Московский государственный технический университет им. Н.Э. Баумана

| ого |
|-----|
| |
| |
| |
| |
| |
| |

1. Задание лабораторной работы

- Выбрать набор данных (датасет) для решения задачи прогнозирования временного ряда.
- Визуализировать временной ряд и его основные характеристики.
- Разделить временной ряд на обучающую и тестовую выборку.
- Произвести прогнозирование временного ряда с использованием как минимум двух методов.
- Визуализировать тестовую выборку и каждый из прогнозов.
- Оценить качество прогноза в каждом случае с помощью метрик.

2. Ячейки Jupyter-ноутбука

2.1. Выбор и загрузка данных

2.1.1. Текстовое описание

В качестве датасета для решения задачи прогнозирования временного ряда будем использовать набор данных, содержащий ежедневные климатические данные в городе Дели с 2013 по 2017 год. Данный набор доступен по адресу: https://www.kaggle.com/datasets/sumanthvrao/daily-climate-time-series-data

Набор данных имеет следующие атрибуты:

- date Дата метка времени
- meantemp Средняя температура средняя температура, расчитанная по нескольким 3часовым интервалам в день
- humidity Влажность показатель влажности в граммах воды на кубический метр воздуха
- wind speed Скорость ветра скорость ветра в километрах в час
- meanpressure Среднее давление среднее давление в атмосферах

2.1.2. Импорт библиотек

Импортируем библиотеки с помощью команды import:

```
[1]: import numpy as np
import pandas as pd
from matplotlib import pyplot
import matplotlib.pyplot as plt
```

Уберем предупреждения:

```
[2]: import warnings warnings.filterwarnings('ignore')
```

2.1.3. Загрузка данных

Выборка уже разделена. Для первичного анализа объединим тестовую и обучающую выборку:

```
[3]: data_test = pd.read_csv('DailyDelhiClimateTest.csv', header=0, ☐

→parse_dates=['date'], index_col='date', squeeze=True)

data_train = pd.read_csv('DailyDelhiClimateTrain.csv', header=0, ☐

→parse_dates=['date'], index_col='date', squeeze=True)

data = pd.concat([data_train, data_test], axis=0)
```

2.2. Первичная обработка данных и визуализация

2.2.1. Первичный анализ

Выведем первые 5 строк датасета:

```
[4]: data.head()
[4]:
                            humidity wind_speed meanpressure
                 meantemp
    date
    2013-01-01
                10.000000 84.500000
                                        0.000000
                                                   1015.666667
                                        2.980000
    2013-01-02
                7.400000 92.000000
                                                   1017.800000
    2013-01-03
                 7.166667
                           87.000000
                                        4.633333
                                                   1018.666667
    2013-01-04
                 8.666667 71.333333
                                                   1017.166667
                                        1.233333
    2013-01-05
                 6.000000 86.833333
                                        3.700000
                                                  1016.500000
```

Определим размер датасета:

```
[5]: data.shape
```

[5]: (1576, 4)

Определим типы данных:

```
[6]: data.dtypes
```

```
[6]: meantemp float64
humidity float64
wind_speed float64
meanpressure float64
```

dtype: object

2.2.2. Обработка данных

Оставим только столбец влажности для временного ряда:

```
[7]: data = data.drop(columns=['meantemp'], axis=1)
data = data.drop(columns=['wind_speed'], axis=1)
data = data.drop(columns=['meanpressure'], axis=1)
```

```
[8]: data.head()
```

```
[8]: humidity date 2013-01-01 84.500000 2013-01-02 92.000000 2013-01-03 87.000000 2013-01-04 71.333333 2013-01-05 86.833333
```

2.2.3. Основные статистические характеристки

Определим основные статистические характеристки временного ряда:

```
[9]: data.describe()
```

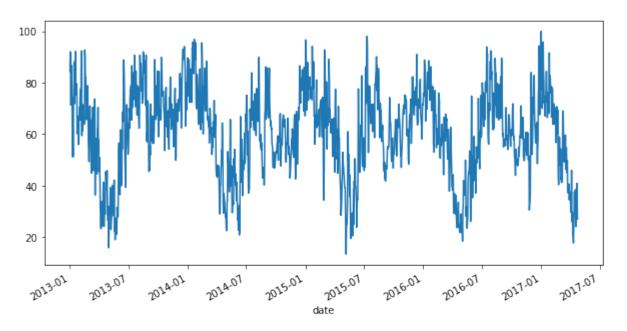
```
[9]:
               humidity
            1576.000000
     count
              60.445229
     mean
              16.979994
     std
              13.428571
     min
              49.750000
     25%
     50%
              62.440476
     75%
              72.125000
             100.000000
     max
```

2.2.4. Визуализация исходного временного ряда

В виде графика:

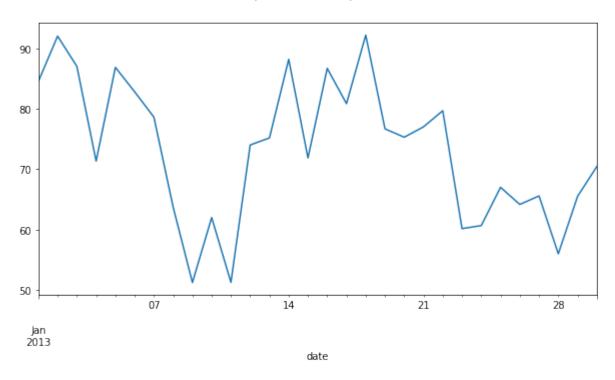
```
fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(10,5))
fig.suptitle('Временной ряд в виде графика')
data.plot(ax=ax, legend=False)
pyplot.show()
```

Временной ряд в виде графика



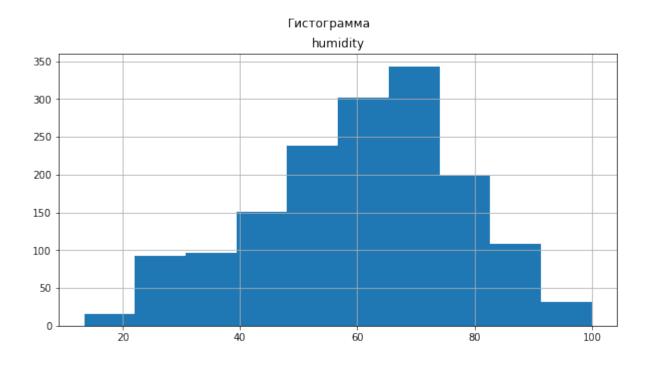
```
fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(10,5))
fig.suptitle('Первые 30 точек ряда')
data[:30].plot(ax=ax, legend=False)
pyplot.show()
```

Первые 30 точек ряда



В виде гистограммы:

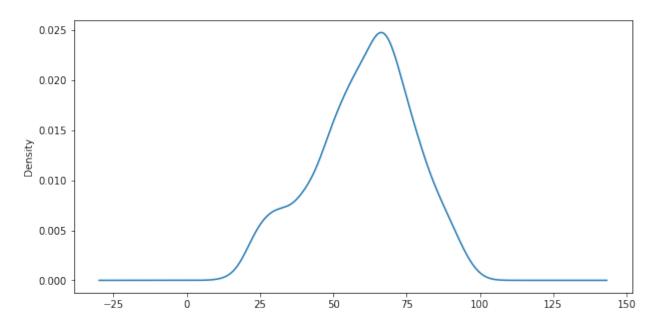
```
[12]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(10,5))
fig.suptitle('Гистограмма')
data.hist(ax=ax, legend=False)
pyplot.show()
```



Вероятностная плотность распределения данных:

```
[13]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(10,5))
fig.suptitle('Плотность вероятности распределения данных')
data.plot(ax=ax, kind='kde', legend=False)
pyplot.show()
```

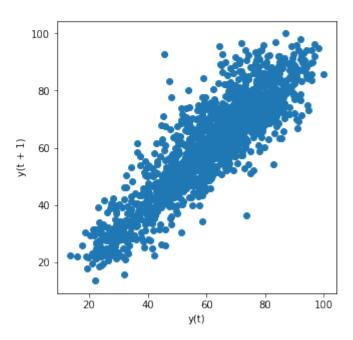
Плотность вероятности распределения данных



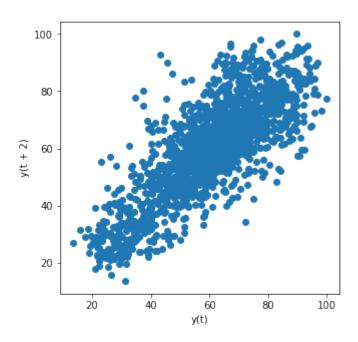
С помощью Lag Plot:

```
for i in range(1, 5):
    fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(5,5))
    fig.suptitle(f'Лаг порядка {i}')
    pd.plotting.lag_plot(data, lag=i, ax=ax)
    pyplot.show()
```

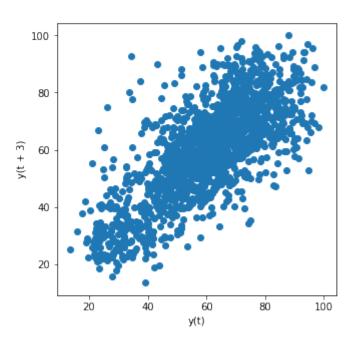
Лаг порядка 1



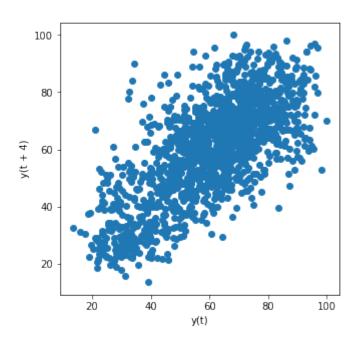




Лаг порядка 3



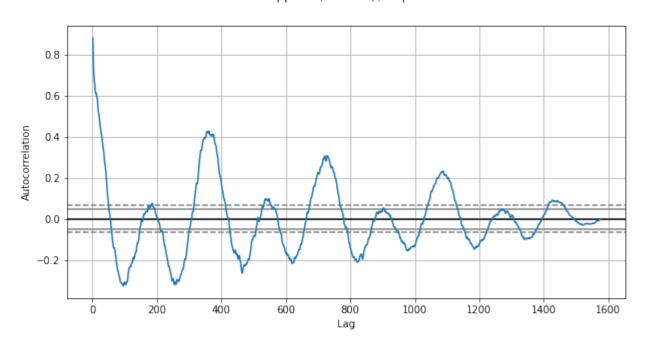
Лаг порядка 4



Наблюдается достаточно сильная положительная корреляция. Автокорреляционная диаграмма:

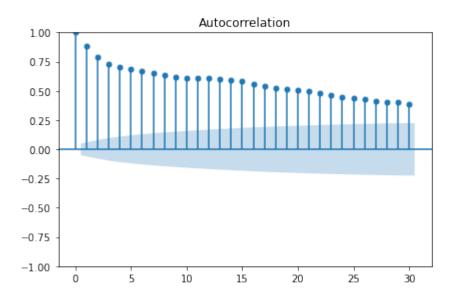
```
[15]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(10,5))
fig.suptitle('Автокорреляционная диаграмма')
pd.plotting.autocorrelation_plot(data, ax=ax)
pyplot.show()
```

Автокорреляционная диаграмма



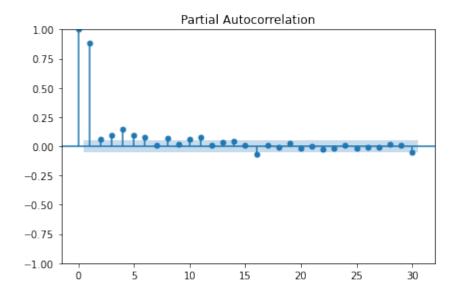
Автокорреляционная функция:

```
[16]: from statsmodels.graphics.tsaplots import plot_acf
    plot_acf(data, lags=30)
    plt.tight_layout()
```



Частичная автокорреляционная функция:

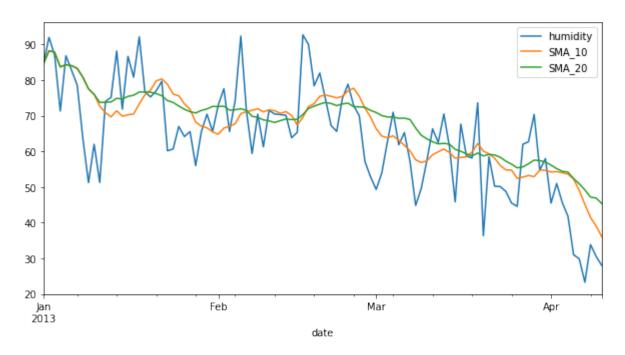
```
[17]: from statsmodels.graphics.tsaplots import plot_pacf
    plot_pacf(data, lags=30)
    plt.tight_layout()
```



Временной ряд со скользящими средними:

```
[20]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(10,5))
fig.suptitle('Временной ряд со скользящими средними')
data2[:100].plot(ax=ax, legend=True)
pyplot.show()
```

Временной ряд со скользящими средними



2.3. Прогнозирование временного ряда с использованием авторегрессионного метода

Будем использовать авторегриссионный метод ARIMA:

```
[21]: from statsmodels.tsa.arima.model import ARIMA
```

2.3.1. Разделение выборки на обучающую и тестовую

```
[22]: xnum = list(range(data2.shape[0]))
Y = data2['humidity'].values
train_size = int(len(Y) * 0.7)
xnum_train, xnum_test = xnum[0:train_size], xnum[train_size:]
train, test = Y[0:train_size], Y[train_size:]
history_arima = [x for x in train]
```

2.3.2. Прогноз ARIMA

```
[23]: arima_order = (6, 1, 0)
    predictions_arima = list()
    for t in range(len(test)):
        model_arima = ARIMA(history_arima, order=arima_order)
        model_arima_fit = model_arima.fit()
```

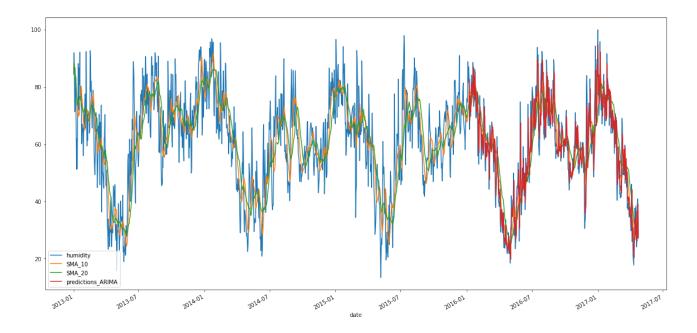
```
yhat_arima = model_arima_fit.forecast()[0]
predictions_arima.append(yhat_arima)
history_arima.append(test[t])
```

```
[24]: data2['predictions_ARIMA'] = (train_size * [np.NAN]) + list(predictions_arima)
```

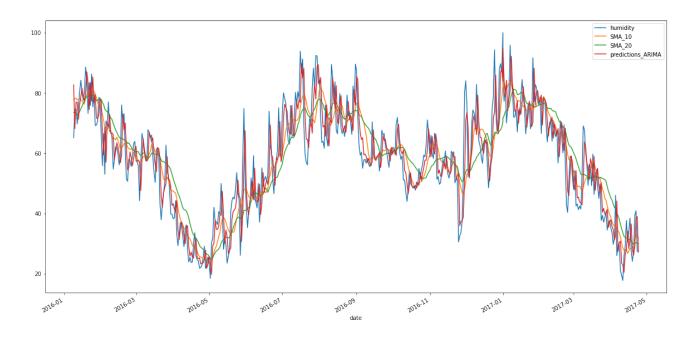
2.3.3. Визуализация

```
fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(20,10))
fig.suptitle('Предсказания временного ряда')
data2.plot(ax=ax, legend=True)
pyplot.show()
```

Предсказания временного ряда



```
[26]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(20,10))
fig.suptitle('Предсказания временного ряда (тестовая выборка)')
data2[train_size:].plot(ax=ax, legend=True)
pyplot.show()
```



Предсказания ARIMA точны, близки к исходному, далеки от среднего скользящего.

2.3.4. Метрики

```
MAE и MSE:
```

```
[27]: from sklearn.metrics import mean_absolute_error, mean_squared_error
[28]: mean_squared_error(test, predictions_arima, squared=False)
[28]: 7.277480320087945
```

[29]: 5.499332563097871

2.4. Прогнозирование временного ряда с использованием метода символьной регрессии

Будем использовать библиотеку gplearn:

[29]: mean_absolute_error(test, predictions_arima)

```
[30]: from gplearn.genetic import SymbolicRegressor
```

2.4.1. Прогноз

[32]: est_gp.fit(np.array(xnum_train).reshape(-1, 1), train.reshape(-1, 1))

| 1 | - | • | | Best Individual | | |
|----------------------|--------|-------------|--------|-----------------|-------------|------|
| | | | | | | |
| Gen Left | Length | Fitness | Length | Fitness | 00B Fitness | Time |
| 0 6.89m | 263.65 | 1.91324e+67 | 26 | 3366.8 | N/A | |
| 1 | 161.42 | 1.73488e+15 | 3 | 771.22 | N/A | |
| | 62.67 | 3.99717e+14 | 3 | 771.22 | N/A | |
| 1.78m 3 | 39.15 | 3.51722e+10 | 3 | 285.6 | N/A | |
| 1.41m 4 | 24.00 | 3.38638e+11 | 3 | 285.6 | N/A | |
| 1.24m 5 | 26.05 | 6.84991e+09 | 34 | 280.86 | N/A | |
| 1.24m 6 | 11.13 | 1.4874e+10 | 35 | 280.438 | N/A | |
| 1.02m 7 | 19.15 | 4.04141e+06 | 33 | 280.136 | N/A | |
| 1.19m 8 | 33.94 | 2.44637e+10 | 62 | 279.776 | N/A | |
| 1.37m 9 | | 2.2103e+06 | 42 | 279.19 | N/A | |
| 1.45m | | | | | | |
| 10 1.60m | | 1.61747e+09 | | 279.026 | N/A | |
| 11 1.72m | 50.83 | 1.24868e+06 | 60 | 278.728 | N/A | |
| 12 1.65m | | 1.20327e+06 | 72 | 278.686 | N/A | |
| 13 1.59m | 46.53 | 5.97296e+08 | 64 | 278.507 | N/A | |
| 14 1.74m | 59.07 | 988142 | 67 | 278.056 | N/A | |
| 15 1.95m | 80.40 | 1.4714e+06 | 70 | 277.651 | N/A | |
| 16 | 91.46 | 4.15928e+06 | 58 | 274.954 | N/A | |
| 2.14m 17 | 94.69 | 1.16678e+06 | 58 | 274.954 | N/A | |
| 2.24m 18 | 131.75 | 3.04158e+06 | 113 | 274.223 | N/A | |
| 2.68m 19 | 154.79 | 599428 | 70 | 267.841 | N/A | |
| 3.01m 20 | 129.60 | 5.39217e+06 | 128 | 267.662 | N/A | |
| 2.65m 21 | 100.25 | 4.61995e+06 | 67 | 263.942 | N/A | |
| 2.26m 22 2.13m | 92.04 | 274173 | 103 | 263.402 | N/A | |

| 23 | 107.35 | 193345 | 183 | 258.85 | N/A |
|-------------|--------|-------------|-----|---------|--------|
| 2.34m 24 | 108.87 | 140414 | 183 | 258.017 | N/A |
| 2.35m | | | | | |
| 25 2.52m | 123.21 | 185654 | 212 | 240.913 | N/A |
| 26 | 180.34 | 297662 | 210 | 240.84 | N/A |
| 3.19m 27 | 208.77 | 143690 | 211 | 239.988 | N/A |
| 3.55m | 012.25 | 220404 | 000 | 020 607 | DT / A |
| 28 3.60m | 213.35 | 338481 | 299 | 238.607 | N/A |
| 29 | 222.05 | 231000 | 476 | 238.538 | N/A |
| 3.85m 30 | 267.90 | 200555 | 303 | 238.41 | N/A |
| 4.21m | 200 05 | 110005 | FFC | 020 102 | NT / A |
| 31 4.54m | 298.85 | 110925 | 556 | 238.103 | N/A |
| 32 | 309.06 | 185395 | 556 | 238.07 | N/A |
| 4.76m 33 | 340.90 | 132016 | 354 | 238.051 | N/A |
| 5.06m | 206 E1 | 120422 | 220 | 227 020 | N/A |
| 34 4.87m | 326.51 | 129423 | 332 | 237.828 | N/A |
| 35 | 314.32 | 939493 | 344 | 237.792 | N/A |
| 4.77m 36 | 327.52 | 129602 | 303 | 230.187 | N/A |
| 4.94m 37 | 210 10 | 7.70537e+07 | 340 | 220.34 | N/A |
| 4.71m | 310.10 | 7.70557e+07 | 340 | 220.34 | N/A |
| 38 4.92m | 329.86 | 157729 | 366 | 220.279 | N/A |
| | 330.05 | 310550 | 329 | 219.403 | N/A |
| 5.46m 40 | 342.88 | 184113 | 348 | 218.34 | N/A |
| 5.47m | 042.00 | 104113 | 040 | 210.04 | N/ A |
| 41 5.27m | 349.80 | 1.90276e+09 | 329 | 217.718 | N/A |
| 42 | 360.93 | 303619 | 327 | 217.701 | N/A |
| 5.24m 43 | 344.29 | 226896 | 320 | 210.026 | N/A |
| 4.91m | | | | | |
| 44 4.91m | 337.52 | 231055 | 398 | 206.541 | N/A |
| 45 | 340.60 | 294015 | 398 | 206.541 | N/A |
| 4.94m 46 | 359.81 | 256564 | 407 | 195.67 | N/A |
| 5.08m | | | | | |
| 47 5.65m | 407.65 | 152362 | 493 | 193.514 | N/A |
| 48 | 424.48 | 5.85872e+06 | 450 | 190.798 | N/A |
| 5.74m 49 | 464.99 | 356433 | 450 | 190.793 | N/A |
| | | 222200 | | 2001.00 | / |

| 6.15m | | | | | |
|-------------|--------|-------------|-----|---------|--------|
| 50 | 479.00 | 2.61636e+06 | 469 | 189.585 | N/A |
| 6.23m | | | | | , |
| 51 | 463.20 | 97706.7 | 574 | 181.247 | N/A |
| 5.96m | | | | | |
| 52 | 486.36 | 314938 | 641 | 180.519 | N/A |
| 6.18m | | | | | |
| 53 | 533.12 | 319413 | 582 | 180.251 | N/A |
| 6.65m | | | | | |
| 54 | 599.20 | 154258 | 580 | 179.739 | N/A |
| 7.33m | | | | | |
| 55 | 605.87 | 115203 | 780 | 179.665 | N/A |
| 7.32m | | | | | 4- |
| 56 | 607.26 | 1.10202e+06 | 580 | 161.751 | N/A |
| 7.30m | E00 0E | 205042 | 207 | 457 407 | 27 / 4 |
| 57 | 590.25 | 325810 | 607 | 157.107 | N/A |
| 7.11m 58 | 599.51 | 175627 | 498 | 154.816 | N/A |
| 7.55m | 599.51 | 175027 | 490 | 154.610 | IV/ A |
| 7.55m 59 | 615.73 | 2.05937e+07 | 585 | 147.345 | N/A |
| 7.40m | 010.70 | 2.003010.01 | 000 | 147.040 | N/ A |
| 60 | 572.38 | 381544 | 597 | 146.883 | N/A |
| 6.80m | 012.00 | 001011 | 001 | 110.000 | 11, 11 |
| 61 | 576.44 | 289927 | 509 | 145.037 | N/A |
| 6.85m | | | | | |
| 62 | 557.31 | 243327 | 651 | 144.194 | N/A |
| 6.49m | | | | | |
| 63 | 574.89 | 2.80685e+06 | 579 | 142.065 | N/A |
| 6.70m | | | | | |
| 64 | 595.33 | 217064 | 582 | 140.262 | N/A |
| 6.93m | | | | | |
| 65 | 592.78 | 112236 | 578 | 139.268 | N/A |
| 7.19m | | | | | / - |
| 66 | 601.12 | 214792 | 687 | 139.167 | N/A |
| 6.90m | F0C 07 | 404050 | F00 | 100 77 | NT / A |
| 67 6.64m | 596.97 | 401058 | 580 | 138.77 | N/A |
| 68 | 596.88 | 183980 | 731 | 138.407 | N/A |
| 6.66m | 550.00 | 103300 | 731 | 130.407 | IV/ A |
| 69 | 605.00 | 196923 | 645 | 138.124 | N/A |
| 6.63m | 000.00 | 100020 | 010 | 100.121 | 11/ 11 |
| 70 | 624.28 | 120101 | 702 | 134.96 | N/A |
| 6.68m | | | | | , |
| 71 | 613.74 | 65220.9 | 700 | 134.95 | N/A |
| 6.54m | | | | | |
| 72 | 662.45 | 219994 | 706 | 134.663 | N/A |
| 6.93m | | | | | |
| 73 | 713.11 | 84137 | 720 | 134.383 | N/A |
| 8.34m | | | | | |
| 74 | 706.18 | 145495 | 708 | 134.371 | N/A |
| 8.62m | | | | | |
| 75 | 691.32 | 164370 | 734 | 133.882 | N/A |
| 7.93m | | | | | |

| 76 7.28m | 714.10 | 112927 | 859 | 133.105 | N/A |
|--------------|---------|-------------|------|---------|-----|
| 77 | 741.06 | 81064 | 920 | 132.395 | N/A |
| 7.66m 78 | 804.12 | 234355 | 1049 | 132.429 | N/A |
| 7.90m 79 | 822.98 | 90264.5 | 869 | 131.907 | N/A |
| 8.02m 80 | 832.85 | 205834 | 942 | 131.6 | N/A |
| 8.21m 81 | 860.39 | 295080 | 983 | 131.305 | N/A |
| 9.52m 82 | 891.89 | 244599 | 891 | 130.529 | N/A |
| 8.71m 83 | 941.01 | 236574 | 1051 | 130.064 | N/A |
| 8.72m 84 | 945.35 | 5.90819e+08 | 1051 | 129.819 | N/A |
| 8.33m 85 | 942.77 | 93379.8 | 1049 | 129.519 | N/A |
| 8.01m 86 | 983.41 | 235777 | 995 | 126.097 | N/A |
| 8.39m 87 | 1043.72 | 581588 | 999 | 125.898 | N/A |
| | 1142.51 | 286982 | 1005 | 124.618 | N/A |
| | 1031.67 | 108799 | 989 | 123.27 | N/A |
| | 1074.67 | 128401 | 981 | 123.027 | N/A |
| | 1026.87 | 5.90862e+08 | 987 | 121.965 | N/A |
| | 1003.39 | 2.34917e+09 | 1274 | 121.202 | N/A |
| | 1012.57 | 201797 | 982 | 120.63 | N/A |
| | 1065.47 | 128891 | 974 | 120.402 | N/A |
| | 1066.71 | 251783 | 1023 | 120.04 | N/A |
| | 1003.03 | 202755 | 1037 | 119.958 | N/A |
| 8.05m 97 | 981.58 | 159988 | 1001 | 119.906 | N/A |
| 8.11m 98 | 993.94 | 322564 | 989 | 119.464 | N/A |
| 7.99m 99 | 991.74 | 187031 | 946 | 119.374 | N/A |
| 7.32m 100 | 993.97 | 105857 | 1142 | 119.102 | N/A |
| 7.14m 101 | 976.85 | 79860.2 | 1144 | 119.079 | N/A |
| 7.14m 102 | | 221920 | 951 | 118.929 | N/A |
| | | | | | |

| 7.40m | | | | | |
|--------------|---------|-------------|------|---------|--------|
| 103 | 938.70 | 90457.6 | 950 | 118.854 | N/A |
| 6.86m | | 2015.10 | | | , |
| 104 | 937.47 | 314656 | 939 | 118.68 | N/A |
| 6.62m | | | | | |
| 105 | 936.34 | 149304 | 919 | 118.526 | N/A |
| 6.47m | | | | | |
| 106 | 937.20 | 2.00517e+07 | 923 | 118.466 | N/A |
| 6.38m | 044 05 | 0.01000.100 | 4044 | 447 750 | 27 / 4 |
| 107 | 941.85 | 8.91926e+09 | 1041 | 117.759 | N/A |
| 6.61m 108 | 943.66 | 159067 | 1041 | 117.646 | N/A |
| 6.67m | | 103001 | 1041 | 117.040 | N/ A |
| 109 | 968.74 | 94109 | 1041 | 117.582 | N/A |
| 6.73m | | | | | |
| 110 | 1048.24 | 75924.5 | 1136 | 117.307 | N/A |
| 7.16m | | | | | |
| 111 | 1057.97 | 1.13477e+06 | 1180 | 117.163 | N/A |
| 7.35m | | | | | |
| 112 | 1076.84 | 236939 | 1182 | 116.834 | N/A |
| 7.29m | 1100 41 | 72022 4 | 1100 | 110 000 | NT / A |
| 113 7.36m | 1128.41 | 73033.1 | 1188 | 116.809 | N/A |
| 114 | 1120.40 | 256617 | 1178 | 116.745 | N/A |
| 7.28m | 1120.40 | 200017 | 1170 | 110.140 | N/ A |
| 115 | 1142.22 | 139713 | 1205 | 116.588 | N/A |
| 7.34m | | | | | |
| 116 | 1161.78 | 119681 | 1389 | 116.536 | N/A |
| 7.36m | | | | | |
| 117 | 1177.39 | 163665 | 1523 | 116.336 | N/A |
| 7.38m | | | | | |
| 118 | 1174.59 | 1.49591e+06 | 1210 | 116.279 | N/A |
| 7.19m | | 16/120 | 1010 | 116 071 | NT / A |
| 7.12m | 1171.17 | 164129 | 1212 | 116.271 | N/A |
| | 1158.92 | 37142.5 | 1389 | 116.147 | N/A |
| 7.51m | | 01112.0 | 1000 | 110.111 | 14/ 11 |
| | 1197.40 | 46742.8 | 1217 | 116.097 | N/A |
| 7.93m | | | | | |
| 122 | 1216.58 | 332484 | 1343 | 116.026 | N/A |
| 7.59m | | | | | |
| | 1203.00 | 63012.6 | 1215 | 115.981 | N/A |
| 7.06m | 1005.00 | 0.474.40 | 4000 | 445.040 | 27 / 4 |
| | 1205.20 | 217140 | 1208 | 115.942 | N/A |
| 7.12m | 1200.88 | 195967 | 1361 | 115.919 | N/A |
| 6.74m | | 190901 | 1501 | 113.919 | IV/ A |
| | 1201.62 | 36773.3 | 1213 | 115.845 | N/A |
| 6.31m | | 22515 | | | , |
| | 1192.41 | 175546 | 1436 | 115.636 | N/A |
| 6.46m | | | | | |
| | 1178.73 | 118886 | 1436 | 115.632 | N/A |
| 6.20m | | | | | |
| | | | | | |

| 129 6.29m | 1228.00 | 92349.2 | 1435 | 115.615 | N/A |
|--------------|---------|-------------|-------|---------|--------|
| 130 | 1219.99 | 177369 | 1435 | 115.615 | N/A |
| 6.44m | | | | | |
| 131 6.30m | 1219.26 | 581658 | 1435 | 115.581 | N/A |
| | 1241.64 | 5.95807e+08 | 1338 | 115.248 | N/A |
| 6.27m | | | | | |
| | 1238.89 | 278341 | 1361 | 115.15 | N/A |
| 6.16m 134 | 1248 58 | 1.60758e+11 | 1383 | 115.108 | N/A |
| 6.11m | | 1.007000111 | 1000 | 110.100 | N/ A |
| | 1302.84 | 142129 | 1362 | 115.062 | N/A |
| 6.43m | 1207 00 | 00000 | 1.000 | 110 406 | N / A |
| 136 6.47m | 1327.08 | 80862 | 1628 | 110.496 | N/A |
| | 1368.02 | 119268 | 1745 | 110.206 | N/A |
| 6.30m | | | | | |
| 138 6.74m | 1492.48 | 37613.6 | 1747 | 109.06 | N/A |
| | 1678.08 | 26897.3 | 1753 | 108.847 | N/A |
| 7.39m | | | | | |
| | 1722.07 | 122838 | 1936 | 107.952 | N/A |
| 7.45m 141 | | 83720.5 | 2025 | 107.852 | N/A |
| 7.60m | 1701.41 | 00120.0 | 2020 | 101.002 | N/ A |
| 142 | 1842.02 | 48335.6 | 1971 | 107.611 | N/A |
| 7.75m | | 00601 7 | 1064 | 107 510 | N / A |
| 7.94m | 1947.55 | 82681.7 | 1964 | 107.512 | N/A |
| | 1933.71 | 6.0061e+08 | 1970 | 107.395 | N/A |
| 7.95m | 1050 51 | 74000 | 4070 | 400.000 | 27./4 |
| 145 8.15m | 1972.54 | 74686.6 | 1970 | 106.999 | N/A |
| 146 | 1954.03 | 64469.6 | 2011 | 106.981 | N/A |
| 6.84m | | | | | |
| 147 7.37m | 1951.31 | 8795.11 | 1942 | 106.773 | N/A |
| | 1955.85 | 975.374 | 1941 | 106.647 | N/A |
| 7.33m | | | | | |
| 149 | | 3.42713e+06 | 2020 | 106.646 | N/A |
| 7.20m 150 | 1947.16 | 78761.9 | 2019 | 106.512 | N/A |
| 7.08m | | | | | · |
| | 1933.35 | 58093.1 | 2018 | 106.506 | N/A |
| 6.79m 152 | 1964.62 | 57360.7 | 2004 | 106.35 | N/A |
| 7.04m | | 37000.1 | 2001 | 100.00 | W/ A |
| 153 | 1970.03 | 69364.7 | 1881 | 106.234 | N/A |
| 6.61m | | 5 05007a100 | 1000 | 106 110 | RT / A |
| 6.41m | | 5.95297e+08 | 1882 | 106.112 | N/A |
| | 1939.50 | 123477 | 1878 | 106.099 | N/A |
| | | | | | |

| 6.23m | | | | | |
|--------------|---------|-------------|------|---------|-----------|
| 156 | 1909.67 | 217390 | 1824 | 105.998 | N/A |
| 5.97m | | | | | · |
| 157 | 1879.78 | 48951.3 | 1841 | 105.954 | N/A |
| 6.11m | | | | | |
| 158 | 1852.92 | 2.00151e+07 | 1828 | 105.831 | N/A |
| 5.57m | | | | | |
| 159 | 1834.71 | 41082 | 1828 | 105.831 | N/A |
| 5.37m | | | | | |
| 160 | 1817.06 | 74661.6 | 1832 | 105.797 | N/A |
| 5.10m | | | | | |
| | 1814.77 | 3860.34 | 1832 | 105.783 | N/A |
| 5.00m | | 2222 | 4040 | 405 004 | 27./4 |
| | 1808.57 | 62680.3 | 1842 | 105.664 | N/A |
| 4.96m | 1750 15 | 000500 | 1710 | 405 445 | 27 / 4 |
| | 1758.15 | 203506 | 1712 | 105.417 | N/A |
| 4.69m | 1600 96 | 00060 | 1710 | 10E 204 | NT / A |
| 164 | | 92262 | 1712 | 105.394 | N/A |
| 4.39m 165 | 1692.49 | 116450 | 1741 | 105.261 | N/A |
| 4.28m | 1032.43 | 110430 | 1141 | 103.201 | IV/ A |
| | 1727.47 | 66436.9 | 1739 | 105.171 | N/A |
| 4.22m | | 00430.9 | 1109 | 105.171 | IV/ A |
| | 1716.24 | 3.89336e+11 | 1741 | 105.141 | N/A |
| 4.23m | 1,10,11 | 0.00000011 | 1.11 | 100.111 | 11, 11 |
| 168 | 1730.61 | 1.00493e+07 | 1750 | 105.092 | N/A |
| 4.06m | | | | | , |
| | 1741.79 | 571328 | 1742 | 104.97 | N/A |
| 3.93m | | | | | |
| 170 | 1733.52 | 1.78267e+07 | 1741 | 104.953 | N/A |
| 3.72m | | | | | |
| 171 | 1730.60 | 502739 | 1954 | 104.847 | N/A |
| 3.58m | | | | | |
| 172 | 1753.23 | 196115 | 1954 | 104.847 | N/A |
| 3.48m | | | | | |
| 173 | 1755.67 | 5.67425e+08 | 2047 | 104.254 | N/A |
| 3.44m | | | | | |
| 174 | 1757.01 | 82979 | 2047 | 104.254 | N/A |
| 3.40m | | | | | / - |
| | 1806.70 | 93743.3 | 2049 | 103.817 | N/A |
| 3.14m | 1054 00 | 25550 4 | 0000 | 100 700 | NT / A |
| | 1954.89 | 35559.4 | 2022 | 103.736 | N/A |
| 3.22m | | 72004 | 2026 | 102 506 | N / A |
| 3.38m | 2026.45 | 73924 | 2036 | 103.596 | N/A |
| | 2044.62 | 87278.4 | 2048 | 103.544 | N/A |
| 3.16m | 2077.02 | 01210.4 | 2040 | 100.044 | IV/ A |
| | 2045.47 | 124714 | 2047 | 103.372 | N/A |
| 3.02m | | 121,14 | 2011 | 100.012 | и, п |
| | 2031.76 | 130210 | 2134 | 103.226 | N/A |
| 2.83m | | | | | , |
| 181 | 2055.03 | 35068.6 | 2631 | 102.926 | N/A |
| 2.78m | | | | | |
| | | | | | |

```
182 2066.12
                      72599.6
                                   2633
                                                 102.919
                                                                      N/A
2.62m
183 2030.26
                        161098
                                   2032
                                                  103.01
                                                                      N/A
2.28m
184 2020.91
                        136310
                                   2076
                                                 102.829
                                                                      N/A
2.29m
185 2018.65
                       30982.9
                                   2009
                                                 102.519
                                                                      N/A
2.00m
186 2003.83
                   6.01768e+08
                                   2012
                                                 102.519
                                                                      N/A
1.86m
                       79395.3
                                                 102.476
                                                                      N/A
187 2022.74
                                   2527
1.78m
188 2005.91
                       56386.1
                                                                      N/A
                                   2100
                                                 102.348
1.61m
189 2016.43
                       115070
                                   2184
                                                 102.345
                                                                      N/A
1.44m
190 2016.36
                       94111.4
                                   2147
                                                 102.316
                                                                      N/A
1.32m
191 2018.53
                        173633
                                                                      N/A
                                   2083
                                                 102.054
1.21m
192 2020.19
                                   2085
                                                 102.036
                                                                      N/A
                        116259
1.05m
193 2036.41
                                                                      N/A
                        134852
                                   2081
                                                 101.931
53.90s
194 2064.99
                       63033.3
                                   2077
                                                 101.905
                                                                      N/A
45.34s
195 2083.19
                       33114.6
                                   2082
                                                 101.271
                                                                      N/A
36.69s
196 2076.44
                        242556
                                                 101.259
                                   2082
                                                                      N/A
27.56s
197 2075.79
                        192377
                                                 101.247
                                                                      N/A
                                   2082
18.45s
198 2089.56
                   5.95726e+08
                                   2101
                                                 101.067
                                                                      N/A
9.32s
199 2086.89
                       58925.5
                                   2051
                                                 101.046
                                                                      N/A
0.00s
                  function_set=['add', 'sub', 'mul', 'div', 'sin'],
                  generations=200, init_depth=(4, 10), metric='mse',
```

```
[32]: SymbolicRegressor(const_range=(-10, 10),
                        population_size=500, random_state=0, stopping_criteria=0.01,
                        verbose=1)
```

```
[33]: |y_gp = est_gp.predict(np.array(xnum_test).reshape(-1, 1))
      y_gp[:10]
```

```
[33]: array([73.80469798, 74.62276246, 74.81765215, 74.88961676, 74.91224874,
            74.90617581, 74.87934757, 74.83554142, 74.77687615, 74.70473071])
```

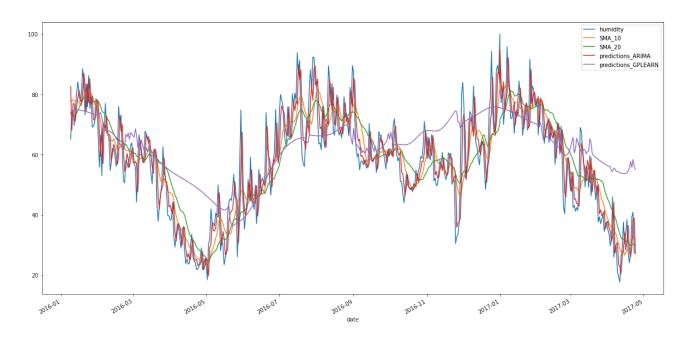
```
[34]: data2['predictions_GPLEARN'] = (train_size * [np.NAN]) + list(y_gp)
```

2.4.2. Визуализация

Построим график по тестовой выборке:

```
[37]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(20,10))
fig.suptitle('Предсказания временного ряда (тестовая выборка)')
data2[train_size:].plot(ax=ax, legend=True)
pyplot.show()
```

Предсказания временного ряда (тестовая выборка)



Визуально предсказания по методу сивольной регрессии менее точны, чем предсказания по ARIMA. Для повышения точности требуется настройка параметров метода, в частности увеличенное количество итераций цикла. Однако при этом сильно возрастут затраты времени.

2.4.3. Метрики

MAE и MSE:

```
[38]: mean_squared_error(test, y_gp, squared=False)
```

[38]: 13.52324614284193

```
[39]: mean_absolute_error(test, y_gp)
```

[39]: 10.607119049073066

2.5. Сранение качества моделей

Чем ближе значение MAE и MSE к нулю, тем лучше качество модели.

MAE для авторегрессионного метода ARIMA = 5.5, а для метода символьной регрессии = 10.6.

MSE для авторегрессионного метода ARIMA = 7.3, а для метода символьной регрессии = 13.5.

Качество модели для авторегрессионного метода ARIMA выше. Для выполенения ARIMA также требуется меньше времени.