# Table des matières

Section 1

| 1 Mécanique         | 1  |
|---------------------|----|
| 2 Ondes             | 4  |
| 3 Éléctromagnétique | 6  |
| 4 Optique           | 14 |
| 5 Quantique         | 15 |
| 6 Chimie            | 19 |
| 7 Thermodynamique   | 20 |
| 8 Annexes           | 21 |
| 9 Compléments X-FNS | 22 |

# 1 Mécanique

 $\Delta$  un axe fixe,  $\mathscr{D} \in \Delta$ , O, O', M des points de l'espace, et H  $\in \Delta$  le un projeté orthogonal de M sur  $\Delta$ 

#### Référenciels non Galiléens

| Formule de dérivation composée                           | $\left(\frac{d\vec{U}}{dt}\right)_{R} = \left(\frac{d\vec{U}}{dt}\right)_{R'} + \overrightarrow{\Omega}_{R'/R} \wedge \overrightarrow{U}$   |
|--|---|
| Vitesse  | $\vec{v_R}(\mathbf{M}) = \vec{v_{R'}}(\mathbf{M}) + \vec{v_e}(\mathbf{M})$  |
| Vitesse d'entrainement                                   | $\vec{v_e}(\mathbf{M}) = \vec{v_R}(\mathbf{O}') + \vec{\Omega}_{R'/R} \wedge \vec{\mathbf{O}'}\mathbf{M}$   |
| Vitesse ref en translation uniforme                      | $\vec{v}_{R}(M) = \vec{v}_{R'}(M) + \vec{v}_{e}(M) = \vec{v}_{R}(O') + \vec{v}_{R}(O')$   |
| Vitesse ref en rotation uniforme d'axe fixe              | $\vec{v_R}(\mathbf{M}) = \vec{v_{R'}}(\mathbf{M}) + \vec{\Omega}_{\mathbf{R'}/\mathbf{R}} \wedge \vec{\mathbf{HM}}$   |
| Accélération ref en translation uniforme                 | $\vec{a}_{\mathrm{R}}(\mathrm{M}) = \vec{a}_{\mathrm{R}'}(\mathrm{M}) + \vec{a}_{\mathrm{R}}(\mathrm{O}')$  |
| Accélération ref en rotation uniforme d'axe fixe         | $\vec{a}_{\mathrm{R}}(\mathrm{M}) = \vec{a}_{\mathrm{R}'}(\mathrm{M}) + \vec{a}_{c}(\mathrm{M}) + \vec{a}_{e}(\mathrm{M})$  |
| Accélération de Coriolis                                 | $\vec{a}_c(\mathbf{M}) = 2\vec{\Omega}_{\mathbf{R}'/\mathbf{R}} \wedge \vec{v_{\mathbf{R}'}}(\mathbf{M})$   |
| Accélération d'entrainement                              | $\vec{a}_e(\mathbf{M}) = -\Omega_{\mathbf{R}'/\mathbf{R}}^2 \mathbf{H} \mathbf{M}$  |
| Théorème de la résultante dynamique                      | $\vec{a_{R'}} = \sum \vec{F_{ext}} - m\vec{a_e} - m\vec{a_c} = \sum \vec{F_{ext}} + \vec{F_{ie}} + \vec{F_{ic}}$  |
| Théorème du moment cinétique                             | $\left(\frac{d\vec{\mathcal{L}}_{A/R'}(M)}{dt}\right)_{R} = \sum \vec{\mathcal{M}}_{A}\left(\vec{F}_{ext}\right) + \vec{\mathcal{M}}_{A}\left(\vec{F}_{ie}\right) + \vec{\mathcal{M}}_{A}\left(\vec{F}_{ic}\right)$ |
| Energie d'entrainement, cas translation rectiligne       | $E_{p,ie} = ma_e x + C^{\text{ste}}$  |
| Energie d'entrainement, cas rotation uniforme d'axe fixe | $E_{p,ie} = -\frac{1}{2}m\Omega_{R'/R}^2 r^2 + C^{\text{ste}}$  |

TABLE 1 – Formules relatives aux référentiels non inertiels.

## Énergétique

| D   |   |
|---|---|
| Puissance d'une force                                   | $\mathscr{P}(\vec{f}) = \vec{f} \cdot \vec{v}$  |
| Travail élémentaire                                     | $\delta \mathbf{W}(\vec{f}) = \mathcal{P}(\vec{f})  \mathrm{d}t = \vec{f} \cdot \mathbf{d}\vec{\mathrm{OM}}$        |
| Force conservative                                      | $\exists \mathbf{E}_p \mid \delta \mathbf{W}(\vec{f}) = -\mathbf{d}\mathbf{E}_p$                                    |
| Travail d'une force                                     | $W(\vec{f}) = \int_{M \in AB} \delta W(\vec{f})$  |
| Condition pour qu'une force dérive d'une $\mathbf{E}_p$ | $\vec{\text{rot}}\vec{\text{F}} = \vec{0}$  |
| Théorème de l'énergie cinétique                         | $\Delta \mathbf{E}_c = \sum_i \mathbf{W}(\vec{f}_i)$  |
| Energie potentielle                                     | $E_p = -\int_{\Gamma} dE_p$   |
| Energie mécanique                                       | $\mathbf{E}_m = \mathbf{E}_p + \mathbf{E}_c$  |
| Théorème de l'énergie mécanique                         | $\Delta E_m = \sum_i W(\vec{F}_{i, \text{ non conservative}})$  |
| Lien énergie potentielle / force                        | $\vec{\mathbf{F}} = -\vec{\nabla}\mathbf{E}_p = -\mathbf{grad}(\mathbf{E}_p)$                                       |
| Lien puissance / Energie                                | $\mathscr{P} = \frac{\mathrm{dE}}{\mathrm{d}t}$   |
| Théorème de la puissance cinétique                      | $\mathcal{P} = \frac{\mathrm{dE}}{\mathrm{d}t}$ $\frac{\mathrm{dE}_c}{\mathrm{d}t} = \sum_i \mathcal{P}(\vec{f}_i)$ |

TABLE 2 – Formules énergiétiques.

# 2 Ondes

Avec u une coordonnée de l'espace (u=ax+by+cz), et  $\vec{r}=\vec{e_x}+\vec{e_y}+\vec{e_z}$ 

#### Formules: Les ondes

| D'Alembertien                       | $\Box \Psi = \Delta \Psi - \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 \Psi}{\partial t^2}$  |
|-------------------------------------|---|
| Équation de D'Alembert              | $\Box \Psi = 0$   |
| Cas 1D                              | $\Box \Psi = \frac{\partial^2 \Psi}{\partial u^2} - \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 \Psi}{\partial t^2} = 0, \text{ avec } u = \alpha x + \beta y + \gamma z$  |
| Surface d'onde                      | Points M à $t$ fixé tel que $\Psi(M, t) = C^{\text{ste}}$   |
| Solutions de l'EDA 1D               | $\Psi(u,t) = f(u-tv) + g(u+vt) \text{ ou } f(t-\frac{u}{v}) + g(t+\frac{u}{v})$   |
| Pour $\Psi$ solution de l'EDA 1D    | Avec $a(u) = \Psi(u, 0)$ et $b(u) = \frac{\partial \Psi}{\partial t}(u, 0) = b(u)$  |
| On a                                | $\Psi(u,t) = f(u-tv) + g(u+vt) \text{ ou } f(t-\frac{u}{v}) + g(t+\frac{u}{v})$ $\text{Avec } a(u) = \Psi(u,0) \text{ et } b(u) = \frac{\partial \Psi}{\partial t}(u,0) = b(u)$ $\Psi(u,t) = \frac{1}{2} \left( a(u-vt) + a(u+vt) + \frac{1}{v} \int_{u-vt}^{u+vt} b(s) ds \right)$ |
| Onde progressive monochromatique    | $\Psi(u,t) = \Psi_0 \cos\left(\omega t \pm ku + \varphi\right) = \Psi_0 \cos\left(\omega \left(t \pm \frac{u}{v}\right) + \varphi\right)$   |
| Vecteur d'onde                      | $ec{k}=kec{e_u}$  |
| Norme du vecteur d'onde             | $\ \vec{k}\  = k(\omega) = \frac{\omega}{\nu} = \vec{r} \cdot \vec{k}$  |
| Longueur d'onde                     | $\ \vec{k}\  = k(\omega) = \frac{\omega}{\nu} = \vec{r} \cdot \vec{k}$ $\lambda = \mathbf{T}^{-1} = \frac{2\pi}{k} \left( \operatorname{car} k(u + \lambda) = ku + 2\pi \right)$  |
| Célérité d'une onde dans la matière | $v_{\mathrm{mat}} = \sqrt{\frac{\mathrm{K}a^2}{m}} = \sqrt{\frac{\mathrm{E}}{\rho}}$ Avec $\mathrm{E} = \frac{\mathrm{K}}{a}$ le module de Young et $\rho$ sa masse volumique.  |
| Célérité d'une onde dans une corde  | $v_{\rm corde} = \sqrt{\frac{{ m T}}{\mu_0}}$ Avec T la tension et $\mu_0$ la masse linéique  |
| Ondes stationnaires                 | $\Psi(u,t) = \gamma(t)\varphi(u)$   |
| Sur une corde de longueur L,        | $y_n(x,t) = \left[a_n \cos\left(\frac{n\pi v}{L}t\right) + b_n \sin\left(\frac{n\pi v}{L}t\right)\right] \sin\left(\frac{n\pi v}{L}\right)$   |

TABLE 3 – Formules : Les Ondes

## Paquets d'ondes

|  | quets a offace  |
|--|---|
| EDA:                                       | $\frac{\partial^2 \theta}{\partial t^2} = v^2 \frac{\partial^2 \theta}{\partial x^2} - \frac{1}{\tau} \frac{\partial \theta}{\partial t} - \omega_0^2 \theta$ |
| Forme recherchée :                         | $\underline{\theta}(x,t) = \underline{\theta}_0 e^{i(\omega t - kx)}$   |
| Reformulation de l'EDA :                   | $-\omega^2\theta = v^2k^2\theta - \frac{1}{\tau}i\omega\theta - \omega_0\theta$   |
| Relation de dispertion : $(\theta \neq 0)$ | $\frac{\omega_0^2 - \omega^2}{v^2} + \frac{1}{v^2 \tau} i\omega = k^2$  |
| Vecteur d'onde complexe :                  | $\underline{k} = k' - i  k''$   |
| Forme de l'onde :                          | $\underline{\theta}(x,t) = \underline{\theta}_0 e^{-k''x} e^{i(\omega t - kx)}$   |
| Vitesse de phase :                         | $v_{arphi} = rac{\omega}{k}$   |
| Distance caracteristique d'atténuation     | $\left  \begin{array}{c} 1 \\  k''(\omega)  \end{array} \right $  |
| Klein Gordon (Limite $\omega_0 \ll 1$ )    | $\underline{k}^2 = \frac{\omega_0^2 - \omega^2}{v^2}$   |
| Vitesse de groupe                          | $v_g = \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}k} = \frac{1}{\mathrm{d}k}$  |
|  | $\overline{\mathrm{d}\omega}$   |

TABLE 4 – Paquets d'onde

# 3 Éléctromagnétique

## Électromagnétique

| Vecteur densité de courant volumique       | $\vec{\jmath} = q n^* \vec{v} = \rho \vec{v}$  |
|--|--|
| Lien densité de courant volumique / Charge | $dQ = \vec{j} \cdot d\vec{S}dt$  |
| Maxwell Gauss                              | $\operatorname{div}(\vec{\mathbf{E}}) = \frac{\rho}{\varepsilon_0}$  |
| Maxwell Thomson / Flux                     | $\operatorname{div}(\vec{\mathrm{B}}) = 0$   |
| Maxwell Faraday                            | $\vec{\text{rot}}(\vec{\mathbf{E}}) = -\frac{\partial \vec{\mathbf{B}}}{\partial t}$   |
| Maxwell Ampère                             | $\vec{\text{rot}}(\vec{B}) = \mu_0 \vec{j} + \mu_0 \varepsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$  |
| Ostrogradski                               | $\iiint\limits_{\mathcal{H}} \operatorname{div}(\vec{\mathbf{F}}) d\tau = \iint\limits_{\mathcal{S}} \vec{\mathbf{F}} \cdot d\vec{\mathbf{S}}$ |
| Stokes                                     | $\iint_{S} \vec{rot}(\vec{F}) \cdot d\vec{S} = \oint_{\Gamma} \vec{F} \cdot d\vec{\ell}$   |
| Théorème de Gauss                          | $\iint\limits_{\mathcal{S}} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{Q_{\text{int}}}{\varepsilon_0}$   |
| Théorème d'Ampère                          | $\oint\limits_{\Gamma}\vec{\mathrm{B}}\cdot\mathrm{d}\vec{\ell}=\mu_0\mathrm{I}_{\mathrm{enl}}$  |
| Conservation de la charge (local)          | $\frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div}(\vec{j}) = 0$   |
| Conservation de la chage (Global)          | $\frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div}(\vec{j}) = 0$ $\frac{dQ}{dt} + \iint_{S} \vec{j} \cdot d\vec{S} = 0$                    |
| Lien champ éléctrique potentiels           | $\vec{E} = -grad(V)$   |
| Lien champ éléctrique potentiels           | $dV = -\vec{E} \cdot d\vec{\ell}$  |

TABLE 5 – Formules électromagnétique.

## Électromagnétique (Tableau 2)

| Pour une variable d'état $\mathscr E$                 | $\Delta \mathcal{E} = \sum_{i} \mathcal{E}_{i,\text{\'echang\'e}} + \mathcal{E}_{\text{cr\'ee}}$   |
|---|--|
| Pour une variable d'état (infinitésimal) $\mathscr E$ | $d\mathscr{E} = \sum_{i} \delta\mathscr{E}_{i,\text{\'e}chang\'e} + \delta\mathscr{E}_{cr\'ee}$  |
| Relations de passage à l'interface conducteur-vide    | $\begin{cases} \vec{E}_{\text{vide}}(M, t) = \frac{\sigma(M, t)}{\varepsilon_0} \vec{n}_{\text{conducteur} \to \text{vide}} \\ \vec{B}_{\text{vide}} = \mu_0 \vec{j}_s(M, t) \wedge \vec{n}_{\text{conducteur} \to \text{vide}} \end{cases}$ |

TABLE 6 – Formules électromagnétique. (Tableau 2)

#### Dipôles non rayonnants

| Moment dipolaire  | $\vec{p} = q\vec{\mathrm{NP}}$  |
|---|---|
| Potentiel Dipôle  | $V = \frac{\vec{p} \cdot \vec{u_r}}{4\pi\varepsilon_0 r^2} = \frac{p\cos(\theta)}{4\pi\varepsilon_0 r^2}$   |
| Champ éléctrique, dipôle non rayonnant  | $\vec{E} = \frac{p}{4\pi\varepsilon_0 r^3} (2\cos(\theta)\vec{u_r} + \sin(\theta)\vec{u_\theta})$   |
| Champ éléctrique dipôle non rayonnant, Forme intrinseque  | $\vec{E} = \frac{\vec{p}}{4\pi\varepsilon_0 r^3} (2\cos(\theta)\vec{u}_r + \sin(\theta)\vec{u}_\theta)$ $\vec{E} = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0 r^5} (3(\vec{p} \cdot \vec{r})\vec{r} - r^2 \vec{p})$ |
| Moment dûe à un champ éléctrostatique sur un dipôle <i>rigide</i> non rayonnant                                     | $\vec{\mathcal{M}}_{\mathrm{O}} = \vec{p} \wedge \vec{\mathrm{E}}_{\mathrm{ext}}$   |
| Énergie potentielle dûe à l'action éléstrostatique d'un champ<br>uniforme sur un dipôle <i>rigide</i> non rayonnant | $\mathscr{E}_{\mathrm{p}} = -\vec{p} \cdot \vec{\mathrm{E}}_{\mathrm{ext}}$   |
| Force exercée par un champ electrostatique sur un dipôle non rayonnant au point O                                   | $\vec{F}_{E_{\text{ext}} \to \text{dip}} = \left( \vec{p} \cdot \vec{\text{grad}} \right) \vec{E}_{\text{ext}}(O)$  |
| Analogie champ éléctrique / magnétique  | $\frac{1}{\varepsilon_0} \longleftrightarrow \mu_0 \text{ et } \vec{p} \longleftrightarrow \vec{M}$   |

TABLE 7 – Dipôles non rayonnants.

## Formule d'énergétique électromagnétique

| _   |  |
|---|--|
| Force de Lorentz                                      | $\vec{\mathbf{F}}_{\text{Lorentz}} = q\left(\vec{\mathbf{E}} + \vec{v} \wedge \vec{\mathbf{E}}\right)$   |
| Force de Lorentz volumique                            | $\vec{f}_{\text{Lorentz}} = \rho \vec{E} + \vec{j} \wedge \vec{B}$   |
| Force de Laplace                                      | $\vec{F}_{\mathscr{L}} = i\vec{L} \wedge \vec{B}$  |
| Force de Drude  | $\vec{F}_{\text{Drude}} = -\frac{m_i}{\tau_i} \vec{v}_i$   |
| Loi d'Ohm locale                                      | $\vec{F}_{Drude} = -\frac{m_i}{\tau_i} \vec{v}_i$ $\vec{J} = \gamma \vec{E}, \ \gamma = \sum_i \frac{n_i^* \tau_i q_i^2}{m_i}$   |
| Lien puissance (Volumique) Lorentz / Drude            | $p_{\text{lorentz}} = \vec{j} \cdot \vec{E} = -p_{\text{Drude}}$   |
| Densité volumique énergétique éléctromagnétique       | $e_{\mathrm{em}}$ tel que $\mathscr{E}_{\mathrm{em}} = \iiint\limits_{\mathrm{M}\in\mathrm{V}} e_{\mathrm{em}}\mathrm{d}\mathscr{V}$   |
| Conservation de l'énergie éléctromagnétique (Globale) | $\frac{\mathrm{d}\mathscr{E}_{\mathrm{em}}}{\mathrm{d}t} + \iint\limits_{\mathbf{S}_{\mathscr{V}}} \vec{\Pi} \cdot \mathbf{d}\vec{\mathbf{S}} = -\mathscr{P}_{\mathrm{Lorentz}}$ |
| Conservation de l'énergie éléctromagnétique (Local)   | $\frac{\partial e_{\text{em}}}{\partial dt} + \text{div}(\vec{\Pi}) = -\vec{p}_{\text{Lorentz}}$   |
| Formule pour $e_{ m em}$                              | $e_{\rm em} = \frac{\varepsilon_0 E^2}{2} + \frac{B^2}{2\mu_0}$  |
| Vecteur de Poynting                                   | $\vec{\Pi} = \frac{\vec{E} \wedge \vec{B}}{\mu_0}$   |

TABLE 8 – Energie éléctromagnétique

## **Dipôles Rayonnants**

| •   | •   |
|---|---|
| Moment dipôlaire atome soumis à un champ éléctrique   | $\vec{p} = \frac{(Ze)^2}{m\omega_0^2} E_0 \cos(\omega t) \vec{e}_x$   |
| Approximation dipolaire   | $r \gg a$   |
| Dans l'approximation non relativiste  | $a\omega \ll c$   |
| Zone de rayonnement (Zone de champ lointaine)   | $r \gg \lambda$   |
| À l'onde exitatrice $\vec{\mathrm{E}}_{\mathrm{ext}}$ est associé $\omega$ et $\lambda$ tel que | $\lambda f = c \ \lambda \frac{\omega}{2\pi} = c \ \omega = \frac{2\pi c}{\lambda}$   |
| Pour prendre en compte le temps de propagation de l'onde, on définit                            | $\xi = t - \frac{r}{c}$   |
| Expression des champs éléctromagnétiques dans cette zone  | $\begin{cases} \frac{\vec{\mathbf{E}}(\mathbf{M},t) = \frac{\sin\theta}{4\pi\varepsilon r^3} \left(\frac{r}{c}\right)^2 p''(\xi)\vec{e}_{\theta}}{\vec{\mathbf{B}}(\mathbf{M},t) = \frac{\sin\theta}{4\pi\varepsilon_0 r^3 c} \left(\frac{r}{c}\right)^2 p''(\xi)\vec{e}_{\phi}} \\ \langle \vec{\Pi}(\mathbf{M},t) \rangle_t = \frac{p_0^2 \omega^4 \sin^2\theta}{32\pi^2\varepsilon_0 c^3 r^2} \vec{e}_r \\ \mathscr{P} = \iint\limits_{\text{Sphère}} \langle \vec{\Pi}(\mathbf{M},t) \rangle_t \cdot \vec{d\mathbf{S}} = \frac{p_0^2 \omega^4}{12\pi\varepsilon_0 c^3} \end{cases}$ |
| Puissance rayonnée  | $\left\langle \vec{\Pi}(\mathbf{M},t) \right\rangle_t = \frac{p_0^2 \omega^4 \sin^2 \theta}{32\pi^2 \varepsilon_0 c^3 r^2} \vec{e}_r$   |
| Puissance moyenne, sphère rayon $r$ , centré sur le dipôle                                      | Spriere   |
| Régime Rayleigh (Régime basse fréquence)  | $\omega^2 \ll \omega_0^2$ et donc, $p_0(\omega) = \frac{(Ze)^2 E_0}{m\omega_0^2}$   |
| Puissance de Larmor   | $\mathscr{P}_{\text{Larmor}} = \frac{q^2}{4\pi\varepsilon_0} \times \frac{2\langle p^2 \rangle}{3c^2}$  |

TABLE 9 – Dipôles Rayonnants

## Ondes éléctromagnétiques dans l'ionosphère

|  | Dilué : On néglige la force de drude   |
|--|--|
| Hypothèses sur le plasma   | Neutre : Il y a autant de charges + que de –   |
|  | Non relativistes : Vitesses faibles devant <i>c</i>  |
| Équations de Maxwell dans le plasma  | $(MG): \operatorname{div}\vec{E} = 0 \qquad (MF): \operatorname{rot}\vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$ $(MT): \operatorname{div}\vec{B} = 0  (MA): \operatorname{rot}\vec{B} = \mu_0 \vec{j} + \frac{1}{c^2} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$ |
| Equations de Marwon dans le plasma   | $(MT)$ : $\operatorname{div} \vec{B} = 0$ $(MA)$ : $\overrightarrow{\operatorname{rot}} \vec{B} = \mu_0 \vec{j} + \frac{1}{c^2} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$   |
| Conductivité complexe du plasma  | $\vec{\underline{j}} = \underline{\gamma} \vec{\underline{E}} = \frac{ne^2}{mi\omega} \vec{\underline{E}}$   |
| Pulsation Plasma (Pulsation de coupure)  | $\vec{\underline{J}} = \underline{\gamma} \vec{\underline{E}} = \frac{ne^2}{mi\omega} \vec{\underline{E}}$ $\omega_p = \sqrt{\frac{ne^2}{m\varepsilon_0}}$   |
| Relation de dispersion dans le plasma (C'est Kleine Gordon!)   | $\underline{k}^2 = \frac{\omega^2 - \omega_p^2}{c^2}$  |
| Indice Optique   | $n(\omega) = \frac{c}{ \nu_{\varphi}(\omega) }$  |
| Rappel : Formule de Rayleigh   | $v_g = v_{\varphi} + k' \frac{\mathrm{d}v_{\varphi}}{\mathrm{d}k'}$  |
| Formule de Rayleigh, version avec $n$  | $v_g = \frac{\pm c}{n + \omega \frac{\mathrm{d}n}{\mathrm{d}\omega}}$  |
| Dispertion anormale (Impossible dans le plasma) : Dans ce cas, $v_g$ ne définit pas la vitesse de transport de l'information | $\frac{\mathrm{d}n}{\mathrm{d}\omega} < 0 \text{ et } v_{\varphi} > c$   |
| Ordre de grandeur : Fréquence de coupure $f_p$ dans l'ionosphère terrestre   | $f_p \simeq 10 \mathrm{MHz}$   |

TABLE 10 – Ondes éléctromagnétiques dans l'ionosphère

On se limite à des signaux lentements variables (En basse fréquence)

## Ondes éléctromagnétiques dans les conducteurs Ohmiques

| TRD appliqué au porteur mobile moyen $e^-$ libre :              | $m\frac{\mathrm{d}\vec{v}}{\mathrm{d}t} = -e\vec{\mathrm{E}} - \frac{m}{\tau}\vec{v}$  |
|---|--|
| Relation "ohmique"  | $\vec{J} = \frac{\gamma_0}{1 + i\tau\omega} \vec{E} = \frac{\frac{ne^2\tau}{m}}{1 + i\tau\omega} \vec{E}$ $\tau\omega \ll 1, \frac{\omega\varepsilon_0}{\gamma_0} \ll 1$   |
| Approximation basse fréquence                                   | $\tau\omega\ll 1, \frac{\omega\varepsilon_0}{\gamma_0}\ll 1$   |
| Ordre de grandeur de $\omega$ pour le cuivre à $100 \mathrm{K}$ | $1 \times 10^{14} \text{rad/s}$  |
| Cette approximation est vérifiée lorsque (Radiofréquences)      | $\omega \ll 1 \times 10^{14} \text{rad/s}$   |
| Radiofréquences :   | $f \lesssim 1 \times 10^9 \text{Hz}$   |
| Équations de Maxwell dans l'ARQS                                | $(MG): \operatorname{div}\vec{E} = 0 \qquad (MF): \operatorname{rot}\vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$  |
|   | $(MT): \operatorname{div} \vec{B} = 0  (MA): \vec{\operatorname{rot}} \vec{B} = \mu_0 \gamma_0 \vec{E}$  |
| Relation de dispertion (Obtenue en injectant (MF) dans (MA))    | $\underline{k}^2 = -i\mu_0 \gamma_0 \omega \text{(On a posé} \underline{k} = k' - ik'')$   |
| Expression du champ éléctrique                                  | $\vec{E}(M,t) = \vec{E}_0 e^{-\frac{u}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{u}{\delta} + \Phi\right)$   |
| Rappel : Distance caractéristique d'atténuation :               | $\delta = \frac{1}{ k''(\omega) }$   |
|   | mat / freq 1kHz 1GHz   |
| Ordres de grandeur de $\delta$                                  | cuivre $\delta = 2$ mm $\delta = 2$ $\mu$ m  |
|   | fonte $\delta = 2 \text{cm}$ $\delta = 20 \mu \text{m}$  |
| Conducteur parfait :  | $\vec{E}(M, t) = 0$ au sein du conducteur  |
| Une OemPPM en incidence normale réféchie vérifie                | <ul> <li>même amplitude</li> <li>même pulsation</li> <li>même polarisation</li> <li>vecteurs d'ondes de même direction mais opposés</li> <li>La réfléction s'accompagne d'un déphasage de π</li> </ul>                 |
| Coefficient de réfléction en amplitude                          | $\underline{\Omega} = \frac{\text{Amplitude complexe de } \underline{\mathbf{E}}_r \hat{\mathbf{a}} \text{ l'interface}}{\text{Amplitude complexe de } \underline{\mathbf{E}}_i \hat{\mathbf{a}} \text{ l'interface}}$ |

Table 11 – Ondes éléctromagnétiques dans les conducteurs Ohmiques  $11\,$ 

#### Ondes éléctromagnétiques dans les conducteurs Ohmiques (Tableau 2)

| · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·       | -  |
|---|--|
| Transition                                  | $\underline{t} = \frac{\underline{E}_r(\text{interface})}{\underline{E}_i(\text{interface})}$  |
| Dans le modèle du conducteur parfait        | $\delta = 0, \ \gamma \to +\infty, \ \underline{\Omega} = -1, \ \underline{t} = 0$   |
| Stationairité des ondes du coté du vide     | $\begin{cases} \frac{\vec{\mathrm{B}}_{\mathrm{vide}} = \frac{2E_0}{c}\cos(\omega t + \varphi)\cos(ku)(\vec{e_u} \wedge \vec{e_p})}{\vec{\mathrm{E}}_{\mathrm{vide}} = 2E_0\sin(\omega t + \varphi)\sin(ku)\vec{e_p}} \end{cases}$ |
| Densité d'énergie éléctromagnétique moyenne | $\langle e_{em}(\mathbf{M},t)\rangle_t = \varepsilon_0 \mathbf{E}_0^2$   |
| Vecteur de Poynting moyen                   | $\left\langle \vec{\Pi}(\mathbf{M},t)\right\rangle _{t}=\vec{0}$   |

TABLE 12 – Ondes éléctromagnétiques dans les conducteurs Ohmiques (Tableau 2)

Avec j l'unité complexe de partie imaginaire positive.  $(j^2 = -1, \Im(j) = 1)$ . On pose  $x = \frac{\omega}{\omega_0}$ 

## Filtrage

| Fonction de transfert complexe               | $\underline{\mathbf{H}} = \frac{\underline{s}}{\underline{e}}$  |
|--|---|
| FC <sup>1</sup> : Passe bas du premier ordre | $\underline{\mathbf{H}} = \frac{\mathbf{H_0}}{1 + jx}$  |
| FC : Passe haut du premier ordre             | $\underline{\mathbf{H}} = \frac{\mathbf{H}_0  \hat{\mathbf{j}}  \mathbf{x}}{1 + \hat{\mathbf{j}}  \mathbf{x}}$                                      |
| FC : Passe bas du second ordre               | $\underline{\mathbf{H}} = \frac{\mathbf{H}_0}{1 - (x)^2 + j\frac{x}{\mathbf{Q}}}$   |
| FC : Passe haut du second ordre              | $\underline{\mathbf{H}} = \frac{\mathbf{H}_0(x)^2}{1 - (x)^2 + j\frac{x}{O}}$   |
| FC : Passe bande                             | $\underline{\mathbf{H}} = \frac{\mathbf{H}_0}{1 + j\mathbf{Q}\left(x - \frac{1}{x}\right)}$   |
| Remarque                                     | Pour passer d'un filtre passe haut à un filtre passe bas, il suffit de multi-<br>plier le numérateur par le terme prédominant en x au denominateur! |
| Bande passante                               | $\Delta\omega = \frac{\omega_0}{Q} \operatorname{et} \Delta f = \frac{f_0}{Q}$  |

TABLE 13 – Filtrage d'un signal periodique en RSF

# 4 Optique

## Optique Ondulatoire

| Longueur d'onde dans le vide (Resp. vecteur d'onde) | $\lambda_0 \text{ (resp } k_0)$   |
|---|---|
| Rappel : Relation de Plank Einstein :               | $\mathscr{E} = \hbar v = \hbar \omega = \frac{2\pi \hbar}{\lambda_0}$   |
| Onde lumineuse monochromatique :                    | $\underline{\psi}(\mathbf{M},t) = \Psi(\mathbf{M})e^{i(\omega t - \varphi(\mathbf{M}))}$  |
| Retard de phase :                                   | $\varphi(M) = \tau_{SM} + \varphi(S)$   |
| Retard de phase (2) :                               | $\tau_{\text{SM}} = \int_{\Gamma_{\text{SM}}} \frac{d\ell}{\nu_{\varphi}} = \int_{\Gamma_{\text{SM}}} \frac{nd\ell}{c} = \frac{1}{c} \int_{\Gamma_{\text{SM}}} nd\ell = \frac{1}{c} (\text{SM})$ $I(M) = k \cdot \langle \psi^{2}(M, t) \rangle_{\tau_{r}} = \frac{k}{\tau_{r}} \int_{t}^{t+\tau_{r}} \psi^{2}(M, u) du, \ k = c\varepsilon_{0} \text{ Note : à l'usage}$ |
| Intensité lumineuse :                               | $I(M) = k \cdot \langle \psi^2(M, t) \rangle_{\tau_r} = \frac{k}{\tau_r} \int_t^{t+\tau_r} \psi^2(M, u) du, \ k = c\varepsilon_0 \text{ Note : à l'usage},$ on ne prends pas en compte le $k$ . $\tau_r$ le temps de réponse du capteur.  |
| Ordre de grandeur de $	au_r$ :                      | $\tau_{r,\text{oeuil humain}} = 1 \times 10^{-1} = 0.1 \text{s} \ \tau_{r,\text{capteur CCD}} = 1 \times 10^{-6} \text{s}$  |
| Pour une onde monochromatique :                     | $I(M) = \frac{\psi^2(M)}{2}$  |
| Durée de cohérence                                  | $\tau_c = \frac{1}{\Delta \nu} = \pi \tau$  |

TABLE 14 – Optique ondulatoire

#### Dispositif interferenciels des trous d'Young || Dispositif interferenciels à élargissement des fronts d'onde

|   | · ·  |
|---|--|
| Interférences à grande distance : Dans l'hyposthèse où M est à grande distance des points $S_1$ et $S_2$                                  | $a \ll D \text{ et }  x ,  y  \ll D$                 |
| Difference de marche à grande distance dans le dispositif des trous d'Young :   | $\delta_{1/2}(\mathbf{M}) = n \frac{ax}{\mathbf{D}}$ |
| Difference de marche à grande distance dans le montage de Frauhofer :   | $\delta_{1/2}(\mathbf{M}) = n \frac{ax}{f_2'}$       |
| Critère de brouillage par extension spatiale d'une fente source primaire, et critère de brouillage par extension spectrale de la source : | $ \Delta p  \gtrsim 1$                               |
| Critère de brouillage   | $l_c \simeq \delta_{1/2}$ ? (À vérifier)             |
| Perte de contraste par élargissement angulaire de la source   | $\theta_{\text{source}} \simeq \frac{\lambda}{a}$    |

TABLE 15 – Dispositif interferenciels des trous d'Young

#### Interferomètre à division d'amplitude $\parallel$ Dispositif interferenciels de Michelson

| Difference de marche au point M par l'interferomètre :                               | $\delta_{1/2}(\mathbf{M}) = 2ne\cos(i)$  |
|--|--|
| Intensité en un point M de l'écran (Fresnel) :                                       | $\mathscr{I}(\mathbf{M}) = \frac{\mathbf{I}_0}{2} \left( 1 + \cos(\frac{2\pi}{\lambda_0} \cdot 2en\cos i) \right)$   |
| Rappel : Dans les conditions de gauss, $\mathrm{DL}_2$ :                             | $\cos(i) = 1 - \frac{i^2}{2} + \underset{i \to 0}{o}(i^2)  \sin(i) = i + \underset{i \to 0}{o}(i^2) = \tan(i)$   |
| Reformulation de l'intensité en un point M de l'écran dans les conditions de gauss : | $\mathscr{I}(\mathbf{M}) = \frac{\mathbf{I}_0}{2} \left[ 1 + \cos \left( \frac{4\pi en}{\lambda_0} \left( 1 - \frac{1}{2} \left( \frac{r}{f'} \right)^2 \right) \right) \right]$ |
| Rayon des anneaux :  | $r = f'\sqrt{2\left(1 - \frac{p}{p(O')}\right)}$   |

 ${\it TABLE}~16-Dispositif~interferenciels~de~Michelson$ 

# 5 Quantique

## Introduction aux equations de la physique quantique

| Energie du photon  | $\mathscr{E}_{\mathrm{photon}} = \hbar \omega$  |
|--|---|
| Amplitude de protobabilité de présence                                   | $\psi(\mathbf{M},t), \operatorname{Im}(\psi) \subset \mathbb{C}$  |
| Amplitude de protobabilité de présence                                   | $dP(u,t) = \psi^*(u,t)\psi(u,t)du =  \psi(u,t) ^2du$ (La dernière égalité dans le cas $u$ coordonée cartésienne)  |
| En cartésien 1D, on écrit la densité de probabilité de présence          | $\rho(u,t) =  \psi(u,t) ^2$   |
| La probabilité de trouver la particule dans $[a,b]$ s'écrit              | $P(a \le u \le b, t) = \int_{a}^{b} \rho(u, t) du$  |
| Extension spatiale typique de la fonction d'onde                         | $\Delta u$  |
| Longueur d'onde de Broglie (à prononcer <i>Breuil</i> )                  | $\lambda_0$ ou $\lambda_{ m DB}$  |
| Pour $u$ une variable aléatoire :  |   |
| Moyenne de <i>u (Esperance</i> )   | $\langle u(t)\rangle_{\psi} = \int_{\mathbb{R}} u\rho(u,t) du$  |
| Moments de <i>u</i> ( <i>Théorème de transfert</i> )                     | $\langle u(t) \rangle_{\psi} = \int_{\mathbb{R}} u \rho(u, t) du$ $\langle u^{n}(t) \rangle_{\psi} = \int_{\mathbb{R}} u^{n} \rho(u, t) du, \ n \in \mathbb{N}^{*}$   |
| Si $u$ est en cartésien :  |   |
| Extension spatiale typique de la fonction d'onde ( <i>Écart type</i> ) : | $\Delta u = \sigma(u) = \sqrt{\mathbb{V}(u)} = \sqrt{\mathbb{E}(u^2) - \mathbb{E}(u)^2} = \sqrt{\langle u^2(t) \rangle_{\psi} - \langle u(t) \rangle_{\psi}^2}$   |
| Condition aux limites de Born  |   |
| Équation de Schrödinger  | $\int_{\mathbb{R}} \rho(u, t) du = 1$ $i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = \frac{-\hbar^2}{2m} \Delta \psi + V \psi$ $\frac{-\hbar}{2m} \delta \psi$  |
| Terme d'énergie cinétique de la particule                                | $\left  \frac{-\overline{h}}{2m} \delta \psi \right $   |
| Terme lié à l'énergie potentielle  | Vit   |
| Vitesse de la particule (def)  | $\langle \nu_{x}(t) \rangle_{\psi} = \lim_{dt \to 0} \frac{\langle x(t+dt) \rangle_{\psi} - \langle x(t) \rangle_{\psi}}{dt}$ $\langle \nu_{x}(t) \rangle_{\psi} = \frac{\hbar}{im} \int_{\mathbb{R}} \psi^{*} \frac{\partial \psi}{\partial x} dx$ |
| Vitesse de la particule  | $\langle \nu_x(t) \rangle_{\psi} = \frac{\hbar}{im} \int_{\mathbb{R}} \psi^* \frac{\partial \psi}{\partial x} dx$   |

TABLE 17 – Introduction aux equations de la physique quantique

## Introduction aux equations de la physique quantique (Tableau 2)

| Quantité de mouvement   | $\langle p_x \rangle_{\psi} = m \langle v_x \rangle_{\psi} = \int_{\mathbb{R}} \psi^* \left( \frac{\hbar}{i} \right) \frac{\partial \psi}{\partial x} dx$   |
|---|---|
| Quantité de mouvement (Moment d'ordre 2)  | $\langle p_x^2 \rangle_{\psi} = \int_{\mathbb{R}} \psi^* \left(\frac{\hbar}{i}\right)^2 \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} dx$  |
| Théorène d'Ehrenfest  | $\langle p_x \rangle_{\psi} = m \langle v_x \rangle_{\psi} = \int_{\mathbb{R}} \psi^* \left( \frac{\hbar}{i} \right) \frac{\partial \psi}{\partial x} dx$ $\langle p_x^2 \rangle_{\psi} = \int_{\mathbb{R}} \psi^* \left( \frac{\hbar}{i} \right)^2 \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} dx$ $\frac{d \langle p_x \rangle_{\psi}}{dt} = -\left\langle \frac{\partial V}{\partial x} \right\rangle_{\psi}$ $\frac{d \langle p_x \rangle_{\psi}}{dt} = -\frac{\partial V}{\partial x} (\langle x \rangle_{\psi,t}) \text{ C'est le TRD!}$ |
| Dans la limite classique $\Delta x \ll \Lambda$ ( $\Lambda$ l'echelle de longueur typique sur laquelle x varie, i.e. $V(x)$ peut être approché par sa tangente) | $\frac{\mathrm{d}\langle p_x \rangle_{\psi}}{\mathrm{d}t} = -\frac{\partial V}{\partial x} (\langle x \rangle_{\psi,t}) \text{ C'est le TRD!}$  |
| Énergie cinétique   | $\langle \mathbf{E}_c \rangle_{\psi} = \int_{\mathbb{R}} \psi^* \left( \frac{-\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} \right) \mathrm{d}x$  |
| Dans l'état stationnaire  | $\varphi$   |
| Longueur d'onde de De Broglie pour une onde (état) station-<br>naire  | $\lambda_0 = \frac{h}{\sqrt{2mE}}$  |
| Vitesse de phase pour une propagation libre   | $v_{\varphi} = \frac{\hbar \omega}{2m}$ $v_{g} = \frac{\hbar k}{m}$   |
| Vitesse de groupe pour une propagation libre  | $v_g = \frac{\hbar k}{m}$   |
| Remarque : $v_g \neq v_{\varphi}$ , la propagation est dispersive   |   |
| Inégalité de Heisenberg (Cauchy-Schwartz)   | $\Delta u \Delta p_u \geqslant \frac{\hbar}{2}$ $\Delta \sin \theta = \frac{\lambda_0}{2}$  |
| Formule de diffraction pour les particules  | $\Delta \sin \theta = \frac{\lambda_0}{a}$  |
| Equation locale de conservation des probabilités de présence  | $\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial j}{\partial u} = 0$ $\vec{j} = \frac{1}{m} \operatorname{Re} \left( \psi^* \frac{\hbar}{i} \frac{\partial \psi}{\partial u} \right)$ $\vec{j} = \rho \langle v \rangle_{\psi} =  \psi ^2 \frac{\hbar \vec{k}}{m}$  |
| Vecteur densité de courant de probabilité de présence   | $\vec{J} = \frac{1}{m} \operatorname{Re} \left( \psi^* \frac{\hbar}{i} \frac{\partial \psi}{\partial u} \right)$  |
| Vecteur densité de courant de probabilité de présence pour une<br>onde de Broglie   | $\vec{j} = \rho \langle \nu \rangle_{\psi} =  \psi ^2 \frac{\hbar \vec{k}}{m}$  |

TABLE 18 – Introduction aux equations de la physique quantique (Tableau 2)

Avec  $\eta$  la taille du bord,  $\lambda_0$  la longueur d'onde de De Broglie

#### Quantas et barrieres de potentiels

| Approximation sur la taille du bord                                | $\lambda_0 \ll \eta$  |
|--|---|
| Conditions de discontinuités                                       | $\varphi$ et $\varphi'$ sont continues  |
| Expression de la fonction d'onde, cas $E > V_0$                    | $\psi(x,t) = \begin{cases} \frac{A_1 e^{-i\frac{E}{\hbar}t} \left( e^{ik_1 x} + \frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2} e^{ik_1 x} \right) \text{ si } x < 0}{A_1 e^{-i\frac{E}{\hbar}t} \frac{2k_1}{k_1 + k_2} e^{-ik_2 x}} \end{cases}$ |
| Expression de la fonction d'onde, cas $E < V_0$                    | $\psi(x,t)=\{$  |
| Probabilité de transmission en la marche de potentiel              | $T = \frac{ \vec{J}_{t}  }{ \vec{J}_{t}  }$ $R = \frac{ \vec{J}_{r}  }{ \vec{J}_{t}  }$ $T = \frac{ \vec{J}_{t}, \mathbf{m}  }{ \vec{J}_{t}  }$   |
| Probabilité de réfléction en la marche de potentiel                | $R = \frac{ \vec{ j_r } }{ \vec{ j_i } }$   |
| Probabilité de transmission pour une barrière de potentiel épaisse | Ji,I  |
| Probabilité de réfléction pour une barrière de potentiel épaisse   | $T = \frac{ \vec{\mathbf{J}}_{r,\mathbf{I}}  }{ \vec{\mathbf{J}}_{i,\mathbf{I}}  }$ 2L  |
| Dans l'approximation $L \simeq qq\delta$                           | $T = e^{-\frac{\delta}{\delta}}$  |
| Dans un puit de potentiel infini                                   | $E_m = \frac{\hbar^2}{8mL^2}n^2,  n \in \mathbb{N}^*$   |
| Energie de confinement   | $E_{m} = \frac{\hbar^{2}}{8mL^{2}}n^{2},  n \in \mathbb{N}^{*}$ $E_{\min} \simeq \frac{\hbar^{2}}{mL^{2}}$ $\omega_{mn} = \frac{E_{m} - E_{n}}{\hbar}$  |
| Pulsation de Bohr  | $\omega_{mn} = \frac{\mathbf{E}_m - \mathbf{E}_n}{\hbar}$   |

TABLE 19 – Quantas et barrieres de potentiels

# 6 Chimie

#### **Transformations Chimiques & acide base**

| Potentiel Hydrogène pour un acide fort en solution            | $pH = -\log\left(\frac{[H_3O^+]}{c_0}\right)$   |
|---|---|
| Constante d'équilibre de la réaction d'autoprotolyse de l'eau | $2H_2O_{(l)} \leftrightharpoons H_3O_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-  Ke = 1.0 \times 10^{-14}$            |
| Potentiel Hydrogène pour une base forte en solution           | $[H_3O^+] = \frac{Ke(c_0)^2}{[HO^-]} \text{ donc } pH = -\log\left(\frac{Ke(c_0)}{[HO^-]}\right)$ |
| Formule d'Enderson (C'est – log(Gulberg & Waage))             | $-pH = -pKa + \log\left(\frac{[\text{base}]}{[\text{acide}]}\right)$                              |
| Approximation de la réaction très peu avancée                 | $c_0 K_a \ll c_a$   |
| Approximation de la réaction très avancée                     | $c_0 K_a \gg c_a$   |

TABLE 20 – Transformations Chimiques & acide base

# 7 Thermodynamique

## Thermodynamique

| Premier principe de la thermodynamique (Pour un système fermé avec $> 10^6$ particules) : | $dU + dE_c = \delta W + \delta Q$  |
|---|--|
| Rappel : G une grandeur extensive, $\Sigma_1 = \Sigma_2$                                  | $G(\Sigma_1 + \Sigma_2) = G(\Sigma_1) + G(\Sigma_2)$   |
| Rappel : G une grandeur intensive, $\Sigma_1 = \Sigma_2$                                  | $G(\Sigma_1 + \Sigma_2) = 2G(\Sigma_1)$  |
| Avertissement:  | $d \equiv \text{variation}, \ \delta \equiv \text{petite quantit\'e}. \ \text{En forme int\'egr\'e}, \ \text{on a} \ d \mapsto \Delta, \delta \mapsto \varepsilon$ |
| Entalpie  | H = U + pV   |
| Transformation:   |  |
| Isobare   | La pression interieure ne change pas   |
| Monobare  | Dans une atmosphère (i.e pression exterieure constante, le système<br>doit pouvoir échanger du volume)   |
| Adiabatique   | Pas de transfert thermique   |
| Isochore  | Le volume est constant   |
| Deuxième principe de la thermodynamique (Pour un système avec suffisement de particules)  | $dS = \delta S_{cr\acute{e}} + \delta S_{\acute{e}chang\acute{e}e}$  |
| Propriétés de S <sub>crée</sub>   | $\delta S_{crée} > 0J/K$   |
| Propriétés de S <sub>échangée</sub>   | $\delta S_{\text{\'echang\'ee}} = \sum_{k \in \text{Paroix}} \frac{\delta Q_k}{T_k}$   |
| Exemple imbatable de la non-conservation de l'entropie                                    | $\Omega = \{\text{Univers}\}, dS_{\text{Univers}} = \delta S_{\text{crée}} + \underbrace{\delta S_{\acute{e}chang\acute{e}}}_{=0} > 0$                             |
| Rendement ou éfficacité de Carnot   | $\eta = rac{	ext{grandeur \'energ\'etique utile}}{	ext{grandeur \'energ\'etique co\^uteuse}}$   |
| Transformation réversible   | $S_{crée} = 0$   |

TABLE 21 – Formules Thermodynamique.

# 8 Annexes

#### **Quelques constantes**

| Constante de gravitation   | $\mathcal{G} = 6.67 \times 10^{-11} \mathrm{N} \mathrm{m}^2/\mathrm{kg}^2$ |
|--|--|
| Vitesse de la lumière  | $c = 3,00 \times 10^8 \text{m/s}$  |
| Constante de Planck  | $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{J s}$                                      |
| Charge élémentaire   | $e = 1,60 \times 10^{-19}$ C   |
| Constante de Boltzmann   | $k_{\rm B} = 1.38 \times 10^{-23} \text{J/K}$                              |
| Masse du proton  | $m_p = 1,67 \times 10^{-27} \text{kg}$                                     |
| Masse de l'électron  | $m_e = 9.11 \times 10^{-31} \text{kg}$                                     |
| Constante de permittivité du vide  | $\varepsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{F/m}$                          |
| Constante de perméabilité du vide  | $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{H/m}$                                   |
| Champ de claquage de l'air sec   | $E_{claquage, air sec} = 10 \times 10^5 V/m$                               |
| Masse de la Terre  | $M_{Terre} = 5.97 \times 10^{24} \text{kg}$                                |
| Rayon moyen de la Terre  | $R_{Terre} = 6.37 \times 10^6 \text{m}$                                    |
| Constante de Stefan-Boltzmann  | $\sigma = 5.67 \times 10^{-8} \text{W/m}^2/\text{K}^4$                     |
| Constante d'Avogadro   | $N_A = 6,022 \times 10^{23} 1/\text{mol}$                                  |
| Constante des gaz parfaits   | R = 8.31J/(mol K)  |
| Masse du Soleil  | $M_{\odot} = 1,989 \times 10^{30} \text{kg}$                               |
| Rayon moyen du Soleil  | $R_{\odot} = 6.96 \times 10^8 \text{m}$                                    |
| K standard de la réaction d'autoprotolise de l'eau $(2H_2O_{(l)}\leftrightarrows H_3O_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-)$ | $K_e = 10 \times 10^{-14}$   |

TABLE 22 – Quelques constantes physiques

#### Formulaire d'analyse vectorielle

TABLE 23 – Formulaire d'analyse vectorielle

# 9 Compléments X-ENS

## Compléments

| Loi de Biot et Savart $\frac{1}{4\pi} \mathcal{V} \frac{1}{ \vec{r} - \vec{r'} ^3}$ | Loi de Biot et Savart |  |
|---|-----------------------|--|
|---|-----------------------|--|

TABLE 24 – Compléments