I. Physikalisches Anfängerpraktikum



${\bf Protokoll~zum~Versuch} \\ {\bf \it Tr\"{a}\it gheitsmoment}$

(Versuch 12)

Autor: Finn Zeumer (hz334)

Versuchspatnerin Annika Künstle

Versuchsbegleiter: Marius Huy

Datum der Ausführung: 05.09.2025

Abgabedatum: 12.09.2025



Inhaltsverzeichnis

I.	Einle	eitung	3
	1.1.	Aufgabe/Motivation	3
	1.2.	Physikalische Grundlagen	3
		Versuchsanordnung	
M	essda	ten	6
II.	Dur	chführung	8
	2.1.	Versuchsaufbau	8
		Messverfahren	
Ш	. Ausı	wertung	10
	3.1.	Graphische Bestimmung des Richtmomentes	11
		Rechnerische Bestimmung des Richtmomentrs	
		Stein'scher Satz	
IV	. Diss	kusion	14
	4.1.	Zusammenfassung	14
		Disskusion	
			1 /

I. Einleitung

1.1. Aufgabe/Motivation

Ziel des Versuchs ist die Bestimmung des Richtmoments D eines Drehpendels sowie die Untersuchung des Trägheitsmoments J eines unregelmäßig geformten Körpers für verschiedene Lagen der Drehachse. Dazu wird einerseits das Richtmoment über die Auslenkung des Pendels durch ein angreifendes Drehmoment bestimmt, andererseits über die Periodendauer einer Schwingung mit aufgesetzten Körpern bekannter Geometrie. Mit Hilfe des Steiner'schen Satzes lässt sich schließlich das Trägheitsmoment für verschiedene Achsen berechnen und mit den experimentell gewonnenen Werten vergleichen.

1.2. Physikalische Grundlagen

Analogie zwischen Translations- und Rotationsbewegung

Die Bewegungsgleichungen für Translationen und Rotationen sind formal analog, wenn die entsprechenden Größen ausgetauscht werden. Dabei gilt für das Torsionspendel:

$$0 = J \cdot \ddot{\varphi}(t) + D \cdot \varphi(t) \tag{1}$$

Diese homogene Differentialgleichung 2. Art hat die allgemeine Lösung

$$\varphi(t) = \varphi_0 \cdot \cos(\omega t + \phi). \tag{2}$$

Dabei ist $\omega = \sqrt{\frac{J}{D}}$ und ϕ die Startauslenkung.

Auch Federpendel und Drehpendel stehen in direkter Analogie:

$$F = -kx \Leftrightarrow M = -D\varphi$$
 (3)

Translation	Rotation
Ort x	Winkel φ
Ges. $v = \frac{dx}{dt}$	Winkelges. $\omega = \frac{d\varphi}{dt}$
Bes. $a = \frac{d^2x}{dt^2}$	Winkelbes. $\alpha = \frac{d^2 \varphi}{dt^2}$
Masse m	Trägheitsmoment J
Kraft F	Drehmoment M
Impuls $p = mv$	Drehimpuls $L = J\omega$
Trans. En . $E_{kin}=\frac{1}{2}mv^2$	Rot.En. $E_{rot} = \frac{1}{2}J\omega^2$
$E_{ges} = \frac{1}{2}kx^2 + \frac{1}{2}mv^2$	$E_{ges} = \frac{1}{2}D\phi^2 + \frac{1}{2}J\omega^2$
Schwingdauer $2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$	Schwingdauer $2\pi\sqrt{\frac{D}{J}}$

Tabelle I.1.: Vergleich der Größen in der Translation und Rotation

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}} \quad \Leftrightarrow \quad T = 2\pi\sqrt{\frac{J}{D}}$$
 (4)

Das Richtmoment D spielt dabei die Rolle der Federkonstante k.

Trägheitsmoment

Das Trägheitsmoment J eines Körpers bezüglich einer gegebenen Drehachse ergibt sich aus dem Volumenintegral:

$$J = \int_{V} \rho(\vec{r}) r^2 dV, \qquad (5)$$

wobei $\rho(\vec{r})$ die Massendichte und r der Abstand des Volumenelements zur Achse ist. Für

einfache Körper ergeben sich bekannte Spezialfälle, etwa für eine homogene Scheibe mit Masse m und Radius r_s :

$$J_S = \frac{1}{2}mr_s^2 \tag{6}$$

Hierbei ist J_S das Trägheitsmoment der Scheibe, m ihre Masse und r_s ihr Radius.

Steiner'scher Satz

Für eine Achse, die parallel zur Symmetrieachse im Abstand d verläuft, gilt:

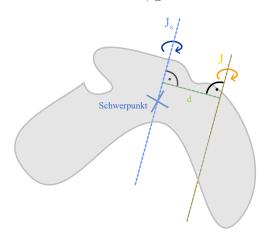


Abbildung I.1.: Visualisierung des Stein'schen Satzes

$$J = J_S + md^2 (7)$$

mit J_S als Trägheitsmoment bezüglich der Symmetrieachse, m als Masse des Körpers und d als Abstand der Achsen.

Bestimmung des Richtmoments

Das Richtmoment D des Drehpendels kann auf zwei Weisen bestimmt werden:

1. Über das Kraftgesetz:

$$M = r \cdot F = -D\varphi, \tag{8}$$

wobei M das Drehmoment, r der Radius der Aluminiumscheibe, F = mg die Gewichtskraft

eines tangential angreifenden Massestücks und φ der Auslenkwinkel ist.

2. Über die Schwingungsdauer T mit bekannter Massescheibe:

$$D = \frac{4\pi^2 J_S}{T_2^2 - T_1^2} = \frac{2\pi^2 m r_s^2}{T_2^2 - T_1^2},\tag{9}$$

wobei T_1 die Periodendauer des Tisches allein, T_2 die Periodendauer mit aufgesetzter Scheibe, J_S das Trägheitsmoment der Scheibe, m ihre Masse und r_s ihr Radius ist. Mathematisch werden die zwei einzelnen Periodendauern also via:

$$T_1 = 2\pi \sqrt{\frac{J_T}{D}},\tag{10}$$

$$T_2 = 2\pi \sqrt{\frac{J_T + J_S}{D}} \tag{11}$$

bestimmt. Wir können nun die Gleichung für T_1 (Gleichung 10) und T_2 (Gleichung 11) quadrieren und jeweils nach J_T umstellen:

$$T_1^2 = 4\pi^2 \frac{J_T}{D}$$
 $\Rightarrow J_T = \frac{T_1^2 \cdot D}{4\pi^2}$ (12)

$$T_2^2 = 4\pi^2 \frac{J_T + J_S}{D} \quad \Rightarrow J_T = \frac{T_1^{2} \cdot D}{4\pi^2} - J_S.$$
 (13)

Logischer weise können wir die Gleichung gleichsetzen und kommen damit auf

$$\frac{T_1^2 \cdot D}{4\pi^2} = \frac{T_1^2 \cdot D}{4\pi^2} - J_S. \tag{14}$$

Formt man diese Gleichung nach D um, so kommt man wieder zu Gleichung 9

1.3. Versuchsanordnung

Der Versuch wird mit einem Drehpendel mit senkrechter Achse durchgeführt. Zum Aufbau gehören eine Drehgabel mit Drehtisch, eine Aluminiumscheibe mit Winkelteilung und Schnurnut, eine runde sowie eine unregelmäßig geformte Messingscheibe, ein Gewichtsteller mit Zugschnur, sechs Auflegegewichte zu

je 50g, eine Waage, eine Handstoppuhr, ein Messschieber sowie eine Balancierschneide. Mit diesem Aufbau lassen sich die notwendigen Messungen zur Bestimmung des Richtmoments und der Trägheitsmomente der untersuchten Körper durchführen.

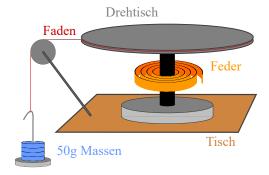


Abbildung I.2.: Versuchsskizze

Finn Zeumer, Anniha Könstle

12 - Tragheitsmoment

Shizze machen

Material

- Drehpendel
- Drehtisch + Malierung
- Wange Stoppuhr, Messlehre
- -Balanciersdmeide
- 6 x 50g Massen

±0,10

Aufgabe 1)

Tabelle 1) S Masse Eg3	wheibendrehung Winkel der Scheibendrehung Ldea	-raul booser?
20	60	
100	122	
150	180	
200	242	
250	302 + 60	311
560	366 + 124	353

Spezifische Winkel der Scheibandrehung Verschiedener Mossen. Ab dissen Wessungen haben wir Probleme behonnen:
Teller vom "mugedredt". Wir haben den Drehtisch gedrecht (200g + Teller)
und den Zeiger auf O gestellt und erneut die letzten

Zwei Masser hinzug efügt.

Aufgabe 2)

Tabelle 2)

Index	Schelbe	Schwinungsdaver	
1		23,09	
2	Ucine	23,31	7
ડ		23,28	
4		34,58	
5	Messing	34,75	77.
6	Messing (regalinipig)	34,78	

Vergleich der Alominiumplatte und der Messingplatte, je 3 Messugen der Schwingdauer bei 20 Undrehungen. Messingscheibe:

Durchmesser der Scheibe: 110 mm

Masse der Scheibe: 6468

Egoipment

Stoppin Model. TFA Dootman UAT. DR 38.20-6

Provision: 0,015 Ungenavighetti

Wange Modell . Ohaus CS 2000

Prazission: 18 Ungenavighett:

Schieblehre Modell: Mitutogo J. HD S.

benavigheit: 0,05 mm Ungenavigheit:

Aluminium saleibe Prizission: 2 deg

Aufgabe 4)

Adose	Schwinngsdaver [5]	
۰ ۵ ۰	44,42	0

Messingplate Unter 20

Aufraphe 5)

Achse	Abstond zum Schwerpunkt [mm]	Schwing daver [5]
Q.7	6,5	44, 68
Cuz	1,0	44,73
az	1,5	45,10
ory	2,0	45,30
as	25	47,67

Traglicitumomente 5 weiterer Achsen - parallel zur Schwerponktachse. Alle liegen auf einer Geraden. Berechnung über den Steinerschan Satz

II. Durchführung

2.1. Versuchsaufbau

Genauigkeit der Messgeräte

Gerät	Präzision	Ungenauigkeit
Stoppuhr	0,01s	///
Waage	1g	1g
Schieblehre	$1 \mathrm{mm}$	$0,\!05\mathrm{mm}$
Al-Teller	2 Grad	/ / /

Tabelle II.1.: Genauigkeit der benutzen Geräte [TFA, Oha25]

Der Versuch bestand aus 5 Unteraufgaben. Alle diesen der Bestimmung rotatorischer Eigenschaften. Darunter die Bestimmung des Richtmoments und später des Stein'schen Satzes.

Aufgabe 1) Bestimmung des Richtmomentes

Wir benutzen den Drehtisch und legen die Aluminiumscheibe mit der Grad-Skala drauf. Diese hat eine Befestigung für die Schnurnut. Diese hängt über eine Rolle vom Tisch herunter. An dieser Schnurnut hängt der Massenteller, seine Auslemkung wurde auf 0 Grad gestellt. Dannach wurden die 6 50g Massen an den Teller gehängt und die jeweilige Auslenkung bzw. Rotation dokumentiert. Da die scheibe jedoch mehr als 360 Grad gedreht wird, muss nach Messung vier der Drehtisch selbst wieder gedreht werden, damit die Auslenkung normal möglich ist. Hierfür wurde dann die 200g + Massenteller als 0 Grad gesetzt.

Dabei machen wir vor allem gebrauch von dem Zusammenhang, dass die Gewichtskraft der Massen im Equilibrium, Betragsgleich zur Kraft aus dem Drehmoment ist:

$$F_q \cdot r = m \cdot g \cdot r = -D \cdot \varphi = M. \tag{1}$$

Dabei ist F_g die Gewichtskraft, die auf die Masse m wirkt, D das Richtmoment der Torsionsfeder, varphi den Auslenkungswinkel der Aluminiumscheibe und M das Drehmoment.

Aufgabe 2) Bestimmung des Richtmpments via bekanntem Trägheitsmoment

In der zweiten Aufgabe wurde der Alluminumteller mit der regelmäßigen/symmetrischen Messingplatte ausgetauscht. Ihr Drehmoment lässt sich leicht berechnen, da die Formel zur Berechnung bekannt ist; benötigt werden jedoch sein Radius und seine Masse, diese werden gemessen. Anschließend wird der Drehtisch dreimal ohne Messingplatte und drei Mal mit Messingplatte gleichweit ausgelengt und seine Schwindauer für 20 Schwinungen per Hand gestoppt.

Aufgabe 3) Schwerpunkt-Bestimmung

In dieser Aufgabe musste ledeglich der Schwerpunkt einer unregelmäßigen Messingscheibe bestimmt werden. Dafür haben wir eine Schneide, auf der die Messingplatte balancierd wird, da wo die Platte (annährend) im Gleichgewicht ist, wird die Schneide auf des Schwerpunktes sein. Hier wird eine Line gezogen. Dies wiederholt man aus einem anderen Winkel ein zweites Mal. Es wird sich ein gezeichnetes Kreuz bilden, an desssen Mittelpunkt zugleich der Schwerpunkt der unregelmäßigen Messingplatte ist.

Aufgabe 4 + 5) Steinsch'er Satz

Die letzen zwei Aufgaben dienen dazu, den Stein'schen Satz zu zeigen. Dafür werden auf den unregelmäßigen Messingkörßer 5 weitere Makierungen gesetzt, die auf einer der Geraden auf der Messingplatte liegen. Sie werden all im Abstand von 0,5cm gesetzt, startend vom Schwerpunkt. Es sind nun insgesamt 6 Makierungen auf dem unregelmäßigen Messingkörper.

Nun wird die Messingpaltte auf den Drehtisch fixiert. Das Ziel ist es, für alle Makierungen wieder die Schwingdauer für 20 Schwingungen zu bestimmen. Die Werte für alle Schwingdauern werden dokumentiert und dann die jeweiligen Trägheitsmomente bestimmt.

2.2. Messverfahren

III. Auswertung

Fehlerrechnung

Für die statistische Auswertung von n Messwerten x_i werden folgende Größen definiert [Wag25]:

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$
 Arithmetisches Mittel (1)

$$\sigma^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2$$
 Variation (2)

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2}$$
 Standardabweichung (3)

$$\Delta \bar{x} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)} \sum_{i=1}^{n} (\bar{x} - x_i)^2} \quad \text{Fehler des Mittelwerts}$$
 (4)

$$\Delta f = \sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial x}\Delta x\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial y}\Delta y\right)^2} \qquad \text{Gauß'sches Fehlerfortpflanzungsgesetz für } f(x,y) \quad (5)$$

$$\Delta f = \sqrt{(\Delta x)^2 + (\Delta y)^2}$$
 Fehler für $f = x + y$ (6)

$$\Delta f = |a|\Delta x$$
 Fehler für $f = ax$ (7)

$$\frac{\Delta f}{|f|} = \sqrt{\left(\frac{\Delta x}{x}\right)^2 + \left(\frac{\Delta y}{y}\right)^2} \qquad \text{relativer Fehler für } f = xy \text{ oder } f = x/y \tag{8}$$

$$\sigma = \frac{|a_{lit} - a_{gem}|}{\sqrt{\Delta a_{lit}^2 + \Delta a_{gem}^2}}$$
 Berechnung der signifikanten Abweichung (9)

3.1. Graphische Bestimmung des Richtmomentes

Kommen wir also nun zur Auswertung der Aufgaben. Dafür Beginnen wir damit, die Werte der Tabelle 1 aus dem Protokoll. Dabei ist x die Winkelauslenkung der Aluminiumscheibe, m hängende Masse, F die Gewichtskraft mit $|g| = 9,81\frac{m}{s^2}$, die auf die Masse wirkt M das berechnete Drehmoment nach Gleichung 2.1 und ΔM seine Ungenauigkeit nach der Gauß'schen Fehlerfortpflanzung:

$$\Delta M = |m| \cdot |g| \cdot \Delta r \tag{10}$$

Dabei definieren die 0g den Startpunkt. 0g ist physikalisch in dem Kontest natürlich unsinnig und meint eigentlich die Startmasse, die hier nur aus dem Massenteller besteht, aber keine zusätzliche Masse. Der Radius der Aliminumplatte entspricht dabei $r=10,000\pm0,005\,10^{-2}m$, also ist $\Delta r=0,005\,10^{-2}m$, was der Ungenauigkeit der Schieblehre entspricht.

m[g]	φ [°]	$M [10^{-2}Nm]$	$\Delta M \left[10^{-2}Nm\right]$
0	0		_
50	60	4,9050	0,0024525
100	122	9,8100	0,0049050
150	180	14,4150	0,0073575
200	242	19,6200	0,0098100
250	302	24,5250	0,0012263
300	366	29,4300	0,0014715

Tabelle III.1.: Messungen der Rotationsauslenkung der Aluminumscheibe und die berechneten Drehmomente.

Stellen wir nun Gleichung 1.3 um, so kommen wir auf:

$$D_G = -\frac{M}{\varphi} \tag{11}$$

Daher plotten wir als nächstes das Drehmoment M gegen den Auslenkungswinkel φ und berechnen seine Steigung m, welche dem Drehmoment entspricht, nach

$$m = \frac{\Delta M}{\Delta \varphi} \tag{12}$$

Dies kann der Abbildung zur Bestimmung des Richtmomentes entnommen werden. Dabei rechnen wir Gradmaß in Radiant um. Es gilt:

$$x^{\circ} \cdot \frac{\pi}{180} = y \, rad \tag{13}$$

Somit kommen wir auf Steigungen von:

$$m_A = \frac{0,230Nm}{5,4105rad} = 0,043 \frac{Nm}{rad} = D_{G,A}$$
 (14)

$$m_F = \frac{0,259Nm}{5,4105rad} = 0,048 \frac{Nm}{rad}$$
 (15)

Dabei ist m_A die Steigung der Ausgleichsgeraden und m_F die Steigung der Fehlergeraden, welche über das Min.-Max.-Verfahren bestimmt wurde. $\Delta \varphi$ sind dabei 2° .

Zieht man nun deren Differenz, so kommt man auf einen Fehler variation

$$\Delta D_G = |m_F - m_A| \tag{16}$$

$$= |0,048 - 0,043| = \underline{0,005} \left[\frac{Nm}{rad} \right] \tag{17}$$

Damit können wir D_G über $D_G = D_{G,A} \pm \Delta D_G$ bestimmen:

$$D_G = (4, 3 \pm 0, 5) \, 10^{-2} \frac{Nm}{rad} \tag{18}$$

3.2. Rechnerische Bestimmung des Richtmomentrs

Wir entnehmen die Werte aus dem Protokoll und schauen uns Tabelle 2 an. Wir haben die Schwingdauer t für 20 Schwingungen, woraus sich auch die Periodendauer T bestimmt. Der Durchschnitt der Periodendauer ohne Scheibe ist \bar{T}_1 , und der mit der Scheibe \bar{T}_2 . Den Fehler der der Periodendauer $\Delta \bar{T}$ wurde über eine Reaktionszeit von 0,2s über Gauß'sche Fehlfortpflanzung berechnet sich der Fehler zu:

$$\Delta \bar{T}_{reak} = 0,20 \,\mathrm{s} \cdot \frac{1}{20} = 0,01 \,\mathrm{s}$$
 (19)

Die Berechnung der Ungenauigkeit des Mittelwertes wird zusätzlich vorgenommen:

$$\Delta \bar{T}_{1,stat} = 0,003 \,\mathrm{s} \tag{20}$$

$$\Delta \bar{T}_{2,stat} = 0,002 \,\mathrm{s}.$$
 (21)

Nun müssen beide Fehler über Gauß'sche Fehlerfortpflanzung zu einem zusammengeführt werden:

$$\Delta \bar{T}_i = \sqrt{(\Delta \bar{T}_{reak})^2 + (\Delta \bar{T}_{i,stat})^2}$$
 (22)

Wir kommen dabei auf Werte von:

$$\Delta \bar{T}_1 = 0,010 \tag{23}$$

$$\Delta \bar{T}_2 = 0,010.$$
 (24)

Wir merken also: die Berechnete statistische Ungenauigkeit war hier nicht von Relevanz.

Scheibe	t[s]	T[s]	$\bar{T}[s]$	$\Delta \bar{T}[s]$
Keine	23,09	1,155	1,162	0,010
	23,31	1,166	$=\bar{T}_1$	
	23,28	1,164		
Messing-	34,89	1,745	1,741	0,010
Platte	34,75	1,738	$=\bar{T}_2$	
	34,78	1,739		

Tabelle III.2.: Messungen der Schwingdauer einer regelmäßigen Messingplatte unter 20 Schwingungen.

Damit stehen unsere zwei Periodendauern fest, die wir für die Bestimmung des Richtmomentes D_R brauchen:

$$T_1 = (1, 162 \pm 0, 010) \,\mathrm{s}$$
 (25)

$$T_2 = (1,741 \pm 0,010) \,\mathrm{s}.$$
 (26)

Für die weitere Berechnung brauchen wir außerdem die Werte der Messingscheibe:

Durchmesser:
$$d_M = 110 \,\mathrm{mm}$$
 $\pm 0,005 \,\mathrm{mm}$
 $\Rightarrow \mathrm{Radius}$: $r_M = 55 \,\mathrm{mm}$ $\pm 0,0025 \,\mathrm{mm}$
Masse: $m_M = 646 \,\mathrm{g}$ $\pm 1 \,\mathrm{g}$

Wir transferieren diese erstmal in typische SI-Einheiten:

Durchmesser:
$$d_M = (0, 110 \pm 0, 000005) \,\mathrm{m}$$

 $\Rightarrow \mathrm{Radius}: r_M = (0, 055 \pm 0, 0000025) \,\mathrm{m}$
Masse: $m_M = (0, 646 \pm 0, 001) \,\mathrm{kg}$

Damit greifen wir auf Gleichung 1.9 zurück, um das Richtmoment zu bestimmen:

$$D_R = \frac{2\pi^2 \cdot m_M \cdot r_M^2}{T_2^2 - T_1^2} \tag{27}$$

Nur noch bekannte Werte einsetzen:

$$D_R = \frac{2\pi^2 \cdot 0,646 \,\mathrm{kg} \cdot (0,055 \,\mathrm{m})^2}{(1,741 \,\mathrm{s})^2 - (1,162 \,\mathrm{s})^2} \tag{28}$$

$$D_R = 0.022948 \frac{\text{Nm}}{\text{rad}}$$
 (29)

Somit brauchen wir für den Aufgabenteil nur noch den Fehler des Richtmomentes ΔD_R . Wir greifen erneut auf die Gauß'sche Fehlerfortpflanzung zurück:

$$\Delta D_R = \left[\left(\frac{\Delta m_M}{m_M} \right)^2 + \left(\frac{\Delta r_M}{r_M} \right)^2 + \left(\frac{2T_2\Delta T_2}{T_2^2 - T_1^2} \right)^2 + \left(\frac{2T_1\Delta T_1}{T_2^2 - T_1^2} \right)^2 \right]^{1/2} \cdot D_R$$
(30)

Setzen wir alle Werte ein, so kommen wir in unserem Fall auf eine Ungenauigkeit von:

$$\Delta D_R = 0,00057265 \frac{\text{Nm}}{\text{rad}}$$
 (31)

Fassen wir Gleichung 3.29 und Gleichung 3.31 zusammen und runden alles sinnvoll, so kommen wir auf:

$$D_R = (2, 29 \pm 0, 06) \cdot 10^{-2} \frac{\text{Nm}}{\text{rad}}$$
 (32)

Achse	d[mm]	t[s]	T[s]	$I[kg \cdot m^2]$
a_0	0	44,42	2,221	
a_1	5	$44,\!58$	2,229	
a_2	10	44,73	2,237	
a_3	15	45,10	2,255	
a_4	20	45,90	2,295	
a_5	25	47,67	2,354	

Tabelle III.3.: Messung des Trägheitsmomente verschiedener Drehachsen einer unregelmäßigen Messingplatte.

3.3. Stein'scher Satz

Die Aufgaben 3 bis 5 beschäftigen sich alle mit dem Stein'schen Satz. Dabei fassen wir die Tabellen 3 und 4 des Protokolls zusammen:

Der Schwerpunkt bezeichnet dabei die Achse a_0 . Alle anderen Achsen sind in immer $\Delta d=0,5cm$ Abständen auf einer Geraden. Es wurde wieder die Schwingdauer t für 20 Schwingungen gemessen.

Zunächst nehmen wir die Gleichung zur Berechnung der Periodendauer (1.10) und stellen diese nach J_T um:

$$J_T = \frac{T_1^2 \cdot D}{4\pi^2} \tag{33}$$

Wir definieren die Periodendauer T_P für die unregelmäßige Messingplatte, die das Trägheitsmoment J_P hat. Diese benutzt die Formel zur Berechnung der Periodendauer (1.11):

$$T_P = 2\pi \sqrt{\frac{J_T + J_P}{D}}. (34)$$

Nur noch nach J_P umformen:

$$J_P = \frac{T_P^2 \cdot D}{4\pi^2} - J_T. {35}$$

Nun setzen wir J_T noch ein und erhalten:

$$J_P = \frac{T_P^2 \cdot D}{4\pi^2} - \frac{T_1^2 \cdot D}{4\pi^2}.$$
 (36)

Nur noch vereinfachen:

$$J_P = \frac{D}{4\pi^2} (T_P^2 - T_1^2). \tag{37}$$

Zudem wird die Ungenauigkeit nach Gauß'schen Fehlerfortpflanzung berechnet zu:

$$\Delta J_{P} = \left[\left(\frac{T_{P}^{2} - T_{1}^{2}}{4\pi^{2}} \Delta D \right)^{2} + \left(\frac{DT_{P}}{2\pi^{2}} \Delta T_{P} \right)^{2} + \left(\frac{DT_{1}}{2\pi^{2}} \Delta T_{1} \right)^{2} \right]^{1/2} \cdot J_{P}$$
(38)

Dies sind die Formeln, die wir für die weitere Berechnung benötigen. Wir rechnen mit einer Periodendauer von $T_P = (2, 221 \pm 0, 010)$ s. Genau so machen wir gebrauch von $T_1 = (1, 162 \pm 0, 010)$ s.

IV. Disskusion

- 4.1. Zusammenfassung
- 4.2. Disskusion
- 4.3. Kritik

Abbildungsverzeichnis

I.1.	Visualisierung des Stein'schen Satzes	4
I.2.	Versuchsskizze	5

Tabellenverzeichnis

I.1.	Vergleich der Größen in der Translation und Rotation	3
I.1.	Scheibendrehung	8
I.2.	Trägheitsmoment der regelmäßigen Messingplatte	8
I.3.	Trägheitsmoment der unregelmäßigen Messingplatte	8
I.4.	Schtein'scher Satz	8
II.1.	Genauigkeit der benutzen Geräte [TFA, Oha25]	8
III.1	. Messungen der Rotationsauslenkung der Aluminumscheibe und die berechneten	
	Drehmomente.	11
III.2	. Messungen der Schwingdauer einer regelmäßigen Messingplatte unter 20 Schwin-	
	gungen	12
III.3	. Messung des Trägheitsmomente verschiedener Drehachsen einer unregelmäßigen	
	Messingplatte	13

[Dem 17]

Literaturverzeichnis

- [Dem17] Jochen Demtröder. Experimentalphysik 2: Elektrizität und Optik. Springer Spektrum, Berlin, Heidelberg, 7 edition, 2017.
- [Oha25] Ohaus. Ohaus cs200, 2025. Zugriff am 5. September 2025.
- [TFA] TFA. Tfa dostmann westheim stoppuhr (kat:nr. 38.2026). Zugriff am 27. August 2025.
- [Wag25] Dr. J. Wagner. Physikalisches Praktikum PAP 1 für Studierende der Physik, pages 4–28. Universität Heidelberg, 2025.