

Índice

1. Algoritmos	1
2. Estructuras	2
2.1. Range Minimum Query $\langle n \log n, 1 \rangle$ (get)	2
2.2. Range Minimum Query + Lazy Updating $\langle n, n \log n \rangle$	2
2.3. Cantidad de menores o iguales en $O(\log n)$	2
2.4. Suffix Array - Longest Common Prefix	3
3. Geom	3
3.1. Point in Poly	3
3.2. Convex Hull	3
3.3. Circulo mínimo	4
3.4. Máximo rectángulo entre puntos	4
3.5. Máxima cantidad de puntos alineados	5
3.6. Centro de masa y area de un polígono	5
3.7. Par de puntos mas cercano	6
3.8. CCW	6
3.9. Sweep Line	6
3.10. Intersección de segmentos	7
3.11. Distancia entre segmentos	7
3.12. Orden total de puntos alrededor de un centro	7
3.13. Intersección (y yerbas afines) de circulos en $O(n^3 \lg n)$	7
3.14. Interseccion semiplano-poligono convexo $O(n)$	8
3.15. Distancia punto-triángulo en 3D	9
3.16. Cuentitas	10
4. Grafos	12
4.1. Floyd-Warhsall	12
4.2. Bellman-Ford	12
4.3. Lowest Common Ancestor	12
4.4. Kruskal & Union-Find	12
4.5. Grafo cactus	13
4.6. Puntos de articulación	13
4.7. Algoritmos de Flujo	13
4.7.1. Edmond-Karp	13
4.7.2. Dinitz	14
4.7.3. Flujo de costo minimo (vale multiejes)	15
4.8. Matching perfecto de costo máximo - Hungarian $O(N^3)$	16
4.9. Camino/Circuito Euleriano	16
4.10. Erdős-Gallai	17

5. Matemática	17
5.1. Algoritmos de cuentas	17
5.1.1. MCD	17
5.1.2. Número combinatorio	17
5.1.3. Teorema Chino del Resto	18
5.1.4. Potenciación en $O(\log(e))$	18
5.1.5. Longitud de los números de 1 a N	18
5.2. Teoremas y propiedades	18
5.2.1. Ecuación de grafo planar	18
5.2.2. Ternas pitagóricas	18
5.2.3. Teorema de Pick	18
5.2.4. Propiedades varias	18
5.3. Tablas y cotas	18
5.3.1. Primos	18
5.3.2. Divisores	19
5.3.3. Factoriales	19
5.4. Solución de Sistemas Lineales	19
5.5. BigInt	20
5.6. Fracción	22
6. Cosas	22
6.1. Morris-Prath	22
6.2. Subsecuencia común más larga	22
6.3. SAT - 2	22
6.4. Male-optimal stable marriage problem $O(N^2)$	23
6.5. Integrador numerico (simpson).	23
6.6. LIS	24
6.7. Algoritmo de Duval	24

AJI-UBA - Reference

1. Algoritmos

#include <algorithm> #include <numeric>

Algo	Params	Funcion
sort, stable_sort	f, l	ordena el intervalo
partial_sort	f, m, l, [cmp]	[f,m) son los m-f menores en orden, [m,l) es el resto en algun orden
nth_element	f, nth, l	void ordena el n-esimo, y particiona el resto
fill, fill_n	f, l / n, elem	void llena [f, l) o [f, f+n) con elem
lower_bound, upper_bound	f, l, elem	it al primer / ultimo donde se puede insertar elem para que quede ordenada
binary_search	f, l, elem	bool esta elem en [f, l)
copy	f, l, resul	hace resul+i=f+i $\forall i$
find, find_if, find_first_of	f, l, elem / pred / f2, l2	it encuentra i $\in [f, l)$ tq. i=elem, pred(i), i $\in [f2, l2)$
count, count_if	f, l, elem/pred	cuenta elem, pred(i)
search	f, l, f2, l2	busca [f2,l2) $\in [f, l)$
replace, replace_if	f, l, old / pred, new	cambia old / pred(i) por new
reverse	f, l	da vuelta
partition, stable_partition	f, l, pred	pred(i) ad, !pred(i) atras
min_element, max_element	f, l, [comp]	it min, max de [f,l]
lexicographical_compare	f1,l1,f2,l2	bool con [f1,l1] _i [f2,l2]
next/prev_permutation	f,l	deja en [f,l) la perm sig, ant
set_intersection, set_difference, set_union, set_symmetric_difference,	f1, l1, f2, l2, res	[res, ...) la op. de conj
push_heap, pop_heap, make_heap	f, l, e / e /	mete/saca e en heap [f,l), hace un heap de [f,l)
is_heap	f,l	bool es [f,l) un heap
accumulate	f,l,i,[op]	$T = \sum / \text{oper de } [f, l)$
inner_product	f1, l1, f2, i	$T = i + [f1, l1) \cdot [f2, \dots)$
partial_sum	f, l, r, [op]	$r+i = \sum / \text{oper de } [f, f+i] \forall i \in [f, l)$
adjacent_difference	f, l, r, [op]	$r[0]=f[0], r[i]=f[i] - f[i-1] \forall i \in [1, l-f)$

2. Estructuras

2.1. Range Minimum Query $\langle n \log n, 1 \rangle$ (get)Resrticción: $n < 2^{\text{LVL}}$; mn(i, j) incluye i y no incluye j; mn_init $O(n \log n)$

```

1  usa: tipo
2  const int LVL = 10 ;
3  tipo vec[LVL] [1<LVL];
4  tipo mn(int i, int j) { // intervalo [i,j)
5      int p = 31-__builtin_clz(j-i);
6      return min(vec[p][i], vec[p][j-(1<p)]);
7  }
8  void mn_init(int n) {
9      int mp = 31-__builtin_clz(n);
10     forn(p, mp) forn(x, n-(1<p)) vec[p+1][x] = min(vec[p][x], vec[p][x+(1<p)]);
11 }

```

2.2. Range Minimum Query + Lazy Updating $\langle n, n \log n \rangle$

Funciona con cualquier operación de asignación “=”, cualquier operación asociativa de combinación “+”, y un elemento nulo de la segunda operación “0”. También es necesario una función que dado un rango, el valor inicial de ese rango y un cambio pueda decidir el nuevo valor en ese rango. maxn es la máxima cantidad de elementos que tiene la estructura. get(a, b) y set(v, a, b) funcionan en [a, b) Lineas subrayadas no son necesarias si no se usa Lazy Updating; si no se incluyen solo se puede usar set(v, a, a + 1).

```

1  const int maxn = 100000 ;
2  const int maxpn = (-1u >> __builtin_clz(maxn)) + 1 ;
3
4  int V[2 * maxpn] ;
5  int L[2 * maxpn] ;
6
7  void update(int n, int a, int b) {
8      if (L[n] == 0) return ; // 0 -> Elemento nulo.
9      if (b - a > 1) {
10         L[2 * n] = L[n] ; // = -> Operador de asignacion.
11         L[2 * n + 1] = L[n] ; // = -> Operador de asignacion.
12     }
13
14     // V[n] = funcion en el rango [a, b) con valor original V[n] y cambio L[n].
15     V[n] = L[n] ;
16     L[n] = 0 ; // 0 -> Elemento nulo.
17 }
18
19 void init() {

```

```

20 fill(V, V + 2 * maxpn, 0) ; // 0 -> Elemento nulo.
21 fill(L, L + 2 * maxpn, 0) ; // 0 -> Elemento nulo.
22 }
23
24 int get(int q, int w, int n = 1, int a = 0, int b = maxpn) {
25     q = max(q, a) ;
26     w = min(w, b) ;
27     update(n, a, b) ;
28
29     if (q >= w) return 0 ; // 0 -> Elemento nulo.
30     if (q == a && w == b) return V[n] ;
31     return get(q, w, 2 * n, a, (a + b) / 2) + get(q, w, 2 * n + 1, (a + b) / 2, b)
32         ; // + -> Operador asociativo.
33 }
34
35 int set(int v, int q, int w, int n = 1, int a = 0, int b = maxpn) {
36     q = max(q, a) ;
37     w = min(w, b) ;
38
39     if (q == a && w == b) {
40         // V[n] = v ; // Descomentar si no se usa Lazy Updating
41         L[n] = v ; // = -> Operador de asignaci'on.
42     }
43     else if (q < w) V[n] = set(v, q, w, 2 * n, a, (a + b) / 2) + set(v, q, w, 2 *
44         n + 1, (a + b) / 2, b) ; // + -> Operador asociativo.
45
46     update(n, a, b) ;
47     return V[n] ;
48 }

```

2.3. Cantidad de menores o iguales en $O(\log n)$

```

1 //insercion y consulta de cuantos <= en log n
2 struct leqset {
3     int maxl; vector<int> c;
4     int pref(int n, int l) { return (n>>(maxl-l))|(1<<l); }
5     void ini(int ml) { maxl=ml; c=vector<int>(1<<(maxl+1)); }
6     //inserta c copias de e, si c es negativo saca c copias
7     void insert(int e, int q=1) { forn(l,maxl+1) c[pref(e,l)]+=q; }
8     int leq(int e) {
9         int r=0,a=1;
10        forn(i,maxl) {
11            a<<=1; int b=(e>>maxl-i-1)&1;
12            if (b) r+=c[a]; a|=b;
13        } return r + c[a]; //sin el c[a] da los estrictamente menores
14    }

```

```

15 int size() { return c[1]; }
16 int count(int e) { return c[e|(1<<maxl)]; }
17 };

```

2.4. Suffix Array - Longuest Common Prefix

```

1 typedef unsigned char xchar;
2 const int MAXN = 1000000
3
4 int p[MAXN], r[MAXN], t, n;
5
6 bool sacmp(int a, int b) { return p[(a+t)%n] < p[(b+t)%n]; }
7 void bwt(const xchar *s, int nn) {
8     n = nn;
9     int bc[256];
10    memset(bc, 0, sizeof(bc));
11    forn(i, n) ++bc[s[i]];
12    forn(i, 255) bc[i+1]+=bc[i];
13    forn(i, n) r[--bc[s[i]]]=i;
14    forn(i, n) p[i]=bc[s[i]];
15
16    int lnb,nb = 1;
17    for(t = 1; t < n; t*=2) {
18        lnb = nb; nb = 0;
19        for(int i = 0, j = 1; i < n; i = j++) {
20            /*calcular siguiente bucket*/
21            while(j < n && p[r[j]] == p[r[i]]) ++j;
22            if (j-i > 1) {
23                sort(r+i, r+j, sacmp);
24                int pk, opk = p[(r[i]+t)%n];
25                int q = i, v = i;
26                for(; i < j; i++) {
27                    if ((pk = p[(r[i]+t)%n]) != opk) && !(q <= opk && pk < j)) { opk = pk
28                        ; v = i; }
29                    p[r[i]] = v;
30                }
31                nb++;
32            }
33            if (lnb == nb) break;
34        }
35        // prim = p[0];
36    }
37
38    void lcp(const xchar* s, int* h) { /* h could be over r */
39        int q = 0, j;
40        forn(i,n) if (p[i]) {

```

```

41     j = r[p[i]-1];
42     while(q < n && s[(i+q)%n] == s[(j+q)%n]) ++q;
43     h[p[i]-1] = q;
44     if (q > 0) --q;
45 }
46 }

```

3. Geom

3.1. Point in Poly

```

1  usa: algorithm, vector
2  // No se porta bien si le preguntas por un punto que esta justo en la frontera
   del poligono
3  struct pto { tipo x,y; };
4  bool pnpoly(vector<pto>&v,pto p){
5      unsigned i, j, mi, mj, c = 0;
6      for(i=0, j = v.size()-1; i< v.size(); j = i++){
7          if((v[i].y<=p.y && p.y<v[j].y) ||
8              (v[j].y<=p.y && p.y<v[i].y)){
9              mi=i,mj=j; if(v[mi].y>v[mj].y)swap(mi,mj);
10             if((p.x-v[mi].x) * (v[mj].y-v[mi].y)
11                 < (p.y-v[mi].y) * (v[mj].x-v[mi].x)) c^=1;
12         }
13     } return c;
14 }

```

3.2. Convex Hull

```

1  usa: algorithm, vector, sqr
2  tipo pcruz(tipo x1,tipo y1,tipo x2,tipo y2){return x1*y2-x2*y1;}
3  struct pto {
4      tipo x,y;
5      tipo n2(pto &p2) const{
6          return sqr(x-p2.x)+sqr(y-p2.y);
7      }
8  } r;
9  tipo area3(pto a, pto b, pto c){
10     return pcruz(b.x-a.x,b.y-a.y,c.x-a.x,c.y-a.y);
11 }
12 bool men2(const pto &p1, const pto &p2){
13     return (p1.y==p2.y)?(p1.x<p2.x):(p1.y<p2.y);
14 }
15 bool operator<(const pto &p1,const pto &p2){
16     tipo ar = area3(r,p1,p2);
17     return(ar==0)?(p1.n2(r)<p2.n2(r)):ar>0;

```

```

18     //< clockwise, >counterclockwise
19 }
20 typedef vector<pto> VP;
21 VP chull(VP & l){
22     VP res = l; if(l.size()<3) return res;
23     r = *(min_element(res.begin(),res.end(),men2));
24     sort(res.begin(),res.end());
25     tint i=0;VP ch;ch.push_back(res[i++]);ch.push_back(res[i++]);
26     while(i<res.size()) // area3 > clockwise, < counterclockwise
27         if(ch.size()>1 && area3(ch[ch.size()-2],ch[ch.size()-1],res[i])<=0)
28             ch.pop_back();
29         else
30             ch.push_back(res[i++]);
31     return ch;
32 }

```

3.3. Círculo mínimo

```

1  usa: algorithm, cmath, vector, pto (con < e ==)
2  usa: sqr, dist2(pto,pto), tint
3  typedef double tipo;
4  typedef vector<pto> VP;
5  struct circ { tipo r; pto c; };
6  const tipo eps = 1e-13 ;
7  inline bool eq(tipo a, tipo b) { return fabs(a - b) < eps ; }
8  circ deIni(VP v){ //l.size()<=3
9      circ r; sort(v.begin(), v.end()); unique(v.begin(), v.end());
10     switch(v.size()) {
11         case 0: r.c.x=r.c.y=0; r.r = -1; break;
12         case 1: r.c=v[0]; r.r=0; break;
13         case 2: r.c.x=(v[0].x+v[1].x)/2.0;
14                 r.c.y=(v[0].y+v[1].y)/2.0;
15                 r.r=dist2(v[0], r.c); break;
16         default: {
17             tipo A = 2.0 * (v[0].x-v[2].x);tipo B = 2.0 * (v[0].y-v[2].y);
18             tipo C = 2.0 * (v[1].x-v[2].x);tipo D = 2.0 * (v[1].y-v[2].y);
19             tipo R = sqr(v[0].x)-sqr(v[2].x)+sqr(v[0].y)-sqr(v[2].y);
20             tipo P = sqr(v[1].x)-sqr(v[2].x)+sqr(v[1].y)-sqr(v[2].y);
21             tipo det = D*A-B*C;
22             if(eq(det, 0)) {swap(v[1],v[2]); v.pop_back(); return deIni(v);}
23             r.c.x = ( D*R-B*P)/det;
24             r.c.y = (-C*R+A*P)/det;
25             r.r = dist2(v[0],r.c);
26         }
27     }
28     return r;
29 }

```

```

30 circ minDisc(VP::iterator ini,VP::iterator fin,VP& pIni){
31     VP::iterator ivp;
32     int i,cantP=pIni.size();
33     for(ivp=ini,i=0;i+cantP<2 && ivp!=fin;ivp++,i++) pIni.push_back(*ivp);
34     circ r = deIni(pIni);
35     for(;i>0;i--) pIni.pop_back();
36     for(;ivp!=fin;ivp++) if (dist2(*ivp, r.c) > r.r){
37         pIni.push_back(*ivp);
38         if (cantP<2) r=minDisc(ini,ivp,pIni);
39         else r=deIni(pIni);
40         pIni.pop_back();
41     }
42     return r;
43 }
44 circ minDisc(VP ps){ //ESTA ES LA QUE SE USA
45     random_shuffle(ps.begin(),ps.end()); VP e;
46     circ r = minDisc(ps.begin(),ps.end(),e);
47     r.r=sqrt(r.r); return r;
48 };

```

3.4. Máximo rectángulo entre puntos

```

1  usa: vector, map, algorithm
2  struct pto {
3      tint x,y ;bool operator<(const pto&p2)const{
4          return (x==p2.x)?(y<p2.y):(x<p2.x);
5      }
6  };
7  bool us[10005];
8  vector<pto> v;
9  tint l,w;
10 tint maxAr(tint x, tint y,tint i){
11     tint marea=0;
12     tint arr=0,aba=w;
13     bool partido = false;
14     for(tint j=i;j<(tint)v.size();j++){
15         if(x>=v[j].x)continue;
16         tint dx = (v[j].x-x);
17         if(!partido){
18             tint ar = (aba-arr) * dx;marea=max(marea,ar);
19         } else {
20             tint ar = (aba-y) * dx;marea=max(marea,ar);
21             ar = (y-arr) * dx;marea=max(marea,ar);
22         }
23         if(v[j].y==y)partido=true;
24         if(v[j].y< y)arr=max(arr,v[j].y);
25         if(v[j].y> y)aba=min(aba,v[j].y);

```

```

26     }
27     return marea;
28 }
29 tint masacre(){
30     fill(us,us+10002,false);
31     pto c;c.x=0;c.y=0;v.push_back(c);c.x=1;c.y=w;v.push_back(c);
32     tint marea = 0;
33     sort(v.begin(),v.end());
34     for(tint i=0;i<(tint)v.size();i++){
35         us[v[i].y]=true;
36         marea=max(marea,maxAr(v[i].x,v[i].y,i));
37     }
38     for(tint i=0;i<10002;i++)if(us[i])marea=max(marea,maxAr(0,i,0));
39     return marea;
40 }

```

3.5. Máxima cantidad de puntos alineados

```

1  usa: algorithm, vector, map, set, forn, forall(typeof)
2  struct pto {
3      tipo x,y;
4      bool operator<(const pto &o)const{
5          return (x!=o.x)?(x<o.x):(y<o.y);
6      }
7  };
8  struct lin{
9      tipo a,b,c;//ax+by=c
10     bool operator<(const lin& l)const{
11         return a!=l.a?a<l.a:(b!=l.b?b<l.b:c<l.c);
12     }
13 };
14 typedef vector<pto> VP;
15 tint mcd(tint a, tint b){return (b==0)?a:mcd(b, a%b);}
16 lin linea(tipo x1, tipo y1, tipo x2, tipo y2){
17     lin l;
18     tint d = mcd(y2-y1, x1-x2);
19     l.a = (y2-y1)/d;
20     l.b = (x1-x2)/d;
21     l.c = x1*l.a + y1*l.b;
22     return l;
23 }
24 VP v;
25 typedef map<lin, int> MLI;
26 MLI cl;
27 tint maxLin(){
28     cl.clear();
29     sort(v.begin(), v.end());

```

```

30 tint m=1, acc=1;
31 forn(i, ((tint)v.size()-1){
32     acc=(v[i]<v[i+1])?1:(acc+1);
33     m=max(m,acc);
34 }
35 forall(i, v){
36     set<lin> este;
37     forall(j, v){
38         if(*i<*j||*j<*i)
39             este.insert(linea(i->x, i->y, j->x, j->y));
40     }
41     forall(l, este)cl[*l]++;
42 }
43 forall(l, cl){
44     m=max(m,l->second);
45 }
46 return m;
47 }

```

3.6. Centro de masa y area de un polígono

```

1  usa: vector, forn
2  struct pto { tint x,y; };
3  typedef vector<pto> poly;
4  tint pcruz(tint x1, tint y1, tint x2, tint y2) { return x1*y2-x2*y1; }
5  tint area3(const pto& p, const pto& p2, const pto& p3) {
6      return pcruz(p2.x-p.x, p2.y-p.y, p3.x-p.x, p3.y-p.y);
7  }
8  tint areaPor2(const poly& p) {
9      tint a = 0; tint l = p.size()-1;
10     forn(i,l-1) a += area3(p[i], p[i+1], p[l]);
11     return abs(a);
12 }
13 pto bariCentroPor3(const pto& p1, const pto& p2, const pto& p3) {
14     pto r;
15     r.x = p1.x+p2.x+p3.x; r.y = p1.y+p2.y+p3.y;
16     return r;
17 }
18 struct ptoD { double x,y; };
19 ptoD centro(const poly& p) {
20     tint a = 0; ptoD r; r.x=r.y=0; tint l = p.size()-1;
21     forn(i,l-1) {
22         tint act = area3(p[i], p[i+1], p[l]);
23         pto pact = bariCentroPor3(p[i], p[i+1], p[l]);
24         r.x += act * pact.x; r.y += act * pact.y; a += act;
25     } r.x /= (3 * a); r.y /= (3 * a); return r;
26 }

```

3.7. Par de puntos mas cercano

```

1  usa algorithm, vector, tdbl, tint, tipo, INF, forn, cmath
2  const tint MAX_N = 10010;
3  struct pto { tipo x,y; } r;
4  typedef vector<pto> VP;
5  #define ord(n,a,b) bool n(const pto &p, const pto &q){ \
6      return ((p.a==q.a)?(p.b<q.b):(p.a<q.a));}
7  inline tipo sqr(tipo a) { return a * a ; }
8  ord(mx,x,y);
9  ord(my,y,x);
10 bool vale(const pto &p){return mx(p,r);};
11 tipo dist(pto a,pto b){return sqr(a.x-b.x)+sqr(a.y-b.y);}
12 pto vx[MAX_N];
13 pto vy[MAX_N];
14 tint N;
15 tipo cpair(tint ini, tint fin){
16     if(fin-ini==1)return INF;
17     if(fin-ini==2)return dist(vx[ini], vx[ini+1]);
18     vector<pto> y(fin-ini);
19     copy(vy+ini, vy+fin, y.begin());
20     tint m = (ini+fin)/2;
21     r = vx[m];
22     stable_partition(vy+ini, vy+fin, vale);
23     tipo d = min(cpair(ini, m), cpair(m, fin));
24     vector<pto> w;
25     forn(i, y.size())if(sqr(fabs(y[i].x-vx[m].x))<=d)w.push_back(y[i]);
26     forn(i,w.size()){
27         for(tint j=i+1;(j<(tint)w.size())
28             && sqr(fabs(w[i].y-w[j].y))<d;j++){
29             d=min(d,dist(w[i],w[j]));
30         }
31     }
32     return d;
33 }
34 tipo closest_pair(){
35     sort(vx, vx+N,mx);
36     sort(vy, vy+N,my);
37     for(tint i=1;i<N;i++){
38         if(vx[i].x==vx[i-1].x && vx[i].y==vx[i-1].y)return 0;
39     }
40     return sqrt(cpair(0,N));
41 }

```

3.8. CCW

```

1 struct point {tint x, y;};

```

```

2 int ccw(const point &p0, const point &p1, const point &p2){
3     tint dx1, dx2, dy1, dy2;
4     dx1 = p1.x - p0.x; dy1 = p1.y - p0.y;
5     dx2 = p2.x - p0.x; dy2 = p2.y - p0.y;
6     if (dx1*dy2 > dy1*dx2) return +1;
7     if (dx1*dy2 < dy1*dx2) return -1;
8     if ((dx1*dx2 < 0) || (dy1*dy2 < 0)) return -1;
9     if ((dx1*dx1+dy1*dy1) < (dx2*dx2+dy2*dy2))return +1;
10    return 0;
11 }

```

3.9. Sweep Line

```

1 struct pto { tint x,y; bool operator<(const pto&p2)const{
2     return (y==p2.y)?(x<p2.x):(y<p2.y);
3 };
4 struct slp{ tint x,y,i;bool f; bool operator<(const slp&p2)const{
5     if(y!=p2.y)return y<p2.y;
6     if(x!=p2.x)return x<p2.x;
7     if(f!=p2.f)return f;
8     return i<p2.i;
9 };
10 slp p2slp(pto p,tint i){slp q;q.x=p.x;q.y=p.y;q.i=i;return q;}
11 tint area3(pto a,pto b,pto c){
12     return (b.x-a.x)*(c.y-a.y)-(b.y-a.y)*(c.x-a.x);
13 }
14 tint giro(pto a,pto b,pto c){
15     tint a3=area3(a,b,c);
16     if(a3<0) return -1; if(a3>0)return 1;
17     return 0;
18 }
19 bool inter(pair<pto,pto> a, pair<pto,pto> b){
20     pto p=a.first,q=a.second,r=b.first,s=b.second;
21     if(q<p)swap(p,q);if(s<r)swap(r,s);
22     if(r<p){swap(p,r);swap(q,s);}
23     tint a1=giro(p,q,r),a2=giro(p,q,s);
24     if(a1!=0 || a2!=0){
25         return (a1!=a2) && (giro(r,s,p)!=giro(r,s,q));
26     } else {
27         return !(q<r);
28     }
29 }
30 tint cant_intersec(vector<pair<pto,pto> >&v){
31     tint ic=0;
32     set<slp> Q; list<tint> T;
33     for(tint i=0;i<(tint)v.size();i++){
34         slp p1=p2slp(v[i].first,i);slp p2=p2slp(v[i].second,i);

```

```

35     if(p2<p1)swap(p1,p2);
36     p1.f=true;p2.f=false;
37     Q.insert(p1);Q.insert(p2);
38 }
39 while(Q.size()>0){
40     slp p = *(Q.begin());Q.erase(p);
41     if(p.f){
42         for(list<tint>::iterator it=T.begin();it!=T.end();it++)
43             if(inter(v[*it],v[p.i]))ic++;
44         T.push_back(p.i);
45     } else {
46         T.erase(find(T.begin(),T.end(),p.i));
47     }
48 }
49 return ic;
50 }

```

3.10. Intersección de segmentos

```

1 struct pto{tint x,y;};
2 struct seg{pto f,s;};
3 tint sgn(tint a){return (a>0LL) - (a<0LL);}
4 tint pc(pto a, pto b, pto o){return (a.x-o.x)*(b.y-o.y)-(a.y-o.y)*(b.x-o.x);}
5 tint pe(pto a, pto b, pto o){return (a.x-o.x)*(b.x-o.x)+(a.y-o.y)*(b.y-o.y);}
6 bool inter(seg a, seg b){
7     tint bf = sgn(pc(a.f, a.s, b.f));
8     tint bs = sgn(pc(a.f, a.s, b.s));
9     tint af = sgn(pc(b.f, b.s, a.f));
10    tint as = sgn(pc(b.f, b.s, a.s));
11    if(bf*bs<0 && af*as<0) return true; //cruza sin tocar
12    if((bf==0 && pe(a.f,a.s,b.f) <= 0) || (bs==0 && pe(a.f,a.s,b.s) <= 0))return
        true; //b tiene un vertice en a
13    if((af==0 && pe(b.f,b.s,a.f) <= 0) || (as==0 && pe(b.f,b.s,a.s) <= 0))return
        true; //a tiene un vertice en b
14    return false;
15 }

```

3.11. Distancia entre segmentos

```

1 tdbl dist(pto p, seg s){
2     tdbl a = fabs(tdbl(pc(s.f, s.s, p)));
3     tdbl b = hypot(s.f.x-s.s.x,s.f.y-s.s.y),h=a/b, c = hypot(b, h);
4     tdbl d1 = hypot(s.f.x-p.x,s.f.y-p.y), d2 = hypot(s.s.x-p.x,s.s.y-p.y);
5     if(b<1e-10 || c <= d1 || c <= d2)return min(d1, d2); else return h;
6 }
7 tdbl dist(seg a, seg b){

```

```

8   return (inter(a, b)) ? 0.0 : min(min(dist(a.f, b), dist(a.s, b)), min(dist(b.f, a)
9   , dist(b.s, a)));
  }

```

3.12. Orden total de puntos alrededor de un centro

```

1  struct Cmp{
2      pto r;
3      Cmp(pto _r){r = _r;}
4      int cuad(const pto &a) const {
5
6          if(a.x > 0 && a.y >= 0) return 0;
7          if(a.x <= 0 && a.y > 0) return 1;
8          if(a.x < 0 && a.y <= 0) return 2;
9          if(a.x >= 0 && a.y < 0) return 3;
10         assert(a.x == 0 && a.y == 0);
11         return -1;
12     }
13     bool cmp(const pto&p1, const pto&p2) const{
14         int c1 = cuad(p1), c2 = cuad(p2);
15         if(c1==c2) return p1.y*p2.x < p1.x*p2.y;
16         else return c1 < c2;
17     }
18     bool operator()(const pto&p1, const pto&p2) const{
19         return cmp(pto(p1.x-r.x, p1.y-r.y), pto(p2.x-r.x, p2.y-r.y));
20     }
21 };

```

3.13. Intersección (y yerbas afines) de círculos en $O(n^3 \lg n)$

```

1  typedef double real; // abstraccion magica
2
3  struct pto {
4      real x,y;
5      pto() : x(0),y(0) {}
6      pto(real xx, real yy) : x(xx),y(yy) {}
7      pto operator +(const pto &o) const { return pto(x+o.x,y+o.y); }
8      pto operator -(const pto &o) const { return pto(x-o.x,y-o.y); }
9      pto operator *(real k) const { return pto(k*x,k*y); }
10     real norma() const { return hypot(x,y); }
11     pto rotar(real alfa) const { return pto(x * cos(alfa) - y * sin(alfa), x* sin(
12         alfa) + y * cos(alfa)); }
13 };
14
15 struct circ { pto c; real r; };
16
17 const tipo sqr(tipo x) { return x * x ; }

```

```

17
18 struct event {
19     real x; int t;
20     event(real xx, int tt) : x(xx), t(tt) {}
21     bool operator <(const event &o) const { return x < o.x; }
22 };
23
24 typedef vector<circ> VC;
25 typedef vector<event> VE;
26
27 real cuenta(VE &v, real A, real B) {
28     sort(all(v));
29     real res = 0.0, lx = ((v.empty()) ? 0.0 : v[0].x);
30     int contador = 0;
31     forn(i, v.size()) {
32         // Esta es la linea magica que hay que tocar.
33         // Cambiando trivialmente el if, hacemos que compute interseccion de todos (
34             contador == n),
35         // union de todos (contador > 0), conjunto de puntos cubierto por
36             exactamente k círculos (contador == k),
37         // etc. En este caso, le estamos pidiendo los puntos que son tocados por 1,2
38             o 3
39         // círculos, que es lo que queremos pal problema del robotito que tira
40             rayitos :D
41         if (contador > 0 && contador < 4) res += v[i].x - lx;
42         contador += v[i].t;
43         lx = v[i].x;
44     }
45     return res;
46 }
47
48 // La siguiente da una primitiva de sqrt(r*r - x*x) como funcion real de una
49     variable x.
50 // Los bordes estan puestos estrategicamente para que todo ande joya :D
51 inline real primitiva(real x, real r) {
52     if (x >= r) return r*r*M_PI/4.0;
53     if (x <= -r) return -r*r*M_PI/4.0;
54     real raiz = sqrt(r*r-x*x);
55     return 0.5 * (x * raiz + r*r*atan(x/raiz));
56 }
57
58 // Se llama asi pero en realidad calcula la funcion que calcule "cuenta" en base
59     a los "intervalos" que esta le arma.
60 // Puede ser interseccion, union, o incluso algunas cosas mas locas :D.
61 real interCirc(const VC &v) {
62     vector<real> p; p.reserve(v.size() * (v.size() + 2));
63     forn(i, v.size()) {

```



```

57     p.push_back(v[i].c.x + v[i].r);
58     p.push_back(v[i].c.x - v[i].r);
59 }
60 forn(i,v.size())
61 forn(j,i) {
62     const circ &a = v[i], b = v[j];
63     real d = (a.c - b.c).norma();
64     if (fabs(a.r - b.r) < d && d < a.r + b.r) {
65         real alfa = acos((sqr(a.r) + sqr(d) - sqr(b.r)) / (2.0 * d * a.r));
66         pto vec = (b.c - a.c) * (a.r / d);
67         p.push_back((a.c + vec.rotar(alfa)).x);
68         p.push_back((a.c + vec.rotar(-alfa)).x);
69     }
70 }
71 sort(all(p));
72 real res = 0.0;
73 forn(i,p.size()-1) {
74     const real A = p[i], B = p[i+1];
75     VE ve; ve.reserve(2 * v.size());
76     forn(j,v.size()) {
77         const circ &c = v[j];
78         real arco = primitiva(B-c.c.x,c.r) - primitiva(A-c.c.x,c.r);
79         real base = c.c.y * (B-A);
80         ve.push_back(event(base + arco,-1));
81         ve.push_back(event(base - arco, 1));
82     }
83     res += cuenta(ve,A,B);
84 }
85 return res;
86 }

```

3.14. Interseccion semiplano-poligono convexo $O(n)$

```

1 // Usa: pto (con doubles) (+ - , producto cruz ^, producto por un escalar *, ==)
2 const double EPS = 1e-9;
3 pto irs(pto a,pto b,pto p0, pto p1) {
4     #define onr(p) (fabs((b-a)^(p-a)) < EPS)
5     if (onr(p1)) return p1;
6     if (onr(p0)) return p0;
7     return p0 + (p1-p0) * (((a-p0)^(b-a)) / ((p1-p0)^(b-a)));
8 }
9 // Parado en a, mirando hacia b, interseca el semiplano de la izquierda con el
10 // poligono convexo p
11 // Un VP vacio representa el conjunto vacio.
12 VP cortar(const VP &p, pto a, pto b) {
13     #define inside(p) (((b-a)^(p-a)) >= -EPS)
14     int n = p.size();

```

```

14 VP res; if (n==0) return p;
15 int in = inside(p[n-1]);
16 for (int i=0,j=n-1;i<n;j=i++) {
17     int nin = inside(p[i]);
18     if (nin != in) {
19         in = nin;
20         res.push_back(irs(a,b,p[j],p[i]));
21     }
22     if (in) res.push_back(p[i]);
23 }
24 res.resize(unique(all(res)) - res.begin());
25 while (res.size() > 1 && res.back() == res.front()) res.pop_back();
26 return res;
27 }

```

3.15. Distancia punto-triángulo en 3D

```

1 struct pto {
2     tipo x, y, z;
3     pto() : x(0), y(0), z(0) {}
4     pto(tipo x0, tipo y0, tipo z0) : x(x0), y(y0), z(z0) {}
5     pto(const pto& p) : x(p.x), y(p.y), z(p.z) {}
6     pto operator + (pto& p) { return pto(x + p.x, y + p.y, z + p.z); }
7     pto operator - (pto& p) { return pto(x - p.x, y - p.y, z - p.z); }
8     tipo operator * (pto& p) { return x * p.x + y * p.y + z * p.z; }
9     pto operator * (tipo a) { return pto(x * a, y * a, z * a); }
10    tipo norma2() { return x * x + y * y + z * z; }
11    tipo dis2(pto& p) { return sqr(x - p.x) + sqr(y - p.y) + sqr(z - p.z); }
12 };
13 inline tipo dis2(pto p1, pto p2){ return p1.dis2(p2); }
14
15 /**
16  * tengo a, b, c y quiero proyectar c en a + (b - a) * t
17  * resto a a todo:
18  * tengo b - a, c - a y quiero proyectar c - a en (b - a) * t
19  * es (b - a) * ((c - a) * (b - a)) / ((b - a) * (b - a))
20  * es la misma cuenta de antes
21  */
22
23 tipo dis2puntosegmento(pto a, pto b, pto c) {
24     pto ba = b - a, ca = c - a, bc = b - c;
25     tipo t = (ca * ba) / (ba * ba);
26     if(0 <= t and t <= 1) {
27         pto proy = ba * t;
28         pto normal = ca - proy;
29         return normal.norma2();
30     }

```

```

31     else return min(dis2(a, c), dis2(b, c));
32 }
33
34 tipo dis2rectarecta(pto a, pto b, pto c, pto d) {
35     tipo res = dis2puntosegmento(a, b, c);
36     tipo a11 = ba * ba, a12 = -(dc * ba), a21 = ba * dc, a22 = -(dc * dc);
37     tipo det = a11 * a22 - a12 * a21;
38     if(zero(det)) return res;
39     swap(a11, a22); a12 = -a12; a21 = -a21;
40     tipo t1 = (a11 * (ca * ba) + a12 * (ca * dc)) / det;
41     tipo t2 = (a21 * (ca * ba) + a22 * (ca * dc)) / det;
42     ba = ba * t1, dc = dc * t2;
43     return dis2(ba, ca + dc);
44 }
45
46 tipo dis2segseg(pto a, pto b, pto c, pto d) {
47     tipo res = INF;
48     res = min(res, dis2puntosegmento(a, b, c));
49     res = min(res, dis2puntosegmento(a, b, d));
50     res = min(res, dis2puntosegmento(c, d, a));
51     res = min(res, dis2puntosegmento(c, d, b));
52
53     pto ba = b - a, dc = d - c, ca = c - a;
54     tipo a11 = ba * ba, a12 = -(dc * ba), a21 = ba * dc, a22 = -(dc * dc);
55     tipo det = a11 * a22 - a12 * a21;
56     if(zero(det)) return res;
57     else {
58         swap(a11, a22); a12 = -a12; a21 = -a21;
59         tipo t1 = (a11 * (ca * ba) + a12 * (ca * dc)) / det;
60         tipo t2 = (a21 * (ca * ba) + a22 * (ca * dc)) / det;
61         if(0 <= t1 and t1 <= 1 and 0 <= t2 and t2 <= 1) {
62             ba = ba * t1, dc = dc * t2;
63             return min(res, dis2(ba, ca + dc));
64         }
65         else return res;
66     }
67 }
68
69 /**
70  * tengo un tri ngulo a, b, c y un punto x
71  * quiero ver la distancia m nima de x en (a, b, c)
72  * si es la proyecci n
73  */
74
75 tipo mindis2puntotrialgulo(pto a, pto b, pto c, pto x) {
76     pto ba = b - a, ca = c - a, xa = x - a, caba = ca - ba;

```

```

77     tipo a11 = ba * ba, a12 = ba * caba, a21 = ba * caba, a22 = caba * caba;
78     tipo det = a11 * a22 - a12 * a21;
79     if(zero(det)) return INF;
80     else {
81         swap(a11, a22); a12 = -a12; a21 = -a21;
82         tipo t1 = (a11 * (xa * ba) + a12 * (xa * caba)) / det;
83         tipo t2 = (a21 * (xa * ba) + a22 * (xa * caba)) / det;
84         if(0 <= t2 and t2 <= t1 and t1 <= 1) {
85             ba = ba * t1; caba = caba * t2;
86             return dis2(xa, ba + caba);
87         }
88         else return INF;
89     }
90 }

```

3.16. Cuentitas

```

1  usa: cmath, algorithm, tipo
2  struct pto{tipo x,y;};
3  struct lin{tipo a,b,c;};
4  struct circ{pto c; tipo r;};
5  inline tipo sqr(tipo a) { return a * a ; }
6  pto punto(tipo x, tipo y){pto r;r.x=x;r.y=y;return r;}
7  const pto cero = punto(0,0);
8  pto suma(pto o, pto s, tipo k){
9      return punto(o.x + s.x * k, o.y + s.y * k);
10 }
11 pto sim(pto p, pto c){return suma(c, suma(p,c,-1), -1);}
12 pto ptoMedio(pto a, pto b){return punto((a.x+b.x)/2.0,(a.y+b.y)/2.0);}
13 tipo pc(pto a, pto b, pto o){
14     return (b.y-o.y)*(a.x-o.x)-(a.y-o.y)*(b.x-o.x);
15 }
16 tipo pe(pto a, pto b, pto o){
17     return (b.x-o.x)*(a.x-o.x)+(b.y-o.y)*(a.y-o.y);
18 }
19 inline tipo sqrd(tipo a, tipo b) { return srq(a.x - b.x) + sqr(a.y - b.y) ; }
20 tipo dist(pto a, pto b){return sqrt(sqrd(a,b));}
21 const tipo eps = 1e-9 ;
22 inline bool feq(tipo a, tipo b) { return fabs(a - b) < eps ; }
23 tipo zero(tipo t){return feq(t,0.0)?0.0:t;}
24 bool alin(pto a, pto b, pto c){ return feq(0, pc(a,b,c));}
25 bool perp(pto a1, pto a2, pto b1, pto b2){
26     return feq(0, pe(suma(a1, a2, -1.0), suma(b1, b2, -1.0), cero));
27 }
28 bool hayEL(tipo A11, tipo A12, tipo A21, tipo A22){
29     return !feq(0.0, A22*A11-A12*A21);
30 }

```

```

31 pto ecLineal(tipo A11, tipo A12, tipo A21, tipo A22, tipo R1, tipo R2){
32     tipo det = A22*A11-A12*A21;
33     return punto((A22*R1-A12*R2)/det,(A11*R2-A21*R1)/det);
34 }
35 lin linea(pto p1, pto p2){
36     lin l;
37     l.b = p2.x-p1.x;
38     l.a = p1.y-p2.y;
39     l.c = p1.x*l.a + p1.y*l.b;
40     return l;
41 }
42 bool estaPL(pto p, lin l){return feq(p.x * l.a + p.y * l.b, l.c);}
43 bool estaPS(pto p, pto a, pto b){
44     return feq(dist(p,a)+dist(p,b),dist(b,a));
45 }
46 lin bisec(pto o, pto a, pto b){
47     tipo da = dist(a,o);
48     return linea(o, suma(a, suma(b,a,-1.0), da / (da+dist(b,o))));
49 }
50 bool paral(lin l1, lin l2){return !hayEL(l1.a, l1.b, l2.a, l2.b);}
51 bool hayILL(lin l1, lin l2){ //!paralelas || misma
52     return !paral(l1,l2)|| !hayEL(l1.a, l1.c, l2.a, l2.c);
53 }
54 pto interLL(lin l1, lin l2){//li==l2->pincha
55     return ecLineal(l1.a, l1.b, l2.a, l2.b, l1.c, l2.c);
56 }
57 bool hayILS(lin l, pto b1, pto b2){
58     lin b = linea(b1,b2);
59     if(!hayILL(l,b))return false;
60     if(estaPL(b1,l))return true;
61     return estaPS(interLL(l,b), b1,b2);
62 }
63 pto interLS(lin l, pto b1, pto b2){
64     return interLL(l, linea(b1, b2));
65 }
66 pto interSS(pto a1, pto a2, pto b1, pto b2){
67     return interLS(linea(a1, a2), b1, b2);
68 }
69 bool hayISS(pto a1, pto a2, pto b1, pto b2){
70     if (estaPS(a1,b1,b2)||estaPS(a2,b1,b2)) return true;
71     if (estaPS(b1,a1,a2)||estaPS(b2,a1,a2)) return true;
72     lin a = linea(a1,a2), b = linea(b1, b2);
73     if(!hayILL(a,b))return false;
74     if(paral(a,b))return false;
75     pto i = interLL(a,b);
76     //sale(i);sale(a1);sale(a2);sale(b1);sale(b2);cout << endl;

```

```

77     return estaPS(i,a1, a2) && estaPS(i,b1,b2);
78 }
79 tipo distPL(pto p, lin l){
80     return fabs((l.a * p.x + l.b * p.y - l.c)/sqrt(sqr(l.a)+sqr(l.b)));
81 }
82 tipo distPS(pto p, pto a1, pto a2){
83     tipo aa = sqrd(a1, a2);
84     tipo d = distPL(p, linea(a1, a2));
85     tipo xx = aa+sqr(d);
86     tipo a1a1 = sqrd(a1, p);
87     tipo a2a2 = sqrd(a2, p);
88     if(max(a1a1, a2a2) > xx){
89         return sqrt(min(a1a1, a2a2));
90     }else{
91         return d;
92     }
93 }
94 //
95 pto bariCentro(pto a, pto b, pto c){
96     return punto(
97         (a.x + b.x + c.x) / 3.0,
98         (a.y + b.y + c.y) / 3.0);
99 }
100 pto circunCentro(pto a, pto b, pto c){
101     tipo A = 2.0 * (a.x-c.x);tipo B = 2.0 * (a.y-c.y);
102     tipo C = 2.0 * (b.x-c.x);tipo D = 2.0 * (b.y-c.y);
103     tipo R = sqr(a.x)-sqr(c.x)+sqr(a.y)-sqr(c.y);
104     tipo P = sqr(b.x)-sqr(c.x)+sqr(b.y)-sqr(c.y);
105     return ecLineal(A,B,C,D,R,P);
106 }
107 pto ortoCentro(pto a, pto b, pto c){
108     pto A = sim(a, ptoMedio(b,c));
109     pto B = sim(b, ptoMedio(a,c));
110     pto C = sim(c, ptoMedio(b,a));
111     return circunCentro(A,B,C);
112 }
113 pto inCentro(pto a, pto b, pto c){
114     return interLL(bisec(a, b, c), bisec(b, a, c));
115 }
116 pto rotar(pto p, pto o, tipo s, tipo c){
117     //gira cw un angulo de sin=s, cos=c
118     return punto(
119         o.x + (p.x - o.x) * c + (p.y - o.y) * s,
120         o.y + (p.x - o.x) * -s + (p.y - o.y) * c
121     );
122 }

```

```

123 bool hayEcCuad(tipo a, tipo b, tipo c){//a*x*x+b*x+c=0 tiene sol real?
124     if(feq(a,0.0))return false;
125     return zero((b*b-4.0*a*c)) >= 0.0;
126 }
127 pair<tipo, tipo> ecCuad(tipo a, tipo b, tipo c){//a*x*x+b*x+c=0
128     tipo dx = sqrt(zero(b*b-4.0*a*c));
129     return make_pair((-b + dx)/(2.0*a),(-b - dx)/(2.0*a));
130 }
131 bool adentroCC(circ g, circ c){//c adentro de g sin tocar?
132     return g.r > dist(g.c, c.c) + c.r || !feq(g.r, dist(g.c, c.c) + c.r);
133 }
134 bool hayICL(circ c, lin l){
135     if(feq(0,l.b)){
136         swap(l.a, l.b);
137         swap(c.c.x, c.c.y);
138     }
139     if(feq(0,l.b))return false;
140     return hayEcCuad(
141         sqr(l.a)+sqr(l.b),
142         2.0*l.a*1.b*c.c.y-2.0*(sqr(l.b)*c.c.x+l.c*1.a),
143         sqr(l.b)*(sqr(c.c.x)+sqr(c.c.y)-sqr(c.r))+sqr(l.c)-2.0*1.c*1.b*c.c.y
144     );
145 }
146 pair<pto, pto> interCL(circ c, lin l){
147     bool sw=false;
148     if(sw=feq(0,l.b)){
149         swap(l.a, l.b);
150         swap(c.c.x, c.c.y);
151     }
152     pair<tipo, tipo> rc = ecCuad(
153         sqr(l.a)+sqr(l.b),
154         2.0*1.a*1.b*c.c.y-2.0*(sqr(l.b)*c.c.x+l.c*1.a),
155         sqr(l.b)*(sqr(c.c.x)+sqr(c.c.y)-sqr(c.r))+sqr(l.c)-2.0*1.c*1.b*c.c.y
156     );
157     pair<pto, pto> p(
158         punto(rc.first, (l.c - l.a * rc.first) / l.b),
159         punto(rc.second, (l.c - l.a * rc.second) / l.b)
160     );
161     if(sw){
162         swap(p.first.x, p.first.y);
163         swap(p.second.x, p.second.y);
164     }
165     return p;
166 }
167 bool hayICC(circ c1, circ c2){
168     lin l;

```

```

169     l.a = c1.c.x-c2.c.x;
170     l.b = c1.c.y-c2.c.y;
171     l.c = (sqr(c2.r)-sqr(c1.r)+sqr(c1.c.x)-sqr(c2.c.x)+sqr(c1.c.y)
172         -sqr(c2.c.y))/2.0;
173     return hayICL(c1, l);
174 }
175 }
176 pair<pto, pto> interCC(circ c1, circ c2){
177     lin l;
178     l.a = c1.c.x-c2.c.x;
179     l.b = c1.c.y-c2.c.y;
180     l.c = (sqr(c2.r)-sqr(c1.r)+sqr(c1.c.x)-sqr(c2.c.x)+sqr(c1.c.y)
181         -sqr(c2.c.y))/2.0;
182     return interCL(c1, l);
183 }

```

4. Grafos

4.1. Floyd-Warhsall

```

1 tint n;tint mc[MAXN][MAXN]; //grafo (mat de long de ady)
2 void floyd(){
3     forn(k,n)forn(i,n)forn(j,n) mc[i][j]=min(mc[i][j],mc[i][k]+mc[k][j]);
4 }

```

4.2. Bellman-Ford

```

1 bool bellmanFord(int n){
2     int i,o,d;
3     static int dis[2*MAX+2];
4     fill(dis,dis+n,INF);
5     dis[ORIGEN]=0;
6     camino[ORIGEN]=0;
7     bool cambios=true;
8     for(i=0;i<n && cambios;i++){
9         cambios=false;
10        forn(o,n)forn(d,n){
11            if (dis[d]>dis[o]+ejes[o][d].costo){
12                dis[d]=dis[o]+ejes[o][d].costo;
13                camino[d]=o;
14                cambios=true;
15            }
16        }
17        return dis[DESTINO]<INF;
18    };

```

4.3. Lowest Common Ancestor

```

1 vector <vector <pii> > M ;
2
3 int P[maxn][lmaxn] ;
4 int H[maxn] ;
5 int L[maxn] ;
6
7 void arbol(int n, int p) {
8     fore(i, M[n]) if (M[n][i].x != p) {
9         P[M[n][i].x][0] = n ;
10        forsn(u, 1, lmaxn) P[M[n][i].x][u] = P[P[M[n][i].x][u - 1]][u - 1] ;
11        H[M[n][i].x] = H[n] + 1 ;
12        L[M[n][i].x] = L[n] + M[n][i].y ;
13        arbol(M[n][i].x, n) ;
14    }
15 }
16 int subir(int a, int h) {
17     forn(i, lmaxn) if (h & (1 << i)) a = P[a][i] ;
18     return a ;
19 }
20 int lca(int a, int b) {
21     if (H[a] > H[b]) swap(a, b) ;
22     if (H[a] < H[b]) b = subir(b, H[b] - H[a]) ;
23     if (a == b) return a ;
24     if (P[a][0] == P[b][0]) return P[a][0] ;
25
26     forsn(i, 1, lmaxn) if (P[a][i] == P[b][i]) return lca(P[a][i - 1], P[b][i - 1]) ;
27     return -1 ;
28 }

```

4.4. Kruskal & Union-Find

```

1 usa: vector, utility, forn
2 typedef pair< tint, pair<int,int> > eje;
3 int n; vector<eje> ejes; //grafo n=cant nodos
4 const int MAXN = 100000 ;
5 int _cl[MAXN]; //empieza con todos en -1
6 int cl(int i) { return (_cl[i] == -1 ? i : _cl[i] = cl(_cl[i])); }
7 void join(int i, int j) { if(cl(i)!=cl(j)) _cl[cl(i)] = cl(j); }
8 tint krus() {
9     if (n==1) return 0;
10    sort(ejes.begin(), ejes.end());
11    int u = 0; tint t = 0;
12    memset(_cl,-1,sizeof(_cl));
13    forn(i,ejes.size()) {
14        eje& e = ejes[i];
15        if (cl(e.second.first) != cl(e.second.second)) {

```

```

16        u++; t += e.first; if(u==n-1) return t;
17        join(e.second.first, e.second.second);
18    }
19    } return -1; //-1 es que no es conexo
20 }

```

4.5. Grafo cactus

Def: Un grafo es cactus *sii* todo eje está en a lo sumo un ciclo.

```

1 struct eje { int t,i; };
2 typedef vector<eje> cycle;
3 int n,m,us[MAXN],pa[MAXN],epa[MAXN],tr[MAXN];
4 vector<eje> ady[MAXN];
5 void iniG(int nn) { n=nn; m=0; fill(ady,ady+n,vector<eje>());
6     fill(pa,pa+n,-1); }
7 //f:from t:to d:0 si no es dirigido y 1 si es dirigido
8 void addE(int f, int t, int d) {
9     ady[f].push_back((eje){t,m});
10    if (!d) ady[t].push_back((eje){f,m}), tr[m]=0;
11    us[m++]=0;
12 }
13 //devuelve false si algun eje esta en mas de un ciclo
14 bool cycles(vector<cycle>& vr,int f=0,int a=-2,int ai=-2) {
15     int t; pa[f]=a; epa[f]=ai;
16     forn(i,ady[f].size()) if (!tr[ady[f][i].i]++) if (pa[t=ady[f][i].t]!=-1) {
17         cycle c(1,ady[f][i]); int ef=f;
18         do {
19             if (!ef) return 0;
20             eje e=ady[pa[ef]][epa[ef]];
21             if (us[e.i]++) return 0;
22             c.push_back(e);
23         } while ((ef=pa[ef])!=t);
24         vr.push_back(c);
25     } else if (!cycles(vr,t,f,i)) return 0;
26     return 1;
27 };

```

4.6. Puntos de articulación

```

1 // g es la lista de adyacencia de un grafo en forma vector<int>, N es cantidad
2 // de vertices,
3 // MAXN es una cota superior tanto para cantidad de vertices como cantidad de
4 // aristas
5
6 int D[MAXN], L[MAXN], J[MAXN], I[MAXN]; char E[MAXN];
7 int P[2 * MAXN], R, S[2 * MAXN], K, A[MAXN], T;

```

```

6 void component() {
7     int r = P[--R]; COMPO_START(); COMPO_V(r);
8     for (int u = P[R - 1]; u != r; u = P[--R - 1]) {
9         COMPO_V(u);
10        if (D[P[R - 2]] < D[u]) forn(i, J[u]) COMPO_EDGE(u, g[u][i]);
11    } COMPO_END();
12 }
13 void dfs (int r) {
14     E[r] = K = T = R = 0; A[S[K++]] = r] = -1;
15     while (K) { int u = S[--K], v;
16         switch (E[u]) {
17             case 0: L[u] = D[u] = T++; J[u] = I[u] = 0; P[R++] = u;
18             case 1: c1: if (I[u] == (int)g[u].size()) break;
19                 if (D[v = g[u][I[u]]] == -1) {
20                     //if(u == r and I[u]) ARTICULATION(u);
21                     E[A[v] = S[K++] = u] = 2, E[S[K++]] = v] = 0;
22                 } else { if (v != A[u] && D[v] < L[u]) L[u] = D[v];
23                     if (D[v] < D[u]) swap(g[u][J[u]++], g[u][I[u]]); //COMP
24                     I[u]++; E[S[K++]] = u] = 1;
25                 } break;
26             case 2: v = g[u][I[u]], P[R++] = u;
27                 if (L[v] < L[u]) L[u] = L[v];
28                 //if (L[v] >= D[u] && u != r) ARTICULATION(u);
29                 //if (L[v] >= D[v]) BRIDGE(u, v);
30                 if (L[v] >= D[u]) component(); //COMP
31                 I[u]++; goto c1;
32         }
33     }
34 }
35 void BC() {
36     forn(i, N) D[i] = -1;
37     forn(i, N) if(D[i] == -1) dfs(i);
38 }

```

4.7. Algoritmos de Flujo

4.7.1. Edmond-Karp

```

1  usa: map,algorithm,queue
2  struct Eje{ long f,m; long d(){return m-f;}};
3  typedef map <int, Eje> MIE; MIE red[MAX_N];
4  int N,F,D;
5  void iniG(int n, int f, int d){N=n; F=f; D=d;fill(red, red+N, MIE());}
6  void aEje(int d, int h, int m){
7      red[d][h].m=m;red[d][h].f=red[h][d].m=red[h][d].f=0;
8  }
9  #define DIF_F(i,j) (red[i][j].d())

```

```

10 #define DIF_FI(i) (i->second.d())
11 int v[MAX_N];
12 long camAu(){
13     fill(v, v+N,-1);
14     queue<int> c;
15     c.push(F);
16     while(!c.empty() && v[D]==-1){
17         int n = c.front(); c.pop();
18         for(MIE::iterator i = red[n].begin(); i!=red[n].end(); i++){
19             if(v[i->first]==-1 && DIF_FI(i) > 0){
20                 v[i->first]=n;
21                 c.push(i->first);
22             }
23         }
24     }
25     if(v[D]==-1)return 0;
26     int n = D;
27     long f = DIF_F(v[n], n);
28     while(n!=F){
29         f=min(f,DIF_F(v[n], n));
30         n=v[n];
31     }
32     n = D;
33     while(n!=F){
34         red[n][v[n]].f+=(red[v[n]][n].f+=f);
35         n=v[n];
36     }
37     return f;
38 }
39 long flujo(){long tot=0, c;do{tot+=(c=camAu());}while(c>0); return tot;}

```

4.7.2. Dinitz

```

1  const tipo INF = 1000000000 ;
2  const tipo DINF = INF ;
3  const int MAX_M = 1000000 ;
4  const int MAX_N = 45000 ;
5  int v[2*MAX_M], l[2*MAX_M]; // Vecino, link. link te tira el indice de la arista
6  // "al reves" asociada en la lista del vecino.
7  long c[2*MAX_M]; // Capacidad
8  int sz[MAX_N], po[MAX_N], r[MAX_N], n, S, T;
9  typedef map<int,long> Mii;
10 Mii CAP[MAX_N];
11 void iniG() {
12     n = 0;
13     memset(sz,0,sizeof(sz));
14     forn(i,MAX_N) CAP[i].clear();

```

```

14 }
15 void aEje(int d,int h,long cap) {
16     if (d == h) return; // Ignoramos completamente autoejes, obvio :D
17     n = max(n,max(d,h));
18     pair<Mii::iterator,bool> par = CAP[d].insert(make_pair(h,0));
19     if (par.second) {
20         CAP[h][d] = 0;
21         sz[d]++;
22         sz[h]++;
23     }
24     par.first->second += max(cap,(long)0);
25 }
26 void _aEje(int d,int h,long capDH, long capHD) {
27     #define ASIG(d,h,cap) {v[po[d]] = h; c[po[d]] = cap; l[po[d]] = po[h];}
28     ASIG(d,h,capDH);
29     ASIG(h,d,capHD);
30     po[d]++; po[h]++;
31 }
32 void _iniG() {
33     po[0] = 0;
34     forn(i,n-1) po[i+1] = po[i] + sz[i];
35     forn(u,n) forall(v,CAP[u])
36         if (u < v->first) _aEje(u,v->first,v->second,CAP[v->first][u]);
37 }
38 long aumentar() {
39     // bfs
40     forn(i,n) r[i] = DINF;
41     r[T] = 0;
42     static int q[MAX_N];
43     int qf = 0, qb = 0;
44     q[qb++] = T;
45     while (qb != qf) {
46         int x = q[qf++];
47         int d = r[x] + 1, b = po[x];
48         if (r[S] < DINF) break;
49         forsn(j,b,b+sz[x])
50             if (c[l[j]]>0 && r[v[j]] == DINF) {
51                 r[v[j]] = d;
52                 q[qb++] = v[j];
53             }
54     }
55     // dfs que hace la magia :P
56     long res = 0;
57     static int path[MAX_N]; path[0] = S;
58     static int p[MAX_N],ind[MAX_N];
59     forn(i,n) p[i] = -1;

```

```

60     int pp = 0; // Path pointer, es la longitud
61     while (pp >= 0) {
62         int x = path[pp];
63         if (x == T) { // Llegamo, hay que hacer magia. O sea, ajustar todas las
64             // capacidades a lo largo del caminito que se satura.
65             long f = INF;
66             int pri = 0;
67             dform(i,pp) if (c[ind[i]]<=f) f = c[ind[i]], pri = i;
68             forn(i,pp) c[ind[i]] -= f, c[l[ind[i]]] += f;
69             res += f;
70             pp = pri;
71         }
72         else if (++p[x] < sz[x]) {
73             int j = po[x]+p[x];
74             if (p[v[j]] < 0 && c[j] > 0 && r[v[j]] < r[x])
75                 ind[pp] = j, path[++pp] = v[j];
76         }
77         else pp--;
78     }
79     return res;
80 }
81 long flujo(int ss,int tt) {
82     S = ss; T = tt;
83     n = max(n,max(S,T)) + 1; // Aca, n ya tiene el valor posta
84     _iniG();
85     forn(i,n) po[i] -= sz[i];
86     long res = 0,c;
87     do {res += (c = aumentar());} while (c>0);
88     return res;
89 }

```

4.7.3. Flujo de costo minimo (vale multiejes)

```

1 // Flujo de costo minimo, con lista de incidencia y flujo,cap,costo en los ejes.
2 // Se asumen costos y capacidades no negativos.
3 // Se banca ejes para los dos lados entre un par de nodos.
4 // SE BANCA MULTIEJES.
5 // O(m * n * F), siendo F el flujo que se pasa por la red.
6 const int MAXN = 100 ;
7 const int MAXM = 10000 ;
8 int S,T,N,M;
9 Cost co[MAXM];
10 Cap ca[MAXM], f[MAXM];
11 int g1[MAXM], g2[MAXM];
12
13 void iniG(int n,int s,int t) { N = n; S = s; T = t; M = 0; }

```

```

14 void aEje(int d,int h,Cap cap, Cost cost) {
15     f[M] = 0;
16     ca[M] = cap;
17     co[M] = cost;
18     g1[M] = d;
19     g2[M] = h;
20     M++;
21 }
22
23 const Cost INF = 10000000000000000LL;
24 int p[MAXN];
25 Cost dist[MAXN];
26 inline void foo(int d,int h, Cost cost, int j, Cap mf) {
27     if (mf > 0) {
28         Cost c = dist[d] + cost;
29         if (c < dist[h]) { dist[h] = c; p[h] = j; }
30     }
31 }
32
33 // camAu construye un camino aumentante de flujo a lo mas x, y pasa flujo por
34 //   ahí.
35 // Al finalizar la ejecucion, x se ve reducido en la cantidad de flujo que se
36 //   aumento.
37 // Devuelve el costo del camino en cuestion.
38 // Devuelve 0 si no se envia flujo (logico)
39 Cost camAu(Cap &x) {
40     // Bellman ford.
41     forn(i,N) {dist[i] = INF; p[i] = -1;}
42     dist[S] = 0;
43     forn(i,N) forn(j,M) {
44         int d = g1[j], h = g2[j];
45         foo(d,h,co[j],j, ca[j] - f[j]);
46         foo(h,d,-co[j],j, f[j]);
47     } // aca ya tenemos computado el camino optimo para aumentar, si hay.
48     int ac = T;
49     Cap mF = x;
50     while (p[ac] != -1) {
51         int j = p[ac];
52         if (g1[j] == ac) { ac = g2[j]; mF = min(mF,f[j]); }
53         else { ac = g1[j]; mF = min(mF,ca[j] - f[j]); }
54     }
55     if (ac != S) return 0; // No hay camino.
56     ac = T;
57     while (p[ac] != -1) {
58         int j = p[ac];
59         if (g1[j] == ac) { ac = g2[j]; f[j] -= mF; }

```

```

58     else { ac = g1[j]; f[j] += mF; }
59 }
60 x -= mF;
61 return mF * dist[T];
62 }
63
64 // flujo recibe la cantidad de flujo deseada (+inf para usar el flujo maximo).
65 // al finalizar la ejecucion, f queda con la cantidad de flujo pasada (que sera
66 //   el valor pedido de ser posible,
67 // o bien el maximo flujo en la red sino).
68 // Devuelve el costo del flujo en cuestion.
69 Cost flujo(Cap &f) {
70     Cap f0 = f, lf = f;
71     Cost res = 0;
72     while (1) {
73         res += camAu(f);
74         if (f == lf || f == 0) break;
75         lf = f;
76     }
77     f = f0 - f;
78     return res;
79 }

```

4.8. Matching perfecto de costo máximo - Hungarian $O(N^3)$

```

1 const int MAXN = 256 ;
2 const int INFTO = 0x7f7f7f7f ;
3 int n;
4 int mt[MAXN][MAXN]; // Matriz de costos (X * Y)
5 int xy[MAXN], yx[MAXN]; // Matching resultante (X->Y, Y->X)
6
7 int lx[MAXN], ly[MAXN], slk[MAXN], slkx[MAXN], prv[MAXN];
8 char S[MAXN], T[MAXN];
9 void updtree(int x) {
10     forn(y, n) if (lx[x] + ly[y] - mt[x][y] < slk[y]) {
11         slk[y] = lx[x] + ly[y] - mt[x][y];
12         slkx[y] = x;
13     } }
14 int hungar() {
15     forn(i, n) {
16         ly[i] = 0;
17         lx[i] = *max_element(mt[i], mt[i]+n);
18     }
19     memset(xy, -1, sizeof(xy));
20     memset(yx, -1, sizeof(yx));
21     forn(m, n) {
22         memset(S, 0, sizeof(S));

```



```

23  memset(T, 0, sizeof(T));
24  memset(prv, -1, sizeof(prv));
25  memset(slk, 0x7f, sizeof(slk));
26  queue<int> q;
27  #define bpone(e, p) { q.push(e); prv[e] = p; S[e] = 1; updtree(e); }
28  forn(i, n) if (xy[i] == -1) { bpone(i, -2); break; }
29  int x=0, y=-1;
30  while (y!=-1) {
31      while (!q.empty() && y!=-1) {
32          x = q.front(); q.pop();
33          forn(j, n) if (mt[x][j] == lx[x] + ly[j] && !T[j]) {
34              if (yx[j] == -1) { y = j; break; }
35              T[j] = 1;
36              bpone(yx[j], x);
37          }
38      }
39      if (y!=-1) break;
40      int dlt = INFTO;
41      forn(j, n) if (!T[j]) dlt = min(dlt, slk[j]);
42      forn(k, n) {
43          if (S[k]) lx[k] -= dlt;
44          if (T[k]) ly[k] += dlt;
45          if (!T[k]) slk[k] -= dlt;
46      }
47      forn(j, n) if (!T[j] && !slk[j]) {
48          if (yx[j] == -1) {
49              x = slkx[j]; y = j; break;
50          } else {
51              T[j] = 1;
52              if (!S[yx[j]]) bpone(yx[j], slkx[j]);
53          }
54      }
55  }
56  if (y!=-1) {
57      for(int p = x; p != -2; p = prv[p]) {
58          yx[ly] = p;
59          int ty = xy[p]; xy[p] = y; y = ty;
60      }
61  } else break;
62  }
63  int res = 0;
64  forn(i, n) res += mt[i][xy[i]];
65  return res;
66  }

```

4.9. Camino/Circuito Euleriano

```

1  usa: algorithm, vector, list, forn
2  typedef string ejeVal;
3  const string MENORATODOS = "" ;
4  typedef pair<ejeVal, tint> eje;
5  tint n; vector<eje> ady[MAXN]; tint g[MAXN];
6  //grafo (inG = in grado o grado si es no dir)
7  tint aux[MAXN];
8  tint pinta(tint f) {
9      if (aux[f]) return 0;
10     tint r = 1; aux[f] = 1;
11     forn(i, ady[f].size()) r+=pinta(ady[f][i].second);
12     return r;
13 }
14 tint compCon() { fill(aux, aux+n, 0); tint r=0; forn(i,n) if (!aux[i]) { r++;
15     pinta(r); } return r; }
16 bool isEuler(bool path, bool dir) {
17     if (compCon() > 1) return false; tint c = (path ? 2 : 0);
18     forn(i,n) if(!dir ? ady[i].size() % 2 : g[i] != 0) {
19         if (dir && abs(g[i]) > 1) return false;
20         c--; if(c<0) return false; }
21     return true;
22 }
23 bool findCycle(tint f, tint t, list<tint>& r) {
24     if (aux[f] >= ady[f].size()) return false;
25     tint va = ady[f][aux[f]++].second;
26     r.push_back(va);
27     return (va != t ? findCycle(va, t, r) : true);
28 }
29 list<tint> findEuler(bool path) { //always directed, no repeated values
30     if (!isEuler(path, true)) return list<tint>();
31     bool agregado = false;
32     if (path) {
33         tint i = max_element(g, g + n)-g;
34         tint j = min_element(g, g + n)-g;
35         if (g[i] != 0) { ady[i].push_back( eje(MENORATODOS, j) ); agregado = true; }
36     }
37     tint x = -1;
38     forn(i,n) {sort(ady[i].begin(), ady[i].end()); if (x<0 || ady[i][0] < ady[x
39         ][0]) x=i;}
40     fill(aux, aux+n, 0);
41     list<tint> r; findCycle(x,x,r); if (!agregado) r.push_front(r.back());
42     list<tint> aux; bool find=false;
43     list<tint>::iterator it = r.end();
44     do{ if (!find) --it;
45         for(find=findCycle(*it, *it, aux);!aux.empty();aux.pop_front()) it = r.
46             insert(++it, aux.front());

```

```

44 | } while (it != r.begin());
45 | return r;
46 | }

```

4.10. Erdős-Gallai

```

1 | includes: algorithm, functional, numeric, forn
2 | tint n; tint d[MAXL]; //grafo
3 | tint sd[MAXL]; //auxiliar
4 | bool graphical() {
5 |     if (accumulate(d, d+n, 0) % 2 == 1) return false;
6 |     sort(d, d+n, greater<tint>()); copy(d, d+n, sd);
7 |     forn(i,n) sd[i+1] += sd[i];
8 |     forn(i,n) {
9 |         if (d[i] < 0) return false;
10 |         tint j = lower_bound(d+i+1, d+n, i+1, greater<tint>()) - d;
11 |         if (sd[i] > i*(i+1) + sd[n-1] - sd[j-1] + (j-i-1)*(i+1))
12 |             return false;
13 |     } return true;
14 | }

```

5. Matemática

5.1. Algoritmos de cuentas

5.1.1. MCD

```

1 | tint mcd(tint a, tint b){ return (a==0)?b:mcd(b%a, a);}
2 | struct dxy {tint d,x,y;};
3 | dxy mcde(tint a, tint b) {
4 |     dxy r, t;
5 |     if (b == 0) {
6 |         r.d = a; r.x = 1; r.y = 0;
7 |     } else {
8 |         t = mcde(b,a%b);
9 |         r.d = t.d; r.x = t.y;
10 |         r.y = t.x - a/b*t.y;
11 |     }
12 |     return r;
13 | }

```

5.1.2. Número combinatorio

```

1 | tint _comb[MAXMEM] [MAXMEM];
2 | tint comb(tint n, tint m) {
3 |     if (m<0||m>n)return 0;if(m==0||m==n)return 1;
4 |     if (n >= MAXMEM) return comb(n-1,m-1)+comb(n-1,m);

```

```

5 |     tint& r = _comb[n] [m];
6 |     if (r == -1) r = comb(n-1,m-1)+comb(n-1,m);
7 |     return r;
8 | }
9 | // Bolas en Cajas
10 | tint bolEnCaj(tint b, tint c) {return comb(c+b-1,b); }

```

5.1.3. Teorema Chino del Resto

```

1 | usa: mcde
2 | tint modq(x, q) { return (x % q + q) % q ; }
3 | tint tcr(tint* r, tint* m, int n) { // x \equiv r_i (m_i) i \in [0..n)
4 |     tint p=0, q=1;
5 |     forn(i, n) {
6 |         p = modq(p-r[i], q);
7 |         dxy w = mcde(m[i], q);
8 |         if (p%w.d) return -1; // sistema incompatible
9 |         q = q / w.d * m[i];
10 |        p = modq(r[i] + m[i] * p / w.d * w.x, q);
11 |    }
12 |    return p; // x \equiv p (q)
13 | }

```

5.1.4. Potenciación en $O(\log(e))$

```

1 | tint potLog(tint b, tint e, tint m) {
2 |     if (!e) return 1LL;
3 |     tint r=potLog(b, e>>1, m);
4 |     r=(r*r)%m;
5 |     return (e&1)?(r*b)%m:r;
6 | }

```

5.1.5. Longitud de los números de 1 a N

```

1 | tint sumDig(tint n, tint m){ // resultado modulo m
2 |     tint b=10, d=1, r=0;
3 |     while(b<=n){
4 |         r = (r + (b-b/10LL)*(d++))%m;
5 |         b*=10LL;
6 |     }
7 |     return (r + (n-b/10LL+1LL)*d)%m;
8 | }

```

5.2. Teoremas y propiedades

5.2.1. Ecuación de grafo planar

$regiones = ejes - nodos + componentesConexas + 1$

5.2.2. Ternas pitagóricas

Hay ternas pitagóricas de la forma: $(a, b, c) = (m^2 - n^2, 2 \cdot m \cdot n, m^2 + n^2) \forall m > n > 0$ y son primitivas sii $(2|m \cdot n) \wedge (mcd(m, n) = 1)$
(Todas las primitivas (con (a, b) no ordenado) son de esa forma.) Obs: $(m+in)^2 = a+ib$

5.2.3. Teorema de Pick

$A = I + \frac{B}{2} - 1$, donde I = interior y B = borde

5.2.4. Propiedades varias

$$\sum_{i=0}^n r^i = \frac{r^{n+1}-1}{r-1} ; \sum_{i=1}^n i^2 = \frac{n \cdot (n+1) \cdot (2n+1)}{6} ; \sum_{i=1}^n i^3 = \left(\frac{n \cdot (n+1)}{2} \right)^2$$

$$\sum_{i=1}^n i^4 = \frac{n \cdot (n+1) \cdot (2n+1) \cdot (3n^2+3n-1)}{12} ; \sum_{i=1}^n i^5 = \left(\frac{n \cdot (n+1)}{2} \right)^2 \cdot \frac{2n^2+2n-1}{3}$$

$$\sum_{i=1}^n \binom{n-1}{i-1} = 2^{n-1} ; \sum_{i=1}^n i \cdot \binom{n-1}{i-1} = n \cdot 2^{n-1}$$

5.3. Tablas y cotas**5.3.1. Primos**

2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43 47 53 59 61 67 71 73 79 83 89 97 101 103 107 109
113 127 131 137 139 149 151 157 163 167 173 179 181 191 193 197 199 211 223 227 229
233 239 241 251 257 263 269 271 277 281 283 293 307 311 313 317 331 337 347 349 353
359 367 373 379 383 389 397 401 409 419 421 431 433 439 443 449 457 461 463 467 479
487 491 499 503 509 521 523 541 547 557 563 569 571 577 587 593 599 601 607 613 617
619 631 641 643 647 653 659 661 673 677 683 691 701 709 719 727 733 739 743 751 757
761 769 773 787 797 809 811 821 823 827 829 839 853 857 859 863 877 881 883 887 907
911 919 929 937 941 947 953 967 971 977 983 991 997 1009 1013 1019 1021 1031 1033
1039 1049 1051 1061 1063 1069 1087 1091 1093 1097 1103 1109 1117 1123 1129 1151
1153 1163 1171 1181 1187 1193 1201 1213 1217 1223 1229 1231 1237 1249 1259 1277
1279 1283 1289 1291 1297 1301 1303 1307 1319 1321 1327 1361 1367 1373 1381 1399
1409 1423 1427 1429 1433 1439 1447 1451 1453 1459 1471 1481 1483 1487 1489 1493
1499 1511 1523 1531 1543 1549 1553 1559 1567 1571 1579 1583 1597 1601 1607 1609
1613 1619 1621 1627 1637 1657 1663 1667 1669 1693 1697 1699 1709 1721 1723 1733
1741 1747 1753 1759 1777 1783 1787 1789 1801 1811 1823 1831 1847 1861 1867 1871
1873 1877 1879 1889 1901 1907 1913 1931 1933 1949 1951 1973 1979 1987 1993 1997
1999 2003 2011 2017 2027 2029 2039 2053 2063 2069 2081

Primos cercanos a 10^n

9941 9949 9967 9973 10007 10009 10037 10039 10061 10067 10069 10079
99961 99971 99989 99991 100003 100019 100043 100049 100057 100069

999959 999961 999979 999983 1000003 1000033 1000037 1000039
9999943 9999971 9999973 9999991 10000019 10000079 10000103 10000121
99999941 99999959 99999971 99999989 100000007 100000037 100000039 100000049
999999893 999999929 999999937 1000000007 1000000009 1000000021 1000000033

Cantidad de primos menores que 10^n

$\pi(10^1) = 4$; $\pi(10^2) = 25$; $\pi(10^3) = 168$; $\pi(10^4) = 1229$; $\pi(10^5) = 9592$
 $\pi(10^6) = 78.498$; $\pi(10^7) = 664.579$; $\pi(10^8) = 5.761.455$; $\pi(10^9) = 50.847.534$
 $\pi(10^{10}) = 455.052,511$; $\pi(10^{11}) = 4.118.054.813$; $\pi(10^{12}) = 37.607.912.018$

5.3.2. Divisores

Cantidad de divisores (σ_0) para algunos $n/\neg \exists n' < n, \sigma_0(n') \geq \sigma_0(n)$
 $\sigma_0(60) = 12$; $\sigma_0(120) = 16$; $\sigma_0(180) = 18$; $\sigma_0(240) = 20$; $\sigma_0(360) = 24$
 $\sigma_0(720) = 30$; $\sigma_0(840) = 32$; $\sigma_0(1260) = 36$; $\sigma_0(1680) = 40$; $\sigma_0(10080) = 72$
 $\sigma_0(15120) = 80$; $\sigma_0(50400) = 108$; $\sigma_0(83160) = 128$; $\sigma_0(110880) = 144$
 $\sigma_0(498960) = 200$; $\sigma_0(554400) = 216$; $\sigma_0(1081080) = 256$; $\sigma_0(1441440) = 288$
 $\sigma_0(4324320) = 384$; $\sigma_0(8648640) = 448$
Suma de divisores (σ_1) para algunos $n/\neg \exists n' < n, \sigma_1(n') \geq \sigma_1(n)$
 $\sigma_1(96) = 252$; $\sigma_1(108) = 280$; $\sigma_1(120) = 360$; $\sigma_1(144) = 403$; $\sigma_1(168) = 480$
 $\sigma_1(960) = 3048$; $\sigma_1(1008) = 3224$; $\sigma_1(1080) = 3600$; $\sigma_1(1200) = 3844$
 $\sigma_1(4620) = 16128$; $\sigma_1(4680) = 16380$; $\sigma_1(5040) = 19344$; $\sigma_1(5760) = 19890$
 $\sigma_1(8820) = 31122$; $\sigma_1(9240) = 34560$; $\sigma_1(10080) = 39312$; $\sigma_1(10920) = 40320$
 $\sigma_1(32760) = 131040$; $\sigma_1(35280) = 137826$; $\sigma_1(36960) = 145152$; $\sigma_1(37800) = 148800$
 $\sigma_1(60480) = 243840$; $\sigma_1(64680) = 246240$; $\sigma_1(65520) = 270816$; $\sigma_1(70560) = 280098$
 $\sigma_1(95760) = 386880$; $\sigma_1(98280) = 403200$; $\sigma_1(100800) = 409448$
 $\sigma_1(491400) = 2083200$; $\sigma_1(498960) = 2160576$; $\sigma_1(514080) = 2177280$
 $\sigma_1(982800) = 4305280$; $\sigma_1(997920) = 4390848$; $\sigma_1(1048320) = 4464096$
 $\sigma_1(4979520) = 22189440$; $\sigma_1(4989600) = 22686048$; $\sigma_1(5045040) = 23154768$
 $\sigma_1(9896040) = 44323200$; $\sigma_1(9959040) = 44553600$; $\sigma_1(9979200) = 45732192$

5.3.3. Factoriales

$0! = 1$	$11! = 39.916.800$
$1! = 1$	$12! = 479.001.600$ ($\in \text{int}$)
$2! = 2$	$13! = 6.227.020.800$
$3! = 6$	$14! = 87.178.291.200$
$4! = 24$	$15! = 1.307.674.368.000$
$5! = 120$	$16! = 20.922.789.888.000$
$6! = 720$	$17! = 355.687.428.096.000$
$7! = 5.040$	$18! = 6.402.373.705.728.000$
$8! = 40.320$	$19! = 121.645.100.408.832.000$
$9! = 362.880$	$20! = 2.432.902.008.176.640.000$ ($\in \text{tint}$)
$10! = 3.628.800$	$21! = 51.090.942.171.709.400.000$

max signed tint = 9.223.372.036.854.775.807
 max unsigned tint = 18.446.744.073.709.551.615

5.4. Solución de Sistemas Lineales

```

1 typedef vector<tipo> Vec;
2 typedef vector<Vec> Mat;
3 const double eps = 1e-10 ;
4 const bool feq(a, b) { return fabs(a - b) < eps ; }
5 bool resolver_ev(Mat a, Vec y, Vec &x, Mat &ev){
6     int n = a.size(), m = n?a[0].size():0, rw = min(n, m);
7     vector<int> p; forn(i,m) p.push_back(i);
8     forn(i, rw){
9         int uc=i, uf=i;
10        // aca pivotea. lo unico importante es que a[i][i] sea no nulo
11        forsn(f, i, n) forsn(c, i, m) if(fabs(a[f][c])>fabs(a[uf][uc])) {uf=f;uc=c;}
12        if (feq(a[uf][uc], 0)) { rw = i; break; }
13        forn(j, n) swap(a[j][i], a[j][uc]);
14        swap(a[i], a[uf]); swap(y[i], y[uf]); swap(p[i], p[uc]);
15        // fin pivoteo
16        tipo inv = 1 / a[i][i]; //aca divide
17        forsn(j, i+1, n) {
18            tipo v = a[j][i] * inv;
19            forsn(k, i, m) a[j][k]-=v * a[i][k];
20            y[j] -= v*y[i];
21        }
22    } // rw = rango(a), aca la matriz esta triangulada
23    forsn(i, rw, n) if (!feq(y[i],0)) return false; // chequeo de compatibilidad
24    x = vector<tipo>(m, 0);
25    dforn(i, rw){
26        tipo s = y[i];
27        forsn(j, i+1, rw) s -= a[i][j]*x[p[j]];
28        x[p[i]] = s / a[i][i]; //aca divide
29    }
30    ev = Mat(m-rw, Vec(m, 0)); // Esta parte va SOLO si se necesita el ev
31    forn(k, m-rw) {
32        ev[k][p[k+rw]] = 1;
33        dforn(i, rw){
34            tipo s = -a[i][k+rw];
35            forsn(j, i+1, rw) s -= a[i][j]*ev[k][p[j]];
36            ev[k][p[i]] = s / a[i][i]; //aca divide
37        }
38    }
39    return true;
40 }

```

```

42 bool diagonalizar(Mat &a){
43     // PRE: a.cols > a.filas
44     // PRE: las primeras (a.filas) columnas de a son l.i.
45     int n = a.size(), m = a[0].size();
46     forn(i, n){
47         int uf = i;
48         forsn(k, i, n) if (fabs(a[k][i]) > fabs(a[uf][i])) uf = k;
49         if (feq(a[uf][i], 0)) return false;
50         swap(a[i], a[uf]);
51         tipo inv = 1 / a[i][i]; // aca divide
52         forn(j, n) if (j != i) {
53             tipo v = a[j][i] * inv;
54             forsn(k, i, m) a[j][k] -= v * a[i][k];
55         }
56         forsn(k, i, m) a[i][k] *= inv;
57     }
58     return true;
59 }

```

5.5. BigInt

```

1 struct BigInt {
2     const static tint base = 1000000000 ;
3     const static tint logbase = 9 ;
4     tint len ;
5     vector <tint> p ;
6     tint dummy ;
7
8     BigInt operator + (const BigInt &n) const {
9         const BigInt &t = *this ;
10        BigInt r (max(len, n.len) + 1, 0) ;
11        forn(i, r.len - 1) {
12            r[i + 1] += (r[i] + t[i] + n[i]) / base ;
13            r[i] = (r[i] + t[i] + n[i]) % base ;
14        }
15        while (r.len > 1 && r[r.len - 1] == 0) r.len-- ;
16
17        return r ;
18    }
19    BigInt operator -() const {
20        BigInt r (len, 0) ;
21        forn(i, len) r[i] = -p[i] ;
22        return r ;
23    }
24    BigInt operator * (const BigInt &n) const { // Cuadratico
25        const BigInt &t = *this ;
26        BigInt r (len + n.len, 0) ;

```

```

27     forn(i, len) forn(u, n.len) {
28         r[i + u + 1] += (r[i + u] + t[i] * n[u]) / base ;
29         r[i + u] = (r[i + u] + t[i] * n[u]) % base ;
30     }
31     while (r.len > 1 && r[r.len - 1] == 0) r.len-- ;
32
33     return r ;
34 }
35 BigInt operator * (const BigInt &n) const { // Karatsuba
36     const BigInt &t = *this ;
37     if (t.len <= 1 && n.len <= 1) return t[0] * n[0] ;
38     tint m = max(t.len, n.len) / 2 + max(t.len, n.len) % 2 ;
39
40     BigInt ha = (t >> m), hb = (n >> m) ;
41     BigInt la = t - (ha << m), lb = n - (hb << m) ;
42
43     BigInt z0 = la * lb ;
44     BigInt z1 = (ha + la) * (hb + lb) ;
45     BigInt z2 = ha * hb ;
46
47     return (z2 << (2 * m)) + ((z1 - z2 - z0) << m) + z0 ;
48 }
49 bool operator < (const BigInt &n) const {
50     BigInt a = normalizado(), b = n.normalizado() ;
51     for (int i = max(a.len, b.len) - 1 ; i >= 0 ; i--) if (a[i] != b[i]) return
52         a[i] < b[i] ;
53     return false ;
54 } // Equivalente a [this * base**n]
55 BigInt operator << (int n) const {
56     BigInt r (len + n, 0) ;
57     forn(i, len) r[i + n] = p[i] ;
58     return r ;
59 }
60
61 // Equivalente a [this / base ** n]
62 BigInt operator >> (int n) const {
63     BigInt r (max(len - n, 1ll), 0) ;
64     forn(i, len - n) r[i] = p[i + n] ;
65     return r ;
66 }
67 pair <BigInt, BigInt> divmod (const BigInt &x) const {
68     assert(x != BigInt(0)) ;
69     BigInt f = abs(*this), s = abs(x) ;
70
71     BigInt div (f.len, 0) ;

```

```

72     BigInt mod (s.len, 0) ;
73     for (int i = f.len - 1 ; i >= 0 ; i--) {
74         div <<= 1 ;
75         mod <<= 1 ;
76         mod += f[i] ;
77
78         if (s <= mod) {
79             tint a = 0, b = base ;
80             while (a + 1 < b) {
81                 tint m = (a + b) / 2 ;
82                 if (s * m <= mod) a = m ;
83                 else b = m ;
84             }
85             div += a ;
86             mod -= s * a ;
87         }
88     }
89     if (*this < 0) {
90         div = -div ;
91         mod = -mod ;
92     }
93     if (x < 0) div = -div ;
94
95     return make_pair(div, mod) ;
96 }
97
98 BigInt operator - (const BigInt &n) const { return *this + -n ; }
99 BigInt operator / (const BigInt &n) const { return divmod(n).first ; }
100 BigInt operator % (const BigInt &n) const { return divmod(n).second ; }
101 BigInt& operator = (const BigInt &n) { len = n.len ; p = vector<tint> (len,
102     0) ; forn(i, n.len) p[i] = n[i] ; return *this ; }
103 BigInt& operator += (const BigInt &n) { return *this = *this + n ; }
104 BigInt& operator -= (const BigInt &n) { return *this = *this - n ; }
105 BigInt& operator *= (const BigInt &n) { return *this = *this * n ; }
106 BigInt& operator /= (const BigInt &n) { return *this = *this / n ; }
107 BigInt& operator %= (const BigInt &n) { return *this = *this % n ; }
108 BigInt& operator <<= (const int &n) { return *this = *this << n ; }
109 BigInt& operator >>= (const int &n) { return *this = *this >> n ; }
110 tint& operator [] (int n) { return n < len ? p[n] : dummy = 0 ; }
111 tint operator [] (int n) const { return n < len ? p[n] : 0 ; }
112 bool operator == (const BigInt &n) const { return !(*this < n) && !(n < *this) ; }
113
114 BigInt normalizado() const {
115     BigInt r = *this ;

```

```

116     int sg = 0 ;
117     for (int i = len - 1 ; i >= 0 ; i--) if (r[i] != 0) { sg = r[i] / abs(r[i])
        ; break ; }
118     forn(i, len) if (r[i] * sg < 0) {
119         r[i] = base * sg + r[i] ;
120         r[i + 1] -= sg ;
121     }
122
123     return r ;
124 }
125 operator string() const {
126     BigInt q = normalizado() ;
127
128     stringstream r ;
129     if (q == 0) return "0" ;
130     if (q < 0) r << '-' ;
131
132     bool f = false ;
133     for (int i = len - 1 ; i >= 0 ; i--) {
134         if (f || q[i] != 0) {
135             r << abs(q[i]) << setfill('0') << setw(logbase) ;
136             f = true ;
137         }
138     }
139     return r.str() ;
140 }
141 BigInt(tint n) : len(0) {
142     do {
143         p.push_back(n % base) ;
144         len++ ;
145     } while (n /= base) ;
146 }
147
148 BigInt(tint _len, tint n) : len(_len) {
149     assert(len > 0) ;
150     do p.push_back(n % base) ;
151     while (n /= base) ;
152     p.resize(len) ;
153 }
154
155 BigInt(const string &n) {
156     int h = n.size() - (n[0] == '-' || n[0] == '_') ;
157     len = h / logbase + !!(h % logbase) ;
158     p = vector <tint> (len, 0) ;
159
160     forn(i, len) {

```

```

161         for (int u = max((tint)n.size() - logbase * (i + 1), 0ll) ; u < n.size() -
            logbase * i ; u++) if (n[u] != '-' && n[u] != '_') {
162             p[i] *= 10 ;
163             p[i] += n[u] - '0' ;
164         }
165     }
166     if (n[0] == '-' || n[0] == '_') *this = -*this ;
167 }
168 } ;
169 ostream& operator << (ostream &a, const BigInt &n) { return a << string(n) ; }

```

5.6. Fracción

```

1  usa: algorithm, tint, mcd
2  struct frac {
3      tint p,q;
4      frac(tint num=0, tint den=1):p(num),q(den) { norm(); }
5      frac& operator+=(const frac& o){
6          tint a = mcd(q,o.q);
7          p=p*(o.q/a)+o.p*(q/a);
8          q*=(o.q/a);
9          norm();
10         return *this;
11     }
12     frac& operator-=(const frac& o){
13         tint a = mcd(q,o.q);
14         p=p*(o.q/a)-o.p*(q/a);
15         q*=(o.q/a);
16         norm();
17         return *this;
18     }
19     frac& operator*=(frac o){
20         tint a = mcd(q,o.p);
21         tint b = mcd(o.q,p);
22         p=(p/b)*(o.p/a);
23         q=(q/a)*(o.q/b);
24         return *this;
25     }
26     frac& operator/=(frac o){
27         tint a = mcd(q,o.q);
28         tint b = mcd(o.p,p);
29         p=(p/b)*(o.q/a);
30         q=(q/a)*(o.p/b);
31         norm();
32         return *this;
33     }
34 }

```

```

35 void norm(){
36     tint aux = mcd(p,q);
37     if (aux){ p/=aux; q/=aux; }
38     else { q=1; }
39     if (q<0) { q=-q; p=-p; }
40 }
41 };

```

6. Cosas

6.1. Morris-Prath

```

1 // premp[i+1] da el maximo k en [0,i] tal que s[0,k] = s[i-k,i]
2
3 tint pmp[MAXL];
4 void preMp(string& x){
5     tint i=0, j = pmp[0] = -1;
6     while(i<(tint)x.size()){
7         while(j>-1 && x[i] != x[j]) j = pmp[j];
8         pmp[++i] = ++j;
9     }
10 }
11 void mp(string& b, string& g){
12     preMp(b);
13     tint i=0,j=0;
14     while(j<(tint)g.size()){
15         while(i>-1 && b[i] != g[j]){i = pmp[i];}
16         i++; j++;
17         if (i>=(tint)b.size()){
18             OUTPUT(j - i);
19             i=pmp[i];
20         }
21     }
22 }

```

6.2. Subsecuencia común más larga

```

1 tint lcs(vector<tint> a, vector<tint> b) { // Longest Common Subsequence
2     vector< vector<tint> > m(2, vector<tint>(b.size()+1));
3     forn(i,a.size())forn(j,b.size())
4         m[1-i%2][j+1]=(a[i]==b[j]?m[i%2][j]+1:max(m[i%2][j+1],m[1-i%2][j]));
5     return m[a.size()%2][b.size()];
6 }

```

6.3. SAT - 2

```

1 usa: stack

```

```

2 const int MAXN = 1024 ;
3 const int MAXEQ = 102400 ;
4
5 int fch[2*MAXN], nch[2*MAXEQ], dst[2*MAXEQ], eqs; // Grafo
6 inline void addeje(int s, int d) { nch[eqs] = fch[s] ; dst[fch[s] = eqs++] = d ;
7     }
8
9 inline int neg(int x) { return 2 * MAXN - 1 - x ; }
10
11 void init() {
12     memset(fch, 0xff, sizeof(fch));
13     eqs=0;
14 }
15
16 void addEqu(int a, int b) {
17     addeje(neg(a), b);
18     addeje(neg(b), a);
19 }
20
21 char verdad[2*MAXN]; // Solo si interesa el valor de verdad
22 int us[2*MAXN], lw[2*MAXN], id[2*MAXN];
23 stack<int> q; int qv, cp;
24 void tjn(int i) {
25     lw[i] = us[i] = ++qv;
26     id[i]=-2; q.push(i);
27     for(int j = fch[i]; j!=-1; j=nch[j]) { int x = dst[j];
28         if (!us[x] || id[x] == -2) {
29             if (!us[x]) tjn(x);
30             lw[i] = min(lw[i], lw[x]);
31         }
32     }
33     if (lw[i] == us[i]) {
34         int x; do { x = q.top(); q.pop(); id[x]=cp; } while (x!=i);
35         verdad[cp] = (id[neg(i)] < 0); // Valor de verdad de variable i es
36             verdad[id[i]]
37         cp++;
38     }
39 }
40
41 void compCon(int n) { // Tarjan algorithm
42     memset(us, 0, sizeof(us));
43     memset(id, -1, sizeof(id));
44     q=stack<int>(); qv = cp = 0;
45     forn(i, n) {
46         if (!us[i]) tjn(i);
47         if (!us[neg(i)]) tjn(neg(i));
48     }
49 }
50
51 bool satisf(int n) {
52     compCon(n);
53 }

```

```

46   forn(i, n) if (id[i] == id[neg(i)]) return false;
47   return true;
48 }

```

6.4. Male-optimal stable marriage problem $O(N^2)$

gv[i][j] es la j -ésima mujer en orden de preferencia en la lista del varón i .
om[i][j] es la posición que ocupa el hombre j en la lista de la mujer i .

```

1  const int MAXN = 1000 ;
2  int gv[MAXN][MAXN], om[MAXN][MAXN]; // Inpu del algoritmo
3  int pv[MAXN], pm[MAXN];           // Oupu del algoritmo
4  int pun[MAXN];                   // Auxiliar
5
6  void stableMarriage(int n) {
7      fill_n(pv, n, -1); fill_n(pm, n, -1); fill_n(pun, n, 0);
8      int s = n, i = n-1;
9      #define engage pm[j] = i; pv[i] = j;
10     while (s) {
11         while (pv[i] == -1) {
12             int j = gv[i][pun[i]++];
13             if (pm[j] == -1) {
14                 s--; engage;
15             }
16             else if (om[j][i] < om[j][pm[j]]) {
17                 int loser = pm[j];
18                 pv[loser] = -1;
19                 engage;
20                 i = loser;
21             }
22         }
23         i--; if (i < 0) i = n-1;
24     } }

```

6.5. Integrador numerico (simpson).

```

1  typedef double Funcion(double);
2  double integrar(Funcion *f, double a, double b, int n) {
3      double h = (b-a)/(double)(n);
4      double res = 0.0;
5      double x0 = a;
6      double fx0 = f(x0);
7      const double h2 = h/2.0;
8      forn(i, n) {
9          double fx0h = f(x0+h);
10         res += fx0 + fx0h + 4.0 * f(x0+h2);
11         x0 += h;

```

```

12     fx0 = fx0h;
13 }
14 return res * h / 6.0;
15 }

```

6.6. LIS

```

1  // Las líneas marcadas con // Camino no son necesarias si no se desea
   // reconstruir el camino.
2
3  const int MAXN = 1000000 ;
4
5  int v[MAXN]; // INPU del algoritmo.
6  int mv[MAXN];
7  int mi[MAXN], p[MAXN]; // Camino
8  int l[MAXN]; // Aca apareceria la maxima subsecuencia creciente
9
10 int lis(int n) {
11     forn(i, n) mv[i] = INF;
12     forn(i, n) mi[i] = -1; // Camino
13     forn(i, n) p[i] = -1; // Camino
14     mv[0] = -INF;
15     int res = 0;
16     forn(i, n) {
17         // Con upper_bound es maxima subsecuencia no decreciente.
18         // Con lower_bound es maxima subsecuencia creciente.
19         int me = upper_bound(mv, mv+n, v[i]) - mv;
20         p[i] = mi[me-1]; // Camino
21         mv[me] = v[i];
22         mi[me] = i; // Camino
23         if (me > res) res = me;
24     }
25     for(int a = mi[res], i = res - 1; a != -1; a = p[a], i--) // Camino
26         l[i] = a; // Indices: poniendo l[i] = v[a] quedan los valores.
27     return res;
28 }

```

6.7. Algoritmo de Duval

Dada una string s devuelve la Lyndon decomposition en tiempo lineal usando el algoritmo de Duval. Factoriza s como $s_1 s_2 \dots s_k$ con $s_1 \geq s_2 \geq \dots \geq s_k$ y tal que s_i es Lyndon, esto es, es su menor rotacin.

```

1  void duval(char* s) {
2      int i = 0, n = strlen(s), j, k;
3      while (i < n) {
4          j = i + 1, k = i;
5          while (j < n and s[k] <= s[j]) {

```



```

6 |         if(s[k] < s[j]) k = i; else k++; j++; }
7 |     while (i <= k) {
8 |         LYNDON(i, i + j - k); i += j - k; }}}
```

Obtener la mnima rotacin de s : en la descomposicin de Lyndon de s^2 es el ltimo $i < |s|$ con el que empieza una Lyndon.

Dada una string s devuelve un array $m[0:n]$ tal que $m[i]$ contine el mnimo sufijo de $s[0:i+1]$.

```

1 | void minimumSuffixArray (char* s, int* res) {
2 |     int i = 0, n = strlen(s), j, k;
3 |     while (i < n) {
4 |         j = i + 1; k = i; res[i] = i;
5 |         while (j < n and s[k] <= s[j]) {
6 |             if (s[k] < s[j]) res[j] = k = i;
7 |             else res[j] = j - k + res[k], k++; j++; }
8 |         while (i <= k) i += j - k; }}
```

Dada una string s devuelve un array $m[0:n]$ tal que $m[i]$ contine el mximo sufijo de $s[0:i+1]$.

```

1 | void maximumSuffixArray (char* s, int* res) {
2 |     int i = 0, n = strlen(s), j, k; for(n(1, n) res[1] = -1;
3 |     while (i < n) {
4 |         j = i + 1; k = i;
5 |         if (res[i] == -1) res[i] = i;
6 |         while (j < n and s[k] >= s[j]) {
7 |             if (s[k] > s[j]) k = i; else k++;
8 |             if (res[j] == -1) res[j] = i; j++; }
9 |         while (i <= k) i += j - k; }}
```