ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «СИБИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ТЕЛЕКОММУНИКАЦИЯ И ИНФОРМАТИКИ»

КАФЕДРА ПМиК

Расчетно-графическая работа по дисциплине «Программирование графических процессоров»

Выполнил: студент 3-го курса, группы ИП-013 Копытина Т.А

Проверил: Старший преподаватель Кафедры прикладной математики и кибернетики Нужнов А.В.

Оглавление

Постановка задачи	3
Описание архитектуры вычислительных шейдеров OpenGL	4
Описание реализации	5
Скриншоты процесса работы программы	8
Анализ результатов программы	13
Листинг программы	15

Постановка задачи

Текст задания: Сравнение производительности программы на основе Open GL - вычислительных шейдеров.

Цель данного проекта — провести сравнительный анализ производительности программ, реализованных на алгоритмах линейной алгебры с использованием шейдеров Open GL.

- Изучить основные принципы работы вычислительных шейдеров OpenGL.
- Реализовать несколько алгоритмов линейной алгебры с использованием вычислительных шейдеров.
- Провести тестирование разработанных программ на различных объемах данных и сравнить полученные результаты в терминах времени выполнения операций линейной алгебры.
- Проанализировать полученные результаты и сделать выводы о производительности каждого подхода и эффективности использования вычислительных шейдеров OpenGL.

Для решения поставленных задач будут реализованы две программы на вычислительных шейдерах, которые выполняют операции линейной алгебры: умножение матрицы на вектор и транспонирование матрицы.

Описание архитектуры вычислительных шейдеров OpenGL.

Шейдеры — это небольшие программы, выполняемые на графическом ускорителе. Эти программы выполняются для каждого конкретного участка графического конвейера. Если описывать шейдеры наиболее простым способом, то шейдеры — это не более чем программы преобразующие входы в выходы. Шейдеры обычно изолированы друг от друга, и не имеют механизмов коммуникации между собой кроме упомянутых выше входов и выходов.

Вычислительные шейдеры работают совсем по-другому. "Пространство", с которым работает вычислительный шейдер, в значительной степени абстрактно; каждый вычислительный шейдер сам решает, что означает это пространство. Количество выполнений вычислительного шейдера определяется функцией, используемой для выполнения вычислительной операции. Самое важное из всего, что вычислительные шейдеры не имеют определяемых пользователем входных данных и вообще никаких выходных данных. Встроенные входные данные определяют только то, где в "пространстве" выполнения находится конкретный вызов вычислительного шейдера.

Описание реализации

Данная программа представляет собой реализацию операций над матрицами, таких как транспонирование и умножение матрицы на вектор.

Для проверки правильности транспонирования и умножения, программа включает шейдеры transpose.comp и multiply.comp, которые показывают результаты выполнения соответствующих операций.

Для транспонирования матрицы используется шейдер transpose.comp, в нем описывается следующее:

- layout (local_size_x = 20, local_size_y = 20) in; Задание размеров
 матрицы и точка входа в программу;
- layout (std430, binding = 0) buffer InBuffer { float matrixA[];}; layout (std430, binding = 1) buffer OutBuffer {float matrixB[];}; создание буферов под матрицы, чтобы копировать с CPU на GPU;
- Далее идет функция void main(), где выполняется само транспонирование.

Далее в файле main.cpp происходит вычислительный процесс и замер времени операции:

- В классе class Transposing: public GPUAlgorithm мы вызываем функцию Transposing(), в которой открываем наш шейдер transpose.comp, затем создаем новый шейдер внутри главной программы. Далее проверяем что компиляция шейдера прошла успешно. С помощью createProgramm() создаем новую программу где будут выполняться все действия.
- Далее вызываем функцию void GetResult() где выводится результат работы функции транспонирования.
- Затем вызывается функция void Transpose() в ней уже проходит заполнение матрицы, работа шейдера, замер времени с помощью

chrono::high_resolution_clock::time_point start = wtime() копирование результата в буфер, затем очищение буфера.

Для умножения матрицы на вектор мы используем второй вычислительный шейдер multiply.comp, происходит следующее:

- Сначала задаем размеры матрицы layout (local_size_x = 20, local_size_y = 20) in;. Затем мы создаем три буфера на графическом процессоре для: матрицы, вектора и результата.
- Далее идет функция void main(), где выполняется умножение матрицы на вектор.

Далее в файле main.cpp происходит вычислительный процесс и замер времени операции:

- В классе class Multiplication : public GPUAlgorithm мы вызываем функцию Multiplication() в которой открываем шейдер multiply.comp, затем создаем новый шейдер внутри главной программы. Далее проверяем что компиляция шейдера прошла успешно. С помощью CreateProgramm() создаем новую программу где будут выполняться все действия.
- Далее вызываем функцию void GetResult() где выводится результат работы функции транспонирования.
- Затем вызывается функция void Multiply() в ней уже проходит заполнение матрицы, работа шейдера, замер времени с помощью chrono::high_resolution_clock::time_point start = wtime() копирование результата в буфер, затем очищение буфера.

Так же в основном файле main.cpp есть класс class Controller, в котором мы вызываем следующие функции:

- Controller(), void InitGLFW() с помощью этих функций мы создаем окно в которое мы выводим работу наших шейдеров и программ и их результаты.
- В функции void compute() мы выводим результаты работы программ транспонирования и умножения матрицы на вектор.

Скриншоты процесса работы программы

MAT	RIX																		
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39
40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59
60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74	75	76	77	78	79
80	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	91	92	93	94	95	96	97	98	99
100	101	102	103	104	105	106	107	108	109	110	111	112	113	114	115	116	117	118	119
120	121	122	123	124	125	126	127	128	129	130	131	132	133	134	135	136	137	138	139
140	141	142	143	144	145	146	147	148	149	150	151	152	153	154	155	156	157	158	159
160	161	162	163	164	165	166	167	168	169	170	171	172	173	174	175	176	177	178	179
180	181	182	183	184	185	186	187	188	189	190	191	192	193	194	195	196	197	198	199
200	201	202	203	204	205	206	207	208	209	210	211	212	213	214	215	216	217	218	219
220	221	222	223	224	225	226	227	228	229	230	231	232	233	234	235	236	237	238	239
240	241	242	243	244	245	246	247	248	249	250	251	252	253	254	255	256	257	258	259
260	261	262	263	264	265	266	267	268	269	270	271	272	273	274	275	276	277	278	279
280	281	282	283	284	285	286	287	288	289	290	291	292	293	294	295	296	297	298	299
300	301	302	303	304	305	306	307	308	309	310	311	312	313	314	315	316	317	318	319
320	321	322	323	324	325	326	327	328	329	330	331	332	333	334	335	336	337	338	339
340	341	342	343	344	345	346	347	348	349	350	351	352	353	354	355	356	357	358	359
360	361	362	363	364	365	366	367	368	369	370	371	372	373	374	375	376	377	378	379
380	381	382	383	384	385	386	387	388	389	390	391	392	393	394	395	396	397	398	399

Рис.1 Матрица до преобразования размера 20х20.

```
--VECTOR--
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19
```

Рис.2 Вектор размера 20х1

--RESULT--2470 6270 10070 13870 17670 21470 25270 29070 32870 36670 40470 44270 48070 51870 55670 59470 63270 67070 70870 74670 Multiply Time (20 x 20) = 10 milliseconds

Рис. 3 Результат умножения и замер времени данной операции.

MAT	RIX	•		,															
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39
40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59
60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74	75	76	77	78	79
80	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	91	92	93	94	95	96	97	98	99
100	101	102	103	104	105	106	107	108	109	110	111	112	113	114	115	116	117	118	119
120	121	122	123	124	125	126	127	128	129	130	131	132	133	134	135	136	137	138	139
140	141	142	143	144	145	146	147	148	149	150	151	152	153	154	155	156	157	158	159
160	161	162	163	164	165	166	167	168	169	170	171	172	173	174	175	176	177	178	179
180	181	182	183	184	185	186	187	188	189	190	191	192	193	194	195	196	197	198	199
200	201	202	203	204	205	206	207	208	209	210	211	212	213	214	215	216	217	218	219
220	221	222	223	224	225	226	227	228	229	230	231	232	233	234	235	236	237	238	239
240	241	242	243	244	245	246	247	248	249	250	251	252	253	254	255	256	257	258	259
260	261	262	263	264	265	266	267	268	269	270	271	272	273	274	275	276	277	278	279
280	281	282	283	284	285	286	287	288	289	290	291	292	293	294	295	296	297	298	299
300	301	302	303	304	305	306	307	308	309	310	311	312	313	314	315	316	317	318	319
320	321	322	323	324	325	326	327	328	329	330	331	332	333	334	335	336	337	338	339
340	341	342	343	344	345	346	347	348	349	350	351	352	353	354	355	356	357	358	359
360	361	362	363	364	365	366	367	368	369	370	371	372	373	374	375	376	377	378	379
380	381	382	383	384	385	386	387	388	389	390	391	392	393	394	395	396	397	398	399

Рис.4 Матрица до преобразования размера 20х20.

```
RESULT-
      20
            40
                  60
                         80
                             100
                                    120
                                          140
                                                160
                                                      180
                                                             200
                                                                   220
                                                                         240
                                                                               260
                                                                                     280
                                                                                            300
                                                                                                  320
                                                                                                        340
                                                                                                              360
                                                                                                                     380
            41
                  61
                         81
                              101
                                    121
                                          141
                                                161
                                                      181
                                                             201
                                                                   221
                                                                         241
                                                                               261
                                                                                      281
                                                                                            301
                                                                                                  321
                                                                                                        341
                                                                                                              361
                                                                                                                     381
                             102
                                    122
                                                                   222
                                                                                                  322
                                                                                                        342
 2
3
            42
                  62
                         82
                                          142
                                                162
                                                      182
                                                             202
                                                                         242
                                                                               262
                                                                                     282
                                                                                            302
                                                                                                              362
                                                                                                                     382
                                                                         243
      23
            43
                             103
                                          143
                                                             203
                                                                                            303
                                                                                                        343
                                    123
                                                163
                                                      183
                                                                   223
                                                                               263
                                                                                     283
                                                                                                  323
                                                                                                              363
                                                                                                                     383
      24
            44
                  64
                         84
                             104
                                    124
                                          144
                                                164
                                                      184
                                                             204
                                                                   224
                                                                         244
                                                                               264
                                                                                     284
                                                                                            304
                                                                                                  324
                                                                                                        344
                                                                                                              364
                                                                                                                     384
                             105
                                                                                                        345
 5
6
7
8
            45
                  65
                         85
                                    125
                                          145
                                                165
                                                      185
                                                             205
                                                                   225
                                                                         245
                                                                               265
                                                                                     285
                                                                                            305
                                                                                                  325
                                                                                                              365
                                                                                                                     385
                                                                         246
      26
            46
                  66
                             106
                                          146
                                                                                                        346
                         86
                                    126
                                                166
                                                      186
                                                             206
                                                                   226
                                                                               266
                                                                                     286
                                                                                            306
                                                                                                  326
                                                                                                              366
                                                                                                                    386
      27
            47
                  67
                         87
                              107
                                    127
                                          147
                                                167
                                                      187
                                                             207
                                                                   227
                                                                         247
                                                                               267
                                                                                      287
                                                                                            307
                                                                                                  327
                                                                                                        347
                                                                                                              367
                                                                                                                     387
      28
            48
                  68
                         88
                             108
                                    128
                                          148
                                                168
                                                      188
                                                             208
                                                                   228
                                                                         248
                                                                               268
                                                                                     288
                                                                                            308
                                                                                                  328
                                                                                                        348
                                                                                                              368
                                                                                                                     388
                                                                         249
                                                                                                        349
      29
            49
                  69
                         89
                             109
                                    129
                                          149
                                                169
                                                      189
                                                             209
                                                                   229
                                                                               269
                                                                                     289
                                                                                            309
                                                                                                  329
                                                                                                              369
                                                                                                                     389
10
      30
            50
                   70
                         90
                             110
                                    130
                                          150
                                                170
                                                      190
                                                             210
                                                                   230
                                                                         250
                                                                               270
                                                                                     290
                                                                                            310
                                                                                                  330
                                                                                                        350
                                                                                                              370
                                                                                                                     390
11
12
                  71
                         91
                             111
                                    131
                                          151
                                                171
                                                      191
                                                                   231
                                                                         251
                                                                               271
                                                                                     291
                                                                                            311
                                                                                                  331
                                                                                                        351
                                                                                                              371
                                                                                                                     391
                                                             211
            52
                         92
                                          152
                                                      192
                             112
                                    132
                                                172
                                                             212
                                                                   232
                                                                         252
                                                                               272
                                                                                     292
                                                                                            312
                                                                                                  332
                                                                                                        352
                                                                                                              372
                                                                                                                    392
                  73
74
13
      33
            53
                         93
                             113
                                                173
                                                      193
                                                             213
                                                                   233
                                                                         253
                                                                               273
                                                                                     293
                                                                                            313
                                                                                                        353
                                                                                                                     393
                                    133
                                          153
                                                                                                  333
                                                                                                              373
14
      34
                                                                               274
            54
                         94
                             114
                                    134
                                          154
                                                174
                                                      194
                                                             214
                                                                   234
                                                                         254
                                                                                     294
                                                                                            314
                                                                                                  334
                                                                                                        354
                                                                                                              374
                                                                                                                     394
                  75
                         95
                                    135
                                                175
                                                      195
                                                             215
                                                                   235
                                                                         255
                                                                               275
                                                                                     295
                                                                                            315
                                                                                                  335
                                                                                                              375
                                                                                                                     395
            56
                  76
                         96
                             116
                                    136
                                          156
                                                176
                                                      196
                                                             216
                                                                   236
                                                                         256
                                                                               276
                                                                                     296
                                                                                            316
                                                                                                  336
                                                                                                        356
                                                                                                              376
                                                                                                                     396
17
      37
            57
                  77
                         97
                                    137
                                          157
                                                177
                                                      197
                                                                   237
                                                                         257
                                                                               277
                                                                                     297
                                                                                                  337
                                                                                                        357
                                                                                                              377
                                                                                                                    397
                                                             217
                                                                                            317
            58
18
      38
                  78
                         98
                             118
                                    138
                                          158
                                                178
                                                      198
                                                             218
                                                                   238
                                                                         258
                                                                               278
                                                                                     298
                                                                                           318
                                                                                                  338
                                                                                                        358
                                                                                                              378
                                                                                                                    398
      39
            59
                         99
                                          159
                                                      199
                                                            219
                                                                   239
                                                                         259
                                                                               279
19
                   79
                             119
                                    139
                                                179
                                                                                     299
                                                                                            319
                                                                                                  339
                                                                                                        359
                                                                                                              379
                                                                                                                    399
```

Рис. 5 Результат: транспонированная матрица

```
Transpose Matrix Time (20 x 20) = 75 milliseconds
```

Рис. 6 Замер времени транспонирования.

```
-MATRIX--
               2
                     3
                                 5
                                       6
                                             7
                                                   8
                                                         9
   0
         1
                           4
  10
        11
              12
                    13
                          14
                                15
                                      16
                                            17
                                                  18
                                                        19
        21
              22
                    23
                          24
                                25
                                            27
  20
                                      26
                                                  28
                                                        29
              32
                          34
  30
        31
                    33
                                35
                                      36
                                            37
                                                  38
                                                        39
  40
        41
              42
                    43
                          44
                                45
                                            47
                                                        49
                                      46
                                                  48
  50
        51
              52
                    53
                          54
                                55
                                      56
                                            57
                                                  58
                                                        59
                          64
  60
        61
              62
                    63
                                65
                                      66
                                            67
                                                  68
                                                        69
  70
        71
              72
                    73
                          74
                                75
                                      76
                                            77
                                                  78
                                                        79
  80
        81
              82
                    83
                          84
                                85
                                            87
                                                  88
                                                        89
                                      86
  90
        91
              92
                          94
                                95
                    93
                                      96
                                            97
                                                  98
                                                        99
 -VECTOR--
0123456789
 -RESULT--
285 735 1185 1635 2085 2535 2985 3435 3885 4335
Multiply Time (10 x 10) = 8 milliseconds
```

Рис7. Матрица размера 10х10, вектор размера 10х1, результат умножения и замер времени.

MATE	≀IX			,					
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
30	31	32	33	34	35	36	37	38	39
40	41	42	43	44	45	46	47	48	49
50	51	52	53	54	55	56	57	58	59
60	61	62	63	64	65	66	67	68	69
70	71	72	73	74	75	76	77	78	79
80	81	82	83	84	85	86	87	88	89
90	91	92	93	94	95	96	97	98	99
RESU	JLT								
0	10	20	30	40	50	60	70	80	90
1	11	21	31	41	51	61	71	81	91
2	12	22	32	42	52	62	72	82	92
3	13	23	33	43	53	63	73	83	93
4	14	24	34	44	54	64	74	84	94
5	15	25	35	45	55	65	75	85	95
6	16	26	36	46	56	66	76	86	96
7	17	27	37	47	57	67	77	87	97
8	18	28	38	48	58	68	78	88	98
9	19	29	39	49	59	69	79	89	99
Transp	ose	Matrix	Time	(10	x 10)	= 30	mill:	isec	onds

Рис.8 Матрица размера 10x10, транспонированная матрица размера 10x10 и замер времени выполнения операции.

MAT	RIX																							
0	1	2		4			7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49
50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74
75	76	77	78	79	80	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	91	92	93	94	95	96	97	98	99
100	101	102	103	104	105	106	107	108	109	110	111	112	113	114	115	116	117	118	119	120	121	122	123	124
125	126	127	128	129	130	131	132	133	134	135	136	137	138	139	140	141	142	143	144	145	146	147	148	149
150	151	152	153	154	155	156	157	158	159	160	161	162	163	164	165	166	167	168	169	170	171	172	173	174
175	176	177	178	179	180	181	182	183	184	185	186	187	188	189	190	191	192	193	194	195	196	197	198	199
200	201	202	203	204	205	206	207	208	209	210	211	212	213	214	215	216	217	218	219	220	221	222	223	224
225	226	227	228	229	230	231	232	233	234	235	236	237	238	239	240	241	242	243	244	245	246	247	248	249
250	251	252	253	254	255	256	257	258	259	260	261	262	263	264	265	266	267	268	269	270	271 296	272	273	274
275 300	276 301	277 302	278 303	279 304	280 305	281 306	282 307	283 308	284 309	285 310	286 311	287 312	288 313	289 314	290 315	291 316	292 317	293 318	294 319	295 320	321	297 322	298 323	299 324
325	326	327	328	329	330	331	332	333	334	335	336	337	338	339	340	341	342	343	344	345	346	347	348	349
350	351	352	353	354	355	356	357	358	359	360	361	362	363	364	365	366	367	368	369	370	371	372	373	374
375	376	377	378	379	380	381	382	383	384	385	386	387	388	389	390	391	392	393	394	395	396	397	398	399
400	401	402	403	404	405	406	407	408	409	410	411	412	413	414	415	416	417	418	419	420	421	422	423	424
425	426	427	428	429	430	431	432	433	434	435	436	437	438	439	440	441	442	443	444	445	446	447	448	449
450	451	452	453	454	455	456	457	458	459	460	461	462	463	464	465	466	467	468	469	470	471	472	473	474
475	476	477	478	479	480	481	482	483	484	485	486	487	488	489	490	491	492	493	494	495	496	497	498	499
500	501	502	503	504	505	506	507	508	509	510	511	512	513	514	515	516	517	518	519	520	521	522	523	524
525	526	527	528	529	530	531	532	533	534	535	536	537	538	539	540	541	542	543	544	545	546	547	548	549
550	551	552	553	554	555	556	557	558	559	560	561	562	563	564	565	566	567	568	569	570	571	572	573	574
575	576	577	578	579	580	581	582	583	584	585	586	587	588	589	590	591	592	593	594	595	596	597	598	599
600	601	602	603	604	605	606	607	608	609	610	611	612	613	614	615	616	617	618	619	620	621	622	623	624
	TOR																							
9 1 2	3 4	5 6 7	8 9	10 11	12 1	3 14	15 16	17 1	8 19	20 21	22 2	3 24												

Рис.9 Матрица размером 25х25, вектор размером 25х1

--RESULT--4900 12400 19900 27400 34900 42400 49900 57400 64900 72400 79900 87400 94900 102400 109900 117400 124900 132400 139900 147400 154900 162400 169900 177400 184900 Multiply Time (25 x 25) = 31 milliseconds

Рис.10 результат умножения матрицы на вектор и замер времени.

```
19
49
79
109
139
169
229
289
319
379
409
439
469
649
679
709
739
769
829
859
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        20
50
80
110
170
200
250
320
320
350
3410
440
470
530
650
650
650
6710
770
830
830
860
890
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              21
51
811
141
171
201
231
261
261
321
351
351
441
471
531
651
651
771
771
801
831
861
861
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 37
67
97
127
157
217
247
227
337
367
397
427
457
457
667
667
667
757
757
787
817
787
847
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 100
100
1100
1100
1200
2200
2800
3100
3100
3100
3100
4300
4300
6100
6400
6700
7000
7000
8200
8500
8500
8800
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   411
711
1011
1311
1611
1911
2211
2281
3411
3411
3411
4411
4411
5511
7611
7711
7711
8211
8211
8811
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       102
102
102
102
162
162
222
252
282
312
262
402
402
402
402
552
612
672
702
702
702
822
882
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     147
77
107
107
1137
1167
1197
2257
2257
2257
2317
347
4437
4497
527
557
647
647
767
767
767
767
767
782
857
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           168
198
198
228
228
228
318
348
378
408
498
528
558
648
678
708
778
788
828
858
                                                                                                                                                                                                        34
64
94
154
154
154
274
364
334
424
454
454
574
664
664
674
7754
814
814
874
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       39
69
99
129
159
219
249
279
339
339
429
459
489
579
639
669
7759
789
819
879
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             73
103
163
163
223
223
223
313
343
403
403
403
5553
613
673
773
763
773
823
823
883
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   144
74
104
1134
1194
224
224
224
224
314
434
434
444
494
554
614
674
774
774
774
774
824
824
884
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         45
75
105
105
105
225
225
225
225
315
345
345
495
555
645
675
775
775
825
825
885
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               46
76
106
1136
1226
2256
2256
310
436
436
436
4466
496
556
616
676
6766
7766
7766
7766
826
826
826
828
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       31
61
91
121
151
181
2211
271
331
361
391
451
451
571
661
661
721
751
781
811
871
                                                                                                                                                                                                                                                                 35
65
95
125
125
125
245
275
335
335
345
425
445
545
575
663
665
725
785
785
815
815
875
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    55
85
115
175
235
265
295
325
335
345
445
505
535
565
565
715
745
775
8835
865
                                                                                                                                                     33
63
93
123
153
243
273
363
333
363
3423
453
483
573
663
663
663
723
783
813
813
843
843
-VECTOR--
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29
```

Рис.11 матрица размером 30х30, вектор размером 30х1

```
--RESULT--
8555 21605 34655 47705 60755 73805 86855 99905 112955 126005 139055 152105 165155 178205 191255 204305 217355 230405
243455 256505 269555 282605 295655 308705 321755 334805 347855 360905 373955 387005
Multiply Time (30 x 30) = 14 milliseconds
```

Рис.12 Результат умножения и замер времени.

MA I I	RIX																												
0										10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
30	31	32		34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54		56	57	58	59
60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	81	82	83	84	85	86	87	88	89
90	91	92	93	94	95	96	97	98	99	100	101	102	103	104	105	106	107	108	109	110	111	112	113	114	115	116	117	118	119
120	121	122	123	124	125	126	127	128	129	130	131	132	133	134	135	136	137	138	139	140	141	142	143	144	145	146	147	148	149
150	151	152	153	154	155	156	157	158	159	160	161	162	163	164	165	166	167	168	169	170	171	172	173	174	175	176	177	178	179
180	181	182	183	184	185	186	187	188	189	190	191	192	193	194	195	196	197	198	199	200	201	202	203	204	205	206	207	208	209
210	211	212	213	214	215	216	217	218	219	220	221	222	223	224	225	226	227	228	229	230	231	232	233	234	235	236	237	238	239
240	241	242	243	244	245	246	247	248	249	250	251	252	253	254	255	256	257	258	259	260	261	262	263	264	265	266	267	268	269
270 300	271	272 302	273 303	274 304	275	276	277	278	279	280	281	282	283	284	285	286	287	288 318	289	290	291 321	292	293 323	294 324	295	296 326	297 327	298 328	299 329
220	301 331	332	333	334	305 335	306 336	307 337	308 338	309 339	310 340	311 341	312 342	313 343	314 344	315 345	316 346	317 347	348	319 349	320 350	351	322 352	353	354	325 355	356	357	328 358	359
360	361	362	363	364	365	366	367	368	369	370	371	372	373	374	375	376	377	378	379	380	381	382	383	384	385	386	387	388	389
398	391	392	393	394	395	396	397	398	399	400	401	402	403	404	405	406	407	408	409	410	411	412	413	414	415	416	417		419
420	421	422	423	424	425	426	427	428	429	430	431	432	433	434	435	436	437	438	439	440	441	442	443	444	445	446	447	448	449
450	451	452	453	454	455	456	457	458	459	460	461	462	463	464	465	466	467	468	469	470	471	472	473	474	475	476	477	478	479
480	481	482	483	484	485	486	487	488	489	490	491	492	493	494	495	496	497	498	499	500	501	502	503	504	505	506	507	508	509
510	511	512	513	514	515	516	517	518	519	520	521	522	523	524	525	526	527	528	529	530	531	532	533	534	535	536	537	538	539
540	541	542	543	544	545	546	547	548	549	550	551	552	553	554	555	556	557	558	559	560	561	562	563	564	565	566	567	568	569
570	571	572	573	574	575	576	577	578	579	580	581	582	583	584	585	586	587	588	589	590	591	592	593	594	595	596	597	598	599
600	601	602	603	604	605	606	607	608	609	610	611	612	613	614	615	616	617	618	619	620	621	622	623	624	625	626	627	628	629
630	631	632	633	634	635	636	637	638	639	640	641	642	643	644	645	646	647	648	649	650	651	652	653	654	655	656	657	658	659
660	661	662	663	664	665	666	667	668	669	670	671	672	673	674	675	676	677	678	679	680	681	682	683	684	685	686	687	688	689
690	691	692	693	694	695	696	697	698	699	700	701	702	703	704	705	706	707	708	709	710	711	712	713	714	715	716	717	718	719
720	721	722	723	724	725	726	727	728	729	730	731	732	733	734	735	736	737	738	739	740	741	742	743	744	745	746	747	748	749
750	751	752	753	754	755	756	757	758	759	760	761	762	763	764	765	766	767	768	769	770	771	772	773	774	775	776	777	//8	779
780	781	782	783	784	785	786	787	788	789	790	791	792	793	794	795	796	797	798	799	800	801	802	803	804	805	806	807	808	809
810	811 841	812 842	813 843	814 844	815	816 846	817 847	818 848	819 849	820	821	822	823	824 854	825	826 856	827	828	829	830	831	832 862	833	834	835	836 866	837	838 868	839
840 870	841 871	842	843 873	874	845 875	876	847	848 878	849 879	850 880	851 881	852 882	853 883	854 884	855 885	886	857 887	858 888	859 889	860 890	861 891	892	863 893	864 894	865 895	896	867 897	898	869 899
6/0	6/1	6/2	0/3	0/4	0/5	6/0	6//	0/6	6/9	000	001	002	003	004	000	000	007	000	009	890	891	692	693	694	095	690	697	596	899

Рис.13 Матрица до изменения размера 30х30

RES	ULT																												
0	30	60	90	120	150	180	210	240	270	300	330	360	390	420	450	480	510	540	570	600	630	660	690	720	750	780	810	840	870
1	31	61	91	121	151	181	211	241	271	301	331	361	391	421	451	481	511	541	571	601	631	661	691	721	751	781	811	841	871
2	32	62	92	122	152	182	212	242	272	302	332	362	392	422	452	482	512	542	572	602	632	662	692	722	752	782	812	842	872
3		63	93	123	153	183	213	243	273	303	333	363	393	423	453	483	513	543	573	603	633	663	693	723	753	783	813	843	873
4	34	64	94	124	154	184	214	244	274	304	334	364	394	424	454	484	514	544	574	604	634	664	694	724	754	784	814	844	874
5	35	65	95	125	155	185	215	245	275	305	335	365	395	425	455	485	515	545	575	605	635	665	695	725	755	785	815	845	875
6	36	66	96	126	156	186	216	246	276	306	336	366	396	426	456	486	516	546	576	606	636	666	696	726	756	786	816	846	876
7	37	67	97	127	157	187	217	247	277	307	337	367	397	427	457	487	517	547	577	607	637	667	697	727	757	787	817	847	877
8	38	68	98	128	158	188	218	248	278	308	338	368	398	428	458	488	518	548	578	608	638	668	698	728	758	788	818	848	878
9	39	69	99	129	159	189	219	249	279	309	339	369	399	429	459	489	519	549	579	609	639	669	699	729	759	789	819	849	879
10	40	70	100	130	160	190	220	250	280	310	340	370	400	430	460	490	520	550	580	610	640	670	700	730	760	790	820	850	889
11	41	71	101	131	161	191	221	251	281	311	341	371	401	431	461	491	521	551	581	611	641	671	701	731	761	791	821	851	881
12	42	72	102	132	162	192	222	252	282	312	342	372	402	432	462	492	522	552	582	612	642	672	702	732	762	792	822	852	882
13	43	73	103	133	163	193	223	253	283	313	343	373	403	433	463	493	523	553	583	613	643	673	703	733	763	793	823	853	883
14	44	74	104	134	164	194	224	254	284	314	344	374	404	434	464	494	524	554	584	614	644	674	704	734	764	794	824	854	884
15	45	75	105	135	165	195	225	255	285	315	345	375	405	435	465	495	525	555	585	615	645	675	705	735	765	795	825	855	885
16	46	76	106	136	166	196	226	256	286	316	346	376	406	436	466	496	526	556	586	616	646	676	706	736	766	796	826	856	886
17	47	77	107	137	167	197	227	257	287	317	347	377	407	437	467	497	527	557	587	617	647	677	707	737	767	797	827	857	887
18	48	78	108	138	168	198	228	258	288	318	348	378 379	408 409	438	468 469	498	528	558 559	588 589	618 619	648 649	678 679	708 709	738	768	798	828	858	888
19 20	49 50	79 80	109 110	139 140	169 170	199 200	229 230	259 260	289 290	319 320	349 350	380	410	439 440	469	499 500	529 530	560	599	620	650	680	709	739 740	769 770	799 800	829 830	859 860	889 890
20	50 51	81	111	140	170	200	230	261	290	320	350	381	410	440	470		530 531	561	590 591	621	651	681	710	740	771	801	831	861	890
21	51	82	111	141	171	201	231	262	291	321	351	381	411	441	471	501	531	562	591	622	652	682	711	741	772	802	831	862	891
23	53	83	113	143	173	203	232	263	292	323	353	383	412	442	472	503	533	563	593	623	653	683		742	773	803	833	863	893
24	54	84	114	144	174	204	234	264	294	324	354	384	414	444	474	504	534	564	594	624	654	684	714	744	774	804	834	864	894
25	55	85	115	145	175	205	235	265	295	325	355	385	415	445	475	505	535	565	595	625	655	685	715	745	775	805	835	865	895
26	56	86	116	146	176	206	236	266	296	326	356	386	416	446	476	506	536	566	596	626	656	686	716	746	776	806	836	866	896
27	57	87	117	147	177	207	237	267	297	327	357	387	417	447	477	507	537	567	597	627	657	687	717	747	777	807	837	867	897
28	58	88	118	148	178	208	238	268	298	328	358	388	418	448	478	508	538	568	598	628	658	688	718	748	778	808	838	868	898
29	59	89				209	239					389		449		509	539	569	599	629	659		719	749	779	809	839	869	899
Trans	pose	Matri	x Tim	ie (30	x 30) = 1																							

рис.14 Матрица после транспонирования размера 30х30 и замер времени выполнения операции.

Анализ результатов программы

Таблица результатов для разной размерности матрицы:

	Транспонирование	Умножение матрицы на вект
матрица 10х10	30	8
матрица 20х20	75	10
матрица 25х25	122	31
матрица 30х30	193	14

Рис.15 Таблица результатов транспонирования и умножения матрицы на вектор.

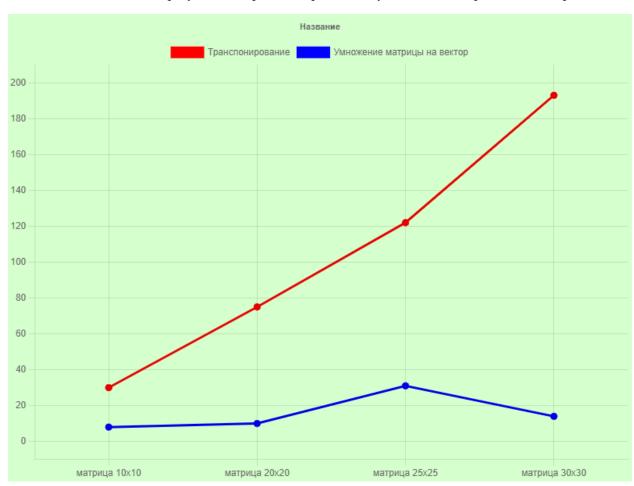


рис.16 Сравнение результатов транспонирования и умножения.

Результаты показывают, что использование вычислительных шейдеров OpenGL помогают значительно ускорить выполнение операций с матрицами на GPU.

В целом использование специализированных библиотек таких как OpenGL, может значительно упростить и ускорить разработку и выполнение с матрицами на GPU. При выборе инструментов для работы с матрицами стоит учитывать размеры матриц и тип операций, которые нужно выполнить.

Листинг программы

transpose.comp

```
#version 430

layout (local_size_x = 30, local_size_y = 30) in;

layout (std430, binding = 0) buffer InBuffer { float matrixA[];};

layout (std430, binding = 1) buffer OutBuffer {float matrixB[];};

void main()

{
    uint glindex = gl_GlobalInvocationID.y * gl_WorkGroupSize.x + gl_GlobalInvocationID.x;

    uint lengthLine = 30;
    uint i = glindex / lengthLine;
    uint j = glindex % lengthLine;

uint newIndex = j * lengthLine + i;
    matrixB[newIndex] = matrixA[glindex];
}
```

multiply.comp

```
#version 430
layout (local_size_x = 30, local_size_y = 30) in;
layout (std430, binding = 0) buffer MatrixBuffer {
    float matrix[];
};
layout (std430, binding = 1) buffer VectorBuffer {
    float vector[];
};
layout (std430, binding = 2) buffer ResultBuffer {
    float result[];
};
uniform uint matrixRows;
uniform uint matrixColumns;
void main() {
    uint globalIndex = gl_GlobalInvocationID.y * gl_WorkGroupSize.x +
gl_GlobalInvocationID.x;
    uint rowIndex = globalIndex / matrixColumns;
    float dotProduct = 0.0;
    for (uint i = 0; i < matrixColumns; i++) {</pre>
        float matrixValue = matrix[rowIndex * matrixColumns + i];
        float vectorValue = vector[i];
        dotProduct += matrixValue * vectorValue;
    }
    result[rowIndex] = dotProduct;
}
```

Main.cpp

```
#include <GL/glew.h>
#include <cstdlib>
#include <iostream>
#include <sstream>
#include <fstream>
#include <vector>
#include <ctime>
#include <GLFW/glfw3.h>
#include <GL/gl.h>
#include <chrono>
#include <iomanip>
using namespace std;
chrono::high_resolution_clock::time_point wtime() {
      return chrono::high_resolution_clock::now();
}
void errorCallback(int error, const char* description) {
      cerr << "GLFW ERROR " << error << ": " << description << endl;</pre>
}
class GPUAlgorithm
{
protected:
      const char* shaderString;
      GLuint shader;
      GLint compileTrue;
      GLuint program;
      GLuint N;
      double time;
      GLuint matrixBuffer;
      GLuint vectorBuffer;
      GLuint resultBuffer;
public:
```

```
void SetSize(GLuint N)
{
      this->N = N;
}
void CreateProgramm()
{
      program = glCreateProgram();
      glAttachShader(program, shader);
      glLinkProgram(program);
}
void InitMatrix(vector<float>& matrix)
{
      for (GLuint i = 0; i < N * N; i++) {
            matrix.push_back(i);
      }
}
void InitVector(vector<float>& vector)
{
      for (GLuint i = 0; i < N; i++) {</pre>
            vector.push_back(i);
      }
}
void PrintMatrix(vector<float>& matrix)
{
      cout << "--MATRIX--\n";</pre>
      for (int i = 0; i < N * N; ++i) {
            cout << setw(4) << matrix[i] << ' ';</pre>
            if (i > 0 \&\& i % N == N - 1) cout << endl;
      }
}
void PrintVector(vector<float>& vector)
{
      cout << "\n--VECTOR--\n";</pre>
      for (int i = 0; i < N; ++i) {
            cout << vector[i] << ' ';
```

```
}
            cout << endl;</pre>
      }
      double GetTime()
      {
            return time;
      }
};
class Transposing: public GPUAlgorithm
{
private:
public:
      Transposing()
      {
            ifstream shaderFiles("transpose.comp");
            string shaderFile((istreambuf_iterator<char>(shaderFiles)),
istreambuf_iterator<char>());
            shaderString = shaderFile.c_str();
            shader = glCreateShader(GL_COMPUTE_SHADER);
            glShaderSource(shader, 1, &shaderString, nullptr);
            glCompileShader(shader)
i
            glGetShaderiv(shader, GL_COMPILE_STATUS, &compileTrue);
            if (!compileTrue)
            {
                   cout << "Transposing Shader ERROR" << endl;</pre>
                   glDeleteShader(shader);
            }
            CreateProgramm();
      }
      void GetResult()
      {
            float* resultData = new float[N * N];
```

```
glBindBuffer(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, resultBuffer);
            glGetBufferSubData(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, 0, N * N *
sizeof(float), resultData);
            cout << "--RESULT--\n";</pre>
            for (int i = 0; i < N * N; ++i) {
                  cout << setw(4) << resultData[i] << ' ';</pre>
                  if (i > 0 && i % N == N - 1) cout << endl;
            }
            delete[] resultData;
      }
      void Transpose()
      {
            vector<float> matrixA;
            InitMatrix(matrixA);
            PrintMatrix(matrixA);
            cout << endl;</pre>
            chrono::high_resolution_clock::time_point start = wtime();
            GLuint matrixBufferBinding = 0;
            GLuint resultBufferBinding = 1;
            glGenBuffers(1, &matrixBuffer);
            glBindBuffer(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, matrixBuffer);
            glBufferData(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, N * N * sizeof(float),
matrixA.data(), GL_DYNAMIC_COPY);
            glBindBufferBase(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, 0, matrixBuffer);
            glGenBuffers(1, &resultBuffer);
            glBindBuffer(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, resultBuffer);
            glBufferData(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, N * N * sizeof(float),
nullptr, GL_DYNAMIC_COPY);
            glBindBufferBase(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, 1, resultBuffer);
            glUseProgram(program);
```

```
glDispatchCompute(1, 1, 1);
            glMemoryBarrier(GL_SHADER_STORAGE_BARRIER_BIT);
            GetResult();
            glDeleteBuffers(1, &matrixBuffer);
            glDeleteBuffers(1, &vectorBuffer);
            glDeleteBuffers(1, &resultBuffer);
            chrono::high_resolution_clock::time_point end = wtime();
            chrono::milliseconds timer =
std::chrono::duration_cast<chrono::milliseconds>(end - start);
            time = timer.count();
            glDeleteProgram(program);
            glDeleteShader(shader);
      }
};
class Multiplication : public GPUAlgorithm
{
private:
public:
      Multiplication()
      {
            ifstream shaderFiles("multiply.comp");
            string shaderFile((istreambuf_iterator<char>(shaderFiles)),
istreambuf_iterator<char>());
            shaderString = shaderFile.c_str();
            shader = glCreateShader(GL_COMPUTE_SHADER);
            glShaderSource(shader, 1, &shaderString, nullptr);
            glCompileShader(shader);
            glGetShaderiv(shader, GL_COMPILE_STATUS, &compileTrue);
            if (!compileTrue)
            {
                  cout << "Multiplication Shader ERROR" << endl;</pre>
                  glDeleteShader(shader);
```

```
}
            CreateProgramm();
      }
      void GetResult()
      {
            float* resultData = new float[N];
            glBindBuffer(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, resultBuffer);
            glGetBufferSubData(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, 0, N * sizeof(float),
resultData);
            cout << "--RESULT--\n";</pre>
            for (int i = 0; i < N; i++) {
                  cout << resultData[i] << " ";</pre>
            }
            delete[] resultData;
      }
      void Multiply()
      {
            vector<float> matrix;
            vector<float> vector;
            InitMatrix(matrix);
            InitVector(vector);
            PrintMatrix(matrix);
            PrintVector(vector);
            cout << endl;</pre>
            chrono::high_resolution_clock::time_point start = wtime();
            GLuint matrixBufferBinding = 0;
            GLuint vectorBufferBinding = 1;
            GLuint resultBufferBinding = 2;
```

```
glGenBuffers(1, &matrixBuffer);
            glBindBuffer(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, matrixBuffer);
            glBufferData(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, N * N * sizeof(float),
matrix.data(), GL_DYNAMIC_COPY);
            glBindBufferBase(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, 0, matrixBuffer);
            glGenBuffers(1, &vectorBuffer);
            glBindBuffer(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, vectorBuffer);
            glBufferData(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, N * sizeof(float),
vector.data(), GL_DYNAMIC_COPY);
            glBindBufferBase(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, 1, vectorBuffer);
            glGenBuffers(1, &resultBuffer);
            glBindBuffer(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, resultBuffer);
            glBufferData(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, N * N * sizeof(float),
nullptr, GL_DYNAMIC_COPY);
            glBindBufferBase(GL_SHADER_STORAGE_BUFFER, 2, resultBuffer);
            GLuint matrixRowsLocation = glGetUniformLocation(program,
"matrixRows");
            GLuint matrixColumnsLocation = glGetUniformLocation(program,
"matrixColumns");
            glUseProgram(program);
            glUniform1ui(matrixRowsLocation, N);
            glUniform1ui(matrixColumnsLocation, N);
            glDispatchCompute(N, N, 1);
            glMemoryBarrier(GL_SHADER_STORAGE_BARRIER_BIT);
            GetResult();
            glDeleteBuffers(1, &matrixBuffer);
```

```
glDeleteBuffers(1, &vectorBuffer);
            glDeleteBuffers(1, &resultBuffer);
            chrono::high_resolution_clock::time_point end = wtime();
            chrono::milliseconds timer =
std::chrono::duration_cast<chrono::milliseconds>(end - start);
            time = timer.count();
            glDeleteProgram(program);
            glDeleteShader(shader);
      }
};
class Controller
{
private:
      GLFWwindow* window;
      GLuint size = 30;
      GLuint w = 600;
      GLuint h = 600;
public:
      Controller()
      {
            InitGLFW();
            glewInit();
            glViewport(0, 0, w, h);
      }
      void InitGLFW()
      {
            glfwSetErrorCallback(errorCallback);
            glfwInit();
            glfwWindowHint(GLFW_CONTEXT_VERSION_MAJOR, 4);
            glfwWindowHint(GLFW_CONTEXT_VERSION_MINOR, 3);
            glfwWindowHint(GLFW_OPENGL_PROFILE, GLFW_OPENGL_CORE_PROFILE);
            glfwWindowHint(GLFW_RESIZABLE, GL_FALSE);
            window = glfwCreateWindow(w, h, "OpenGL", nullptr, nullptr);
```

```
glfwMakeContextCurrent(window);
            glewExperimental = GL_TRUE;
      }
      void Compute()
      {
            Multiplication multiplicationObject;
            multiplicationObject.SetSize(size);
            multiplicationObject.Multiply();
            cout << "\nMultiply Time (30 \times 30) = " <<
multiplicationObject.GetTime() << " milliseconds" << endl;</pre>
            Transposing transposingObject;
            transposingObject.SetSize(size);
            transposingObject.Transpose();
            cout << "\Transpose Matrix Time (30 x 30) = " <<</pre>
transposingObject.GetTime() << " milliseconds" << endl;</pre>
            glfwTerminate();
      }
};
int main()
{
      Controller contoller;
      contoller.Compute();
      return 0;
}
```