error? gc)
 (violation "Unknown_location"))))
```

**ACHTUNG:**

'let' ist verfügbar auf ab der Sprachebene "Macht der Abstraktion".

'let' ist syntaktisches Zucker.

```
(let (
      (<id1> <e1>)
      (...)
      (<idn> <en>))
  <e>)
≡
(lambda (<id1> ... <idn>)
  (<e1>
   <e2> ...
   <en>))
```

**9 12.5.2015**

Abstand zweier geographischer Positionen  $b_1, b_2$  auf der Erdkugel in km (lat, lng jeweils in Radian).

Abstand zweier geographischer Positionen  $l_1, l_2$  auf der Erdkugel in km (lat, lng jeweils in Radian):

```
dist(l1,l2) =
Erdradius in km * acos(cos(l1.lat) * cos(l1.lng) * cos(l2.lat) * cos(l2.lng) + cos(l1.lat)
* sin(l1.lng) * cos(l2.lat) * sin(l2.lng) + sin(l1.lat) * sin(l2.lat))
```

```
; π
(define pi 3.141592653589793)

; Konvertiere Grad d in Radian (π = 180°)
(: radians (real -> real))
(check-within (radians 180) pi 0.001)
(check-within (radians -90) (* -1/2 pi) 0.001)
(define radians
  (lambda (d)
    (* d (/ pi 180))))

; Abstand zweier Orte o1, o2 auf Erdkugel (in km)
; [Wrapper]
(: distance (string string -> real))
(check-within (distance "Tübingen" "Freiburg") (distance "Freiburg"
  "Tübingen") 0.001)
```

```

(define distance
  (lambda (o1 o2)
    (let ((dist (lambda (l1 l2) ; Abstand zweier
                    Positionen l1, l2 (in km) [Worker]
                  (let ((earth-radius 6378) ; Erdradius (in km)
                        (lat1 (radians (location-lat l1)))
                        (lng1 (radians (location-lng l1)))
                        (lat2 (radians (location-lat l2)))
                        (lng2 (radians (location-lng l2))))
                    (* earth-radius
                       (acos (+ (* (cos lat1) (cos lng1) (cos lat2)
                                   (cos lng2))
                              (* (cos lat1) (sin lng1) (cos lat2)
                                   (sin lng2))
                              (* (sin lat1) (sin lat2))))))))
      (gc1 (geocoder o1))
      (gc2 (geocoder o2)))
    (if (and (geocode? gc1)
              (geocode? gc2))
        (dist (geocode-loc gc1) (geocode-loc gc2))
        (violation "Unknown_location(s)")))))

; ... einmal quer durch die schöne Republik
(distance "Konstanz" "Rostock")

```

### PARAMETRISCH POLYMORPHE PROZEDUREN

Beobachtung: Manche Prozeduren arbeiten unabhängig von den Signaturen ihrer Argumente : parametrisch polymorphe Funktion (griechisch : vielgestaltig).

Nutze Signaturvariablen %a , %b,...

Beispiel:

```

; die Identität
(: id (%a -> %a))
(define id
  (lambda (x) x))

; die konstante Funktion
(: const (%a %b -> %a))
(define const
  (lambda (x y) x))

; die Projektion
(: proj ((one-of 1 2) %a %b -> (mixed %a %b)))
(define proj
  (lambda (i x y)
    (cond ((= i 1) x)
          ((= i 2) y))))

```

```
((= i 2) y)))
```

Eine polymorphe Signatur steht für alle Signaturen, in denen die Signaturvariablen durch konkrete Signaturen ersetzt werden.

Beispiel: Wenn eine Prozedur `(: number %a %b ->%a)` erfüllt, dann auch:

```
(: number string boolean -> string)
(: number boolean natural -> boolean)
(: number number number -> number)
```

```
"x" 23    2 #f
```

```
; Ein polymorphes Paar (pair-of %a %b) besteht aus
; - einer ersten Komponente (first)
; - einer zweiten Komponente (rest)
(: make-pair (%a %b -> (pair-of %a %b)))
(: pair? (any -> boolean))
(: first ((pair-of %a %b) -> %a))
(: rest  ((pair-of %a %b) -> %b))
(define-record-procedures-parametric pair pair-of
  make-pair
  pair?
  (first
   rest))
```

`(pair-of <t1> <t2>)` ist eine Signatur für Paare deren erster bzw. zweiter Komponente die Signaturen <t<sub>1</sub>> bzw. <t<sub>2</sub>> erfüllen.

```
;→ pair-of Signatur mit (zwei) Parametern
(: make-pair (%a %b -> (pair-of % a %b)))
(: pair? (any -> boolean))
(: first ((pair-of %a %b) -> %a))
(: rest  ((pair-of %a %b) -> %b))
```

```
; Ein paar aus natürlichen Zahlen
; FIFA WM 2014
(: deutschland-vs-brasilien (pair-of natural natural))
(define deutschland-vs-brasilien
  (make-pair 7 1))

; Ein Paar aus einer reellen Zahl (Messwert)
; und einer Zeichenkette (Einheit)
(: measurement (pair-of real string))
(define measurement
  (make-pair 36.9 "°C"))
```

```
; "Liste" der Zahlen 1,2,3,4
(define nested
  (make-pair 1
    (make-pair 2
      (make-pair 3
        4))))

; Extrahiere das dritte Element der Liste (hier: 3)
(first (rest (rest nested)))
```

Eine Liste von Werten der Signatur  $\langle t_t \rangle$  ist entweder

- leer (Signatur `empty-list`) oder:
- ein Paar (Signatur `pair-of`) aus einem Wert der Signatur  $\langle t \rangle$  und einer Liste von Werten der Signatur  $\langle t \rangle$ .

```
(define list-of
  (lambda (t)
    (signature (mixed empty-list
      (pair-of t (list-of t))))))
```

Signatur `empty-list` bereits in Racket vordefiniert.

Ebenfalls vordefiniert:

```
(:empty empty-list)
(:empty? (any ->boolean))
```

Operatoren auf Listen

Konstruktoren	<code>(: empty-list)</code>	leere liste
	<code>(: make-pair (% a (list-of % a))</code>	Konstruiere Liste aus Kopf und Rest
Predikate:	<code>(: empty (any -&gt;boolean)</code>	liegt leere Liste vor?
	<code>(: pair? (any -&gt;boolean))</code>	Nicht leere Liste?
Selektoren:	<code>(: first (list-of %a) -&gt;%a)</code>	Kopf-Element
	<code>(: rest (list-of %a) -&gt;(list-of %a))</code>	Rest Liste

```
; Noch einmal (jetzt mit Signatur): Liste der natürlichen Zahlen
1,2,3,4
(: one-to-four (list-of natural))
(define one-to-four
  (make-pair 1
    (make-pair 2
      (make-pair 3
        (make-pair 4
```

```
empty))))))
```

```
; Eine Liste, deren Elemente natürliche Zahlen oder Strings sind  
(: abstiegskampf (list-of (mixed number string)))  
(define abstiegskampf  
  (make-pair "SCF"  
             (make-pair 96  
                        (make-pair "SCP"  
                                   (make-pair "VfB" empty))))))
```

## 10 19.5.2015

```
(make-pair 1 (make-pair 2 empty))
```

Visualisierung Listen

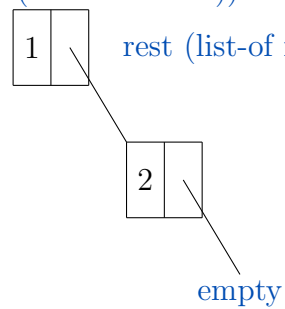
1	2	empty
---	---	-------



Spine (Rückgrat)

(pair-of natural (list-of natural))

(natural first)      rest (list-of natural)

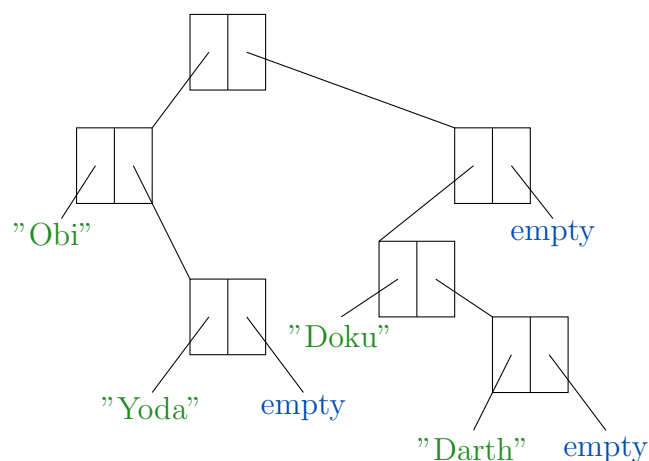


```

(: one-to-four (list-of natural))
(define one-to-four
  (make-pair 1
    (make-pair 2
      (make-pair 3
        (make-pair 4
          empty))))))

```

(: jedis-and-siths (list-of (list-of string)))



```

; Geschachtelte Listen
(: jedis-and-siths (list-of (list-of string)))
(define jedis-and-siths
  (MAKE-PAIR (make-pair "Yoda"
    (make-pair "Obi-Wan" empty))
    (MAKE-PAIR (make-pair "Dooku"
      (make-pair "Vader" empty))
      empty)))

; Navigation in geschachtelten Listen
(check-expect (first (first jedis-and-siths)) "Yoda")

```



```
(check-expect (first (rest (first (rest jedis-and-siths)))) "Vader")
```

### Prozeduren, die Liste konsumieren

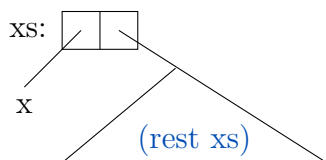
Konstruktionsanleitung:

Beispiel:

```
(: list-sum ((list-of number) -> number))

(check-expect (list-sum empty) 0)
(check-expect (list-sum (make-pair 40
                                (make-pair 2
                                              empty)))) 42)
(check-expect (list-sum one-to-four) 10)

(define list-sum
  (lambda (xs)
    (cond ((empty? xs) 0)
          ((pair? xs) (+ (first xs)
                         (list-sum (rest xs)))))))
```



(rest xs) mit Signatur  
(list-of number) ist selbst  
wieder eine kürzere Liste  
von Zahlen.  
(list sum (rest xs)) erzielt  
Fortschritt

Konstruktionsanleitung für Prozeduren:

```
(: <f> ((list-of <t1>) -> <t2>))
(define <f>
  (lambda (xs)
    (cond
      ((empty? xs) ...)
      ((pair? xs) ... (first xs) ...)
      (<f> (rest xs) ...)))
```

Neue Sprachebene "Macht der Abstraktion"

- Signatur (list-of % a) eingebaut

```
(list <e1> <e2> ... <en>)
≡
(make-pair (<e1>)
  (make-pair <e2>
    ... (make-pair <en>) empty) ...)
```

- Ausgabeformat für nicht leere Listen:

#<list  $x_1$   $x_2$  ...  $x_n$ >

```
; Länge der Liste xs
(: list-length ((list-of %a) -> natural))

(check-expect (list-length empty) 0)
(check-expect (list-length (list 1 1 3 8)) 4)
(check-expect (list-length jedis-and-siths) 2)      ; nicht 4!

(define list-length
  (lambda (xs)
    (cond ((empty? xs) 0)
          ((pair? xs) (+ 1
                        (list-length (rest xs)))))))
```

Füge Listen  $xs$  ,  $ys$  zusammen (concatination)

Zwei Fälle ( $xs$  leer oder nicht leer)

$$\begin{array}{l}
 \textcircled{1} \quad \overbrace{\text{empty}}^{xs} \quad \overbrace{y_1 \ y_2 \ \dots \ y_m}^{ys} \quad \overbrace{y_1 \ y_2 \ \dots \ y_m}^{(\text{cat } xs \ ys)} \\
 \textcircled{2} \quad x_1 \ \underbrace{x_2 \ \dots \ x_n}_{(\text{rest } xs)} \ y_1 \ y_2 \ \dots \ y_m \ x_1 \ \underbrace{x_2 \ \dots \ x_n \ y_1 \ y_2 \ \dots \ y_m}_{(\text{cat rest } xs)}
 \end{array}$$

Beobachtung:

- Die Längen von  $xs$  bestimmt die Anzahl der rekursiven Aufrufe von `cat`
- Auf  $xs$  werden Selektoren angewendet

```
; Füge Listen xs, ys (in dieser Reihenfolge) zusammen
(: cat ((list-of %a) (list-of %a) -> (list-of %a)))

(check-expect (cat (list 1 2) (list 3 4)) (list 1 2 3 4))
(check-expect (cat one-to-four empty) one-to-four)
(check-expect (cat empty one-to-four) one-to-four)

(define cat
  (lambda (xs ys)
    (cond ((empty? xs)
          ys)
          ((pair? xs)
           (make-pair (first xs) ; <- cat dennoch param. polymorph
                      (cat (rest xs) ys))))))

; Hinweis: Verfügbar als eingebaute Funktion `append'
```