I. Physikalisches Anfängerpraktikum



Protokoll zum Versuch Mathematisches Pendel

(Versuch 14)

Autor: Finn Zeumer (hz334)

Versuchspatnerin: Annika Künstle

Versuchsbegleiter: Tobias Becher

Datum der Ausführung: 10.09.2025

Abgabedatum: 17.09.2025



Inhaltsverzeichnis

I.	Einleitung										
	1.1.	Aufgabe/Motivation	3								
	1.2.	Physikalische Grundlage	3								
		1.2.1. Naive Betrachtung des mathematischen Pendels	3								
		1.2.2. Fehlerbetrachtung	3								
		1.2.3. Exaktere Betrachtung des Drehpendels	3								
		1.2.4. Weitere Korrekturen	4								
M	essda	ten	5								
II.	Durchführung										
	2.1.	Versuchsaufbau	8								
	2.2.	Messverfahren	8								
Ш	. Ausı	wertung	10								
	3.1.	Aufgabe 1: Pendellänge, Kugelradius und grobe Erdbeschleunigung	11								
	3.2.	Aufgabe 2: Berechnung der Korrekturstherme	13								
IV	. Diss	kusion	14								
	4.1.	Zusammenfassung	14								
			14								
	12	Kni+ile	1 /								

I. Einleitung

1.1. Aufgabe/Motivation

Ziel des Versuchs ist die Bestimmung der Erdbeschleunigung g mithilfe eines mathematischen Pendels. Dazu wird die Schwingungsdauer des Pendels in Abhängigkeit von seiner Länge gemessen. Ein mathematisches Pendel besteht idealisiert aus einer Masselosen, nicht dehnbaren Schnur, an deren Ende eine Punktmasse befestigt ist. In der Realität müssen jedoch Korrekturen berücksichtigt werden, da das Pendel nicht ideal ist. Insbesondere spielen Effekte wie Luftreibung, Auftrieb, die endliche Ausdehnung und Masse der Kugel sowie die Masse des Fadens eine Rolle. Die genaue Analyse dieser Einflüsse erlaubt eine verbesserte Bestimmung der Erdbeschleunigung am Versuchsort.

1.2. Physikalische Grundlage

[Wag25a, Dem17]

1.2.1. Naive Betrachtung des mathematischen Pendels

Für kleine Auslenkungen φ kann die Bewegung des ungedämpften mathematischen Pendels durch die Differentialgleichung

$$\ddot{\varphi} + \frac{g}{l}\varphi = 0 \tag{1}$$

beschrieben werden. Hierbei bezeichnet l die Pendellänge. Die Lösung dieser Gleichung entspricht der eines harmonischen Oszillators. Es ergibt sich für die Schwingungsdauer

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \tag{2}$$

und daraus

$$g = \frac{4\pi^2 l}{T_0^2}. (3)$$

1.2.2. Fehlerbetrachtung

Zur Bestimung der Genauigkeit wird das Gaußsche Fehlerfortpflanzungsgesetz angewendet. Der relative Fehler der Erdbeschleunigung ergibt sich zu

$$\frac{\Delta g}{g} = \sqrt{\left(\frac{\Delta l}{l}\right)^2 + \left(\frac{2\Delta T_0}{T_0}\right)^2}.$$
 (4)

Für den relativen Fehler der Periodendauer gilt

$$\frac{\Delta T_0}{T_0} = \frac{\Delta t}{nT_0},\tag{5}$$

wobei Δt die Stoppgenauigkeit und n die Anzahl der gemessenen Schwingungen ist. Durch Erhöhung von n kann der Zeitfehler klein gehalten werden, sodass die Genauigkeit im Wesentlichen durch die Längenmessung begrenzt wird. Praktisch ergibt sich die Bedingung

$$\frac{2\Delta t}{nT_0} \approx 0.3 \frac{\Delta l}{l}.$$
 (6)

1.2.3. Exaktere Betrachtung des Drehpendels

Eine exakte Theorie behandelt das Pendel als drehpendel mit dem Aufhängepunkt als Drehahcse. Die allgemeine Schwingugnsdauer ergibt sich zu

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{J}{D}},\tag{7}$$

wobei J das Trägheitsmoment bezüglich der Drehachse und D die Winkelrichtgröße ist. Das

Gesamtträgheitsmoment setzt sich aus Kugel und Faden zusammen:

$$J = \underbrace{m_K l^2 + \frac{2}{5} m_K r^2}_{J_K} + \underbrace{\frac{1}{3} m_F l'^2}_{J_F}, \tag{8}$$

mit Kugelmasse m_K , Fadenmasse m_F , Kugelradius r, Pendellänge l und Fadenlänge l'.

Das rücktreibende Drehmoment lautet

$$M = -\left[(m_K - \rho_L V_K) gl \sin \varphi + \frac{1}{2} m_F gl' \sin \varphi \right],$$
(9)

wobei ρ_L die Luftdichte und V_K das Volumen der Kugel ist. Mit der Kleinwinkelnäherung $\sin\varphi\approx\varphi$ folgt

$$D = m_K g l \left(1 - \frac{\rho_L}{\rho_K} + \frac{m_F}{2m_K} \right), \tag{10}$$

wobei ρ_K die Dichte der Kugel ist. Setzt man (8) und (10) in (7) ein und verwendet die Näherung $1/(1-\epsilon) \approx 1+\epsilon$, so ergibt sich

$$T^{2} = \frac{4\pi^{2}l}{g} \left(1 + \frac{2r^{2}}{5l^{2}} + \frac{\rho_{L}}{\rho_{K}} - \frac{m_{F}}{6m_{K}} \right). \tag{11}$$

1.2.4. Weitere Korrekturen

Die Schwingungsdauer hängt zusätzlich vom Anfangswinkel φ_0 ab:

$$T^2 = T^2 \left(1 + \frac{\varphi_0^2}{8} \right). \tag{12}$$

Weiterhin beeinflusst die Luftreibung die Bewegung. Mit der Dämpfungskonstanen δ gilt

$$T^2 = T^2 \left(1 + \frac{\delta^2}{\omega_0^2} \right), \tag{13}$$

wobei ω_0 die ungedämpfte Kreisfrequenz ist.

Unter Berücksichtigung aller Korrekturen ergibt sich schließlich

$$T^{2} = \frac{4\pi^{2}l}{g} \left(1 + \frac{2r^{2}}{5l^{2}} + \frac{\rho_{L}}{\rho_{K}} - \frac{m_{F}}{6m_{K}} + \frac{\delta^{2}}{\omega_{0}^{2}} + \frac{\varphi_{0}^{2}}{8} \right)$$

$$\tag{14}$$

Gleichung (14) bildet die Grundlage für die experimentelle Auswertung und die Bestimmung der Erdbeschleunigung am Versuchsort.

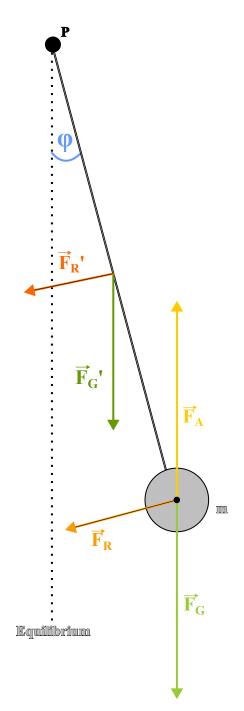


Abbildung I.1.: Wirkende Kräfte auf das Pendel bei Auslenkung.

		, Winstle			
10	1 - 1	Vathe	-matiscl	nes Pena	lel
Augen	oe 1)				
_		Pendellönge			
	0				
- D;	e Shala	wird 3 mal	justient und	es wird zwei U	al abgelesen, an oler unteren und oberen Kante.
			7.	4 34,0 cm 37	
Tab	elle 1) s	endellänge			
Nr.	Obere	1 Untere The	2 Unitera Obere	3 - Where	Schrebehre:
Fadenla L'Lom]	nge				- Prazission: 0,1 cm
Pendell	ange a	d= 3,1 an	31, Z 88,	d=3,3 cm	- Ablesel chler: 50%. O,1cm = 0,05cm
1=1 + c	[cm] 8			89,85	- Ungenovalleit. 0,05m = 0,005cm
Messa	erte der	Fadenling	and beredneten	Pendellängen	
über (indon Schieblehre.	
		,167 cm ling			
Kugel:		, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,		4:9	
-Radi	8 ru = 1,5	5 cm	- Ungerwigh	1cu =	
Somi	ergeben	Sich nachd	em aritmethis	then Wittel:	
<u>J</u> ' =	88,167 cu	<u>, , , , , , , , , , , , , , , , , , , </u>	△ Ĵ` =		
	= 83,75 c		$\Delta \tilde{l} = 0.05$	77 cm	=> l = (33,75±0,06) cm
Aufgal	ne 2)				Prozentualer Felder: 0,000668
_		der Schningdone			Prozentualer Felder: 0,000 668 Wort über 0,0005 => missen n bereumen
Grobe	Bestimbrum	der Schwingslave			
Grobe	Bestimbrum	e) Schwing clave			
Grobe	Bestimony	e) Schwing clave			Wort über 0,0005 => missen n beredenen
Grobe Tabelle Nr.	Bestimonus 2) (Vorting in	e) Schwing clave. 1 t LS)	T, [s]	47°, (2)	Wort über 0,0005 => missen n beredenen Stoppubr:
Carobe Mabelle Nr.	Estimanus 2) (Vorlaufie t [S] 37,80	e) Schwing clave. 1 t LS) 0,25	To [s]	0,0125	Stoppelve: - Prazision: 0,01 s
Grobe Tabelle Nr. 1	2) (Voltaglia) t [5] 37,80 37,81	2 to LS) 0,25 0,25	77, [s] 1,835 1,8305	0,0125	Stoppular: - Prazission: - Molesefelder: 50% 0,015= 0,005
Orohe Nr. 1 2	2) (Voltaglia) t [5] 37,80 37,81 37,98	2 t Ls) 0,25 0,25 0,25	1,835 1,835 1,8305	0,0125	Stoppelve: - Prazision: 0,01 s
Nr. 1 2 3	Estimanus () 2) (Vorticopie 57,80 37,81 37,98 37,75	2 Schwing clave. 2 t Ls) 0,25 0,25 0,25 0,25	1,835 1,835 1,8305 1,8345	0,0125	Stoppelar: - Prazision: - Ablesefeller: 50% 0,015= 0,0055 - Ungeravigheit:
Nr. 1 2 3 4	Estimanus 2) (Voltaglia \$7,80 37,81 37,88 37,75 37,73	2 to Ls) 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25	7, [s] 1,835 1,8365 1,8865	0,0125 0,0125 0,0125 0,0125	Stoppular: - Prazission: - Molesefelder: 50% 0,015= 0,005
Nr. 1 2 3 4 5	Estimanus 2) (Vortaglio 1 [S] 37,80 37,81 37,83 37,75 37,73	2 Schwing clave. 2 t [5] 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25	1,835 1,8305 1,8345 1,8375 1,8865	0,0125	Stoppular: - Prázision: 0,01 s - Wilesefeller: 50% 0,01 s = 0,005 s - Ungenaviglieit: + Rechttons Zeit: 0,250 s
Nr. 1 2 3 4 5	Estimanus 2) (Vortaglio 1 [S] 37,80 37,81 37,83 37,75 37,73	2 Schwing clave. 2 t [5] 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25	7, [s] 1,835 1,8365 1,8865	0,0125	Stoppelar: - Prazision: - Ablesefeller: 50% 0,015= 0,0055 - Ungeravigheit:
Grobe Nr. 1 2 3 4 5 Vorläufit	2) (Vorlanding) t [s] 37,80 37,81 37,83 37,75 37,73	e) Schwing dave. 4 t LS) 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 und dawit	1,835 1,835 1,8395 1,8375 1,8365 1,8365 mgdaver & Unite	0,0125 0,0125 0,0125 0,0125	Wort über 0,0005 => missen v beredenen Stoppubr: - Prazision: 0,01 s - Ablesefeller: 50% 0,01 s = 0,005 s - Ungenavigheit: + Realitions Zeit: 0,250 s

Aug ach	(R)									
	pe 3)	una da	Sec. ades, done							
C. C. C.	000000000000000000000000000000000000000	O GET	Per. oden dave							
- b:c	lant	la Fra			1/4 OO)			hoek		
	MILL MALL	yem Bige	sound and Holder	e e nutren, u	r die old	JUMILE SOME	Jamesa 11 20	vestimmes).		
	2. 14	ī		1313						
	170	0,3.2	$\frac{1}{\sqrt{1}} = N = -$	(Ora	- Wic w	acken nor 20	0			
ls			S.1	4	A A.	0		0.1.4		
				durchfihren,	crawit Ori	e ungenavighe	it over re	1 . Od en daver	Weniger	ods 80%
der	Mugenavigh	eit der	Faden länge.							
<u>-1</u>	2) 6									
11abel	le 3) (seu	ive Bestimmu	ng der Periode	ndover						
Nr. 1				Periodendaver	لكا					
	401	200	378,73	1,88365						
	1	<u> </u>	1							

0 _____) 23 5 12 Equ: 12 Aufgabe 4) der Dämpfung. Bestimmung Amplitude A Land Periode t Ls] Start Amplitude: Bählerstand 18,68 5,4 20 10 5,5 13,03 40 20 13,03 5,7 60 30 6,0 19,06 Speno) Skala: 80 40 6,0 - Prinzission: 0,1 cm 19,06 20 100 6,3 - Ablesofahler: 0,3 cm 60 18,80 120 62 - Uzenaigkét: 18,11 70 140 6,7 10,05 80 160 7,0 18,37 30 180 7,1 100 18,30 200 7,5 110 18,92 220 7,8 18,37 120 240 8,2 13,00 260 130 8,4 19,06 146 220 8,7 150 18,36 260 8,9 160 13,06 320 3,1 18,88 170 340 Southa 3,1 180 13,07 360 9,2 150 13,02 330 3,2 18,87 200 400

II. Durchführung

2.1. Versuchsaufbau

Das mathematische Pendel besteht aus einer Kugel, die an einem dünnen Faden befestigt ist und an einer höhenverstellbaren Aufhängung frei schwingen kann. Zur präzisen Bestimmung der Pendellänge wurde eine vertikale Spiegelskala parallel zum Faden angebracht. Mithilfe von Nivellierschrauben konnte die Skala justiert werden, sodass der Faden in allen Aufhängungspositionen senkrecht verlief. Für die Messung der Auslenkung und zur späteren Bestimmung der Dämpfungskonstanten δ kam zusätzlich eine horizontale Spiegelskala zum Einsatz.

Zur Bestimmung langer Periodendauern wurde eine Reflexlichtschranke direkt unterhalb der Gleichgewichtslage der Kugel angebracht. Der Sensor war so eingestellt, dass er bei jedem Durchgang der Kugel ein Signal erzeugte, welches von einem elektronischen Zähler registriert wurde. Da der Zähler bei jedem Durchgang um eins erhöht wurde, entsprach der angezeigte Wert der doppelten Anzahl von Perioden. Dies wurde bei der Auswertung entsprechend berücksichtigt.

Vor Beginn der Messungen wurden außerdem geometrische Größen wie der Kugelradius r mithilfe eines Messschiebers bestimmt, um die Trägheitsmomente nach Gleichung 8 sowie Korrekturterme in den Formeln für die Schwingungsdauer (Gleichung 11 und Gleichung 14) berücksichtigen zu können.

2.2. Messverfahren

Zunächst wurde die Pendellänge l bestimmt, die vom Aufhängepunkt bis zur Kugelmitte

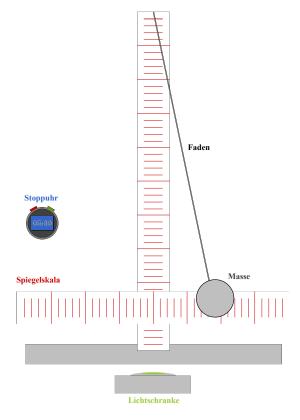


Abbildung II.1.: Schematische Versucshanordnung und Versuchsequipment.

reicht. Hierfür wurden die Skalenwerte am Aufhängepunkt sowie an der oberen und unteren Kante der Kugel abgelesen. Die Messung wurde für drei verschiedene Höhen der Aufhängung durchgeführt. Aus den Werten konnte die Pendellänge und ihr relativer Fehler berechnet werden.

Die Periodendauer wurde in einem ersten Schritt durch Messung von 20 Schwingungen bestimmt. Diese Messung wurde fünfmal wiederholt, woraus der mittlere Fehler der Einzelmessung σ_E als Stoppgenauigkeit Δt gewonnen wurde. Mit dem so bestimmten mittleren Wert

von T_0 aus Gleichung 2 konnte nach der Bedingung aus Gleichung 6 die notwendige Anzahl n an zu messenden Perioden berechnet werden. Um den Einfluss von Fehlern möglichst gering zu halten, wurde die Anzahl der Perioden auf Anweisung des Tutors schließlich auf n=200 festgelegt. Die Zeit für diese 200 Schwingungen wurde notiert und für die weitere Auswertung herangezogen.

Zusätzlich wurde während der Schwingung alle 30 Sekunden die Amplitude mithilfe der horizontalen Spiegelskala abgelesen. Damit konnte im Nachhinein die Abnahme der Amplitude analysiert und die Dämpfungskonstante δ aus dem Zusammenhang

$$a(t) = a_0 e^{-\delta t} \tag{1}$$

bestimmt werden. Diese geht in die Korrektur der Schwingungsdauer nach Gleichung 13 ein. Weiterhin wurde aus der mittleren Schwingungsweite der Anfangswinkel φ_0 berechnet, welcher in die Korrektur nach Gleichung 12 eingeht.

Die zur Auswertung notwendigen Größen m_K und m_F wurden aus den jeweiligen Volumina und der Dichte des Materials bestimmt. Mit diesen Größen konnten die Korrekturterme für das Trägheitsmoment und die Winkelrichtgröße nach Gleichung 11 berechnet werden. Schließlich lässt sich die Erdbeschleunigung g am Versuchsort durch Einsetzen der gemessenen Werte in Gleichung 14 bestimmen.

III. Auswertung

Fehlerrechnung

Für die statistische Auswertung von n Messwerten x_i werden folgende Größen definiert [Wag25b]:

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$
 Arithmetisches Mittel (1)

$$\sigma^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2$$
 Variation (2)

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2}$$
 Standardabweichung (3)

$$\Delta \bar{x} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)} \sum_{i=1}^{n} (\bar{x} - x_i)^2} \quad \text{Fehler des Mittelwerts}$$
 (4)

$$\Delta f = \sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial x}\Delta x\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial y}\Delta y\right)^2} \qquad \text{Gauß'sches Fehlerfortpflanzungsgesetz für } f(x,y) \quad (5)$$

$$\Delta f = \sqrt{(\Delta x)^2 + (\Delta y)^2}$$
 Fehler für $f = x + y$ (6)

$$\Delta f = |a|\Delta x$$
 Fehler für $f = ax$ (7)

$$\frac{\Delta f}{|f|} = \sqrt{\left(\frac{\Delta x}{x}\right)^2 + \left(\frac{\Delta y}{y}\right)^2} \qquad \text{relativer Fehler für } f = xy \text{ oder } f = x/y \tag{8}$$

$$\sigma = \frac{|a_{lit} - a_{gem}|}{\sqrt{\Delta a_{lit}^2 + \Delta a_{gem}^2}}$$
 Berechnung der signifikanten Abweichung (9)

3.1. Aufgabe 1: Pendellänge, Kugelradius und grobe Erdbeschleunigung

Pendellänge

Das Pendel wurde im Equilibrium vermessen. Es werden zwei Punkte an der Spiegelskala abgelesen, der obere un der untere Punkt der Kugel. Darüber hinaus wurde die Kugel mit der Schieblehre vermessen. So lässt sich die Fadenlänge und der Kugelradius jeweils auf zwei weisen Messen; jenachdem, welcher Messmethode man mehr vertrauen schencken mag. Genutzt für die Messung wurden einmal die Spiegelskala, diese hat eine Skalapräzission von 0,10cm, und einen geschätzten Ablesefehler von 0,3cm, dieser Wert wurde großzügiger angenommen, da durch die Pendelbewegung das menschliche Auge Probleme beim Ablesen hat. Der wird aber für statische Rechnungen auf die Hälfte der Präzission angenommen. Ein systematischer Fehler ist hier nicht vermerkt. Die Gesamtungenauigkeit der Spiegelskala Δs_{ss} wird via Gauß'scher Fehlerfortpflanzung (5) bestimmt:

$$\Delta s_{ss} = \sqrt{0, 1^2 + 0, 05^2} = 0, 1118[cm].$$
 (10)

Die Ungenauigkeit wurde hier auf signifikante Stellen gerundet.

Die Ungenauigkeit der Schieblehre lässt sich Analog bestimmen. Wir haben eine Präzission von 0,1cm, aus welcher wir den Ableseungenauigkeit bestimmen, indem wir den Wert zu 0,05cm halbieren. Zuletzt gibt der Hersteller eine systematische Ungenauigkeit von 0,005cm an. Über die Gauß'scher Fehlerfortpflanzung (5) berechnet sich der Gesamtfehler der Schieblehre:

$$\Delta s_{sl} = \sqrt{0, 1^2 + 0, 05^2 + 0, 005^2} = 0, 1119[cm]. \tag{11}$$

Auch dieses Ergebnis ist auf signifikante Stellen gerundet. Im statischen Zustand sind die beidne Methoden also annährend gleichgenau.

Der Durchmesser der Kugel ist gemessen mir der Schieblehre also:

$$D_{k,sl} = (3,0000 \pm 0,1119)cm.$$
 (12)

Man kann den Durchmesser jedoch auch über den die Diffrenz der beiden Fadenlängen bemessen. Wir haben hier drei Messwerte, daher nehmen wir den Mittelwert als Durchmesser der Kugel. Die Gemessenen Werte sin der Tabelle 1 des Protokolls zu entnehmen. Die Länge des Fadens ist dabei das arithmetische Mittel 1. Wir entnehmen der Tabelle wieder die Werte und kommen auf eine Fadenlänge l' von

$$l' = (88, 1667 \pm 0, 1119)cm.$$
 (13)

Das Pendel ist hier definiert als die Fadenlänge und dem Radius der Kugel, da dort der Schwerpunkt der Kugel liegt. Die Fadenlänge inklusive des Durchmessers der Kugel l_D ist das arithmetische Mittel der unteren Punkte:

$$l_D = (91, 2000 \pm 0, 118)cm.$$
 (14)

Aus diesen Beiden Werten können die den Durchmesser der Kugel erneut bestimmenl, indem wir die Differenzen nehmen und kommen somit auf den Durchmesser

$$D_{k,ss} = (3, 17 \pm 0, 16)cm.$$
 (15)

Der Fehler wurde über die Gauß'scher Fehlerfortpflanzung (5) bestimmt, denn hier wurde die Differenz zwei fehlerbehafteten Werte gezogen:

$$\Delta D_{k,ss} = \sqrt{2 \cdot 0, 1118^2} = 0, 16[cm]$$
 (16)

Die Radien sind sehr ähnlich, jedoch haben sie eine recht große Abweichung. Berechnen wir die signifikante Abweichung der beiden Radien nach Gleichung 9:

$$\frac{|D_{k,ss} - D_{k,sl}|}{\sqrt{(\Delta s_{ss})^2 + (\Delta s_{sl})^2}} = 0,85\sigma.$$
 (17)

Wir sehen, dass die Werte sich grundlegend Decken, jedoch spürbare unterschiede haben. Wir wollen das Ergebnis in der Diskussion diskutieren. Wir werden mit dem Bestimmten Radius der Schieblehre weiter rechnen, da der Wert »satischer« ist und sich hier weniger Bewegungsungenauigkeiten vermuten lassen.

Unser Kugelradius ist somit

$$r_K = (1, 50 \pm 0, 06)cm.$$
 (18)

Das Pendel hat somit eine Länge l der Summe der Fadenlänge und des Kugelradiuses. Der der Pendellänge ist dabei:

$$\Delta l = \sqrt{(\Delta r_K)^2 + (\Delta s_{ss})^2} = 0,13[cm].$$
 (19)

Das Pendel hat also eine Länge von

$$l = (89, 67 \pm 0, 13)cm$$
 (20)

Grobe Bestimmung der Erdbeschleunigung

Im Aufgabenteil 2 wird eine Zeitgemessen. Wir wollen zunächst die Ungenauigkeit der Stoppuhr Δt_{su} besimme. Wir haben eine Präzission von 0,01s, sein Ablese Fehler wird auf 50% der Präzission geschätzt und liegt somit bei 0,005s. Die Ungenauigkeit der Stoppuhr ist somit nahc der Gauß'scher Fehlerfortpflanzung (5):

$$\Delta t_{su} = \sqrt{(0,010^2 + 0,0005^2)} = 0,01118[s]$$
(21)

Zusätzlich wollen wir eine durchschnittliche menschliche Reaktionszeit von $\Delta t_{reak}0,250s$ annehmen. Der gesamte Zeitfehler einer Zeitmessung liegt somit bei:

$$\Delta t = \sqrt{(\Delta t_{su})^2 + (\Delta t_{reak})^2} = 0,25[s]$$
 (22)

Wir wollen die durchschnittliche Periodendauer aus 5 Messungen bestimmen. Die Messwerte sin der Tabelle 2 des Protokolls zu entnehmen. Es wurden für jede Messung die Zeit für 20 Schwingung bestimmt, dadurch wird der Zeitfehler minimiert. Dividiert man die gemessene Zeit mit 20, so kommen wir auf 5 Perioden dauern. Es wird wieder das arithmetische

mittel (1) gebildet. Alle Messwerte haben denselben Fehler Δt , dieser wird für die Ungenauigkeit der Periodendauer auch mit 20 dividiert. Das Ergebnis ist somit:

$$\overline{T}_0 = (1,8917 \pm 0,0125)s$$
 (23)

Mit diesem Wert haben wir alles, was wir nach Gleichung 3 brauchen, um die Erdbeschleunigung g zubestimmen. Die Ungenauigkeit wird via Gleichung 4 berechnet. Für g kommen wir auf ein (nicht signifikant gerundetes) Ergebnis von:

$$g = 9,8924 \frac{m}{s^2}. (24)$$

Die Ungenauigkeit berechnet sich zu

$$\Delta g = 0, 13 \tag{25}$$

Es wird zusammengefasst und aufsignifikante Stellen gerundet:

$$g = (9,89 \pm 0,13) \frac{m}{s^2}.$$
 (26)

Es wird nun die signifikante Abweichung 9 zum Literaturwert der Erdbeschleunigung für Heidelberg von $g_{lit} = 9,80984 \pm 2 \cdot 10 - 5m/s^2$:

$$\frac{|g_{lit} - g|}{\sqrt{(\Delta g)^2 + (\Delta g_{lit})^2}} = 0,62\sigma. \tag{27}$$

Das Ergebnis ist also schon statistisch signifikant und bestätigt die heidelberger Ortskonstante g_{lit} .

Wir wollen nun jedoch vor allem schauen, ob wir diesen Wert noch weiter präzisieren können, indem wir genauere Messungen unternehmen.

Bestimmung der Erdbeschleunigung über 200 Schwinungen

Nach Gleichung 6 hätten wir 1318 Schwinungen machen müssen. Dies wäre jedoch kaum bewerkstelligbar gewesen, welshalb wir nach Absprache 200 Perioden gemacht haben. Der Tabelle 3 des Protokolls ist die Messzeit zu entnehmen. Diese beträgt:

$$t_{200} = (378, 73 \pm 0, 25)s, \tag{28}$$

woraus wir direkt die Periodendauer bestimmen können:

$$T_{200} = (1,89365 \pm 0,00125)s.$$
 (29)

FALSCH BESTIMMTE UNGENAUIG-KEIT VON T, MUSS NACH GLEICHUNG 5 GEMACHT WERDEN!!! WIRD ÜBER ABWEICHUNGEN DER EINZELFEHLER BESSER BESTIMMT

Wir bestimmen also nochmal die Erdbeschleunigung und kommen somit nach Geleichung 3 und Geleichung 4 zu einem Ergebnis von

$$g_{200} = (9,812 \pm 0,019)$$
 (30)

Wir schauen, ob dieser Wert genauer am literatur Wert g_{lit} von Heidelberg liegt:

$$\frac{|g_{lit} - g_{200}|}{\sqrt{(\Delta g_{200})^2 + (\Delta g_{lit})^2}} = 0, 11\sigma.$$
 (31)

Das Ergbenis ist somit weitaus genauer als das, mit fünf Messwerten.

3.2. Aufgabe 2: Berechnung der Korrekturstherme

Wir wollen jedoch noch genauere Ergebnisse bekommen und werden daher weitere Eigenschaften untersuchen.

IV. Disskusion

- 4.1. Zusammenfassung
- 4.2. Disskusion
- 4.3. Kritik

Abbildungsverzeichnis

I.1.	Wirkende Kräfte auf das Pendel bei Auslenkung.	4
II.1.	Schematische Versucshanordnung und Versuchsequipment	8

Tabellenverzeichnis

I.1.	Pendellänge	8
I.2.	(Vorläufige) Schwingdauer	8
I.3.	GEnaue Bestimmung der Periodendauer	8
T.4.	Bestimmung der Dämpfung	8

Literaturverzeichnis

- [Dem17] Jochen Demtröder. Experimentalphysik 2: Elektrizität und Optik. Springer Spektrum, Berlin, Heidelberg, 7 edition, 2017.
- [Wag25a] Dr. J. Wagner. Physikalisches Praktikum PAP 1 für Studierende der Physik, chapter 14. Universität Heidelberg, 2025.
- [Wag25b] Dr. J. Wagner. *Physikalisches Praktikum PAP 1 für Studierende der Physik*, pages 4–28. Universität Heidelberg, 2025.