De la quantique en cryptographie

Élie Besnard, Malo Leroy, Yun Marcola-da-Cunha Macedo

Lycée Chateaubriand

24 juin 2022

Motivation

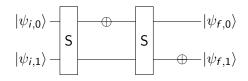
■ Qu'est-ce que la cryptographie?

Motivation

- Qu'est-ce que la cryptographie?
- Ancrage au thème

Modèle du cicruit quantique

Un exemple



$$S \cdot (X \otimes I_2) \cdot (I_2 \otimes X) \cdot S = I_4$$

Calcul formel

Calcul formel

■ Valeurs exactes : $\frac{2}{5}$, $\sqrt{2}$, $e^{\frac{i\pi}{7}}$, $\pi + 3^{2/3}$, etc.

Calcul formel

Calcul formel

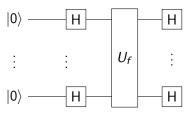
- Valeurs exactes : $\frac{2}{5}$, $\sqrt{2}$, $e^{\frac{i\pi}{7}}$, $\pi + 3^{2/3}$, etc.
- Produit de Kronecker, produit matriciel, etc.

Calcul formel

Calcul formel

- Valeurs exactes : $\frac{2}{5}$, $\sqrt{2}$, $e^{\frac{i\pi}{7}}$, $\pi + 3^{2/3}$, etc.
- Produit de Kronecker, produit matriciel, etc.
- Efficacité algorithmique

Deutsch-Jozsa et Bernstein-Vazirani

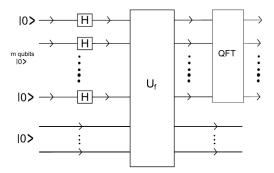


Exemples: oracles

- de phase $U_f |x\rangle = (-1)^{f(x)} |x\rangle$

Application: Bernstein-Vazirani,
$$f(x_1,...,x_n) = \sum_{i=0}^n x_i \cdot a_i \in \mathbb{F}_2$$

Shor



Exemple:

Algorithmes

Grover

Algorithmes

Interface graphique

Cryptographie quantique

- Le protocole E91
 - Expérience
 - Simulation

Cryptographie quantique

- Le protocole E91
 - Expérience
 - Simulation
- Tentative de création d'un protocole