Laporan Tugas Kecil 3 IF2122 Strategi Algoritma

Penyelesaian Persoalan 15-Puzzle dengan Algoritma Branch and Bound

Fitrah Ramadhani Nugroho / 13520030 / K03

A. Deskripsi Algoritma Branch and Bound

Algoritma Branch and Bound yaitu algoritma yang berfungsi untuk menimimalkan atau memaksimalkan suatu fungsi objektif dengan tidak melanggar batasan (constraints) persoalan. B&B merupakan gabungan dari BFS dan least cost search. B&B menggunakan pendekatan dengan cara memberi tiap simpul dengan sebuah nilai *cost* ĉ(i) yang merupakan nilai taksiran lintasan termurah ke simpul status tujuan yang melalui simpul status i. Berbeda dengan BFS simpul berikutnya yang akan di-expand tidak lagi berdasarkan urutan pembangkitannya, tetapi dengan simpul yang memiliki cost yang paling kecil pada kasus minimasi. Dalam penyelesaian Persoalan 15-Puzzle akan menggunakan algoritma Branch and Bound dengan memberi tiap simpul yang dalam kasus ini urutan Puzzle-15 yang berbeda dengan sebuah cost. Cost tiap simpul umumnya dihitung dengan cost untuk mencapai sebuah simpul i dari akarnya ditambah dengan cost mencapai simpul tujuan dari simpul i. Dalam kasus *Puzzle-15 cost* tiap simpul adalah panjang lintasan dari simpul akar ke simpul P ditambah dengan taksiran panjang lintasan terpendek dari P ke simpul solusi pada upapohon yang akarnya P. Dalam implementasinya taksiran panjang lintasan terpendek dari P ke simpul solusi dihitung dengan menghitung berapa angka yang tidak sesuai dengan posisinya. Kemudian langkah langkah algoritma selanjutnya sebagai berikut:

- 1. Puzzle-15 yang akan diselesaikan dicek terlebih dahulu apakah apakah *reachable Goal* atau tidak
- 2. Reacheable Goal dihitung dengan fungsi jumlah fungsi KURANG(i) dari 1 hingga 16.
- 3. Fungsi KURANG(i) adalah banyak ubin bernomor j sedemikian sehingga j<i dan POSISI(j) > POSISI(i) dengan POSISI(i) adalah nilai posisi ubin bernomor i pada susunan yang diperiksa.
- 4. Sebuah puzzle-15 dikatakan reachable Goal jika jumlah fungsi KURANG(i) dari 1 hingga 16 ditambah dengan nilai X bernilai genap
- 5. X bernilai 1 jika sel kosong pada posisi awal berada di posisi 2 atau 4 atau 5 atau 7 atau 10 atau 12 atau 13 atau 15.
- 6. Jika Puzzle-15 tidak memiliki *reachable Goal* maka program dihentikan
- 7. Jika iya, *Puzzle-15* akan mengecek terlebih dahulu apakah *Puzzle-15* saat itu sudah sesuai dengan posisi yang diinginkan dan mengecek di Priority Queue apakah masih ada simpul dengan *cost* lebih kecil
- 8. Jika *Puzzle -15* sudah sesuai dan tidak ada lagi *cost* yang lebih kecil di dalam Priority Queue maka pencarian akan dihentikan dan akan menampilkan urutan *Puzzle-15*.
- 9. Jika belum Puzzle-15 akan membuat keempat simpul baru dengan mengganti posisi yang kosong dengan posisi atas, bawah, kanan dan kiri.

- 10. Keempat simpul baru akan dimasukkan ke dalam *Priority Queue* yang diurutkan berdasarkan *cost* tiap simpul.
- 11. Algoritma akan mengambil simpul dengan *cost* paling kecil yang ada di dalam *Priority Queue* dan mengulangi langkah ke 7
- 12. Selama *Puzzle-15* yang dipilih saat itu belum sesuai dengan posisi yang dihasilkan maka pencarian akan terus dilakukan

B. Kode Program

Program ini menggunakan bahasa Python

File Main.java:

```
public static puzzle readPuzzle(String path) {
                                                                                                               // Fungsi untuk membaca puzzle dari sebuah file
      File sourceFile = new File(path);
puzzle P = new puzzle();
        Scanner scanner;
           rry {
    scanner = new Scanner(sourceFile);
    String baris;
    int x = 0;
    while(scanner.hasNextLine()) {
                                                                                                                 // Selama belum terbaca enter
                     AB(scanner.nasmexti.nne()) {
baris = scanner.nextline();
ListCinteger> row = new ArrayListCinteger>();
String[] barisArr = baris.split(" ");
for (int j = 0; j < barisArr.length; j++) {
row.add(Integer.parseInt(barisArr[j]));
P.setValue((4*x)+j,row.get(j));
                                                                                                                 // Ubah hasil input dari string ke integer
// Masukkan integer tersebut ke dalam objek puzzle
                    System.out.println();
x++;
       }
scanner.close();
} catch (FileNotFoundException e) {
   e.printStackTrace();
                                                                                                                 //exception jika file yang dipilih tidak ada
  }
public static void printStep(Stack<puzzle> step) {
                                                                                                                // Fungsi untuk mencetak langkah-langkah puzzle dari awal hingga selesai
       int i =0;
while(step.size()>0) {
    System.out.printf("step %d\n",i+1);
    puzzle Puzzle = step.pop();
    i++;
                                                                                                                // Keluarkan puzzle dari stack
// Print puzzle dengan method printPuzzle
```

```
public static void main(String[] args) {
   puzzle Puzzle = new puzzle();
   int command = 0;
                                                                                                                             // Fungsi utama
                 int command = 0;
System.out.printf("Pilih angka untuk input Puzzle: \n1. Secara Acak\n2. Dari input file \n");
String masukkan = "Masukkan: ";
command = getInput(1,2,masukkan);
if (command = = 1) {
    Puzzle.acak();
    //Jika input adalah satu akan
78
79
80
81
82
83
84
85
86
87
88
90
91
92
93
94
95
96
                                                                                                                             //Memanggil fungsi getInput untuk memasukkan input yang diberikan
                                                                                                                             //Jika input adalah satu akan memanggil method acak untuk mengacak puzzle
                 //Jika input adalah dua maka akan memanggil fungsi chooseFile()
                        }
provide = readPuzzle(filePath);
} catch (Exception e) {
    e.printStackTrace();
}
                                                                                                                              //Memanggil fungsi readPuzzle sesuai dengan path file yang dipilih
                        }
                  System.out.println("Puzzle yang akan diselesaikan: ");
                  Joseph Duzzle yang akan diselesakan. ),
Puzzle yang akan diselesakan. ),
puzzle yang akan diselesakan. ),
int goal = Puzzle getGoal();
System.out.printf("Total nilai KURANG(i) + X : %d\n",goal);
                                                                                                                              //Mencetak puzzle yang akan diselesaikan
//Menghitung goal dan mencetak fungsi KURANG(i) dengan method getGoal untuk melihat apakah puzzle dapat diselesaikan
               system.out.printle( | local little | Nolowoo(1) + A . mu(li ,goal),
if(goal%2 != 0) {
   System.out.println("Puzzle tidak dapat diselesaikan");
                                                                                                                             //Jika goal ganjil maka puzzle tidak dapat diselesaikan dan program akan berhenti
                      return;
                else {
                                                                                                                             //Jika goal genap maka puzzle bisa dilesaikan
                      //Menyimpan waktu dimulai perhitungan ke dalam variabel start
                                                                                                                            //Membuat objek step dengan class stack untuk menyimpan langkah-langkah puzzle
// memanggil fungsi solvePuzzle untuk menyelesaikan puzzle dan mengembalikan jumlah simpul yang dibangkitkan ke variabel bangkit
//Jika belum selesai mencoba diselesaikan lagi dengan simpul terakhir yang dipilih
                             Puzzle = step.get(0);
step.removeAll(step);
bangkit = bangkit + solve.solvePuzzle(Puzzle, step);
                      long finish = System.nanoTime(); //Menyimpan waktu berakhirnya perhitungan ke variabel finish
printStep(step); //Menanggil fungsi printStep untuk mencetak langkah-langkah penyeselesaian puzzle
System.out.printf("lama Waktu Algoritma: %d\n", bangkit); //Mencetak jumlah simpul yang dibangkitkan
System.out.printf("lama Waktu Algoritma: %d\n"), (finish-start); //Mencetak lama Waktu algoritma dalam nanosecond, milisecond, dan second
System.out.printf("lama Waktu Algoritma: %d\n"), (finish-start)/1000000000);
System.out.printf("lama Waktu Algoritma: %d\n"), (finish-start)/1000000000);
       }
```

File puzzle.java:

```
public int getEmpty() {
   for (int x=0; x<16; x++) {
      if(this.board[x] == 16) {
            this.empty = x;
            }
}</pre>
37<sup>©</sup>
38
39
40
                                                                             //method untuk mencari indeks yang berisi ubin kosong
41
42
43
44
45
                      return x:
                 1
             return -1;
        public int getCost() {
                                                                            //method untuk mencari cost
             }
return this.cost;
                                                                             //mengembalikan nilai cost
        public int getIndex(int value) {
  for(int x=0;x<16;x++) {
     if(this.board[x] == value)return x;
}</pre>
                                                                            //method untuk mencari indeks di atribut board yang sesuai dengan nilai value
             return -1;
        } ... .. .. .. .. ..
```

```
public int getGoal() {
                                                                                                               //method untuk mendapatkan nilai goal
         }
System.out.printf("Nilai X = %d\n", this.goal);
System.out.println("KURANG(1) = 0");
for(int x=2;x<=16;x++) {
   int check = this.gezIndex(x);
   int before = this.goal;
   for(int i = check+1; i(16)i++) {
      if(this.board[i]<x)this.goal++;
   }
}</pre>
                                                                                                               //Mencetak nilai X
//Mencetak fungsi KURANG(1) yang selalu bernilai 0
//Iterasi dari 2 hingga 16
                                                                                                               //Iterasi lagi untuk mencari nilai KURANG(i)
                 }
System.out.printf("KURANG(%d) = %d\n",x,(this.goal - before));
                                                                                                                                         //Mencetak nilai fungsi KURANG(i)
         }
return this.goal;
 public boolean solved() {
  for(int x = 0;x<15;x++) {
     if(this.board[x] != x+1)return false;
}</pre>
                                                                                                               //Method untuk mengecek apakah Puzzle sudah selesai apa belum
                                                                                                               //Puzzle dianggap sudah selesai jika semua angka dalam puzzle sudah sesuai dengan posisinya
         return (this.board[15] == 16);
 }

//Method untuk mengacak sebuah puzzle

boolean[] cek = {false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false,false); //array cek dengan tipe boolean untuk mengecek apakah puzzle dengan suatu ind for in unu;

int nunu;

if(x)=0.8 & x(8) num = ThreadLocalRandom.current().nextInt(1,8); // lika x antara 0 hingga 7 maka akan mengacak integer dari 1 hingga 8

else num = ThreadLocalRandom.current().nextInt(9,16); // lika x antara 0 hingga 15 maka akan mengacak integer dari 9 hingga 16

while(cek[nun-1] == true) { // lika angka yang diacak sudah das sebelumnya maka akan ditambah satu hingga angka tersebut belum ada

num+;
                       num++;
if(num>16)num=1;
                                                                                                                                      //Jika angka melewati 16 maka akan dijadikan 1
               this.board[x] = num;
cek[num-1] = true;
                                                                                                                                      //Masukkan angka yang telah diacak ke indeks \times //Jadikan array cek dengan indeks num-1 menjadi true untuk memberi tahu bahwa angka tersebut sudah ada
public int getValue(int idx) {
    return this.board[idx];
                                                                                                     //Method untuk mendapatkan value dengan indeks idx di array board
public void setValue(int idx, int value) {
                                                                                                     //Method untuk mengeset value dengan indeks idx di array board
public void printPuzzle() {
                                                                                                     //Method untuk mengeprint isi puzzle
       for(int xed;xx16;x++) {
    if(this.board[x] == 16)System.out.printf("" "); //Ubin yang kosong atau di board dilambangkan dengan angka 16 akan dicetak dengan karakter """
    else
              System.out.printf("%d ",this.board[x]);
if((x+1) %4 == 0) System.out.println();
                                                                                                  //Selain itu cetak angka dari isi board[x]
                                                                                                     //Method compareTo yang merupakan implementasi dari comparable
//Jika cost puzzle saat itu lebih besar dari p kembalikan 1
//Jika cost puzzle saat itu lebih kecil dari p kembalikan -1
//Jika cost puzzle bernilai sama
//Jika dept puzzle lebih kecil dari p kembalikan -1
//Jika dept puzzle lebih besar dari p kembalikan 1
//Jika sama maka kembalikan 0
public int compareTo(puzzle p) {
       iic ant compare(o(puzzle p) {
   if(this.cost > p.cost)return 1;
   else if(this.cost(p.cost)return -1;
   else {
      if(this.depth(p.depth) return -1;
      else if(this.depth)p.depth) return 1;
      else
      return 0;
}
```

File Solve.java:

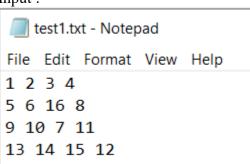
}
class SimpanPilihFile extends JFileChooser { //Fungsi untuk memunculkan ui dari pilih file
protected JDialog createDialog(Component parent) throws HeadlessException {
 JDialog dialog = super.createDialog(parent);
 dialog.setAlwaysOnTop(true);
 return dialog;
}

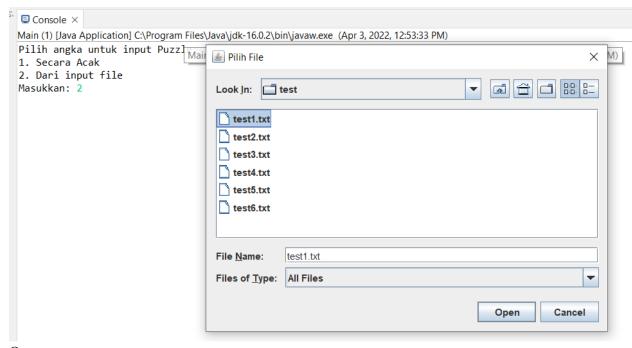
```
public void addStack(puzzle Puzzle,Stack<puzzle> step) {
   while(Puzzle != null) {
      step.add(Puzzle);
      Puzzle = Puzzle.parent;
}
                                                                                                                                                                                            //Fungsi addStack untuk memasukkan langkah-langkah puzzle kedalam stack
//Langkah-langkah puzzle dimasukkan dengan menggunakan linked list dari anak puzzle hingga ke akar
public int solvePuzzle(puzzle Puzzle, Stack<puzzle> step) {
   Queue<puzzle>queue = new PriorityQueue<puzzle>();
                                                                                                                                                                                            //Fungsi solvePuzzle untuk menyelesaikan puzzle
                                                                                                                                                                                          //Fungsi solvePuzzle untuk menyelesaikan puzzle
//Membuat objek queue dengan class PriorityQueue
//Membuat voriabel bangkit dengan nilai 1 untuk menghitung simpul yang dibangkitkan
//Memasukkan puzzle akar ke dalam queue
//Membuat boolean solve untuk mengecek apakah puzzle sudah selesai
//Selama solve belum bernilai true
//Ambil puzzle dari queue yang paling depan (puzzle dengan cost terkecil)
//Jika puzzle sudah selesai atau simpul yang dibangkitkan sudah lebih dari 5 juta
//Jadikan solve menjadi true dan panggil simpul addStack
           QueueQueuepuzzle>queue
int bangkit = 1;
queue.add(Puzzle);
           queue.add(Puzzle);
boolean solve = false;
while (!solve) {
   puzzle now = queue.poll();
   if(now.solved() || bangkit >5000000) {
      solve = true;
   addStack(now,step);
      return bangkit;
}
                                                                                                                                                                                           //kembalikan nilai bangkit
                     }
puzzle right = new puzzle(now);
puzzle left = new puzzle(now);
puzzle down = new puzzle(now);
puzzle down = new puzzle(now);
swap(left, "left");
swap(right, "right");
swap(own");
swap(own");
swap(own");
                                                                                                                                                                                            //Jika belum
//Buat keempat simpul baru dengan arah puzzle kanan, kiri, bawah atas
fublic void addStack(puzzle Puzzle,Stack<puzzle> step) {
   while(Puzzle != null) {
    step.add(Puzzle);
    Puzzle = Puzzle.parent;
}
                                                                                                                                                                                            //Fungsi addStack untuk memasukkan langkah-langkah puzzle kedalam stack
//Langkah-langkah puzzle dimasukkan dengan menggunakan linked list dari anak puzzle hingga ke akar
public int solvePuzzle(puzzle Puzzle, Stackcpuzzle> step) {
  Queuecpuzzle>queue = new PriorityQueue<puzzle>();
  int bangkit = 1;
  queue.add(Puzzle);
                                                                                                                                                                                            //Fungsi solvePuzzle untuk menyelesaikan puzzle
                                                                                                                                                                                          //Fungsi solvePuzzle untuk menyelesaikan puzzle
//Membuat objek queue dengan class PriorityQueue
//Membuat variabel bangkit dengan nilai 1 untuk menghitung simpul yang dibangkitkan
//Memasukkan puzzle akar ke dalam queue
//Membuat boolean solve untuk mengecek apakah puzzle sudah selesai
//Selama solve belum bernilai true
//Ambil puzzle dari queue yang paling depan (puzzle dengan cost terkecil)
//Jika puzzle usudah selesai atau simpul yang dibangkitkan sudah lebih dari 5 juta
//Jadikan solve menjadi true dan panggil simpul addStack
           //kembalikan nilai bangkit
                     }
puzzle right = new puzzle(now);
puzzle left = new puzzle(now);
puzzle left = new puzzle(now);
puzzle up = new puzzle(now);
puzzle up = new puzzle(now);
swap(left,"|left');
swap(right,"right');
swap(oun,"down");
swap(up,"up');
                                                                                                                                                                                            //Jika belum
//Buat keempat simpul baru dengan arah puzzle kanan, kiri, bawah atas
```

C. Contoh Input dan Output

1. Contoh input dan output dengan file test1.txt

Input:





Output:

```
Puzzle yang akan diselesaikan:
1 2 3 4
5 6 * 8
9 10 7 11
13 14 15 12
Nilai X = 1
KURANG(1) = 0
KURANG(2) = 0
KURANG(3) = 0
KURANG(4) = 0
KURANG(5) = 0
KURANG(6) = 0
KURANG(7) = 0
KURANG(8) = 1
KURANG(9) = 1
KURANG(10) = 1
KURANG(11) = 0
KURANG(12) = 0
KURANG(13) = 1
KURANG(14) = 1
KURANG(15) = 1
KURANG(16) = 9
Total nilai KURANG(i) + X : 16
Puzzle bisa diselesaikan
```

```
Step 1
                                            Step 4
                             Step 3
               Step 2
1 2 3 4
                                            1 2 3 4
                             1 2 3 4
               1 2 3 4
5 6 * 8
               5 6 7 8
                             5 6 7 8
                                            5 6 7 8
9 10 7 11
                             9 10 11 *
                                            9 10 11 12
               9 10 * 11
13 14 15 12
                             13 14 15 12
                                            13 14 15 *
               13 14 15 12
```

Jumlah simpul yang dibangkitkan: 10

Lama Waktu Algoritma: 1703500 nano seconds

Lama Waktu Algoritma: 1 mili seconds

Lama Waktu Algoritma: 0 seconds

2. Contoh input dan output dengan file test2.txt Input:

```
test2.txt - Notepad

File Edit Format View Help

1 3 4 15
2 16 5 12
7 6 11 14
8 9 10 13
```

Output:

```
Puzzle yang akan diselesaikan:
1 3 4 15
2 * 5 12
7 6 11 14
8 9 10 13
Nilai X = 0
KURANG(1) = 0
KURANG(2) = 0
KURANG(3) = 1
KURANG(4) = 1
KURANG(5) = 0
KURANG(6) = 0
KURANG(7) = 1
KURANG(8) = 0
KURANG(9) = 0
KURANG(10) = 0
KURANG(11) = 3
KURANG(12) = 6
KURANG(13) = 0
KURANG(14) = 4
KURANG(15) = 11
KURANG(16) = 10
Total nilai KURANG(i) + X : 37
Puzzle tidak dapat diselesaikan
```

3. Contoh input dan output file test3.txt Input :

```
test3.txt - Notepad
 File Edit Format View Hel
11834
3 9 5 6 10
 16 2 7 11
 13 14 15 12
Output:
  <terminated > Main (1) [Java Application] C:\Prograr
  Pilih angka untuk input Puzzle:
  1. Secara Acak
  2. Dari input file
  Masukkan: 2
  Puzzle yang akan diselesaikan:
  1 8 3 4
  9 5 6 10
  * 2 7 11
  13 14 15 12
  Nilai X = 0
  KURANG(1) = 0
  KURANG(2) = 0
  KURANG(3) = 1
  KURANG(4) = 1
  KURANG(5) = 1
  KURANG(6) = 1
  KURANG(7) = 0
  KURANG(8) = 6
  KURANG(9) = 4
  KURANG(10) = 2
  KURANG(11) = 0
  KURANG(12) = 0
  KURANG(13) = 1
  KURANG(14) = 1
  KURANG(15) = 1
  KURANG(16) = 7
  Total nilai KURANG(i) + X : 26
  Puzzle bisa diselesaikan
```

	sterrimateur me		
Step 1	Step 7	Step 13	
1 8 3 4	1 8 3 4	1 2 8 3	
9 5 6 10	5 2 10 *	5 10 6 4	
* 2 7 11	9 7 6 11	9 7 * 11	
13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12	
Step 2	Step 8	Step 14	Step 19
1 8 3 4	1 8 3 *	1 2 8 3	1 2 3 4
* 5 6 10	5 2 10 4	5 10 6 4	5 6 8 *
9 2 7 11	9 7 6 11	9 * 7 11	9 10 7 11
13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12
Step 3	Step 9	Step 15	Step 20
1 8 3 4	1 8 * 3	1 2 8 3	1 2 3 4
5 * 6 10	5 2 10 4	5 * 6 4	5 6 * 8
9 2 7 11	9 7 6 11	9 10 7 11	9 10 7 11
13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12
Step 4	Step 10	Step 16	Step 21
1 8 3 4	1 * 8 3	1 2 8 3	1 2 3 4
5 2 6 10	5 2 10 4	5 6 * 4	5 6 7 8
9 * 7 11	9 7 6 11	9 10 7 11	9 10 * 11
13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12
Step 5	Step 11	Step 17	Step 22
1 8 3 4	1 2 8 3	1 2 * 3	1 2 3 4
5 2 6 10	5 * 10 4	5 6 8 4	5 6 7 8
9 7 * 11	9 7 6 11	9 10 7 11	9 10 11 *
13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12
Step 6	Step 12	Step 18	Step 23
1 8 3 4	1 2 8 3	1 2 3 *	1 2 3 4
5 2 * 10	5 10 * 4	5 6 8 4	5 6 7 8
9 7 6 11	9 7 6 11	9 10 7 11	9 10 11 12
13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 *

Jumlah simpul yang dibangkitkan: 36088

Lama Waktu Algoritma: 47883300 nano seconds

Lama Waktu Algoritma: 47 mili seconds

Lama Waktu Algoritma: 0 seconds

4. Contoh input dan output file test4.txt Input :

```
itest4.txt - Notepad
File Edit Format View
9 1 3 2
5 13 10 4
15 14 6 8
16 11 7 12
```

KURANG(8) = 1 KURANG(9) = 8 KURANG(10) = 4 KURANG(11) = 1 KURANG(12) = 0 KURANG(13) = 7 KURANG(14) = 5 KURANG(15) = 6 KURANG(16) = 3

Total nilai KURANG(i) + X : 38

Puzzle bisa diselesaikan

```
<terminated > Main (1) [Java Application] C:\Progr
  Pilih angka untuk input Puzzle:
  1. Secara Acak
  2. Dari input file
  Masukkan: 2
Output:
 Puzzle yang akan diselesaikan:
 9 1 3 2
 5 13 10 4
 15 14 6 8
 * 11 7 12
 Nilai X = 1
 KURANG(1) = 0
 KURANG(2) = 0
 KURANG(3) = 1
 KURANG(4) = 0
 KURANG(5) = 1
 KURANG(6) = 0
 KURANG(7) = 0
```

Step 1 9 1 3 2 5 13 10 4 15 14 6 8 * 11 7 12 Step 2 9 1 3 2 5 13 10 4 * 14 6 8 15 11 7 12 Step 3 9 1 3 2 * 13 10 4 5 14 6 8 15 11 7 12 Step 4 9 1 3 2 13 * 10 4 5 14 6 8 15 11 7 12	Step 9 1 13 : 5 14 15 : 5
13 * 10 4 5 14 6 8	13

Step 1 9 1 3 2 5 13 10 4 15 14 6 8 * 11 7 12 Step 2 9 1 3 2 5 13 10 4 * 14 6 8 15 11 7 12 Step 3 9 1 3 2 * 13 10 4 5 14 6 8 15 11 7 12 Step 4 9 1 3 2 13 * 10 4 5 14 6 8 15 11 7 12 Step 5 9 1 3 2 13 10 * 4 5 14 6 8 15 11 7 12	Step 6 9 1 * 2 13 10 3 4 5 14 6 8 15 11 7 12 Step 7 9 1 2 * 13 10 3 4 5 14 6 8 15 11 7 12 Step 8 9 1 2 4 13 10 3 * 5 14 6 8 15 11 7 12 Step 9 9 1 2 4 13 10 3 8 5 14 6 * 15 11 7 12 Step 10 9 1 2 4 13 10 3 8 5 14 6 12 15 11 7 *	Step 11 9 1 2 4 13 10 3 8 5 14 6 12 15 11 * 7 Step 12 9 1 2 4 13 10 3 8 5 14 6 12 15 * 11 7 Step 13 9 1 2 4 13 10 3 8 5 * 6 12 15 14 11 Step 14 9 1 2 4 13 10 3 8 * 5 6 12 15 14 11 Step 15 9 1 2 4 * 10 3 8 13 5 6 12 15 14 11
--	---	---

Step 11
9 1 2 4
13 10 3 8
5 14 6 12
15 11 * 7
Step 12
9 1 2 4
13 10 3 8
5 14 6 12
15 * 11 7
Step 13
9 1 2 4
13 10 3 8
5 * 6 12
15 14 11 7
Step 14
9 1 2 4
13 10 3 8
* 5 6 12
15 14 11 7
Step 15
9 1 2 4
* 10 3 8
13 5 6 12
15 14 11 7
13 14 11 /

Step 16
* 1 2 4
9 10 3 8
13 5 6 12
15 14 11 7
Step 17
1 * 2 4
9 10 3 8
13 5 6 12
15 14 11 7
Step 18
1 2 * 4
9 10 3 8
13 5 6 12
15 14 11 7
Step 19
1 2 3 4
9 10 * 8
13 5 6 12
15 14 11 7
Step 20
1 2 3 4
9 10 6 8
13 5 * 12
15 14 11 7

Step 2	21
1 2 3	4
9 10 6	
13 * 5	12
15 14	11 7
Step 2	2
1 2 3	4
9 * 6	8
13 10	5 12
15 14	11 7
Step 2	23
1 2 3	4
9 6 *	8
13 10	5 12
13 10 15 14	11 7
Step 2	
1 2 3	
9 6 5	8
13 10 15 14	* 12
15 14	11 7
Step 2	
1 2 3	4
9 6 5	8
13 10	12 * 11 7
15 14	11 7

Step 26 1 2 3 4 9 6 5 8 13 10 12 7 15 14 11 * Step 27 1 2 3 4 9 6 5 8 13 10 12 7 15 14 * 11 Step 28 1 2 3 4 9 6 5 8 13 10 * 7 15 14 12 11 Step 29 1 2 3 4 9 6 5 8 13 10 7 * 15 14 12 11 Step 30 1 2 3 4 9 6 5 8 13 10 7 11 15 14 12 *	Step 31 1 2 3 4 9 6 5 8 13 10 7 11 15 14 * 12 Step 32 1 2 3 4 9 6 5 8 13 10 7 11 15 * 14 12 Step 33 1 2 3 4 9 6 5 8 13 * 7 11 15 10 14 12 Step 34 1 2 3 4 9 * 5 8 13 6 7 11 15 10 14 12 Step 35 1 2 3 4 9 5 * 8 13 6 7 11 15 10 14 12	Step 36 1 2 3 4 9 5 7 8 13 6 * 11 15 10 14 12 Step 37 1 2 3 4 9 5 7 8 13 6 14 11 15 10 * 12 Step 38 1 2 3 4 9 5 7 8 13 6 14 11 15 * 10 12 Step 39 1 2 3 4 9 5 7 8 13 6 14 11 * 15 10 12 Step 40 1 2 3 4 9 5 7 8 * 6 14 11 13 15 10 12	Step 41 1 2 3 4 * 5 7 8 9 6 14 11 13 15 10 12 Step 42 1 2 3 4 5 * 7 8 9 6 14 11 13 15 10 12 Step 43 1 2 3 4 5 6 7 8 9 * 14 11 13 15 10 12 Step 44 1 2 3 4 5 6 7 8 9 14 * 11 13 15 10 12 Step 45 1 2 3 4 5 6 7 8 9 14 10 11 13 15 * 12	9 14 10 11 13 15 * 12 Step 46 1 2 3 4 5 6 7 8 9 14 10 11 13 * 15 12 Step 47 1 2 3 4 5 6 7 8 9 * 10 11 13 14 15 12 Step 48 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 * 11 13 14 15 12 Step 49 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 * 13 14 15 12 Step 50 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 *
---	---	---	---	---

Step 45 1 2 3 4 5 6 7 8

Jumlah simpul yang dibangkitkan: 5052440 Lama Waktu Algoritma: 2646134000 nano seconds

Lama Waktu Algoritma: 2646 mili seconds

Lama Waktu Algoritma: 2 seconds

5. Contoh input dan output file test5.txt

Input:

```
test5.txt - Notepad
File Edit Format View
5 16 2 7
11 1 3 8
9 4 6 15
terminated > Main (1) [Java Application] C:\Pro
Pilih angka untuk input Puzzle:
1. Secara Acak
2. Dari input file
Masukkan: 2
```

Output:

13 14 12 10

```
Puzzle yang akan diselesaikan:
5 * 2 7
11 1 3 8
9 4 6 15
13 14 12 10
Nilai X = 1
KURANG(1) = 0
KURANG(2) = 1
KURANG(3) = 0
KURANG(4) = 0
KURANG(5) = 4
KURANG(6) = 0
KURANG(7) = 4
KURANG(8) = 2
KURANG(9) = 2
KURANG(10) = 0
KURANG(11) = 7
KURANG(12) = 1
KURANG(13) = 2
KURANG(14) = 2
KURANG(15) = 4
KURANG(16) = 14
Total nilai KURANG(i) + X : 44
Puzzle bisa diselesaikan
```

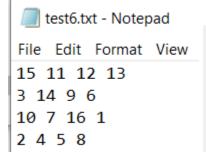
Step 1	Step 8	Step 15	Stop 22
5 * 2 7	5 1 2 7	1 * 2 7	Step 22 1 2 4 7
11 1 3 8	11 4 3 8	5 11 4 3	5 6 3 *
9 4 6 15	9 6 * 10	9 6 10 8	
13 14 12 10	13 14 15 12	13 14 15 12	9 10 11 8
Step 2	Step 9	Step 16	13 14 15 12
5 1 2 7	5 1 2 7	1 2 * 7	Step 23
11 * 3 8	11 4 3 8	5 11 4 3	1 2 4 *
9 4 6 15	9 6 10 *	9 6 10 8	5 6 3 7
13 14 12 10	13 14 15 12	13 14 15 12	9 10 11 8
Step 3	Step 10	Step 17	13 14 15 12
5 1 2 7	5 1 2 7	1 2 4 7	Step 24
11 4 3 8	11 4 3 *	5 11 * 3	1 2 * 4
9 * 6 15	9 6 10 8	9 6 10 8	5 6 3 7
13 14 12 10	13 14 15 12	13 14 15 12	9 10 11 8
Step 4	Step 11	Step 18	13 14 15 12
5 1 2 7	5 1 2 7	1 2 4 7	Step 25 1 2 3 4
11 4 3 8	11 4 * 3	5 * 11 3	56 * 7
9 6 * 15	9 6 10 8	9 6 10 8	9 10 11 8
13 14 12 10	13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12
Step 5	Step 12	Step 19	Step 26
5 1 2 7	5 1 2 7	1 2 4 7	1 2 3 4
11 4 3 8	11 * 4 3	5 6 11 3	5 6 7 *
9 6 15 *	9 6 10 8	9 * 10 8	9 10 11 8
13 14 12 10	13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12
Step 6	Step 13	Step 20	Step 27
5 1 2 7	5 1 2 7	1 2 4 7	1 2 3 4
11 4 3 8	* 11 4 3	5 6 11 3	5 6 7 8
9 6 15 10	9 6 10 8	9 10 * 8	9 10 11 *
13 14 12 *	13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 12
Step 7	Step 14	Step 21	Step 28
5 1 2 7	* 1 2 7	1 2 4 7	1 2 3 4
11 4 3 8	5 11 4 3	5 6 * 3	5 6 7 8
9 6 15 10	9 6 10 8	9 10 11 8	9 10 11 12
13 14 * 12	13 14 15 12	13 14 15 12	13 14 15 *
			23 27 23

Jumlah simpul yang dibangkitkan: 421969 Lama Waktu Algoritma: 249154800 nano seconds

Lama Waktu Algoritma: 249 mili seconds

Lama Waktu Algoritma: 0 seconds

6. Input dan Output file test6.txt Input:



<terminated> Main (1) [Java Application] C:\Prc

Pilih angka untuk input Puzzle:

- 1. Secara Acak
- 2. Dari input file

Masukkan: 2

Output:

```
Puzzle yang akan diselesaikan:
15 11 12 13
3 14 9 6
10 7 * 1
2 4 5 8
Nilai X = 0
KURANG(1) = 0
KURANG(2) = 0
KURANG(3) = 2
KURANG(4) = 0
KURANG(5) = 0
KURANG(6) = 4
KURANG(7) = 4
KURANG(8) = 0
KURANG(9) = 7
KURANG(10) = 6
KURANG(11) = 10
KURANG(12) = 10
KURANG(13) = 10
KURANG(14) = 9
KURANG(15) = 14
KURANG(16) = 5
Total nilai KURANG(i) + X : 81
Puzzle tidak dapat diselesaikan
```

7. Input dan Output acak:

Input:

```
Main (1) [Java Application] C:\Program Files\
   Pilih angka untuk input Puzzle:
   1. Secara Acak
   2. Dari input file
   Masukkan: 1
  Output:
    Puzzle yang akan diselesaikan:
    10 3 1 7
    8 11 13 4
    9 14 5 12
    6 15 * 2
    Nilai X = 1
    KURANG(1) = 0
    KURANG(2) = 0
    KURANG(3) = 2
    KURANG(4) = 1
    KURANG(5) = 1
    KURANG(6) = 1
    KURANG(7) = 4
    KURANG(8) = 4
    KURANG(9) = 3
    KURANG(10) = 9
    KURANG(11) = 5
    KURANG(12) = 2
    KURANG(13) = 6
    KURANG(14) = 4
    KURANG(15) = 1
    KURANG(16) = 1
    Total nilai KURANG(i) + X : 45
    Puzzle tidak dapat diselesaikan
8. Input dan Output acak:
  Input:
   Pilih angka untuk input Puzzle:
   1. Secara Acak
   2. Dari input file
   Masukkan: 1
  Output:
```

```
Puzzle yang akan diselesaikan:
7 6 8 9
1 4 2 3
14 10 11 12
13 15 * 5
Nilai X = 1
KURANG(1) = 0
KURANG(2) = 0
KURANG(3) = 0
KURANG(4) = 2
KURANG(5) = 0
KURANG(6) = 5
KURANG(7) = 6
KURANG(8) = 5
KURANG(9) = 5
KURANG(10) = 1
KURANG(11) = 1
KURANG(12) = 1
KURANG(13) = 1
KURANG(14) = 5
KURANG(15) = 1
KURANG(16) = 1
Total nilai KURANG(i) + X : 35
Puzzle tidak dapat diselesaikan
```

D. Alamat Drive yang Berisi Kode Program dan Excution Program

Alamat Drive src:

https://drive.google.com/file/d/101ksKKNIdrCTF15ieuEPrdlivRo_EmWF/view?usp=sh_aring

Alamat Drive Keseluruhan:

https://drive.google.com/file/d/1hOYUGhTbIBxv_H_JTrNq1QNGWpwm4qTQ/view?usp=sharing

Alamat Github:

https://github.com/Fitrah-16520207/Tugas-Kecil-3-Stima-Puzzle-15

Poin	Ya	Tidak
1. Program berhasil dikompilasi	V	

2. Program berhasil <i>running</i>	V	
3. Program dapat menerima input dan	V	
menuliskan output.		
4. Luaran sudah benar untuk semua data	V	
uji		
5. Bonus dibuat		V