

# R PROGRAMMING



ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. อัจฉาณัท รัตนเลิศนุสรณ์  
สาขาสถิติประยุกต์ คณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี  
มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลธัญบุรี



# สารบัญ

## Contents

- วัตถุประสงค์พื้นฐานในโปรแกรม R
- การอ่านข้อมูลจากแฟ้มชนิด text
- การอ่านข้อมูลจากแฟ้มชนิด csv
- การบันทึกข้อมูลเป็นแฟ้มชนิด text
- การบันทึกข้อมูลเป็นแฟ้มชนิด csv
- การคำนวณค่าสถิติเบื้องต้น
- การจัดการค่าสูญหาย (missing values)
- การตรวจสอบค่าผิดปกติ (outliers)

# R data objects

R data objects พื้นฐานมีดังนี้

- **vectors**
- **lists**
- **matrices**
- **arrays**
- **factors**
- **data frames**

## R data objects

**vectors** มีลักษณะการเก็บข้อมูลเป็นแถวหนึ่งแถว หรือเป็นคอลัมน์หนึ่งคอลัมน์ สามารถเก็บข้อมูลชนิดเดียวกันเท่านั้น

การสร้าง vectors สามารถใช้ฟังก์ชัน `c()` --concatenate

ตัวอย่างเช่น

```
> v1<-c(20,15,30.5,42.7)
> v1
[1] 20.0 15.0 30.5 42.7
> mode(v1)
[1] "numeric"
> v2<-c("20","15","30.5","42.7")
> v2
[1] "20"    "15"    "30.5"  "42.7"
> mode(v2)
[1] "character"
```

## R data objects

กรณีเก็บข้อมูลต่างชนิดกัน โปรแกรม R จะเปลี่ยนชนิดข้อมูลให้เป็นชนิดเดียวกัน  
ตัวอย่างเช่น

```
> v3<-c(20,"Somchai",42L,4i)
> v3
[1] "20"      "Somchai" "42"      "0+4i"
```

ตัวแปร **v3** (หรือเวกเตอร์ **v3**) เก็บข้อมูลชนิดตัวอักษรเท่านั้น

# R data objects

## การอ้างอิงสมาชิกของเวกเตอร์

```
#####  
#      vector01.R  #  
#####  
x<-c()  
x  
y<-c(2,4,6,8,1,3,5,7)  
y  
y[2]  
y[2:5]  
y[-c(3,4,6)]  
y[9:10]<-c(9,11)  
y  
y[y>5]  
y[y>=4 & y<=9]  
y[y<=5 | y>=8]
```



## ผลลัพธ์ของคำสั่งใน vector01.R

```
> x<-c()  
> x  
NULL  
> y<-c(2,4,6,8,1,3,5,7)  
> y  
[1] 2 4 6 8 1 3 5 7  
> y[2]  
[1] 4  
> y[2:5]  
[1] 4 6 8 1  
> y[-c(3,4,6)]  
[1] 2 4 1 5 7  
> y[9:10]<-c(9,11)  
> y  
[1] 2 4 6 8 1 3 5 7 9 11  
> y[y>5]  
[1] 6 8 7 9 11  
> y[y>=4 & y<=9]  
[1] 4 6 8 5 7 9  
> y[y<=5 | y>=8]  
[1] 2 4 8 1 3 5 9 11
```

## R data objects

**lists** เป็นที่เก็บข้อมูลต่างชนิดกัน( เวกเตอร์ ฟังก์ชัน หรือ ลิสต์)ไว้ด้วยกัน

การสร้าง lists สามารถใช้ฟังก์ชัน `list()`

ตัวอย่างการสร้าง list

```
> list1 <- list(c(60,70,90),7.5,sqrt)
> list1
[[1]]
[1] 60 70 90

[[2]]
[1] 7.5

[[3]]
function (x)  .Primitive("sqrt")
```

สมาชิกตัวแรกของลิสต์เป็นเวกเตอร์ สมาชิกตัวที่สองเป็นตัวเลข และสมาชิกตัวที่สามเป็นฟังก์ชัน sqrt

# R data objects

## ■ การอ้างอิงสมาชิกใน list

```
#####  
#      list01.R      #  
#####  
v<-c(4,7,10,9,15,12)  
L1<-list(a=v,b=17.5,c=sqrt)  
L1  
L1$a  
L1$b  
L1$c  
L1$a[1:4]  
L1$a[L1$a>9]
```



## ■ ผลลัพธ์ของ list01.R

```
> v<-c(4,7,10,9,15,12)  
> L1<-list(a=v,b=17.5,c=sqrt)  
> L1  
$a  
[1]  4  7 10  9 15 12  
  
$b  
[1] 17.5  
  
$c  
function (x)  .Primitive("sqrt")  
  
> L1$a  
[1]  4  7 10  9 15 12  
> L1$b  
[1] 17.5  
> L1$c  
function (x)  .Primitive("sqrt")  
> L1$a[1:4]  
[1]  4  7 10  9  
> L1$a[L1$a>9]  
[1] 10 15 12
```



# R data objects

**matrices** เป็นที่เก็บข้อมูลแบบอะเรย์ 2 มิติ ขนาด  $n \times m$

ตัวอย่างการสร้างเมทริกซ์ด้วยฟังก์ชัน `matrix()`

```
> Matx<- matrix( c(1,3,5,0,4,6), nrow = 2, ncol = 3)
> Matx
```

	[,1]	[,2]	[,3]
[1,]	1	5	4
[2,]	3	0	6

ตัวแปร `Matx` เป็นเมทริกซ์ขนาด  $2 \times 3$

# R data objects

## ■ การอ้างอิงสมาชิกใน matrix

```
#####  
#      matrix01.R      #  
#####  
v<-c(1,7,9,2,8,10)  
X<-matrix(v,nrow=2,ncol=3)  
X  
X[1,]  
X[1:2,]  
X[,1]  
X[,1:3]  
X[,-2]  
X[X>5]
```

## ■ ผลลัพธ์ของ matrix01.R

```
> v<-c(1,7,9,2,8,10)  
> X<-matrix(v,nrow=2,ncol=3)  
> X  
      [,1] [,2] [,3]  
[1,]    1    9    8  
[2,]    7    2   10  
> X[1,]  
[1] 1 9 8  
> X[1:2,]  
      [,1] [,2] [,3]  
[1,]    1    9    8  
[2,]    7    2   10  
> X[,1]  
[1] 1 7  
> X[,1:3]  
      [,1] [,2] [,3]  
[1,]    1    9    8  
[2,]    7    2   10  
> X[,-2]  
      [,1] [,2]  
[1,]    1    8  
[2,]    7   10  
> X[X>5]  
[1]  7  9  8 10
```

## R data objects

**arrays** เป็นที่เก็บข้อมูลแบบอะเรย์ 1 มิติ , 2 มิติ และ 3 มิติ

ตัวอย่างการสร้างอะเรย์ด้วยฟังก์ชัน `array()`

```
> Array.x <- array(c(1,3,5,7,2,4,6,8),dim = c(4,2))
> Array.x
```

	[,1]	[,2]
[1,]	1	2
[2,]	3	4
[3,]	5	6
[4,]	7	8

# R data objects

## ■ การอ้างอิงสมาชิกใน array

```
#####  
#      array01.R      #  
#####  
v<-c(1,4,7,10,2,5,8,11)  
A<-array(v,dim=c(4,2))  
A  
A[1,]  
A[2:3,]  
A[,1]  
A[,1:2]  
A[-3,]  
A[A<=2 | A>=7]
```

## ■ ผลลัพธ์ของ array01.R

```
> v<-c(1,4,7,10,2,5,8,11)  
> A<-array(v,dim=c(4,2))  
> A  
      [,1] [,2]  
[1,]    1    2  
[2,]    4    5  
[3,]    7    8  
[4,]   10   11  
> A[1,]  
[1] 1 2  
> A[2:3,]  
      [,1] [,2]  
[1,]    4    5  
[2,]    7    8  
> A[,1]  
[1] 1 4 7 10  
> A[,1:2]  
      [,1] [,2]  
[1,]    1    2  
[2,]    4    5  
[3,]    7    8  
[4,]   10   11  
> A[-3,]  
      [,1] [,2]  
[1,]    1    2  
[2,]    4    5  
[3,]   10   11  
> A[A<=2 | A>=7]  
[1] 1 7 10 2 8 11
```

## R data objects

**factors** เป็นที่เก็บข้อมูลจำแนกประเภท อาทิ เพศ อาชีพ ระดับการศึกษา เป็นต้น

ตัวอย่างการสร้าง Factors ด้วยฟังก์ชัน `factor()`

```
> gender <- factor(c("Male", "Female", "Female", "Male", "Female"))
> gender
[1] Male    Female Female Male    Female
Levels: Female Male
```

ตัวแปร `gender` เป็นตัวแปรชนิด factors เก็บข้อมูลจำแนกกลุ่ม มี 2 กลุ่ม

คือ เพศหญิง และเพศชาย

# R data objects

## ■ การอ้างอิงสมาชิกใน factor

```
#####  
#      factor01.R      #  
#####  
gender<-c("male","female","male")  
F<-factor(gender)  
F  
F[1]  
F[1:2]  
F[-2]
```

## ■ ผลลัพธ์ของ factor01.R

```
> gender<-  
c("male","female","male")  
> F<-factor(gender)  
> F  
[1] male    female male  
Levels: female male  
> F[1]  
[1] male  
Levels: female male  
> F[1:2]  
[1] male    female  
Levels: female male  
> F[-2]  
[1] male male  
Levels: female male
```

## R data objects

**data frames** เป็นที่เก็บข้อมูลแบบตาราง(Table) หรือแฟ้มข้อมูล (data file) สามารถตั้งชื่อคอลัมน์หรือฟิลด์(fields)ได้ มีเงื่อนไขว่าจำนวนแถวของทุกคอลัมน์ต้องเท่ากัน

ตัวอย่างการสร้าง data frames ด้วยฟังก์ชัน `data.frame()`

```
> name <-c("Wattana", "Somchai", "Arunee")
> gender <- c("Male", "Male", "Female")
> age <- c(20, 19, 25)
> student.dat<-data.frame(name, gender, age)
> student.dat
```

	name	gender	age
1	Wattana	Male	20
2	Somchai	Male	19
3	Arunee	Female	25

## R data objects

การอ้างอิงสมาชิกใน data frames

```
1- #####
2 #  datafr.r
3- #####
4 name<-c("Wattana","Somchai","Arunee")
5 gender<-c("Male","Male","Female")
6 age<-c(20,19,25)
7 student.dat<-data.frame(name,gender,age)
8 student.dat
9 student.dat[1,] #display row#1
10 student.dat[,2] #display col#2
11 student.dat[,-2] #display all col,except col#2
12 student.dat[3,2] #display a member row#3,col#2|
```



# R data objects

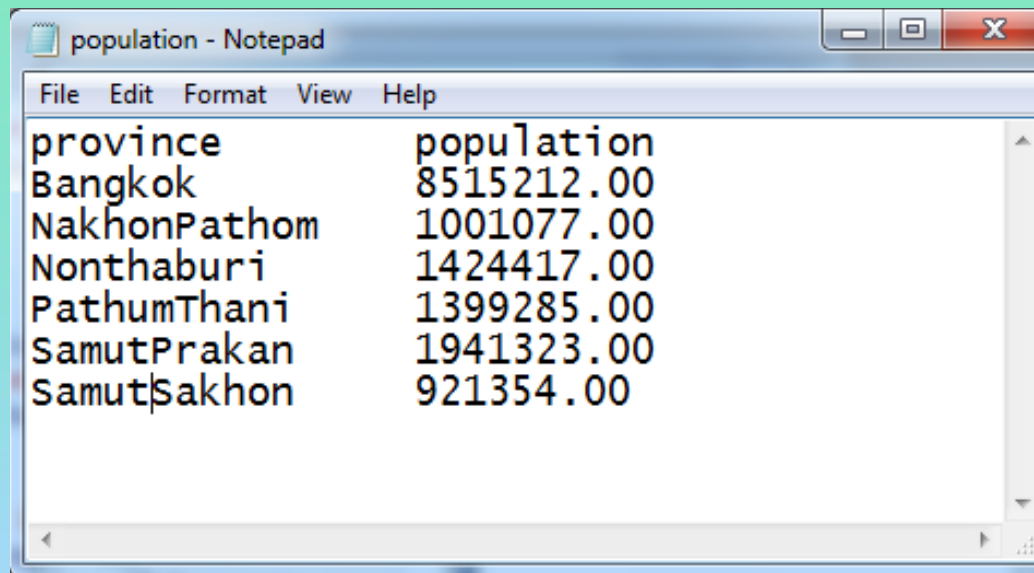
ผลลัพธ์ที่ได้

```
Console Terminal x
~/
> name<-c("Wattana","Somchai","Arunee")
> gender<-c("Male","Male","Female")
> age<-c(20,19,25)
> student.dat<-data.frame(name,gender,age)
> student.dat
  name gender age
1 Wattana   Male  20
2 Somchai   Male  19
3  Arunee Female  25
> student.dat[1,] #display row#1
  name gender age
1 Wattana   Male  20
> student.dat[,2] #display col#2
[1] "Male" "Male" "Female"
> student.dat[,-2] #display all col,except col#2
  name age
1 Wattana  20
2 Somchai  19
3  Arunee  25
> student.dat[3,2] #display a member row#3,col#2
[1] "Female"
>
```

# การอ่านข้อมูลจากแฟ้มข้อมูลชนิด text



ก่อนที่จะอ่านข้อมูลให้เตรียมไฟล์ชนิด txt (Text documents) จากโปรแกรม Notepad ดังรูป



ข้อควรระวัง การพิมพ์ข้อมูลชื่อจังหวัดต้องไม่เว้นวรรค และการพิมพ์ตัวเลขประชากรต้องไม่ใส่เครื่องหมาย , (comma)

# การอ่านข้อมูลจากแฟ้มข้อมูลชนิด text



ใช้ฟังก์ชัน `read.table()` อ่านข้อมูลจากแฟ้มชนิด txt เข้ามาในโปรแกรม R  
ดังนี้

```
> read.table("population.txt",header = TRUE)
  province population
1   Bangkok    8515212
2 NakhonPathom  1001077
3  Nonthaburi   1424417
4 PathumThani   1399285
5 SamutPrakan   1941323
6 SamutSakhon    921354
>
```

ข้อควรระวัง ในฟังก์ชัน `read.table()` เมื่อระบุ `header=TRUE` แสดงว่า  
ให้ใช้ข้อมูลแถวแรกในไฟล์ `population.txt` มาเป็นชื่อคอลัมน์ โดยปกติ  
ฟังก์ชันนี้จะกำหนดให้ `header=FALSE`

# การอ่านข้อมูลจากแฟ้มข้อมูลชนิด text



การอ่านข้อมูลเข้ามาในโปรแกรม R แล้วควรเก็บไว้ในตัวแปรชนิด data frames เพื่อความสะดวกในการเรียกใช้งานภายหลังดังนี้

```
> popu.dat<-data.frame(read.table("population.txt",  
header = TRUE))
```

```
> popu.dat
```

```
      province population  
1      Bangkok      8515212  
2 NakhonPathom      1001077  
3  Nonthaburi      1424417  
4  PathumThani      1399285  
5  SamutPrakan      1941323  
6  SamutSakhon       921354  
>
```



# การอ่านข้อมูลจากแฟ้มข้อมูลชนิด csv



ก่อนที่จะอ่านข้อมูลให้เตรียมไฟล์ชนิด csv (Comma delimited) จากโปรแกรม Microsoft Excel ดังนี้

The screenshot shows a Microsoft Excel spreadsheet with the following data:

	A	B	C	D	E
1	province	population			
2	Bangkok	8515212			
3	Nakhon Pathom	1001077			
4	Nonthaburi	1424417			
5	Pathum Thani	1399285			
6	Samut Prakan	1941323			
7	Samut Sakhon	921354			
8					
9					
10					

The spreadsheet has a title bar that says 'population'. The bottom status bar also displays 'population'.

# การอ่านข้อมูลจากแฟ้มข้อมูลชนิด csv



ใช้ฟังก์ชัน `read.csv()` อ่านข้อมูลจากแฟ้มชนิด csv เข้ามาในโปรแกรม R ดังนี้

```
> read.csv("population.csv", header = TRUE)
```

```
      province population
1      Bangkok      8515212
2 Nakhon Pathom      1001077
3   Nonthaburi      1424417
4  Pathum Thani      1399285
5   Samut Prakan      1941323
6   Samut Sakhon       921354
>
```

# การอ่านข้อมูลจากแฟ้มข้อมูลชนิด csv



การอ่านข้อมูลเข้ามาในโปรแกรม R แล้วควรเก็บไว้ในตัวแปรชนิด data frames เพื่อความสะดวกในการเรียกใช้งานภายหลังดังนี้

```
> popucsv.dat<-data.frame(read.csv("population.csv",  
header = TRUE))
```

```
> popucsv.dat
```

	province	population
1	Bangkok	8515212
2	Nakhon Pathom	1001077
3	Nonthaburi	1424417
4	Pathum Thani	1399285
5	Samut Prakan	1941323
6	Samut Sakhon	921354

```
>
```



# การบันทึกข้อมูลลงเพิ่มข้อมูลชนิด text



โปรแกรม R สามารถใช้ตัวแปร data frames เพื่อบันทึกข้อมูลลงเพิ่ม csv และ txt ได้ดังนี้

ตัวอย่างการบันทึกข้อมูลลงเพิ่ม txt ดังนี้

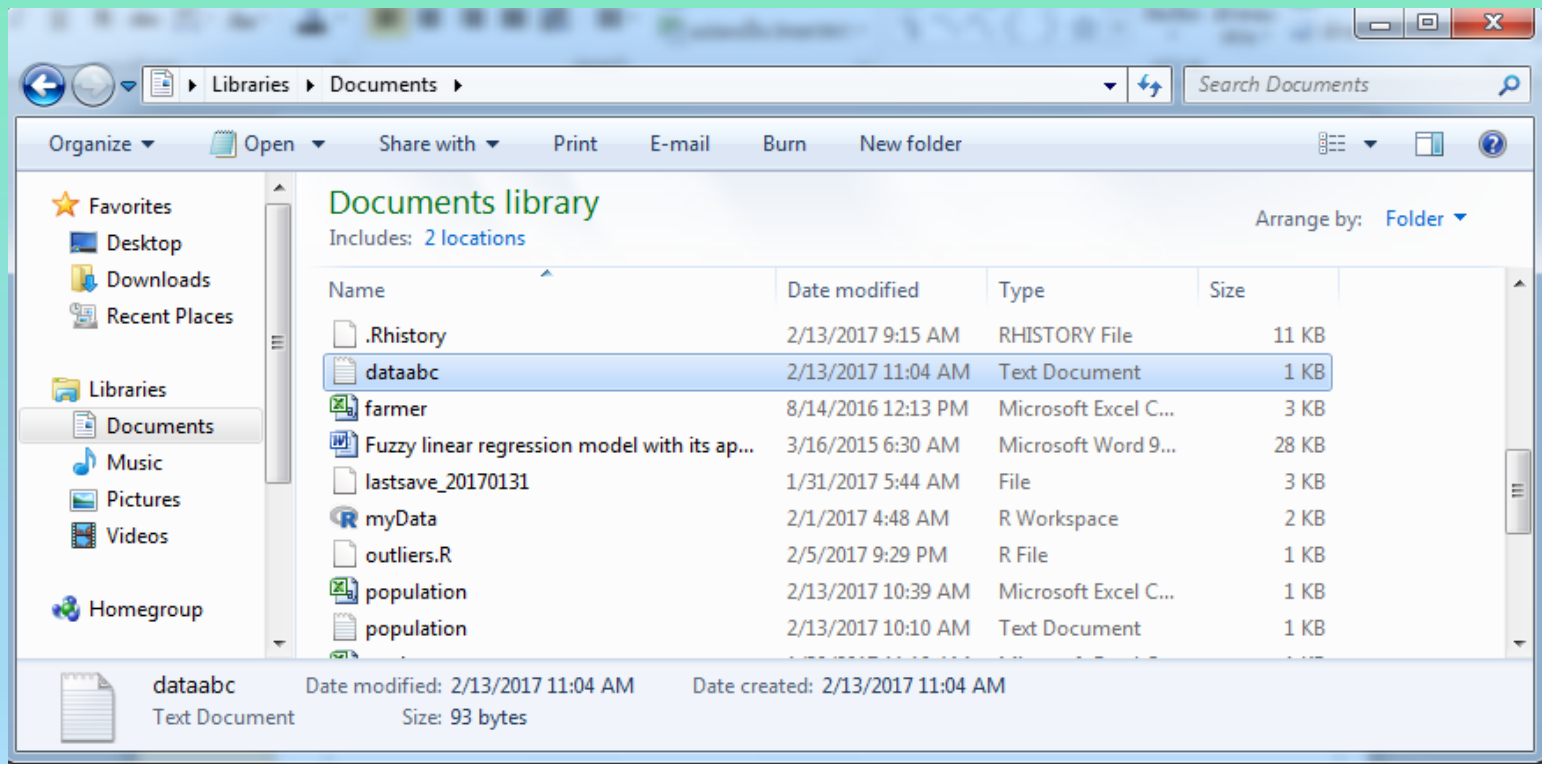
```
> number<-1:5
> number
[1] 1 2 3 4 5
> lowerletter<-letters[1:5]
> lowerletter
[1] "a" "b" "c" "d" "e"
> upperletter<-LETTERS[1:5]
> upperletter
[1] "A" "B" "C" "D" "E"
> data1<-data.frame(number,lowerletter,upperletter)
> data1
  number lowerletter upperletter
1      1          a           A
2      2          b           B
3      3          c           C
4      4          d           D
5      5          e           E
> write.table(data1,"dataabc.txt", row.names = FALSE)
>
```



# การบันทึกข้อมูลลงเพิ่มข้อมูลชนิด text



ผลลัพธ์ที่ได้คือเพิ่ม **dataabc.txt** ซึ่งเก็บอยู่ที่ working directories ของโปรแกรม R ดังนี้



# การบันทึกข้อมูลลงแฟ้มข้อมูลชนิด text



เมื่อเปิดไฟล์ `dataabc.txt` จะเห็นข้อมูลดังรูป

A screenshot of a Notepad window titled "dataabc - Notepad". The window displays the following text:

```
"number" "lowerletter" "upperletter"  
1 "a" "A"  
2 "b" "B"  
3 "c" "C"  
4 "d" "D"  
5 "e" "E"
```

	number	lowerletter	upperletter
1	a	A	
2	b	B	
3	c	C	
4	d	D	
5	e	E	

# การบันทึกข้อมูลลงแฟ้มข้อมูลชนิด csv



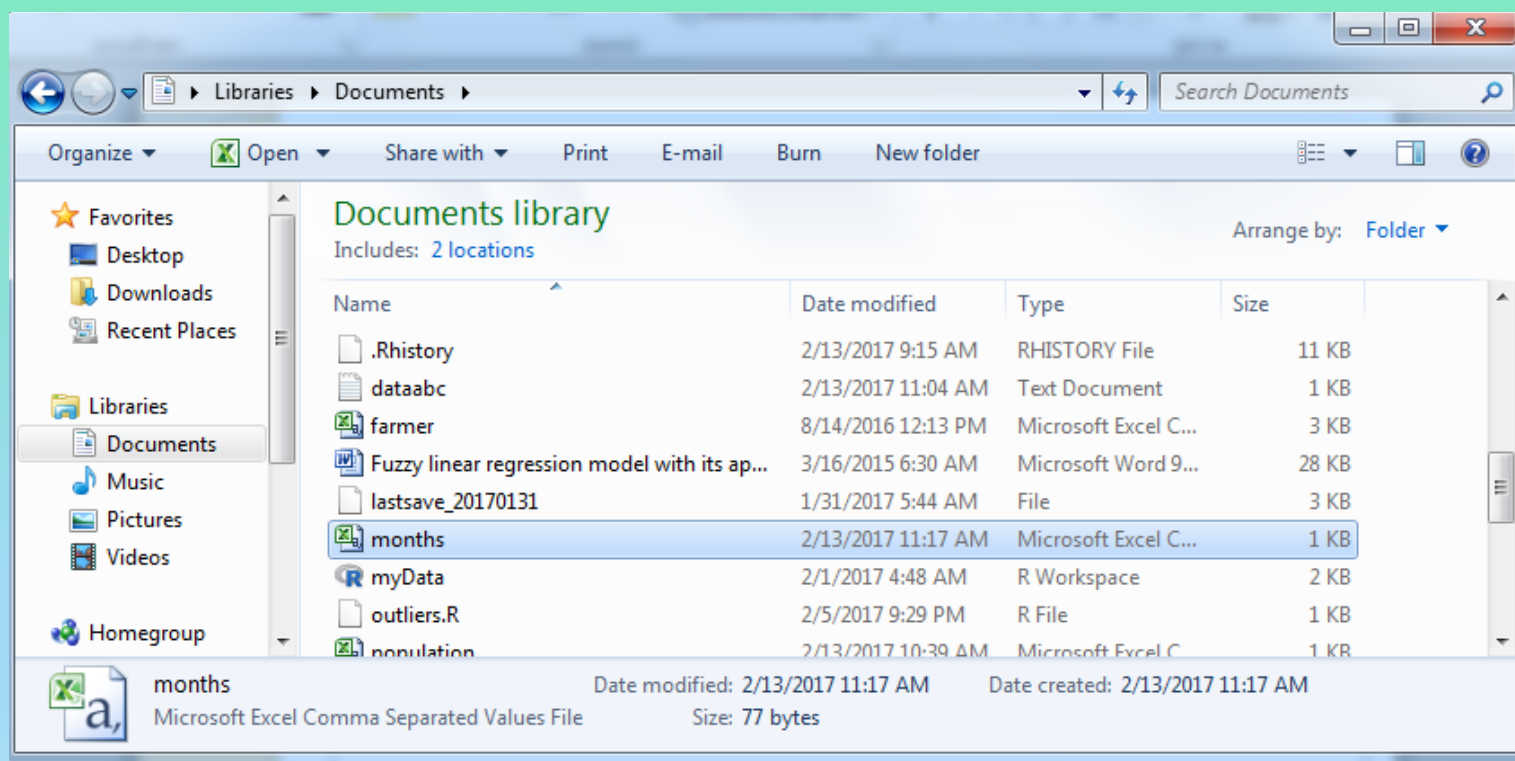
ตัวอย่างการบันทึกข้อมูลลงแฟ้ม csv ดังนี้

```
> number2<-1:5
> number2
[1] 1 2 3 4 5
> Month<-month.name[1:5]
> Month
[1] "January" "February" "March"    "April"    "May"
> data2<-data.frame(number2,Month)
> data2
  number2      Month
1        1  January
2        2 February
3        3   March
4        4   April
5        5    May
> write.csv(data2,"months.csv", row.names = FALSE)
>
```

# การบันทึกข้อมูลลงเพิ่มข้อมูลชนิด csv



ผลลัพธ์ที่ได้คือเพิ่ม **months.csv** ซึ่งเก็บอยู่ที่ working directories ของโปรแกรม R ดังนี้



# การบันทึกข้อมูลลงแฟ้มข้อมูลชนิด csv



- เมื่อเปิดไฟล์ `months.csv` จะเห็นข้อมูลดังรูป

The screenshot shows a spreadsheet application with a menu bar in Thai (แฟ้ม, หน้าแรก, แทรก, เครื่องหมายตาราง, สูตร) and a toolbar with icons for file operations and text formatting. The font is set to Calibri, size 11. The spreadsheet has columns labeled A, B, C, and D, and rows numbered 1 through 10. The data in the spreadsheet is as follows:

	A	B	C	D
1	number2	Month		
2		1 January		
3		2 February		
4		3 March		
5		4 April		
6		5 May		
7				
8				
9				
10				

# การคำนวณค่าสถิติเบื้องต้น



ฟังก์ชันทางสถิติที่ใช้คำนวณค่าสถิติเบื้องต้นของข้อมูลมีดังนี้

ฟังก์ชัน	คำอธิบาย
mean ( )	หาค่าเฉลี่ยเลขคณิตของข้อมูลในเวกเตอร์
median ( )	หามัธยฐานของข้อมูลในเวกเตอร์
sum ( )	หาค่าผลรวมของข้อมูลในเวกเตอร์
length ( )	หาจำนวนข้อมูลในเวกเตอร์
min ( )	หาข้อมูลในเวกเตอร์ที่มีค่าน้อยที่สุด
max ( )	หาข้อมูลในเวกเตอร์ที่มีค่ามากที่สุด

# การคำนวณค่าสถิติเบื้องต้น



## ตัวอย่างการใช้ฟังก์ชันทางสถิติ

```
> x<-c(1,3,4,7,6,9)
> x
[1] 1 3 4 7 6 9
> mean.x<-mean(x)
> mean.x
[1] 5
> median.x<-median(x)
> median.x
[1] 5
> sum.x<-sum(x)
> sum.x
[1] 30
> n<-length(x)
> n
[1] 6
```

# การคำนวณค่าสถิติเบื้องต้น



ถ้าต้องการหาค่าฐานนิยมของข้อมูล สามารถหาได้ดังนี้

```
> y<-c(3,4,4,4,5,6,8)
```

```
> y
```

```
[1] 3 4 4 4 5 6 8
```

```
> which.max(table(y))
```

```
4
```

```
2
```

หมายความว่า mode คือ 4 ส่วนตัวเลข 2 เป็นลำดับที่ของ mode หลังจากเรียงข้อมูลจากน้อยไปมากด้วยฟังก์ชัน `table()`

ถ้าใช้ฟังก์ชัน `mode()` จะเป็นการตรวจสอบชนิดของข้อมูล

```
> y<-c(3,4,4,4,5,6,8)
```

```
> mode(y)
```

```
[1] "numeric"
```

ผศ.ดร.อชฌานนท์ รัตนเลิศนุสรณ์



# การวัดการกระจายข้อมูล



ฟังก์ชันทางสถิติที่ใช้วัดการกระจายของข้อมูลมีดังนี้

ฟังก์ชัน	คำอธิบาย
<code>range ( )</code>	หาค่าสูงสุดและต่ำสุดของข้อมูลใน เวกเตอร์
<code>diff ( )</code>	หาผลต่างของข้อมูล
<code>sd ( )</code>	หาค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของข้อมูล ตัวอย่าง
<code>var ( )</code>	หาค่าความแปรปรวนของข้อมูลตัวอย่าง

# การวัดการกระจายข้อมูล



ตัวอย่างการใช้ฟังก์ชันวัดการกระจายของข้อมูล

```
> z<-1:10
```

```
> z
```

```
[1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
```

```
> range(z)
```

#หาค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของข้อมูล

```
[1] 1 10
```

```
> diff(range(z)) #หาค่าพิสัยของข้อมูล
```

```
[1] 9
```

```
> sd(z)
```

#หาค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของข้อมูลตัวอย่าง

```
[1] 3.02765
```

```
> var(z)
```

#หาความแปรปรวนของข้อมูลตัวอย่าง

```
[1] 9.166667
```

# การจัดการค่าสูญหาย (missing values)



โปรแกรม R ใช้ฟังก์ชัน `na.omit()` เพื่อลบค่าสูญหายออกไปจากเวกเตอร์ หรือ data frames

```
> x<-c(1,5,7,4,NA)
> x
[1] 1 5 7 4 NA
> x.new<-na.omit(x)
> x.new
[1] 1 5 7 4
attr(,"na.action")
[1] 5
attr(,"class")
[1] "omit"
>
```

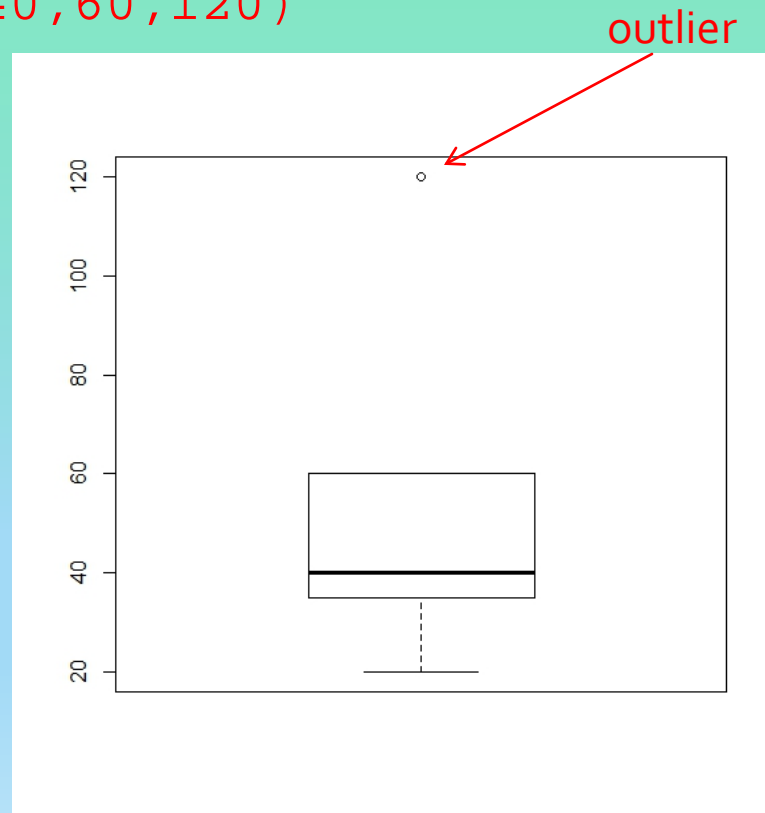
# การตรวจสอบค่าผิดปกติ (outliers)



ค่าผิดปกติในเวกเตอร์ สามารถตรวจสอบได้ดังนี้

ใช้แผนภาพ boxplot ตรวจสอบค่าที่กระจายออกจากกลุ่ม

```
> x<-c(20,35,40,60,120)  
> boxplot(x)  
>
```



# การตรวจสอบค่าผิดปกติ (outliers)



นอกจากนี้ยังสามารถใช้ R package ชื่อ outliers หาค่าผิดปกติได้  
ตัวอย่างการตรวจสอบค่าผิดปกติ

```
> x<-c(20,35,40,60,120)
> x
[1] 20 35 40 60 120
> library("outliers") #load R package outliers
> outlier(x)          # เรียกใช้ฟังก์ชัน outlier
[1] 120
>
```

ค่าผิดปกติ คือข้อมูลที่มีค่าเท่ากับ 120

หมายเหตุ: ฟังก์ชัน `outlier()` ใช้หาระยะห่างที่มากที่สุดระหว่างข้อมูลค่าที่  
ต้องการตรวจสอบกับค่าเฉลี่ยเลขคณิตที่ตัดข้อมูลค่านั้นออก

# การตรวจสอบค่าผิดปกติ (outliers)



หรือเราเขียนคำสั่งขึ้นเองเพื่อตรวจสอบค่าผิดปกติ

ตัวอย่างการตรวจสอบค่าผิดปกติ

```
> x<-c(20,35,40,60,120)
> x
[1] 20 35 40 60 120
> meanx.1<-mean(c(35,40,60,120))
> meanx.2<-mean(c(20,40,60,120))
> meanx.3<-mean(c(20,35,60,120))
> meanx.4<-mean(c(20,35,40,120))
> meanx.5<-mean(c(20,35,40,60))
> meanx<-
c(meanx.1,meanx.2,meanx.3,meanx.4,meanx.5)
> distance<-x-meanx
> cbind(x,meanx,distance)
```

	x	meanx	distance
[1,]	20	63.75	-43.75
[2,]	35	60.00	-25.00
[3,]	40	58.75	-18.75
[4,]	60	53.75	6.25
[5,]	120	38.75	81.25

ผศ.ดร. ชัยวัฒน์ รัตนเลิศนุสรณ์

ค่าผิดปกติ

ระยะห่างมากที่สุด