

PENDOLO A TORSIONE

FRANCESCO FORCHER

Università di Padova, Facoltà di Fisica
francesco.forcher@studenti.unipd.it
Matricola 1073458

DAVIDE CHIAPPARA

Università di Padova, Facoltà di Fisica
davide.chiappara@studenti.unipd.it
Matricola 1070160

SIMONE FRAU

Università di Padova, Facoltà di Fisica
simone.frau@studenti.unipd.it
Matricola 1074028

10 giugno 2014

$$pV = nRT$$

Sommario

Obiettivo dell'esperienza è stato studiare il moto di un cilindro in acqua in seguito ad una forza periodica impressa al cilindro stesso da un motore elettrico attraverso un filo che permette la trasmissione di un momento torcente. Dai campioni ricavati sperimentalmente si è indagato, in particolare, sulla curva di risonanza, sulla frequenza di risonanza, sul coefficiente di smorzamento e sulla pulsazione propria del sistema.

INDICE

I	Apparato strumentale	2
II	Metodologia di misura	2
III	Presentazione dei dati	3
I	Tabelle	3
II	Grafici	5
IV	Analisi dei dati	6
V	Conclusioni	6
VI	Codice	6

I. APPARATO STRUMENTALE

II. METODOLOGIA DI MISURA

III. PRESENTAZIONE DEI DATI

I. Tabelle

Tabella 1: *Pulsazioni smorzate*

Frequenza forzante [Hz]	Pulsazione smorzante [Hz]	Errore [Hz]
0.900	6	1
0.920	6.1	0.2
0.940	6.1	0.2
0.960	6.08	0.03
0.961	6.1	0.1
0.962	6.07	0.06
0.963	6.08	0.06
0.964	6	1
0.965	5	2
0.970	6.08	0.08
0.975	6.0	0.6
0.980	6.08	0.06
0.990	6.1	0.1
1.000	6	1
1.020	6.1	0.5
1.060	5	2
1.080	6	1

Tabella 2: *E qui che ci va?*

? [Hz]	Errore [Hz]
5.60284	1.44761
6.08644	0.17285
6.0824	0.177594
6.08033	0.0348561
6.07687	0.101719
6.07834	0.0629002
6.07957	0.0586595
5.56536	1.51853
5.45496	1.61467
6.07941	0.0777019
6.00214	0.622782
6.08003	0.0596418
6.09417	0.140632
5.93056	0.880998
6.08308	0.454521
5.11824	1.78116
5.62074	1.49249

II. Grafici

IV. ANALISI DEI DATI

Come detto nella descrizione dell'apparato strumentale, il tasso di rilevamento dei dati è di 20 al secondo. Questo corrisponde a una frequenza di campionamento di 20 Hertz, di molto superiore al Nyquist rate necessario per il pendolo (il doppio della massima frequenza necessaria), dato che come verificabile a vista ha una frequenza dell'ordine di 1 Hz. Non ci sono quindi problemi di aliasing e sottocampionamento. Per quanto riguarda l'offset, è stata rifatta la calibrazione prima di ogni presa dati (inizio giornata) e si può vedere che era calibrato da un'evidente simmetria rispetto all'asse delle ascisse. Per il calcolo dei massimi è stato utilizzato un programma che riconoscesse i punti di massimo e minimo approssimando la funzione come una parabola in un intorno dei dati "stazionari" (dati massimi e minimi locali) usando il dato precedente e il successivo, vincolando la parabola a passare per questi 3 punti e trovandone il vertice. L'errore legato all'utilizzo di questa approssimazione è, come noto dallo sviluppo di Taylor delle funzioni goniometriche, $o(x^3)$, che essendo lo step 0.05 è compreso tra 10^3 e 10^4 , è trascurabile rispetto agli altri errori. Per una stima delle ampiezze legate alle frequenze di oscillazione sono stati presi i valori medi delle ordinate dei massimi (e dei valori assoluti dei minimi).

Una stima della pulsazione di risonanza è stata fatta con un processo di esplorazione iniziale che ha permesso, attraverso il metodo di bisezione, di concentrarsi sull'area nella quale l'ampiezza era più alta. Il valore finale trovato risulta di... Per stimare il coefficiente di smorzamento γ legato al movimento dell'acqua è stato tentato un approccio diretto con gnuplot, ma i problemi del suo algoritmo (Levenberg-Marquardt, una forma di step gradient descent) nel caso di funzioni come questa, in cui il gradiente dei minimi quadrati è pieno di punti stazionari locali, ne hanno impedito l'applicabilità pratica. Quindi è stato scelto un'altro approccio che elimini questi problemi, in particolare limitando lo studio a una semplice funzione esponenziale. Di conseguenza, sono stati cercati gli $x_i \mid f(x_i) = 0$. Essendo la funzione

$$\omega_0 e^{-\gamma t} \sin(\omega_s t + \phi), \quad (1)$$

poichè $e^{-\gamma t} > 0$ gli zeri della funzione sono solo gli zeri del seno. Quindi i punti medi $x_m = \frac{x_i + x_{i+1}}{2}$ fra gli zeri sono i punti in cui $\sin(\omega_s t + \phi) = 1$. Interpolando questi punti la funzione diventa dunque

$$\omega_0 e^{-\gamma t} \cdot 1 = \omega_0 e^{-\gamma t}.$$

Interpolando questa funzione con i punti $(x_m, f(x_m))$ (le coordinate $f(x_i)$ sono state calcolate, nei casi in cui fossero un punto già dei dati, interpolando linearmente tra i due punti più prossimi) La pulsazione di smorzamento è stata ottenuta attraverso una media pesata delle pulsazioni ottenute dallo studio dei periodi dei grafici durante la fase di smorzamento (vedasi tabella...) La pulsazione propria è stata trovata attraverso la formula $\omega_0 = \sqrt{\omega_s^2 + \gamma^2}$ Gli errori sono stati stimati a partire da una stima diretta con la sommatoria degli scarti al quadrato diviso $N - 1$. I grafici rivelano che, entro gli errori casuali...

V. CONCLUSIONI

VI. CODICE