

# $1^{ m \`ere}$ Olympiade Nord-Africaine d'Informatique 2025

## Dox Taurus Cows

Limite de temps: 1 seconde Limite de mémoire: 256 MB

La ferme de Papy Porcellesi peut être representée sous la forme d'une grille  $N \times M$ , où chaque case représente un hectare de terre. les lignes sont numérotées de 0 à N-1 de haut en bas, et les colonnes de 0 à M-1 de gauche à droite.

Porcellesi a prévu de clôturer sa ferme comme suit: tant qu'une parcelle rectangulaire existe, il clôture le plus grand carré possible en commençant par le coin en haut à gauche du rectangle. Il en résulte que toutes les parcelles clôturées sont des carrés.

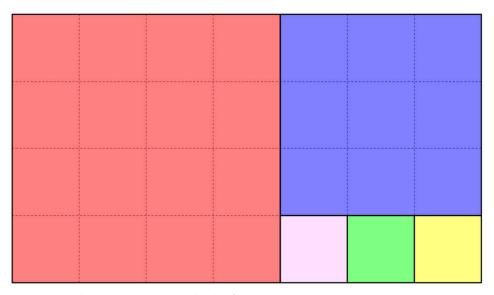


Figure 1: Exemple de ferme pour N=4 et M=7.

En plus de son partage étrange, La ferme de Papy Porcellesi est habitée par des vaches intelligentes : les **Dox Taurus**. Ces vaches, aussi connues sous le nom de **vaches quantiques**, peuvent apparaître et disparaître à leur guise. (Ce qui leur permet de se déplacer de parcelle en parcelle.)

Papy Porcellesi decide de suivre les mouvements des vaches: en particulier, il va noter chaque apparition et disparition des vaches dans la ferme.

Pour des raisons de logistique, il cherche à savoir le nombre maximum de vaches présentes dans une même parcelle à chaque instant.

#### Tâche

Q requêtes des trois types suivants sont données :

- add (r, c): Ajoute une vache dans la case (r,c)
- remove (r, c): Retire une vache de la case (r, c)
- count: Retourne le nombre maximum de vaches dans la même parcelle au moment donné Aide Papy Porcellesi à répondre aux requêtes!

#### Entrées

L'entrée consiste en Q+1 lignes:

- Ligne 1: Les entiers N, M, Q
- Ligne (1+i)  $(1 \le i \le Q)$ : Description d'une opération:
  - a r c: Ajoute une vache dans la case (r,c)
  - t r c: Retire une vache de la case (r,c)
  - c: Retourne le nombre maximum de vaches dans la même parcelle

#### Sorties

La sortie consiste en C lignes, où C est le nombre de requêtes de type  ${\tt count}$ :

• Ligne i: la réponse à la requête numéro i de type count

#### Contraintes

- $1 \le N, M \le 10^{18}$
- $0 \le Q \le 200,000$
- $0 \le r < N$ ,  $0 \le c < M$  pour chaque opération
- La ferme est vide au début
- Chaque opération de retrait est valide (La case contient au moins une vache)

#### Sous-tâches

Sous-tâche	Score	Contraintes	
1	0	Exemples uniquement	
2	11	$N \le 50, M \le 50, Q \le 500$	
3	21	$N \le 50, M \le 50, Q \le 20,000$	
4	20	N est un multiple de $M$	
5	27	$Q \le 500$	
6	21	Pas de contraintes supplémentaires	

### Exemples

## Exemple 1

4 7 8		
a 2 1		
a 1 4		
a 0 5		
a 3 5		
С		
t 0 5		
a 3 5		
С		

Sortie:

2 2

# Exemple 2

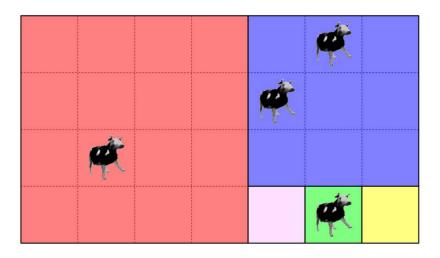
```
13 9 17
a 10 5
a 11 8
c
a 9 6
c
t 10 5
c
a 11 8
a 11 8
c
t 11 8
c
t 11 8
c
a 9 0
a 9 4
a 10 1
c
```

Sortie:

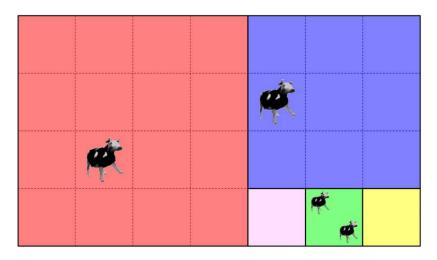
# Explication

Dans le premier cas:

- La ferme est au début **vide**
- Après les 4 premières requêtes, la ferme ressemble à ceci :
  - La parcelle en haut à droite contient 2 vaches.
  - La première requête count retourne 2.



 $\bullet$  Après les requêtes suivantes, la parcelle avec le plus de vaches contient 2  $\mathbf{vaches}.$ 



La seconde requête  ${\tt count}$  retourne aussi 2.