## **Лекция 10 Распределенные вычислительные системы**

Ефимов Александр Владимирович E-mail: alexandr.v.efimov@sibguti.ru

Курс «Архитектура вычислительных систем» СибГУТИ, 2020

#### Понятие о ВС

Вычислительная система (ВС) — совокупность взаимосвязанных и одновременно функционирующих аппаратурно-программных вычислителей, которая способна не только реализовать (параллельный) процесс решения сложной задачи, но и априори и в процессе работы автоматически настраиваться и перестраиваться с целью достижения адекватности между своей структурнофункциональной организацией и структурой и характеристиками решаемой задачи.

**Распределенная ВС** характеризуется тем, что все её аппаратные и программные ресурсы логически и технически распределены между вычислителями. Нет общих ресурсов.

## Модель коллектива вычислителей

**Вычислительная система** — средство обработки информации, базирующееся на модели коллектива вычислителей

$$S = \langle H, A \rangle$$

*H* – конструкция

А – алгоритм работы коллектива вычислителей.

 $C = \{c_i\}$  — множество вычислителей  $c_i$ , i = 0, N-1

N — мощность множества C

G — описание макроструктуры коллектива вычислителей, т.е. структуры сети связей между вычислителями  $c_i \in C$  (или структура коллектива)

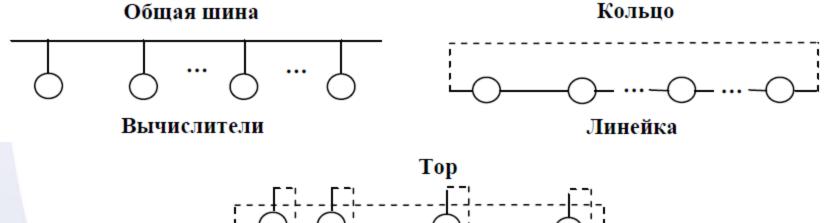
## Архитектурные принципы коллектива вычислителей

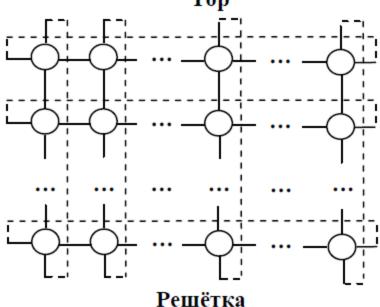
- Параллелизм при обработке информации параллельное выполнение операций на множестве
   С вычислителей, взаимодействующих через связи
   структуры G;
- Программируемость структуры настраиваемость структуры G сети связей между вычислителями, достигаемая программными средствами;
- $ightharpoonup \mathcal{C}_i \in \mathcal{C}$  и структуры G.

### Программируемость структуры

Принцип программируемости структуры требует, чтобы в ВС была реализована возможность "хранения" программного описания функциональной структуры модификации программной ee (перенастройки) с целью достижения адекватности структурам И параметрам решаемых задач.

## Простейшие структуры ВС





Увеличение размерности структуры повышает структурную надёжность ВС

## Структура BC (Interconnect)

Сетевая топология — это конфигурация графа, вершинам которого соответствуют конечные узлы сети (компьютеры) и коммуникационное оборудование (маршрутизаторы), а рёбрам — физические или информационные связи между вершинами.

(Макро)структура коллектива вычислителей представляется графом G, вершинам (узлам) которого сопоставлены вычислители  $c_i \in C$ , а ребрам — линии связи между ними

#### Коммуникационные сети

Со статической топологией:

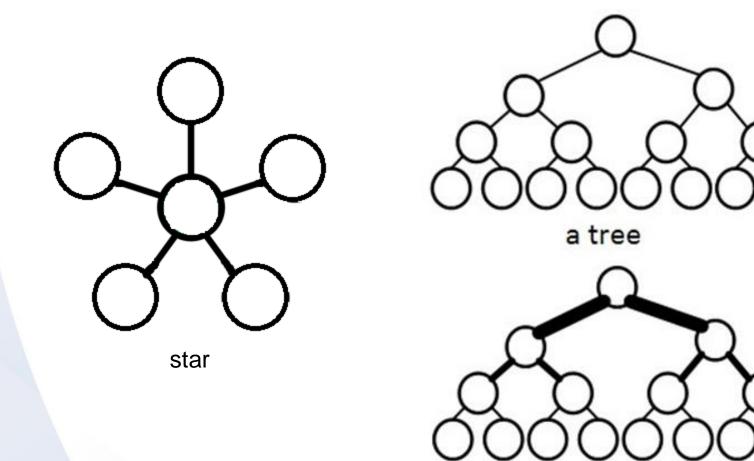
Каждый вычислительный узел имеет сетевой интерфейс (маршрутизатор) с несколькими портами, через который он напрямую соединён с другими узлами

С динамической топологией

Каждый вычислительный узел имеет сетевой интерфейс с несколькими портами

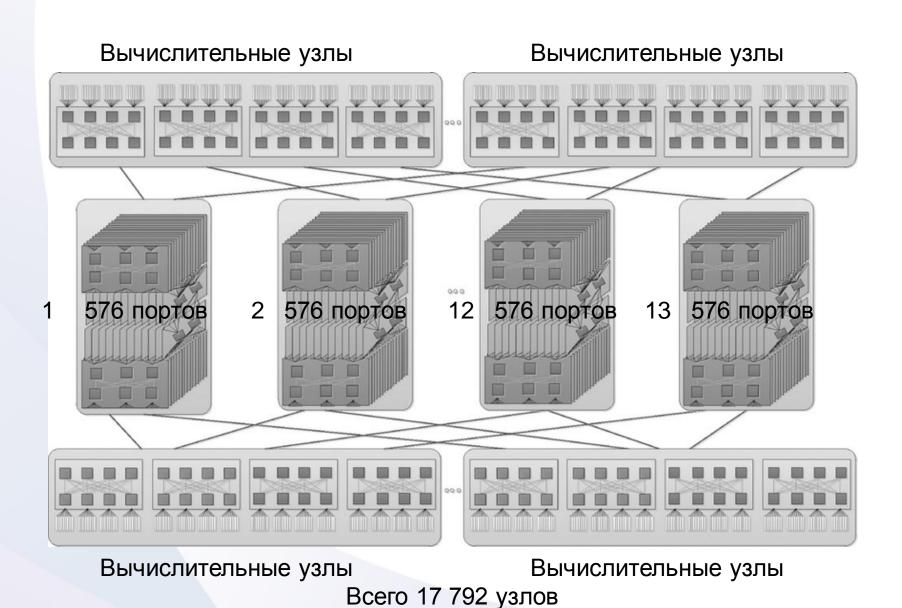
Порты интерфейсов подключены к коммутаторам, через которые происходит взаимодействие узлов

## Структура толстого дерева ВС



a fat tree

#### Tianhe TH Express-2 network architecture



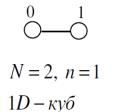
## Гиперкубическая структура ВС

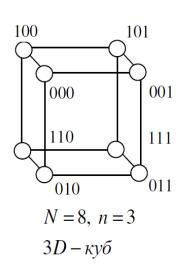
> Гиперкубы (структуры в виде булевых *n*-мерных кубов)

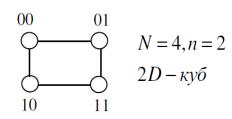
$$n = \log_2 N$$

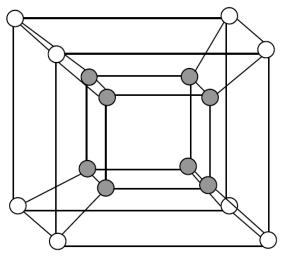
N — количество вершин n — число ребер, выходящих из вершины (размерность)

Максимальное расстояние (число ребер) между двумя вершинами совпадает с размерностью гиперкуба



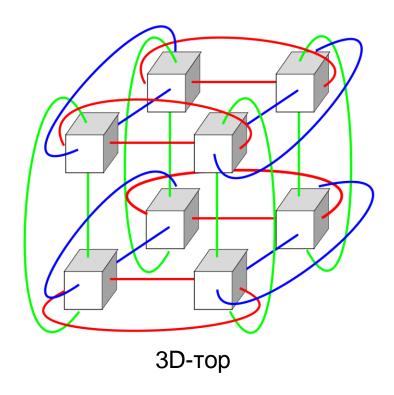






$$N = 16, n = 4, 4D - \kappa y \delta$$

## Структура *к*D-тор



Cray Titan 3D torus, IBM Sequoia 5D torus, Fujitsu 6D torus

#### Структурные характеристики ВС

 Диаметр структуры - максимальное расстояние, определённое на множестве кратчайших путей между парами вершин структуры ВС

$$d = \max_{i,j} \{d_{ij}\}$$

Средний диаметр структуры

$$\overline{d} = (N-1)^{-1} \sum_{l=1}^{d} l \cdot n_l$$

- $d_{ij}$  расстояние, т.е. минимальное число рёбер, образующих путь из вершины i в вершину j ;  $i,j\in\{0,1,...,N-1\}$ ;
- $n_I$  число вершин, находящихся на расстоянии I от любой выделенной вершины (однородного) графа G.

#### Структурные характеристики ВС

Структурная коммутируемость ВС

$$\mathcal{K}(G, s, s') = {\mathcal{K}_h(G, s, s')}, h \in {1, 2, ..., [N/2]}$$

- $\mathcal{K}_h(G,s,s')$  вероятность реализации в системе при заданных структуре G и коэффициентах готовности s и s' соответственно одной ЭМ и линии связи h одновременных непересекающихся межмашинных взаимодействий
  - Структурная живучесть ВС

$$\mathcal{L}(G, s, s') = {\mathcal{L}_r(G, s, s')}, \quad r \in E_2^N = {2,3,..., N}$$

 $\mathcal{L}_r(G,s,s')$  - вероятность существования подсистемы ранга r (т.е. подмножества из r работоспособных ЭМ, связность которых устанавливается через работоспособные линии связи) при заданных структуре G, коэффициентах готовности s и s' элементарной машины и линии связи соответственно

#### Структурные характеристики ВС

Бисекционная пропускная способность (bisection bandwidth) — суммарная пропускная способность каналов связи между двумя непересекающимися подмножествами машин системы (для худшего разбиения, минимальное значение)

Аппаратная сложность — число простейших коммутаторов (2 x 2, n x n) и каналов связи, необходимых для построения составного коммутатора сети

Метрическая сложность — максимальная длина линии связи, требуемая для реализации выбранной топологии в трехмерном пространстве

## Структура ВС

Характе- ристика	Тип структуры ВС								
	Полный граф	Линейка	Кольцо	2D- решетка	2D-тор	Гиперкуб			
Диаметр	1	N-1	[N/2]	$2(\sqrt{N}-1)$	$2[\sqrt{N}/2]$	$\log_2 N$			
Кол-во рёбер	N(N-1)/2	N-1	N	$2(N-\sqrt{N})$	2 <i>N</i>	$(N\log_2 N)/2$			

## Требования, предъявляемые к структурам ВС

✓ Простота вложения параллельного алгоритма решения сложной задачи в структуру ВС

Структура ВС должна быть адекватна достаточно широкому классу решаемых задач; настройка проблемно-ориентированных виртуальных конфигураций и реализация основных схем обмена информацией между ЭМ не должны быть связаны со значительными накладными расходами

✓ Удобство адресации элементарных машин и «переноса» подсистем в пределах ВС

Вычислительная система должна предоставлять возможность пользователям создавать параллельные программы с виртуальными адресами ЭМ. Следовательно, структура ВС должна позволять реализовать простейший «механизм» преобразования виртуальных адресов ЭМ в реальные (физические) адреса машин ВС

## Требования, предъявляемые к структурам ВС

- ✓ Осуществимость принципа близкодействия и минимума задержек при межмашинных передачах информации в ВС
  - Принцип близкодействия предопределяет реализацию обменов информацией между «удалёнными» друг от друга ЭМ через промежуточные машины системы. Следовательно, в условиях ограниченности числа связей у каждой ЭМ структура должна обеспечивать минимум задержек при «транзитных» передачах информации
- ✓ Масштабируемость и большемасштабность структуры ВС Для формирования конфигураций ВС с заданной эффективностью требуется, чтобы структура обладала способностью к наращиванию и сокращению числа вершин (машин). Изменение числа ЭМ в ВС не должно приводить к коренным перекоммутациям между машинами и (или) к необходимости изменения числа связей для любых ЭМ

## Требования, предъявляемые к структурам ВС

- √ Коммутируемость структуры ВС
  - ВС должна быть приспособлена к реализации групповых межмашинных обменов информацией. Следовательно, структура ВС должна обладать способностью осуществлять заданное число одновременных непересекающихся взаимодействий между элементарными машинами
- ✓ Живучесть структуры ВС
  Важным требованием к ВС в целом является обеспечение работоспособности при отказе её компонентов или даже подсистем
- ✓ Технологичность структур ВС

Структура сети межмашинных связей ВС не должна предъявлять особых требований к элементной базе, к технологии изготовления микропроцессорных БИС. Системы должны быть восприимчивы к массовой технологии, их «вычислительное ядро» должно формироваться из массовых микропроцессорных БИС. Последнее позволит достичь приемлемых значений технико-экономических показателей ВС



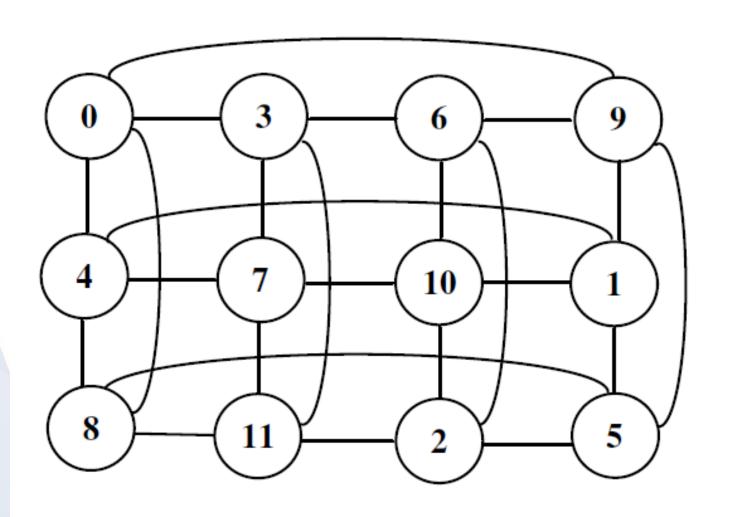
Анализ путей удовлетворения перечисленным требованиям приводит к безальтернативному выбору *однородных* (или регулярных, т.е. описываемых однородными графами) структур для формирования вычислительных систем

### Перспективные структуры ВС

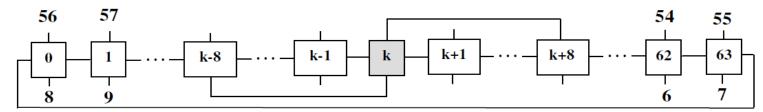
 $\succ$  Циркулянтные структуры ( $D_n$ -графы)

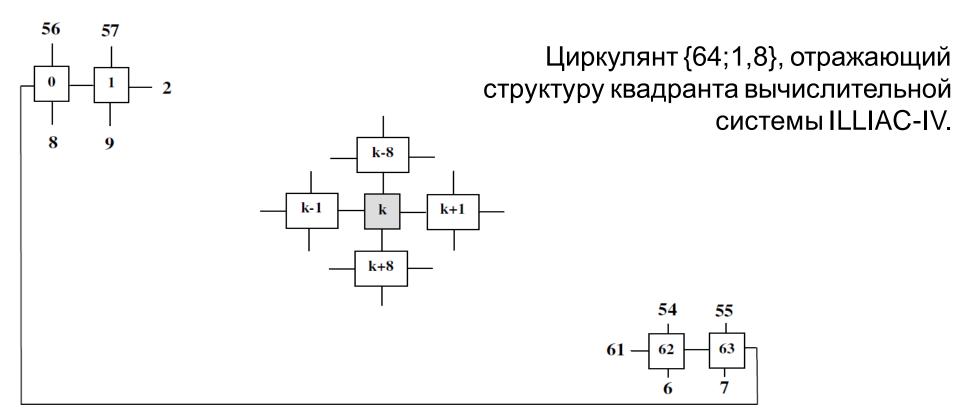
```
D_n-граф или циркулянтная структура есть граф G вида:
{N; ω_1, ω_2, ..., ω_n}, в котором:
N – число вершин или порядок графа;
вершины помечены целыми числами і по модулю N, следовательно,
i \in \{0, 1, ..., N-1\};
вершина і соединена ребром (или является смежной) с вершинами
i \pm \omega_1, i \pm \omega_2, ..., i \pm \omega_n (mod N);
\{\omega_{1}, \omega_{2}, ..., \omega_{n}\} – множество целых чисел, называемых
образующими, таких, что 0 < \omega_1 < \omega_2 < ... < \omega_n < (N+1) / 2, а для чисел
N; \omega_1, \omega_2, ..., \omega_n наибольшим общим делителем является 1;
n — размерность графа;
2n — степень вершины в графе.
```

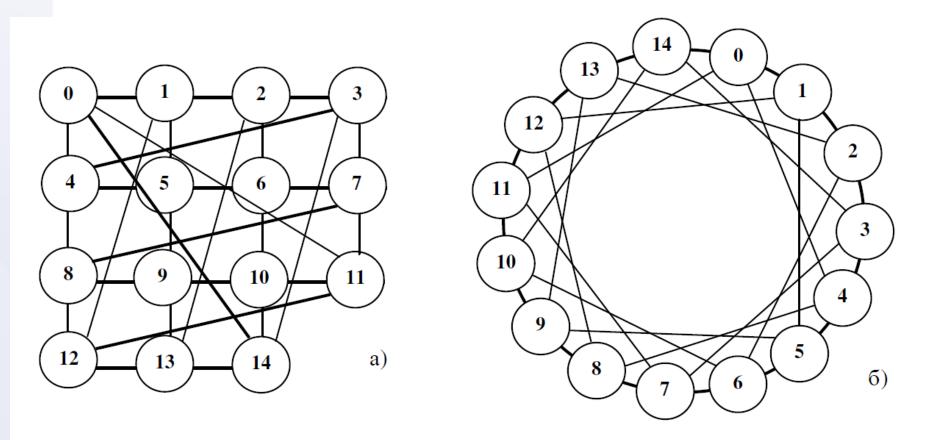
 $D_2$ -граф или двумерный циркулянт вида:  $\{12;3,4\}$ 



ightharpoonup Циркулянтные структуры {N; 1,  $\omega_2$ } широко внедрены в практику вычислительных систем (матричные BC)







 $D_2$ -граф:  $\{15;1,4\}$ : а ) – двумерная матрица, б) – хордовое кольцо

- ✓ Целые числа  $i \in \{0, 1, 2, ..., N-1\}$ , отмечающие вершины  $D_n$ -графа, называют adpecamu.
- ✓ *Адресация* вершин в таких структурах называется *диофантовой* (в честь древнегреческого математика из Александрии Диофанта, Diophantos, 3 в.).
- ✓ В циркулянтных структурах при полном переносе какой-либо подструктуры (всех вершин подструктуры на одно и то же расстояние в одном из направлений) сохраняются все её свойства и адресация вершин.
- ✓ Следовательно, при диофантовой адресации элементарных машин ВС можно простыми средствами реконфигурации осуществить виртуальную адресацию вершин-машин и, следовательно,
  - 1) создавать отказоустойчивые параллельные программы,
  - 2) реализовывать мультипрограммные режимы обработки информации,
  - 3) исключать отказавшие вершины-машины из подсистем, а значит обеспечить живучесть ВС.

Реконфигурация сводится к изменению адресов α у всех машин подсистемы

$$\alpha := [\alpha + (j-i)] \mod N, \quad \alpha \in \{0,1,...,N-1\}$$

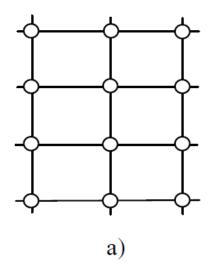
*i* – номер ЭМ, исключаемой из подсистемы

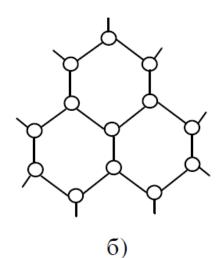
*j* – номер машины, включаемый в подсистему

$$i, j \in \{0, 1, ..., N-1\}.$$

## $\Lambda(N, v, g)$ -графы

- Структуры ВС, допускающих масштабирование (изменение числа машин)
   без коренной перекоммутации уже имеющихся межмашинных связей
- $\nearrow$  Л(N, v, g)-граф это неориентированный однородный граф с числом и степенями вершин соответственно N и v и значением обхвата g
- Каждая вершина при v ≥ 3 входит в не менее v кратчайших простых циклов длиной g (длина кратчайшего цикл в графе называется обхватом)
- ightharpoonup При  $v = 2 \Pi(N, v, g)$ -граф является простым циклом с N вершинами





Фрагменты L(N, v, g)-графов:

a) 
$$-v = 4$$
,  $g = 4$ ; 6)  $-v = 3$ ,  $g = 6$ 

#### Анализ и синтез структур ВС

- Расчёт значений структурных показателей ВС
- Получение аналитических выражений для координат векторфункций структурной коммутируемости ВС и структурной живучести является сложной задачей, разрешимой лишь для частных случаев. Рабочий метод расчёта этих показателей статистическое моделирование
- Проблема синтеза структур заключается в поиске таких графов G\*, которые бы делали реальные (физические) конфигурации ВС максимально приспособленными для программирования (виртуальных) конфигураций

#### Постановка задачи синтеза структур ВС

Найти структуру *G\**, которая обеспечивала бы максимум координаты вектор-функции структурной живучести

$$\max_{G} \mathcal{L}_{r}(G, s, s') = \mathcal{L}_{r}(G^{*}) \tag{1}$$

при заданных значениях N, r, v, s, s'.

- Структура G\*, для которой выполняется (1), называется оптимальной.
- Проблема синтеза оптимальных структур большемасштабных ВС относится к сложным проблемам, она практически решается при помощи статистического моделирования (методом Монте-Карло) и, следовательно, с использованием мощных вычислительных средств

#### Оптимальные структуры ВС

- ▶ Трудоёмкость поиска G\* можно заметно снизить, если воспользоваться двумя нижеприведенными гипотезами.
- **Гипотеза 1.** Структура  $G^*$ , при которой достигается  $\mathcal{L}_N(G^*)$  максимум живучести ВС, обеспечивает и  $\mathcal{L}_r(G^*)$  максимум живучести подсистем ранга r < N.
- **Гипотеза 2.** Структура с минимальным (средним) диаметром относится к *G\**, т.е. обладает максимальной структурной живучестью.
- Справедливость гипотез подтверждена результатами статистического моделирования структур ВС. Эти гипотезы были высказаны В.Г. Хорошевским в 1970-х годах

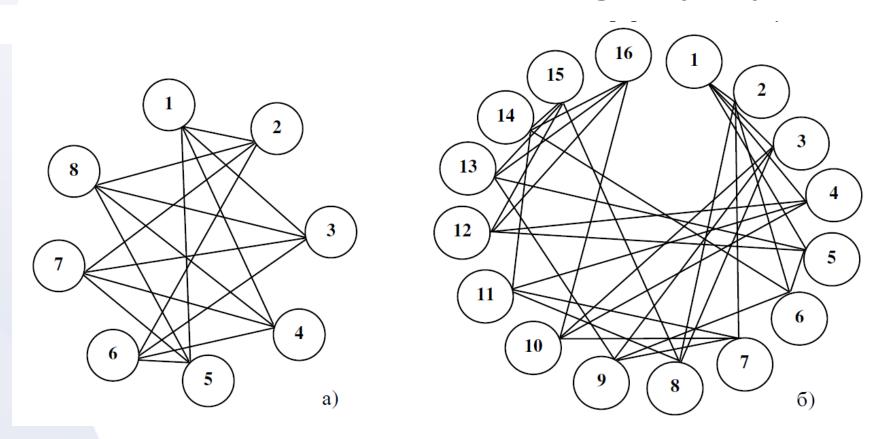
#### Оптимальные структуры ВС

- *Оптимальными* будем называть структуры *G\*,* имеющие при заданных порядке *N* и степени *v* вершин минимальный диаметр.
- Создание общего алгоритма синтеза оптимальных структур является сложной задачей. Существуют алгоритмы синтеза для конкретных классов графов.
- Для целей практики созданы и пополняются каталоги оптимальных структур.

### Фрагмент каталога оптимальных $D_n$ -графов

$D_{\scriptscriptstyle n}$ -граф	N	$\omega_{\rm l}$	$\omega_2$	$\omega_3$	$\omega_{\scriptscriptstyle 4}$	$\omega_{\scriptscriptstyle 5}$
	16	1	6			
$D_2$ -граф	32	1	7			
	64	1	14			
	128	1	15			
	256	1	92			
D. Frank	16	1	2	6		
$D_3$ -граф	32	1	4	10		
	50	1	8	12		
	2048	37	116	202		
		48	407	615		
		349	3 90	686		
D mad	16	1	2	3	4	
$D_{\!\scriptscriptstyle 4}$ -граф	32	1	2	8	13	
	64	1	4	10	17	
D made	16	1	2	3	4	5
$D_5$ -граф	32	1	2	3	4	12
	50	1	3	8	16	20
	1024	22	189	253	294	431
		30	133	230	253	485
		6	317	403	425	475

## Оптимальные Л(N, v, g)-графы



Оптимальные  $\mathcal{J}(N, v, g)$  -графы:

a)  $\mathcal{J}(8,4,4)$  -граф, d=2,  $\overline{d}=1,43$ ; б)  $\mathcal{J}(16,4,4,)$  -граф, d=3,  $\overline{d}=1,91$ 

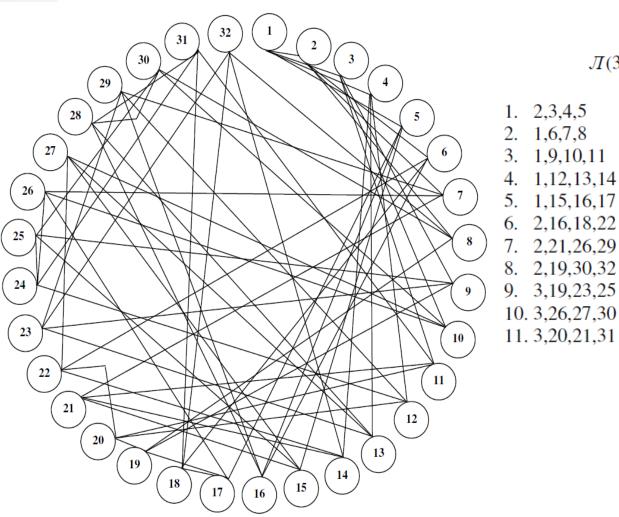
## Оптимальные $\Pi(N, v, g)$ -графы

Графы  $\Pi(N, v, g)$  можно описывать в виде матриц смежности. *i. j, k, ..., l -* элементы *i-*той строки матрицы смежности  $\Pi(N, v, g)$ -графа, которые равны 1

$$\mathcal{J}(32,3,7)$$
-граф,  $d = 5$ ,  $\overline{d} = 2,94$ 

1.	2,3,4	9.	4,19,20	17.	8,12,26	25.	13,16,26
2.	1,5,6	10.	4,21,22	18.	8,19,29	26.	17,20,25
3.	1,7,8	11.	5,22,29	19.	9,18,31	27.	14,20,28
4.	1,9,10	12.	5,17,23	20.	9,26,27	28.	21, 27,32
5.	2,11,12	13.	6,24,25	21.	10,23,28	29.	11,18,32
6.	2,13,14	14.	6,15,27	22.	10,11,30	30.	15,22,31
7.	3,15,16	15.	7,14,30	23.	12,21,24	31.	19,24,30
8.	3,17,18	16.	7,25,32	24.	13,23,31	32.	16,28,29

# Оптимальный Л(32, 4, 6)-граф; d = 4, $\overline{d} = 2,36$



 $\mathcal{J}(32,4,6)$ -rpa $\phi$ , d = 4,  $\overline{d} = 2,36$ 

1. 2,3,4,5 12. 4,20,24,29 23. 9,13,29,32 2. 1,6,7,8 13. 4,23,27,28 24. 12,25,26,31 3. 1,9,10,11 14. 4,21,22,32 25. 9,15,24,30 15. 5,21,25,27 4. 1,12,13,14 26. 7,10,17,24 5. 1,15,16,17 16. 5,6,28,29 27. 10,13,15,22 6. 2,16,18,22 17. 5,18,19,26 13,16,30,31 7. 2,21,26,29 18. 6,17,31,32 29. 7,12,16,23 8. 2,19,30,32 19. 8,9,17,20 30. 8,10,25,28 9. 3,19,23,25 20. 11,12,19,22 31. 11,18,24,28 10. 3,26,27,30 21. 7,11,14,15 32. 8,14,18,23

22. 6,14,20,27

## Сравнительный анализ структур ВС

NI OV	Гиперкубы		Циркулянты			$\mathcal{J}(N,v,g)$ -графы			
$N=2^{\nu}$	v = d	$\overline{d}$	v	d	$\overline{d}$	v	g	d	$\overline{d}$
64	6	3.0	6	4	2.5	6	6	3	2.29
256	8	4.0	8	4	3.3	8	6	3	2.7
512	9	4.5	8	5	4.02	9	6	3	2.81
1024	10	5.0	10	5	4.04	10	6	4	3.01
2048	11	5.5	10	6	4.70	11	6	4	3.47
4096	12	6.0	12	6	4.68	12	6	4	3.57
8192	13	6.5	12	6	5.34	13	6	4	3.78
16384	14	7.0	14	6	5.38	14	6	4	3.83
32768	15	7.5	14	7	6.09	15	6	4	3.89
65536	16	8.0	16	7	6.12	16	6	5	4.06
131072	17	8.5	16	8	6.73	17	6	5	4.39
262144	18	9.0	18	8	6.75	18	6	5	4.62
1048576	20	10.0	20	8	7.41	20	6	5	4.85
16777216	24	12.0	24	10	8.76	24	6	6	5.56
268435456	28	14.0	28	11	10.15	28	6	6	5.94

# Сравнительный анализ структур ВС

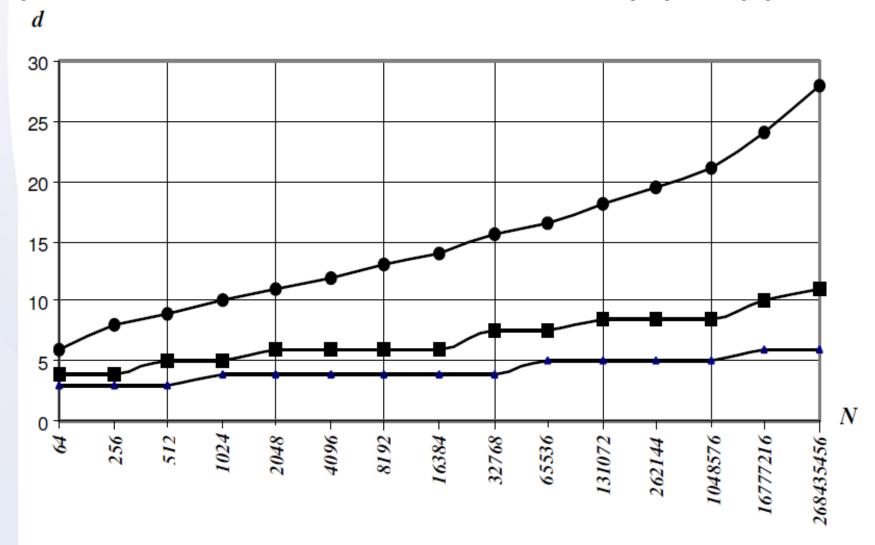


Рис. 7.6 Зависимость диаметра структуры ВС от числа вершин;

— – гиперкуб, — –  $D_n$ -граф, — –  $\mathcal{J}(N, v.g)$ -граф

# Сравнительный анализ структур ВС

- $\triangleright$   $D_n$ -графы при одинаковых (или даже меньших на единицу) степенях имеют диаметры, которые меньше чем в 3 раза по сравнению с диаметром гиперкубов
- $\triangleright D_n$ -графы обладают меньшими средними диаметрами по сравнению с гиперкубам
- Рассматриваемые показатели для  $\Pi(N, v, g)$ -графов при g > 4 самые лучшие: так диаметры для оптимальных  $\Pi(N, v, g)$ -графов оцениваются величиной  $0,21*\log_2 N$ , в то время как в гиперкубах  $\log_2 N$
- ▶ Л(N, v, g)-графы характеризуются логарифмической зависимостью диаметров от количества N вершин при фиксированной степени вершин



В вычислительных системах, использующих  $D_n$  - и  $\Lambda(N, v, g)$ -графы, время межмашинных (межпроцессорных) обменов информацией значительно меньше по сравнению с временем гиперкубических ВС



 $D_n$ - и  $\Lambda(N, v, g)$ -графы более перспективны для формирования сетей межмашинных (межпроцессорных) связей в ВС, чем гиперкубы

# ВС с программируемой структурой

Вычислительные системы (ВС) с программируемой структурой — это распределенные средства обработки информации, в которых все компоненты (устройство управления, процессор и память) являются распределенными (нет единого функционально и конструктивно реализованного устройства).

Тип архитектуры BC – MIMD.

Допускается формирование конфигураций с массовым параллелизмом (Scalable Massively Parallel Architecture Computing Systems).

# ВС с программируемой структурой

Под ВС с программируемой структурой понимается совокупность элементарных машин, функциональное взаимодействие между которыми осуществляется через программно настраиваемую сеть связи.

# ВС с программируемой структурой

Элементарная машина (ЭМ) — это композиция из вычислительного модуля и системного устройства. Вычислительный модуль (ВМ) служит как для переработки и хранения информации, так и для выполнения функций по управлению системой в целом (аппаратурно-программный комплекс).

Системное устройство (СУ) — это ЛК или КП, предназначенные для взаимодействия данной ЭМ с ближайшими соседними машинами (точнее, с системными устройствами, с которыми имеется непосредственная связь).

## Вычислительная система «Минск-222»

Разработана и построена Отделением вычислительной техники Института математики СО АН СССР совместно с Конструкторским бюро завода им. Г.К. Орджоникидзе Министерства радиопромышленности СССР (г. Минск).

Руководитель работ: Э.В. Евреинов.

Основные разработчики:

В.Г. Хорошевский, Б.А. Сидристый, Г.П. Лопато.

Начало работ - 1965 год.

Первый образец 1966 год.

Системы "Минск-222" были смонтированы в нескольких организациях Советского Союза и эксплуатировались более 15 лет.

## Архитектурные особенности «Минск-222»

- MIMD-архитектура, распределённость ресурсов;
- параллелизм, однородность, программируемость структуры;
- одномерная (кольцевая) топология;
- масштабируемость: 1 16 элементарных машин (ЭМ);
- быстродействие:  $\Omega = A \cdot N \cdot \omega$ ,
  - N число  $\mathsf{ЭM}$ ,
  - $\omega$  быстродействие одной ЭМ,
- $A \ge 1$  коэффициент (при крупноблочном распараллеливании сложных задач);
- использование промышленных ЭВМ второго поколения.

# Характеристики

Быстродействие 5-6тыс. оп/с

Ёмкость оперативной памяти - 8192 слов.

Количество разрядов - 37

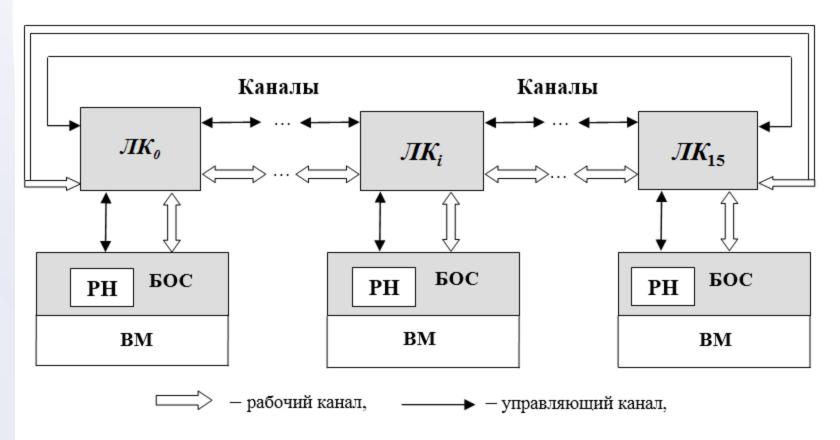
Частота - 250кГц

Система счисления - двоичная с плавающей и фиксированной запятой

Потребляемая мощность - 30кВт

Площадь - 240м2

## Функциональная структура «Минск-222»



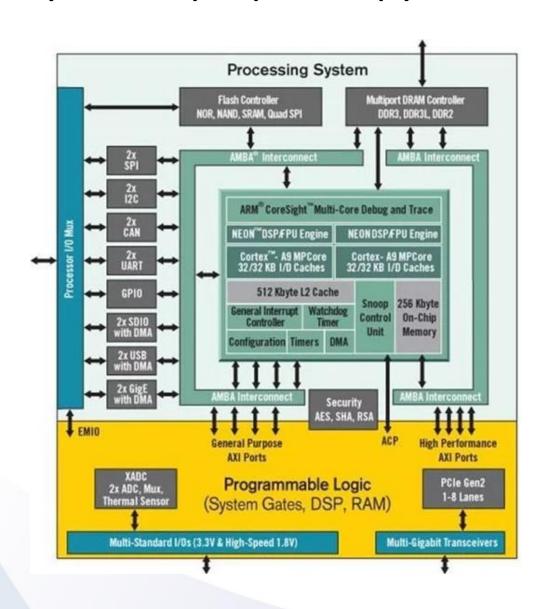
 ${f JK}$  — локальный коммутатор,  ${f FOC}$  — блок операций системы,  ${f PH}$  — регистр настройки,  ${f BM}$  — вычислительный модуль

## Современные ВС с программируемой структурой

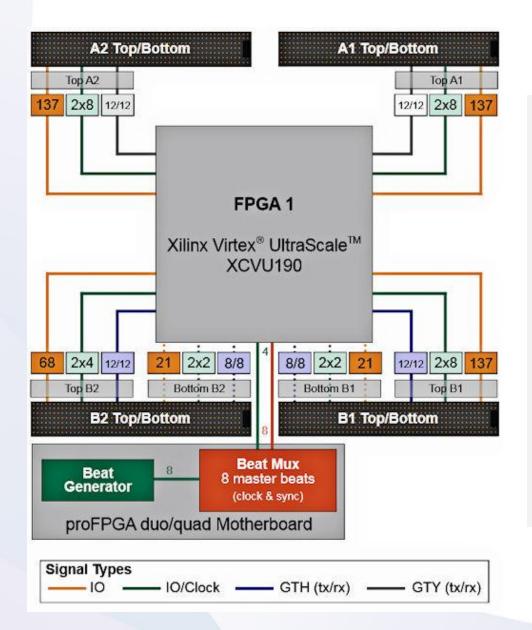
Программи́руемая по́льзователем ве́нтильная ма́трица (ППВМ, англ. field-programmable gate array, FPGA) — полупроводниковое устройство, которое может быть сконфигурировано производителем или разработчиком после изготовления; наиболее сложная по организации разновидность программируемых логических интегральных схем.

VHDL (англ. VHSIC (Very high speed integrated circuits)
Hardware Description Language) — язык описания
аппаратуры интегральных схем. Язык проектирования VHDL
является базовым языком при разработке аппаратуры
современных вычислительных систем.

## Гибридные узлы с программируемой структурой



#### Xilinx UltraScale Architecture





### Язык высокого уровня COLAMO

Язык высокого уровня с неявным описанием параллелизма COLAMO является новым языком для программирования реконфигурируемых систем и позволяет программисту максимально просто описывать различные виды параллелизма в достаточно сжатом виде. Язык COLAMO содержит конструкции, аналогичные конструкциям традиционных языков программирования высокого уровня, но, в то же время, позволяет в едином контексте описать как структурную, так и процедурную компоненты параллельной программы. Языковые средства оперируют традиционными для большинства систем программирования операторами условий, циклов и арифметических операций, представленными в виде конструкций, аналогичных синтаксису языков Паскаль и Фортран.

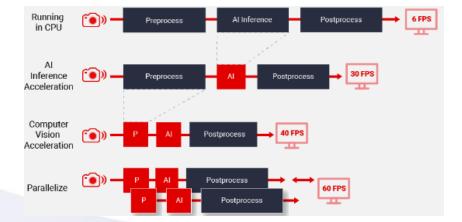
## XILINX VITIS Unified software platform

 The Vitis unified software platform enables the development of embedded software and accelerated applications on heterogeneous Xilinx platforms including FPGAs, SoCs, and Versal ACAPs. It provides a unified programming model for accelerating Edge, Cloud, and Hybrid computing applications.

Leverage integration with high-level frameworks, develop in C, C++, or Python using accelerated libraries or use RTL-based accelerators & low-level runtime APIs for more fine-grained control over implementation — Choose the level of

abstraction you need.





## Литература

Хорошевский В.Г. Архитектура вычислительных систем.

Учебное пособие. – М.: МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2005; 2-е издание, 2008.

Хорошевский В.Г. Инженерные анализ функционирования вычислительных машин и систем. – М.: "Радио и связь", 1987.