MÉTODO ITERATIVO DE JACOBI

Eric da Silva Batista

Matemática Aplicada e Computacional Universidade Estadual do Centro Oeste Guarapuava, PR klose.eric31@gmail.com

José Pablo Streiski Neto

Matemática Aplicada e Computacional Universidade Estadual do Centro Oeste Guarapuava, PR PabloStreiki@outlook.com

18 de junho de 2020

Roteiro

O método de Jacobi é um algoritmo iterativo para determinar as soluções de sistemas de equações lineares. Cada elemento da diagonal é resolvido e um valor aproximado é posto. O processo é então iterado até que ele convirja para a solução ideal, dado um critério de parada . Métodos iterativos raramente são utilizados para a resolução de sistemas de pequeno porte, já que o tempo de se obter uma solução ultrapassa o tempo de um algoritmo direto como eliminação gaussiana, por outro lado, em sistemas grandes e esparsos, técnicas iterativas aparecem como alternativas mais eficientes. No caso, sistemas esparsos surgem na análise de circuitos, na solução numérica de problemas de valor de limite e equações diferenciais parciais.

Sendo Ax = b um sistema quadrado de 'n' equações lineares, onde, A é uma matriz de ordem $n \times n$, e que X e B são matrizes de ordem $1 \times n$. Agora vamos decompor a matriz A em uma matriz diagonal D, uma matriz triangular inferior L e outra triangular superior U, todas de ordem $n \times n$.

Ou seja: A=D+L+U, onde D é a matriz em que as entradas da diagonal são aquelas da matriz A, em que, $a_{(i\neq j)}=0$; e a matriz L+U construída de forma que $a_{ii}=0$.

Então a equação Ax = b, ou (D + L + U)x = b, é então transformada em Dx = (L + U)x + b, e, se a inversa de D existe, ou seja, se $a_{ii} \neq 0$ [a diagonal principal não contenha zeros], então: $x = ([(L + U)x + b])D^{-1}$, donde, obtemos a forma iterativa $x^{(k)} = D^{-1}(L + U)x + D^{-1}b$, que é mais usada de forma teórica, agora para uma abordagem computacional, usamos a forma $x^{(k)} = \text{somatório....}$