Gestion de Portefeuille

Ex 5: Modèle Black-Litterman

Version: 07 févr. 2024

library(xts)
library(kableExtra)
library(quadprog)
library(fPortfolio)
library(BLCOP)

L'objet de cet exercice est de combiner l'approche de Black-Litterman et le modèle moyenne-variance classique pour imposer des contraintes à la solution.

Rappel

Distribution ex=ante des rendements:

$$r \sim \mathcal{N}(\mu, \Sigma)$$

Rendements espérés d'équilibre

$$\Pi = \delta \Sigma w_{eq}$$

Distribution de l'espérance de rendement:

$$\mu = \Pi + \epsilon^{(e)}$$

avec

$$\epsilon^{(e)} \sim \mathcal{N}(0, \tau \Sigma)$$

where τ is a scalar.

Expression des vues:

$$P\mu = Q + \epsilon^{(v)}$$

avec

$$\epsilon^{(v)} \sim \mathcal{N}(0, \Omega)$$

Solution ex-post:

Espérance de rendement

$$\mu^* = \left[(\tau \Sigma)^{-1} + P^T \Omega^{-1} P \right]^{-1} \left[(\tau \Sigma)^{-1} \Pi + P^T \Omega^{-1} Q \right]$$

Covariance des rendements

$$M^{-1} = \left[(\tau \Sigma)^{-1} + P^T \Omega^{-1} P \right]^{-1}$$

Distribution ex-post des rendements:

$$r \sim \mathcal{N}(\mu^*, \Sigma^*)$$

avec $\Sigma^* = \Sigma + M^{-1}$.

Données

Données de He & Litterman:

Rendements d'équilibre

```
# risk aversion parameter
delta = 2.5
Pi = delta * Sigma %*% w.eq
```

Assets	Std Dev	Weq	PI
Australia	16	1.6	3.9
Canada	20.3	2.2	6.9
France	24.8	5.2	8.4
Germany	27.1	5.5	9
Japan	21	11.6	4.3
UK	20	12.4	6.8
USA	18.7	61.5	7.6

Questions

En utilisant la librairie BLCOP, calculez l'espérance et la covariance ex-post des rendements en imposant la vue #1 (le marché allemand sur-performe de 5%).

Attention à bien observer la signification des paramètres de BLViews et posteriorEst de librairie BLCOP.

Avec les résultats de la question précédente, calculer les poids optimaux (Table 4 de l'article de Litterman et He).

Calculer le portefeuille tangent avec $w_i >= 0$.

On prendra $R_f = 2\%$.

On peut poser le problème d'optimisation et le résoudre directement. On peut également utiliser le package f Portfolio. Comme on dispose déjà du vecteur μ et de la matrice de covariance, il faut écrire sa propre fonction de calcul de la moyenne et de la covariance des rendements. Voir le manuel Rmetrics-f Portfolio, p. 234.