

บทที่ 4

การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มที่สำคัญบางชนิด

จุดประสงค์การเรียนรู้

1.1 เข้าใจการแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มแบบไม่ต่อเนื่องที่สำคัญ

1.1.1 การแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม

1.1.2 การแจกแจงแบบเบอร์นูลลี

1.1.3 การแจกแจงแบบทวินาม

1.1.4 การแจกแจงแบบพัลส์ซอง

บทที่ 4

การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มที่สำคัญบางชนิด

จุดประสงค์การเรียนรู้

1.1 เข้าใจการแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มแบบต่อเนื่องที่สำคัญ

1.2.1 การแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม

1.2.2 การแจกแจงแบบปกติ

1.2.3 การแจกแจงแบบทิ

1.2.4 การแจกแจงแบบไอสแควรส์

การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มแบบไม่ต่อเนื่อง

1. การแจกแจงแบบ
ยูนิฟอร์ม (Uniform
Distribution)

3. การแจกแจงแบบ
ทวินาม (Binomial
Distribution)

2. การแจกแจงแบบ
เบอร์นูลลี (Bernoulli
Distribution)

4. การแจกแจงแบบ
พัลล์ซอง (Poisson
Distribution)

การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มแบบต่อเนื่อง

1. การแจกแจงแบบ
ยูนิฟอร์ม (Uniform
Distribution)

3. การแจกแจงแบบที
(T – Distribution)

2. การแจกแจงแบบ
ปกติ (Normal
Distribution)

4. การแจกแจงแบบ
ไคสแควร์ (Chi-
Square
Distribution)

4.1 การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มแบบไม่ต่อเนื่อง

4.1.1 การแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม (Uniform Distribution)

ลักษณะการแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม

ค่าของตัวแปรสุ่มแต่ละค่า เกิดขึ้นด้วยความน่าจะเป็นเท่า ๆ กัน

นิยาม 4.1

ถ้า X เป็นตัวแปรสุ่มที่มีค่าเป็น $x_1, x_2, x_3, \dots, x_k$ โดยแต่ละค่ามีความน่าจะเป็นเท่ากันแล้ว จะกล่าวว่า X มีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม (Discrete uniform distribution) มีพึงซึ่นความน่าจะเป็นของ X ดังนี้

$$f(x; k) = \frac{1}{k}, \quad x = x_1, x_2, x_3, \dots, x_k$$

4.1.1 การแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม (Uniform Distribution)

ทฤษฎี 4.1

ค่าเฉลี่ย และความแปรปรวนของการแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม คือ

$$\begin{array}{lcl} \mu & = & \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k x_i \\ \text{และ} & \sigma^2 & = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k (x_i - \mu)^2 \end{array}$$

ตัวอย่าง

ในการ โดยนเหรีญุเที่ยงตรง 1 อัน 1 ครั้ง ให้ $X = 0$ เมื่อเหรีญุ
ออกหัว และ $X = 1$ เมื่อเหรีญุออกก้อย จงหา

ก. พังก์ชันความน่าจะเป็นของ X

ข. ค่าเฉลี่ย ความแปรปรวน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน

4.1.1 การแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม (Uniform Distribution)

ตัวอย่าง

ในการโยนเหรียญทีียงตรง 1 อัน 1 ครั้ง ให้ $X = 0$ เมื่อเหรียญออกหัว และ $X = 1$ เมื่อเหรียญออกก้อย จงหา

ก. พิสัยชั้นความน่าจะเป็นของ X

ข. ค่าเฉลี่ย ความแปรปรวน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน

วิธีทำ จาก $X = 0$ เมื่อเหรียญออกหัว และ $X = 1$ เมื่อเหรียญออกก้อย และ ความน่าจะเป็นที่เหรียญจะออกหัวหรือออกก้อยมีค่าเท่ากัน ดังนั้น ตัวแปรสุ่ม X มีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม

$$f(x) = f(x; n) = \frac{1}{2} , \quad x = 0, 1$$

4.1.1 การแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม (Uniform Distribution)

ตัวอย่าง

ว. หาก X มีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม

$$\mu = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k x_i$$

$$= \frac{1}{2}(0+1)$$

$$= \frac{1}{2}$$

$$\sigma^2 = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k (x_i - \mu)^2$$

$$= \frac{1}{2} \left[\left(0 - \frac{1}{2}\right)^2 + \left(1 - \frac{1}{2}\right)^2 \right]$$

$$= 0.25$$

$$\sigma = 0.5$$

4.1.1 การแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม (Uniform Distribution)

ตัวอย่าง

ในกล่องใบหนึ่งมีบล็อก 5 ลูก โดยบล็อกแต่ละลูกติดหมายเลข
ตั้งแต่หมายเลข 1 – 5 หยิบลูกบล็อกอย่างสุ่มหนึ่งลูกจากกล่อง จง
หา ก. พื้นที่ชั้นความน่าจะเป็น

ข. ความน่าจะเป็นที่จะหยิบได้ลูกบล็อกหมายเลขไม่เกิน 4

ค. ค่าเฉลี่ย ความแปรปรวน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน

ก. ตัวแปรสุ่ม X มีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม มีพื้นที่ชั้นความน่าจะเป็นคือ

$$f(x) = f(x; n) = \frac{1}{2} , \quad x = 0, 1$$

4.1.1 การแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม (Uniform Distribution)

ตัวอย่าง

ก. ความน่าจะเป็นที่จะหิบไปถูกบนด่าน้ายอดไม่เกิน 4

$$\begin{aligned} P(X \leq 4) &= \sum_{x=1}^4 \frac{1}{5} \\ &= \frac{1}{5} + \frac{1}{5} + \frac{1}{5} = 0.8 \end{aligned}$$

ก. จาก X มีการแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม คั่งนั้น

$$\begin{aligned} \mu &= \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k x_i \\ &= \frac{1}{5} (1+2+3+4+5) \\ &= \frac{15}{5} = 3 \\ \sigma^2 &= \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k (x_i - \mu)^2 \\ &= \frac{1}{5} [(1-3)^2 + (2-3)^2 + (3-3)^2 + (4-3)^2 + (5-3)^2] \\ &= \frac{10}{5} = 2 \end{aligned}$$

4.1.1 การแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม (Uniform Distribution)

ตัวอย่าง

กำหนดให้ X เป็นตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงยูนิฟอร์ม มีพารามิเตอร์ $n = 20$ จงหา

- ก. ความน่าจะเป็นที่ X จะมีค่าตั้งแต่ 4 ถึง 6
- ข. จงหาค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของ X

วิธีทำ เนื่องจาก X เป็นตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงยูนิฟอร์ม พารามิเตอร์ $n = 20$ ดังนั้น พังก์ชันความน่าจะเป็นของ X คือ

$$f(x) = \frac{1}{20} ; x = 1, 2, 3, \dots, 20$$

4.1.1 การแจกแจงแบบยูนิฟอร์ม (Uniform Distribution)

ก. ความน่าจะเป็นที่ X จะมีค่าตั้งแต่ 4 ถึง 6

$$\begin{aligned} P(4 \leq X \leq 6) &= P(X = 4) + P(X = 5) + (P(X = 6)) \\ &= \frac{1}{20} + \frac{1}{20} + \frac{1}{20} = 0.15 \end{aligned}$$

ข. ค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของ X

$$\begin{aligned} \mu &= E(X) = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k x_i \\ &= \frac{1}{20} (1+2+3+\dots+20) = \frac{210}{20} = 10.5 \\ \sigma^2 &= V(X) = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k (x_i - \mu)^2 \\ &= \frac{1}{20} [(1-10.5)^2 + (2-10.5)^2 + \dots + (20-10.5)^2] \\ &= \frac{1}{20} (90.25 + 72.25 + \dots + 90.25) \\ &= \frac{1}{20} (665) = 33.25 \end{aligned}$$

4.1.2 การแจกแจงแบบเบอร์นูลี (Bernoulli Distribution)

ลักษณะของการทดลองแบบเบอร์นูลี

1. แต่ละครั้งของการทดลอง มีผลลัพธ์ 2 ประเภท คือ ความสำเร็จ (Success) และ ความไม่สำเร็จ (Failure)
2. ในแต่ละครั้งของการทดลอง ความน่าจะเป็นของ ความสำเร็จคือ p ส่วนความน่าจะเป็นของความไม่ สำเร็จ คือ $1 - p$

4.1.2 การแจกแจงแบบเบอร์นูลี (Bernoulli Distribution)

นิยาม 4.2

ถ้า X เป็นตัวแปรสุ่ม ซึ่งมีค่าดังนี้

$$x = \begin{cases} 0 & ; \text{ Failure} \\ 1 & ; \text{ Success} \end{cases}$$

จะเรียก X ว่า ตัวแปรสุ่มแบบเบอร์นูลี และเรียกการแจกแจงความน่าจะเป็นของ X ว่า การแจกแจงแบบเบอร์นูลี (Bernoulli distribution) คณิตฟังก์ชันความน่าจะเป็น ดังนี้

$$f(x; p) = p^x (1-p)^{1-x}, \quad x = 0, 1$$

ทฤษฎี 4.2

ค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของการแจกแจงแบบเบอร์นูลี กือ

$$\mu = p$$

$$\text{และ } \sigma^2 = p(1-p)$$

4.1.2 การแจกแจงแบบเบอร์นูลี (Bernoulli Distribution)

ตัวอย่าง

ในการคัดเลือกตัวแทนตอบปัญหาครั้งหนึ่ง มีผู้ที่มีความสามารถเข้ารับการคัดเลือก 12 คน เป็นชาย 4 คน เป็นหญิง 8 คน ผู้ที่เข้ารับการคัดเลือกมีความสามารถเท่า ๆ กัน การตัดสินใจใช้วิธีการจับลากเพื่อเลือกตัวแทนมา 1 คน

- ก. จงหาความน่าจะเป็นที่จะได้ตัวแทนเป็นชาย
- ข. จงหาค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของการได้ตัวแทนเป็นชาย

ให้ X เป็นตัวแปรสุ่มแทนเหตุการณ์ที่เลือกได้ตัวแทนเป็นชาย ดังนั้น
เนื่องจากการคัดเลือกนี้ ทำเพียงครั้งเดียว และเกิดผลลัพธ์ได้เพียงสองอย่างเท่านั้น คือ ได้ตัวแทนเป็นหญิง หรือ ได้ตัวแทนเป็นชาย แต่เหตุการณ์ที่สนใจ คือ ได้ตัวแทนเป็นชาย

4.1.2 การแจกแจงแบบเบอร์นูลี (Bernoulli Distribution)

โดยความน่าจะเป็นของสิ่งที่สนใจ (ส่วน率) : $p = \frac{4}{12} = 0.33$

$$\binom{4}{1}$$

และความน่าจะเป็นของสิ่งที่ไม่สนใจ (ไม่ส่วน率) : $1-p = 1-0.33 = 0.67$

ดังนั้น ตัวแปรสุ่ม X มีการแจกแจงแบบเบอร์นูลี มีฟังก์ชันความน่าจะเป็น ดังนี้

$$f(x) = (0.33)^x (0.67)^{1-x}; \quad x = 0, 1$$

4.1.2 การแจกแจงแบบเบอร์นูลี (Bernoulli Distribution)

ก. ความน่าจะเป็นที่จะได้ตัวแปรเป็นชาร์

$$\begin{aligned} P(X = 1) &= (0.33)^1 (0.67)^{1-1} \\ &= 0.33 \end{aligned}$$

ก. ค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของการได้ตัวแปรเป็นชาร์

$$\begin{aligned} \mu &= E(X) \\ &= p \\ &= 0.33 \\ \sigma^2 &= V(X) \\ &= p(1-p) \\ &= (0.33)(0.67) \\ &= 0.2211 \end{aligned}$$

4.1.2 การแจกแจงแบบเบอร์นูลี (Bernoulli Distribution)

ตัวอย่าง

หยิบไฟ 1 ใบจากสำรับปกติ 1 สำรับ กำหนดให้ X แทนการหยิบได้ไฟดอกจิก งาน

- ก. พึ่งก์ชั่นความน่าจะเป็นของ X
- ข. ความน่าจะเป็นที่จะหยิบได้ไฟดอกจิก
- ค. ค่าเฉลี่ย ความแปรปรวนและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของ X

จาก X แทนเหตุการณ์ที่หยิบได้ไฟดอกจิก

$$\text{คึณั่น } x = \begin{cases} 0 & ; \\ 1 & ; \end{cases} \text{ เมื่อหยิบได้ไฟดอกจิก}$$

เนื่องจากการทดลองนี้เป็นการทดลองเพียงครั้งเดียว และผลตัวพื้นที่เกิดขึ้นเป็นได้ 2 อย่างเท่านั้นคือได้ไฟดอกจิก (ถ้าเร็ว) และ ได้ไฟดอกอื่น (ไม่ถ้าเร็ว)

4.1.2 การแจกแจงแบบเบอร์นูลี (Bernoulli Distribution)

ตัวอย่าง

$$\text{น้ำจะเป็นของความสำเร็จ : } p = \frac{\binom{13}{1}}{\binom{52}{1}} = 0.25$$

$$\text{ความน่าจะเป็นของความไม่สำเร็จ : } 1-p = 1-0.25 = 0.75$$

ตัวแปรสุ่ม X มีการแจกแจงแบบเบอร์นูลี มีฟังก์ชันความน่าจะเป็น ดังนี้

$$f(x) = (0.25)^x (0.75)^{1-x} ; \quad x = 0, 1$$

ก. ความน่าจะเป็นที่จะหยิบได้ให้ตกออกซิก

$$\begin{aligned} P(X=1) &= (0.25)^1 (0.75)^{1-1} \\ &= 0.25 \end{aligned}$$

4.1.2 การแจกแจงแบบเบอร์นูลี (Bernoulli Distribution)

ตัวอย่าง

ว. ค่าเฉลี่ย ความแปรปรวนและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของ X

$$\mu = E(X)$$

$$= p$$

$$= 0.25$$

$$\sigma^2 = V(X)$$

$$= p(1-p)$$

$$= (0.25)(0.75)$$

$$= 0.1875$$

$$\sigma = 0.4330$$

4.1.3 การแจกแจงแบบทวินาม (Binomial Distribution)

ลักษณะของการทดลองแบบทวินาม

1. มีการทดลองซ้ำกัน n ครั้ง ภายใต้สภาวะการณ์เดียวกัน (ข้อจำกัดเดียวกัน)
2. การทดลองแต่ละครั้งมีผลลัพธ์ที่เป็นไปได้ 2 อย่าง คือ ความสำเร็จ (Success) และ ความไม่สำเร็จ (Failure)
3. ในแต่ละครั้งของการทดลอง ความน่าจะเป็นของความสำเร็จคือ p ส่วนความน่าจะเป็นของความไม่สำเร็จ คือ $1 - p$ โดยความน่าจะเป็นของความสำเร็จจะมีค่าคงที่ทุกครั้งของการทดลอง
4. การทดลองแต่ละครั้งเป็นอิสระกัน

4.1.3 การแจกแจงแบบทวินาม (Binomial Distribution)

นิยาม 4.3 ถ้า X เป็นตัวแปรสุ่มซึ่งแทนจำนวนครั้งของความสำเร็จ จาก การทดลองแบบทวินาม n ครั้ง นั่นคือ $x = 0, 1, 2, \dots, n$ จะเรียกตัวแปรสุ่ม X ว่าตัวแปรสุ่มทวินาม

นิยาม 4.4

ถ้า X เป็นตัวแปรสุ่มแบบทวินาม แล้ว จะเรียกการแจกแจงความน่าจะเป็นของ X ว่าการแจกแจงแบบทวินาม (Binomial distribution) เกี่ยวนแทนค่าโดยสัญลักษณ์ $X \sim B(n, p)$ โดยมีฟังก์ชัน ความน่าจะเป็นของ X คือ

$$f(x) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}, \quad x = 0, 1, 2, \dots, n$$

ทฤษฎี 4.3 ค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของการแจกแจงแบบทวินาม คือ

$$\mu = np \text{ และ } \sigma^2 = np(1-p)$$

4.1.3 การแจกแจงแบบทวินาม (Binomial Distribution)

ตัวอย่าง

บริษัทแห่งหนึ่งทำการตรวจสอบสินค้า พบร่วมกับในกล่องซึ่งบรรจุสินค้าเป็นจำนวนมาก จะมีสินค้าชำรุดอยู่ 15% ถ้าทำการสุ่มสินค้ามาจากการกล่อง 10 ชิ้นแล้วพบว่าชำรุดตั้งแต่ 3 ชิ้นขึ้นไปจะไม่ยอมรับสินค้านั้นทั้งกล่อง จงหาความน่าจะเป็นที่บริษัทแห่งนี้จะยอมรับสินค้าทั้งกล่อง

ให้ X แทนจำนวนสินค้าที่ชำรุด ดังนั้น $x = 0, 1, 2, \dots, 10$

ความน่าจะเป็นของความสำเร็จ (พบรับสินค้าที่ชำรุด) : $p = 0.15$

ความน่าจะเป็นของความไม่สำเร็จ (ไม่พบรับสินค้าที่ชำรุด) : $1 - p = 1 - 0.15 = 0.85$

ตัวแปรสุ่ม X มีการแจกแจงแบบทวินาม มีฟังก์ชันความน่าจะเป็น คือ

4.1.3 การแจกแจงแบบทวินาม (Binomial Distribution)

ตัวอย่าง

$$f(x; p, n) = \binom{n}{x} (0.15)^x (0.85)^{n-x} ; \quad x = 0, 1, 2, \dots, 10$$

$$\begin{aligned} P(X < 3) &= P(X = 0) + P(X = 1) + P(X = 2) \\ &= \binom{10}{0} (0.15)^0 (0.85)^{10} + \binom{10}{1} (0.15)^1 (0.85)^9 + \\ &\quad \binom{10}{2} (0.15)^2 (0.85)^8 \\ P(X < 3) &= 0.1969 + 0.3474 + 0.2759 \\ &= 0.8202 \end{aligned}$$

ดังนั้น ความน่าจะเป็นที่จะยอมรับสิ่นค้าทั้งกล่องเท่ากับ 0.8202

4.1.3 การแจกแจงแบบทวินาม (Binomial Distribution)

ตัวอย่าง

บริษัทแห่งหนึ่งทำการตรวจสอบสินค้า พบว่า ในกล่องซึ่งบรรจุ สินค้าเป็นจำนวนมาก จะมีสินค้าชำรุดอยู่ 15% ถ้าทำการสุ่ม สินค้ามาจากการกล่อง 10 ชิ้นแล้วพบว่าชำรุดตั้งแต่ 3 ชิ้นขึ้นไปจะไม่ ยอมรับสินค้านั้นทั้งกล่อง จงหาความน่าจะเป็นที่บริษัทแห่งนี้จะ ยอมรับสินค้าทั้งกล่อง

4.1.3 การแจกแจงแบบทวินาม (Binomial Distribution)

ตัวอย่าง

บริษัทแห่งหนึ่งทำการตรวจสอบสินค้า พบร่วมกับในกล่องซึ่งบรรจุสินค้าเป็นจำนวนมาก จะมีสินค้าชำรุดอยู่ 15% ถ้าทำการสุ่มสินค้ามาจากการกล่อง 10 ชิ้นแล้วพบว่าชำรุดตั้งแต่ 3 ชิ้นขึ้นไปจะไม่ยอมรับสินค้านั้นทั้งกล่อง จงหาความน่าจะเป็นที่บริษัทแห่งนี้จะยอมรับสินค้าทั้งกล่อง

ให้ X แทนจำนวนสินค้าที่ชำรุด ดังนั้น $x = 0, 1, 2, \dots, 10$

ความน่าจะเป็นของความสำเร็จ (พบรับสินค้าที่ชำรุด) : $p = 0.15$

ความน่าจะเป็นของความไม่สำเร็จ (ไม่พบรับสินค้าที่ชำรุด) : $1 - p = 1 - 0.15 = 0.85$

ตัวแปรสุ่ม X มีการแจกแจงแบบทวินาม มีฟังก์ชันความน่าจะเป็น คือ

4.1.3 การแจกแจงแบบทวินาม (Binomial Distribution)

ตัวอย่าง

$$f(x; p, n) = \binom{n}{x} (0.15)^x (0.85)^{n-x} ; \quad x = 0, 1, 2, \dots, 10$$

$$\begin{aligned} P(X < 3) &= P(X = 0) + P(X = 1) + P(X = 2) \\ &= \binom{10}{0} (0.15)^0 (0.85)^{10} + \binom{10}{1} (0.15)^1 (0.85)^9 + \\ &\quad \binom{10}{2} (0.15)^2 (0.85)^8 \\ P(X < 3) &= 0.1969 + 0.3474 + 0.2759 \\ &= 0.8202 \end{aligned}$$

ดังนั้น ความน่าจะเป็นที่จะยอมรับสินค้าทั้งกล่องเท่ากับ 0.8202

4.1.3 การแจกแจงแบบทวินาม (Binomial Distribution)

ตัวอย่าง

ร้านขายเครื่องไฟฟ้าแห่งหนึ่งทำการสำรวจตลาด พบว่า จากลูกค้าที่เข้ามาเลือกซื้อสินค้าทั้งหมด จะมีลูกค้าร้อยละ 30 ที่ซื้อสินค้า ถ้าวันหนึ่งมีลูกค้าเข้ามาเลือกซื้อสินค้าจำนวน 25 คน จงหา

- ก. ความน่าจะเป็นที่ลูกค้าจะซื้อสินค้า 4 คน
- ข. ความน่าจะเป็นที่ลูกค้าจะซื้อสินค้าอย่างมาก 4 คน
- ค. ความน่าจะเป็นที่ลูกค้าจะซื้อสินค้าอย่างน้อย 4 คน
- ง. ค่าเฉลี่ย ความแปรปรวน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน จำนวนลูกค้าที่ซื้อสินค้า

4.1.3 การแจกแจงแบบทวินาม (Binomial Distribution)

ให้ X แทนจำนวนลูกค้าที่ซื้อสินค้า ดังนั้น $x = 0, 1, 2, \dots, 25$

ความน่าจะเป็นของความสำเร็จ (ลูกค้าซื้อสินค้า) : $p = 0.3$

ความน่าจะเป็นของความไม่สำเร็จ (ลูกค้าไม่ซื้อสินค้า) : $1 - p = 1 - 0.3 = 0.7$

ตัวแปรสุ่ม X มีการแจกแจงแบบทวินาม มีฟังก์ชันความน่าจะเป็น คือ

$$f(x; p, n) = \binom{n}{x} (0.3)^x (0.7)^{n-x}; \quad x = 0, 1, 2, \dots, 25$$

ก. ความน่าจะเป็นที่ลูกค้าจะซื้อสินค้า 4 คน

$$\begin{aligned} P(X = 4) &= \binom{25}{4} (0.3)^4 (0.7)^{21} \\ &= 0.0572 \end{aligned}$$

4.1.3 การแจกแจงแบบทวินาม (Binomial Distribution)

ก. ความน่าจะเป็นที่ถูกคัดขาดชื่อสิ่นค้าอย่างมาก 2 คน

$$\begin{aligned} P(X \leq 2) &= P(X = 0) + P(X = 1) + P(X = 2) \\ &= \binom{25}{0}(0.3)^0(0.7)^{25} + \binom{25}{1}(0.3)^1(0.7)^{24} + \\ &\quad \binom{25}{2}(0.3)^2(0.7)^{23} \end{aligned}$$

$$P(X \leq 2) = 0.0001 + 0.0014 + 0.0074 = 0.0089$$

ก. ความน่าจะเป็นที่ถูกคัดขาดชื่อสิ่นค้าอย่างน้อย 3 คน

$$P(X \geq 3) = 1 - P(X < 3) = 1 - P(X \leq 2) = 1 - 0.0089 = 0.9911$$

ก. ค่าเฉลี่ย ความแปรปรวน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของจำนวนถูกคัดขาดชื่อสิ่นค้า

$$\begin{aligned} \mu &= E(X) = np \\ &= (25)(0.3) = 7.5 \\ \sigma^2 &= V(X) = np(1-p) \\ &= (25)(0.3)(0.7) = 5.25 \\ \sigma &= \sqrt{5.25} = 2.2913 \end{aligned}$$