ENSIMAG - GRENOBLE INP

3MM1PA - Probabilités Appliquées

Simulation d'une file d'attente

Othmane AJDOR

encadré par Dr. Hervé Guiol

Table des matières

1	File d'attente			
	1.1	Arrivée des requêtes	2	
	1.2	Traitement et départ des requêtes	4	
2	Mu	lti-serveur	•	
3	Résultats			
	3.1	Perte de requête	2	
	3.2	Taux d'utilisation multi-serveur	٦	
	3.3	Distribution des requêtes dans la file d'attente	(

1 File d'attente

1.1 Arrivée des requêtes

Dans cette simulation, les requêtes arrivent à des instants aléatoires T_1 , T_2 , ..., T_n suivant une loi exponentielle $exp(\lambda)$.

Sachant que le serveur ne peut accepter qu'une requête par instant dans la file d'attente, celle-ci est rangée dans une sous-file d'attente selon son type en incrémentant le nombre de requêtes dans la file d'attente. Soit prioritaire, normale ou lente avec des proportions p_1, p_2 et p_3 respectivement.

L'ordre de priorité de cette requête est décidé selon une variable aléatoire $0 \le p \le 1$. Cela peut être représenté sur un graph par des transitions entre états :

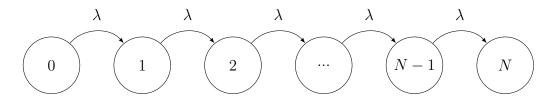


FIGURE 1 – Arrivée des requêtes

1.2 Traitement et départ des requêtes

Ces requêtes sont traitées à des instants aléatoires $S_1, S_2, ..., S_n$ suivant une loi exponentielle $exp(\mu)$.

Les requêtes sont traitées dans l'ordre de priorité précédemment défini. Tant qu'il reste des requêtes prioritaires dans la file d'attente, celles-ci sont traitées avant de passer aux normales puis aux requêtes lentes.

Le graph alors devient :

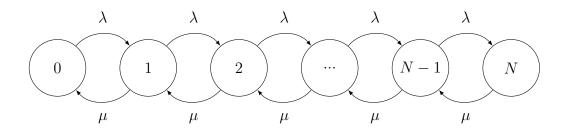


FIGURE 2 – Arrivée et traitement des requêtes

2 Multi-serveur

La simulation permet de personnaliser le nombre de serveur traitant les requêtes dans la file d'attente.

En augmentant le nombre de serveur, le nombre de requêtes traitées par cycle augmente tant qu'il y a une correspondance entre les deux nombres. Si le nombre de requêtes est moins important, ajouter des serveurs supplémentaires pour accélérer le traitement implique un temps Idle conséquent. Les serveurs passent alors la plupart du temps en mode Standby attendant de nouvelles requêtes.

Inversement, si le nombre de requêtes dans la file est assez grand, alors que le nombre de serveur ainsi que la taille de la file d'attente sont limités, des requêtes ne sont pas traitées et sont par conséquent perdues.

La génération d'un temps de traitement dans le mode multi-serveur repose sur la décision du temps le plus éloigné de l'instant courant.

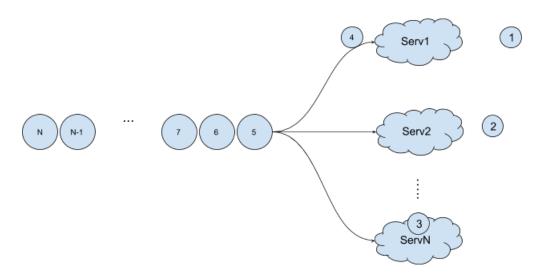


FIGURE 3 – Traitement des requêtes par N serveurs

3 Résultats

Dans la suite des simulation suivante, on considère le temps de simulation $duration = 10^4$, la capacité de la file d'attente N = 150, la proportion des requêtes prioritaires fP = 0.1 et la proportion des requêtes normales nP = 0.3.

3.1 Perte de requête

Dans la simulation suivante, on considère que le nombre de serveurs traitant les requêtes nS=1 pour un paramètre $\lambda=[0.1,10]$ et $\mu=1$.



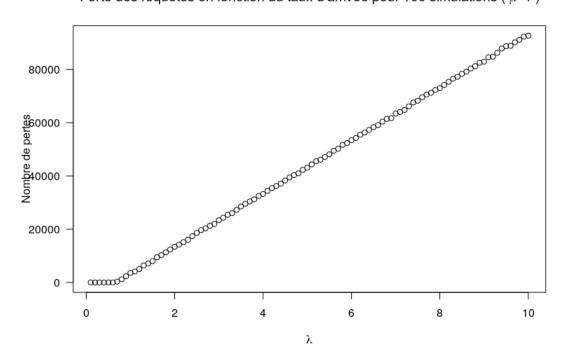


Figure 4 – Traitement des requêtes par N serveurs

On observe dans le résultat de cette simulation que le nombre de requêtes perdues augmente de façon linéaire à partir de $\lambda=0.7$ et dépasse les 80000 requêtes perdues à partir de $\lambda=9$ par rapport à $\mu=1$.

3.2 Taux d'utilisation multi-serveur

Dans la simulation suivante, on considère que $\lambda=2,\,\mu=1$ et un paramètre nS=[1,50].



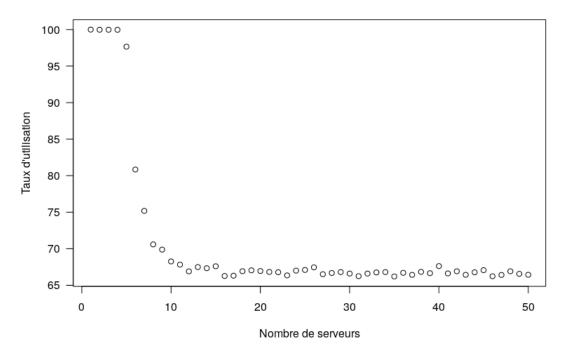


Figure 5 – Traitement des requêtes par N serveurs

On observe dans le résultat de cette simulation que le taux d'utilisation est constant à environ 100% pour nS = [1, 4] et commence à diminuer jusqu'à atteindre une valeur comprise entre 65 et 70 pour nS = [9, 11].

A partir de nS = 10, le taux d'utilisation se stabilise, ce qui signifie qu'augmenter le nombre de serveurs au delà de 10 ne contribue pas à la diminution de celui-ci.

3.3 Distribution des requêtes dans la file d'attente

Dans la simulation suivante, on considère que $\lambda=1,\,\mu=1$ et le nombre de serveurs nS=2. On rappelle que la proportion des requêtes prioritaires est de 10%, celle des requêtes normales 30% et le reste est utilisé par les requêtes lentes.

On lance la simulation pour une durée de 100 instants pour une meilleure visibilité de la répartition des requêtes.

Nombre de requetes dans la file d'attente

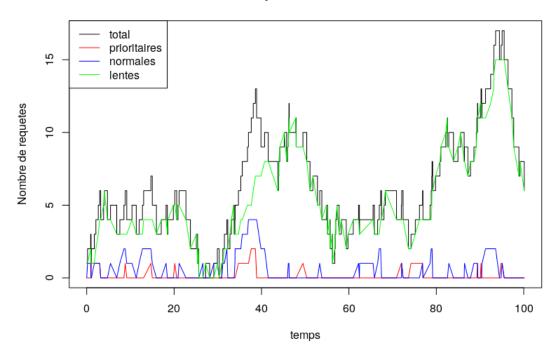


FIGURE 6 – Distribution des requêtes durant les 100 premiers instants

On observe dans le résultat de cette simulation que le nombre de requêtes varie bien en fonction de la proportion des requêtes dans la file d'attente. Soit le nombre de requêtes prioritaire ≤ 2 , celui des requêtes normales ≤ 5 , et le reste est occupé par les requêtes lentes dont la proportion est la plus importante.