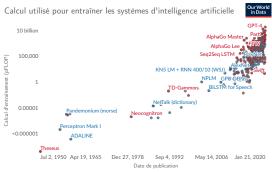
Autour des diagrammes de décision quantiques

Malo Leroy

Parcours recherche - CentraleSupélec

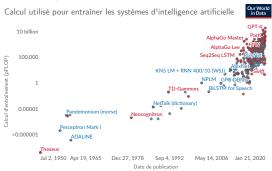
27 mai 2024

Les besoins en puissance de calcul croissent rapidement



Les algorithmes classiques sont parfois inefficaces

Les besoins en puissance de calcul croissent rapidement



Les algorithmes classiques sont parfois inefficaces Les **algorithmes quantiques** permettent de résoudre certains problèmes plus efficacement Les machines quantiques sont en développement et resteront coûteuses financièrement

 \Downarrow

Il y a un besoin d'outils de développement et vérification d'algorithmes quantiques

Les simulations sont très coûteuses en temps de calcul

Grover	Classique	Quantique	Simulation
Complexité	N	\sqrt{N}	$N\sqrt{N}$

Elles nécessitent une structure de données adaptée

État de l'art

- Interprétation abstraite
- Arithmétique des intervalles réels
- Diagrammes de décision quantiques

État de l'art

- Interprétation abstraite
- Arithmétique des intervalles réels
- Diagrammes de décision quantiques

Solution: diagrammes additifs abstraits

L'interprétation abstraite permet de déterminer des propriétés ou d'accélérer des calculs

Exemple : signe d'une expression $e = (3+2) \times (-5)$

$$signe(e) = (signe(3) + signe(2)) \times signe(-5)$$

$$= (\oplus + \oplus) \times \ominus$$

$$= \oplus \times \ominus$$

$$= \ominus$$

L'interprétation abstraite permet de déterminer des propriétés ou d'accélérer des calculs

Elle peut être exacte ou approximative

L'interprétation abstraite est applicable aux intervalles réels

$$[1,2] * [-1,1] = [-2,2]$$

 $[1,2] + [-1,1] = [0,3]$
 $[1,2] \wedge [-1,1] = [1,1]$

Le résultat de l'opération est **le plus petit intervalle** contenant tous les résultats élément par élément

Une fonction booléenne

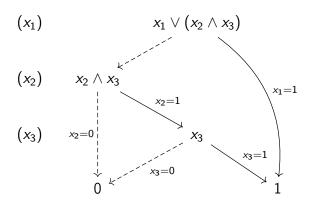
$$f: \{0,1\}^n \to \{0,1\}$$

peut être représentée par une table de vérité

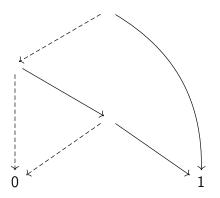
x_1	<i>x</i> ₂	<i>x</i> ₃	$f(x_1,x_2)$
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

for
$$f(x_1,x_2) = x_1 \lor (x_2 \land x_3)$$

Les diagrammes de décision permettent de représenter des fonctions booléennes



Les diagrammes de décision permettent de représenter des fonctions booléennes



On tire parti de la structure de la fonction

Un état quantique est une superposition d'états incompatibles

$$|\psi\rangle = \alpha |0\rangle + \beta |1\rangle$$
 (un qubit)

Un état quantique est une superposition d'états incompatibles

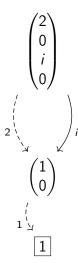
$$|\psi\rangle=\alpha\,|0\rangle+\beta\,|1\rangle$$
 (un qubit)
 n qubits $\Rightarrow 2^n$ états incompatibles

On note les états sous forme de vecteurs

$$x |01\rangle + y |11\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ x \\ 0 \\ y \end{pmatrix}$$

Les états peuvent être représentés par des diagrammes de décision quantiques

On tire parti de la structure de l'état



Les états peuvent être représentés par des diagrammes de décision quantiques

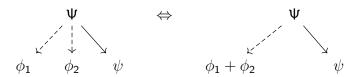
Dans le pire cela reste exponentiel



Retour sur l'état de l'art

- ✓ Interprétation abstraite
- ✓ Arithmétique des intervalles réels
- ✓ Diagrammes de décision quantiques

On va utiliser ces concepts <u>ensemble</u>, avec une nouveauté : l'additivité



Retour sur l'état de l'art

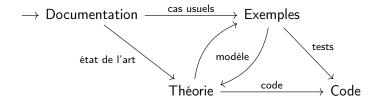
- ✓ Interprétation abstraite
- ✓ Arithmétique des intervalles réels
- ✓ Diagrammes de décision quantiques
- + Nouveauté : additivité

Solution : diagrammes additifs abstraits

Objectifs

- Modèle formel de diagrammes de décision additifs abstraits
- Implémentation du modèle

Méthodologie



Modèle

- \checkmark Intervalles de $\mathbb C$ cartésiens & polaires
- ✓ Diagrammes
- ✓ Approximation locale, globale
- ✓ Fusion forcée
- ✓ Algorithmes de réduction

(Ici, exemple d'un diagramme abstrait additif)

(Ici, réduction du précédent diagramme)

Implémentation

- \checkmark Intervalles de $\mathbb C$ cartésiens & polaires
- ✓ Diagrammes : construction, évaluation
- ✓ Diagrammes aléatoires
- ✓ Fusion forcée
- ~ Algorithmes de réduction

Le gain en taille est arbitrairement grand.

Suite du projet

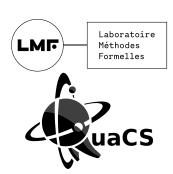
- Ajustements
 - Fonctions d'erreur
 - Algorithmes de réduction
- Nouveaux concepts
 - Automates d'arbres
 - Diagrammes de décisions et applications localement inversibles (LIMDD)

Cadre du projet Formation future

Encadrant : Renaud Vilmart

Équipe : QuaCS

■ Laboratoire : Laboratoire Méthodes Formelles



Continuer la formation en informatique théorique

Électifs

- Génie logiciel orienté objet
- Informatique théorique
- Calcul haute performance
- Modèles et sys. pour la gestion de données

Complément scientifique : métaheuristiques

S8 envisagés

- Digital Tech Year
- S8 à CentraleSupélec
 - Continuité du projet
- Mobilité internationale

Dominantes / mentions

- Informatique et numérique
 - Sciences du logiciel
 - Architecture des systèmes informatiques
- Physique et nanotechnologies
 - Quantum engineering

Conclusion

Questions

Complément sur les césures

- Digital Tech Year
 - Semestre au Paris Digital Lab
 - Semestre en entreprise à l'international
- Stage
 - Entreprise
 - Laboratoire
 - France ou à international
- Stage en laboratoire
 - En France ou à l'international

Implémentation (2,2k lignes de code)

- Code
 - Langage C++
 - GNU C Compiler
 - CMake
- Tests
 - Google Test
 - GitHub Actions



Mise en forme

- Versionnage
 - Git
 - GitHub
- Documentation Doxygen

