# Marek Małek, Marcin Serafin 25.04.2024 Laboratorium 07 Kwadratury adaptacyjne

#### 1 Zadanie 1

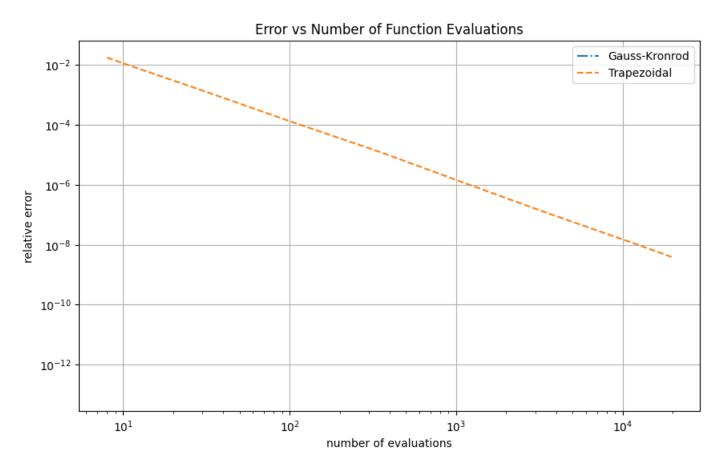
Celem zadania było obliczenie wartości całki:

$$\int_0^1 \frac{4}{1+x^2} dx,\tag{1}$$

wykorzystując kwadratury adaptacyjne trapezów oraz Gaussa-Kronoda.

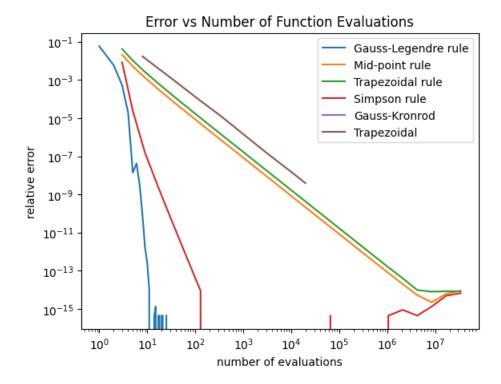
#### 1.1 Wykonanie zadania

Dla obu metod narysowano wykres zależności wartości błędu względnego od liczby ewaluaji funkcji



Wizualizacja 1: Zależność błędu względnego od liczby ewaluacji funckji podcałkowej dla metod adaptacyjnych

Następnie zebrano wyrkesy z poprzedniego labolatorium i umieszczono je na zbiorczym wykresie.



Wizualizacja 2: Zależność błędu względnego od liczby ewaluacji funckji podcałkowej dla wszystkich metod

#### 2 Zadanie 2

W zadaniu 2 należało powtórzyć obliczenia z poprzedniego labolatorium dla funkcji:

$$\int_0^1 \sqrt{x} \log x dx = -\frac{4}{9} \tag{2}$$

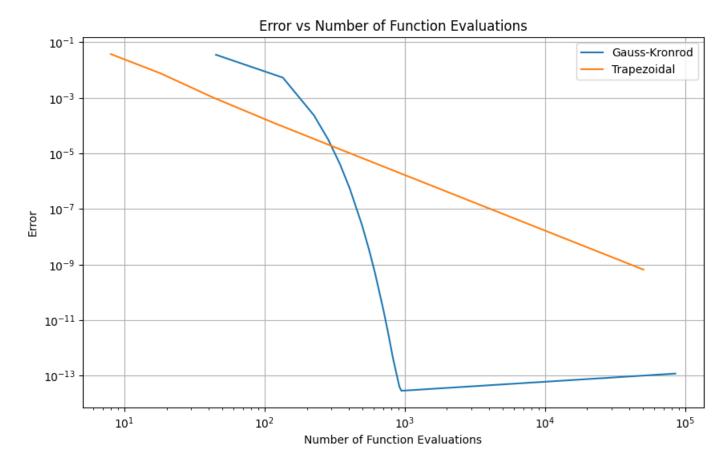
$$\int_0^1 \left( \frac{1}{(x-0.3)^2 + a} + \frac{1}{(x-0.9)^2 + b} \right) \tag{3}$$

Dla a=0.001 oraz b=0.004

W przypadu liczenia błędu kwadratury dla całki (3) skorzystano z faktu, że:

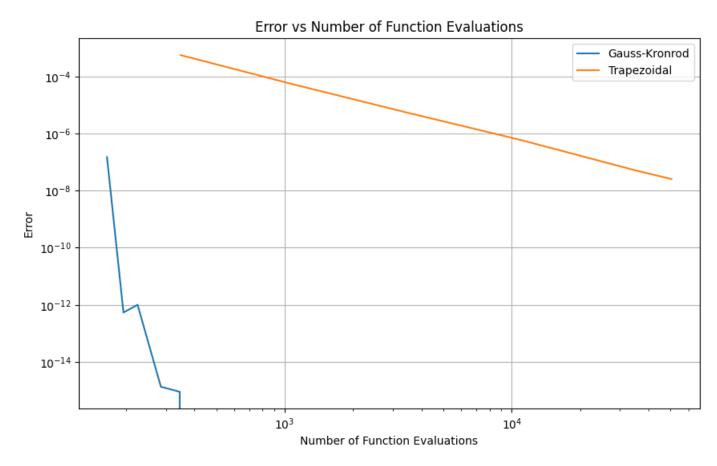
$$\int_0^1 \frac{1}{(x - x_0)^2 + a} dx = \frac{1}{\sqrt{a}} \left( \operatorname{arctg} \frac{1 - x_0}{\sqrt{a}} + \operatorname{arctg} \frac{x_0}{\sqrt{a}} \right)$$
 (4)

## 2.1 Funkcja (2)



**Wizualizacja** 3: Zależność błędu względnego od liczby ewaluacji funckji podcałkowej dla metod adaptacyjnych dla funkcji (2)

#### 2.2 Funkcja (3)



Wizualizacja 4: Zależność błędu względnego od liczby ewaluacji funkcji podcałkowej dla metod adaptacyjnych dla funkcji (3)

### 3 Wnioski i obserwacje

- Metoda adaptacyjna trapezów miała największy błąd względny w zależności od liczby ewaluacji funkcji podcałkowej
- W przypadku funkcji (1) metoda adaptacyjna Gaussa-Kronoda zwróciła dokładny wynik niezależnie od liczby ewaluacji
- W pzypadku funkcji (2) dla liczby ewaluacji większej od 500 metoda Gaussa-Kronoda znowu była lepsza
- Dla małej liczby ewaluacji metoda adaptacyjna trapezów dawała błędy
- Dla funkcji (3) metoda Gaussa-Kronoda znów była lepsza od metody trapezów
- Można stwierdzić, że w przypadku prostej funkcji np. funckji (1), metoda adaptacyjna dla małej liczby ewaluacji nie jest zawsze opłacalna