



POLITECHNIKA RZESZOWSKA
im. Ignacego Łukasiewicza
WYDZIAŁ MATEMATYKI I FIZYKI STOSOWANEJ

KRZYSZTOF KOPIEC
173158

ALGORYTMY I STRUKTURY DANYCH

Projekt

kierunek studiów: inżynieria i analiza danych

Opiekun pracy:

Prof. Mariusz Borkowski

Rzeszów 2022

Spis treści

1.	Wstęp	3
2.	Algorytmy	3
3.	Schematy blokowe	4
4.	Pseudokod	6
5.	Rezultaty testów	6
6.	Wykresy złożoności	7
7.	Wnioski	10
8.	Kod.....	11

1. Wstęp

Projekt opiera się na wprowadzeniu oraz porównaniu dwóch algorytmów: sortowania quicksort i sortowania gnoma.

2. Algorytmy

Sortowanie quicksort

Działanie tego algorytmu polega na wyborze jednego z elementów w tablicy oznaczając go jako pivot. Może to być środkowy lub jakikolwiek inny element w zależności od zbioru liczb. Następnie ustawia liczby nie większe niż pivot po lewej jego stronie, a nie mniejsze liczby po jego prawej stronie. Wykonuje takim schematem następne kroki, zajmując się poszczególnymi stronami osobno aż do posortowania całkowitego.

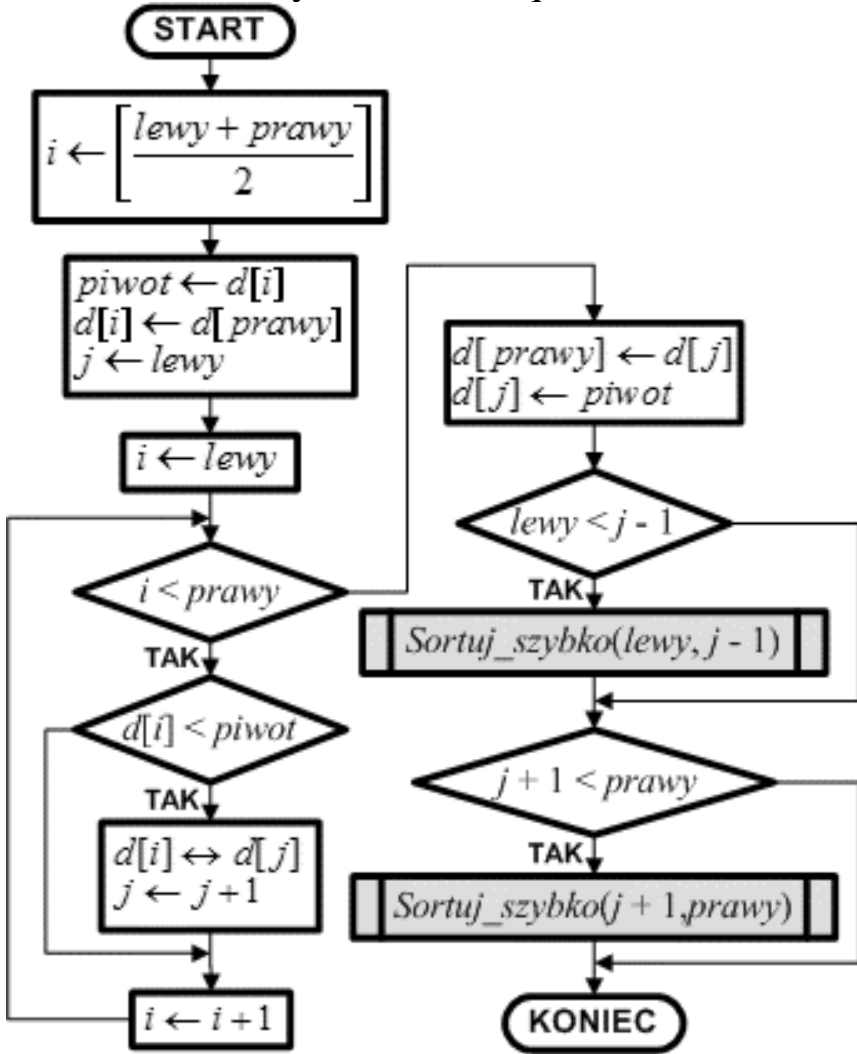
Sortowanie gnoma

Działanie tego algorytmu polega na wybraniu pierwszego elementu z lewej strony i porównanie go z następnym z kolei. Gdy element z prawej jest większy przechodzi na kolejny i wykonuje to samo. Gdy jednak jest mniejszy to zamienia miejscami obydwie elementy i startuje od tego miejsca w którym został umieszczony przesunięty element.

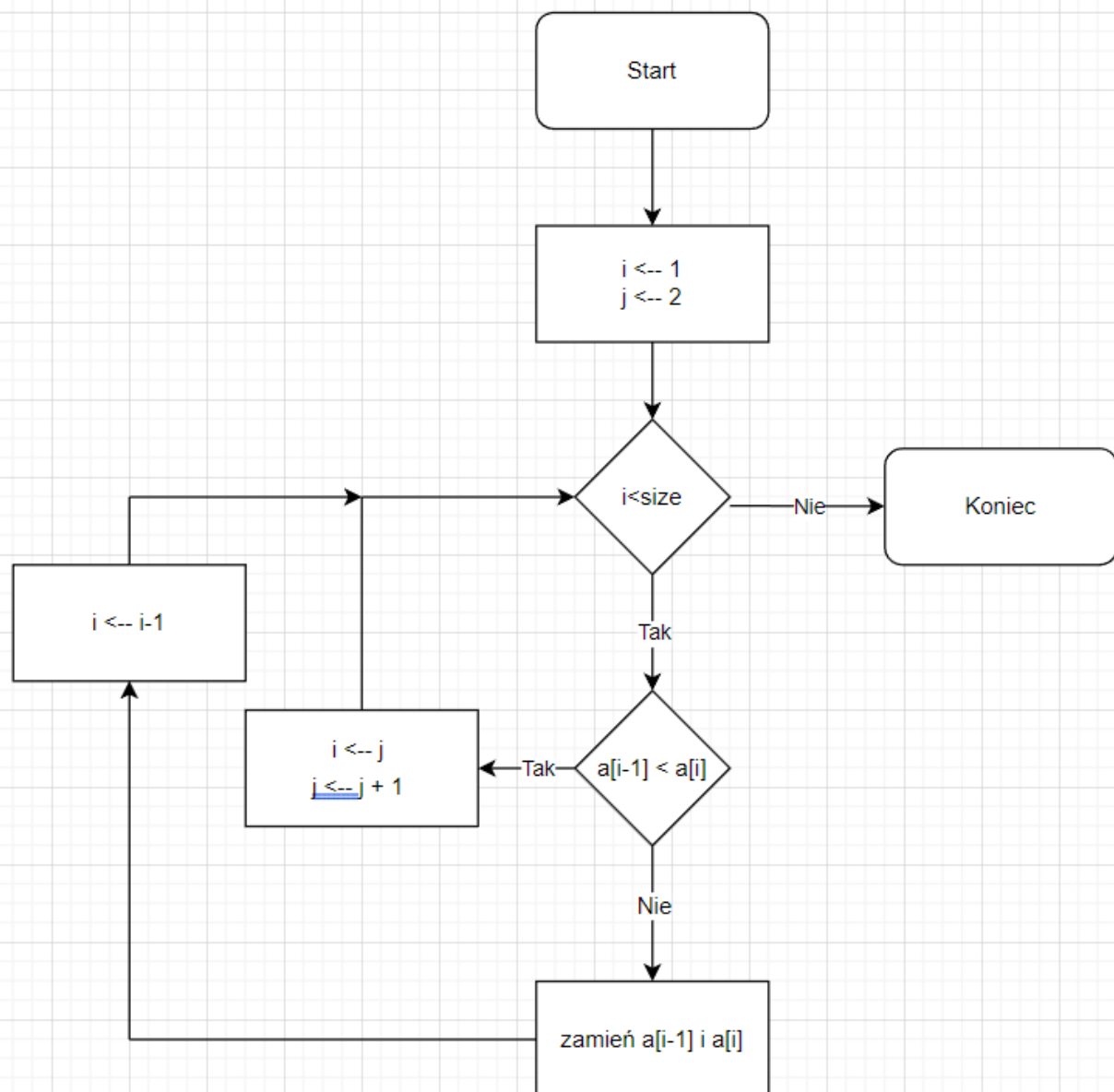
Udoskonaleniem tego sortowania jest dodanie funkcji, która zapamięta ostatnią pozycję elementu przed zamianą i z niej rozpocznie dalsze sortowanie po zamianie.

3. Schematy blokowe

Schemat blokowy sortowania quicksort



Schemat blokowy sortowania gnoma



4. Pseudokod

Pseudokod sortowania quicksort

```
K01:  $i \leftarrow (\text{lewy} + \text{prawy}) / 2$ 
K02:  $\text{piwot} \leftarrow d[i]; d[i] \leftarrow d[\text{prawy}]; j \leftarrow \text{lewy}$ 
K03: Dla  $i = \text{lewy}, \text{lewy} + 1, \dots, \text{prawy} - 1$ :
    wykonuj kroki K04...K05
K04: Jeśli  $d[i] \geq \text{piwot}$ ,
    to wykonaj kolejny obieg pętli K03
K05:  $d[i] \leftrightarrow d[j]; j \leftarrow j + 1$ 
K06:  $d[\text{prawy}] \leftarrow d[j]; d[j] \leftarrow \text{piwot}$ 
K07: Jeśli  $\text{lewy} < j - 1$ ,
to Sortuj_szybko( $\text{lewy}, j - 1$ )
K08: Jeśli  $j + 1 < \text{prawy}$ ,
to Sortuj_szybko( $j + 1, \text{prawy}$ )
K09: Zakończ
```

Pseudokod sortowania gnoma

```
K01:  $i := 1, j := 2$ 
K02: Dla  $i < \text{size}$ 
    Jeśli  $a[i-1] \leq a[i]$ 
        To  $i := j$ 
         $j := j + 1$ 
    Inaczej
        zamień  $a[i-1]$  oraz  $a[i]$ 
         $i := i - 1$ 
K03: Jeśli  $i = 0$ 
     $i := 1$ 
K04: Zakończ
```

5. Rezultaty testów

Testy sortowania quicksort

Wygenerowane ciągi:

```
62 12 50 8 58 1 17 22 18 34 83 46 64 22 27 39 70 29 92 70
64 93 82 43 80 95 78 30 0 71 83 6 61 45 90 8 31 9 39 60
30 41 57 33 35 58 32 21 53 96 89 1 81 58 97 1 56 34 94 20
64 72 46 63 34 41 45 60 98 33 33 81 79 93 52 81 41 95 7 94
92 67 88 11 88 15 4 84 57 81 86 40 43 31 94 31 82 40 19 76
46 61 92 39 39 2 96 71 99 6 59 58 16 80 98 42 51 44 19 0
29 97 31 45 86 29 45 44 27 46 19 23 28 33 57 58 89 44 16 74
56 80 85 84 32 9 27 23 72 42 14 24 60 75 45 20 35 24 69 81
96 99 22 29 54 70 63 70 94 59 45 50 52 87 33 21 24 56 55 45
43 19 45 44 48 74 75 73 96 66 26 92 30 3 45 11 3 38 93 81
```

Ciągi po sortowaniu quicksort:

```
1 8 12 17 18 22 22 27 29 34 39 46 50 58 62 64 70 70 83 92
0 6 8 9 30 31 39 43 45 60 61 64 71 78 80 82 83 90 93 95
1 1 20 21 30 32 33 34 35 41 53 56 57 58 58 81 89 94 96 97
```

7 33 33 34 41 41 45 46 52 60 63 64 72 79 81 81 93 94 95 98
4 11 15 19 31 31 40 40 43 57 67 76 81 82 84 86 88 88 92 94
0 2 6 16 19 39 39 42 44 46 51 58 59 61 71 80 92 96 98 99
16 19 23 27 28 29 29 31 33 44 44 45 45 46 57 58 74 86 89 97
9 14 20 23 24 24 27 32 35 42 45 56 60 69 72 75 80 81 84 85
21 22 24 29 33 45 45 50 52 54 55 56 59 63 70 70 87 94 96 99
3 3 11 19 26 30 38 43 44 45 45 48 66 73 74 75 81 92 93 96

Testy sortowania gnomu

Wygenerowane ciągi:

56 23 19 21 88 45 71 88 89 59 61 50 87 68 91 54 75 49 79 31
68 9 94 33 79 58 1 9 72 90 82 74 62 77 42 93 63 89 54 82
34 21 66 42 84 2 82 19 60 26 11 19 12 35 4 38 41 36 13 22
95 95 55 67 5 91 58 34 33 2 55 34 11 41 59 50 82 75 68 82
40 56 64 80 83 31 39 44 60 2 36 71 95 99 88 57 27 70 43 1
19 18 3 25 17 53 62 22 18 29 18 93 94 63 2 51 65 5 72 66
51 22 29 72 60 4 13 11 11 87 12 10 36 84 12 35 63 92 71 1
59 54 55 4 78 31 25 59 3 81 91 89 82 61 57 24 71 21 78 73
89 40 82 64 92 64 46 55 33 86 52 20 69 56 57 48 29 48 68 53
72 94 76 8 93 52 16 23 70 13 50 61 34 99 9 27 91 70 63 17

Ciągi po sortowaniu gnomu:

19 21 23 31 45 49 50 54 56 59 61 68 71 75 79 87 88 88 89 91
1 9 9 33 42 54 58 62 63 68 72 74 77 79 82 82 89 90 93 94
2 4 11 12 13 19 19 21 22 26 34 35 36 38 41 42 60 66 82 84
2 5 11 33 34 34 41 50 55 55 58 59 67 68 75 82 82 91 95 95
1 2 27 31 36 39 40 43 44 56 57 60 64 70 71 80 83 88 95 99
2 3 5 17 18 18 18 19 22 25 29 51 53 62 63 65 66 72 93 94
1 4 10 11 11 12 12 13 22 29 35 36 51 60 63 71 72 84 87 92
3 4 21 24 25 31 54 55 57 59 59 61 71 73 78 78 81 82 89 91
20 29 33 40 46 48 48 52 53 55 56 57 64 64 68 69 82 86 89 92
8 9 13 16 17 23 27 34 50 52 61 63 70 70 72 76 91 93 94 99

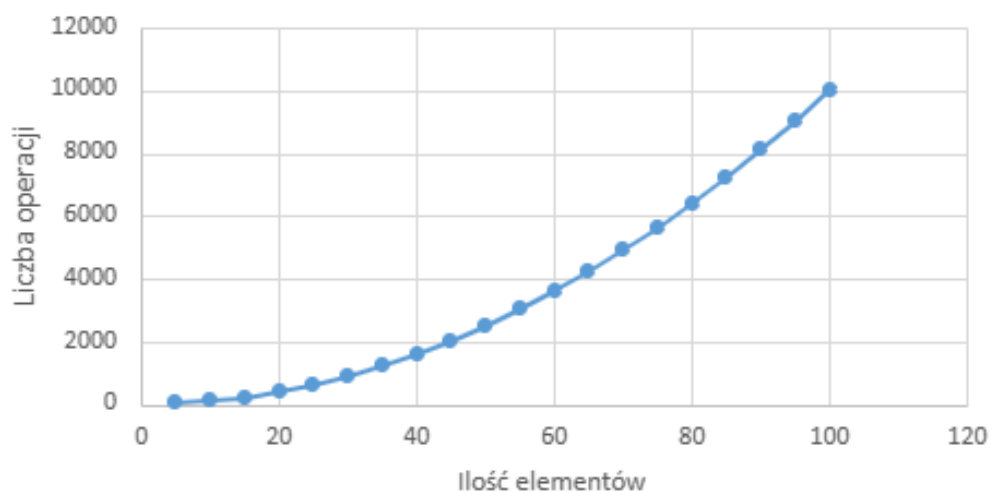
6. Wykresy złożoności

Sortowanie quicksort

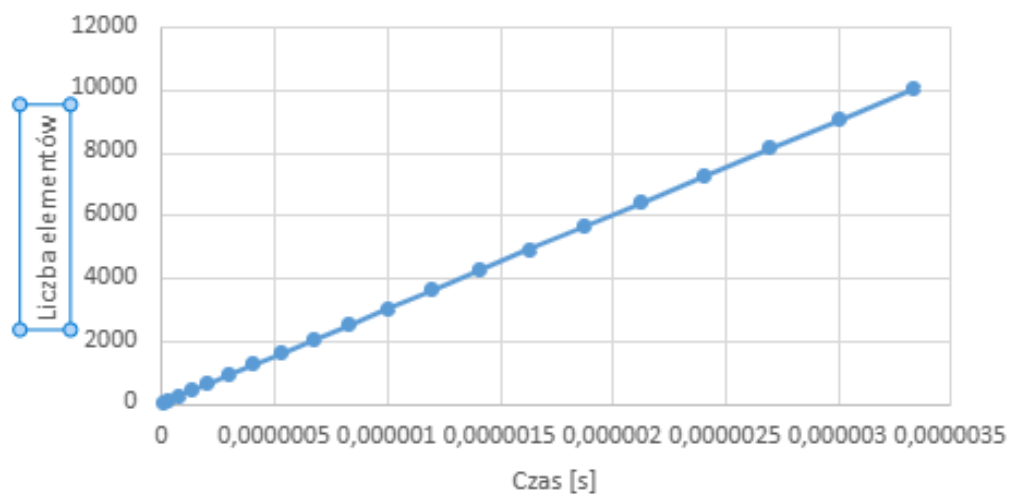


W sytuacji pesymistycznej:

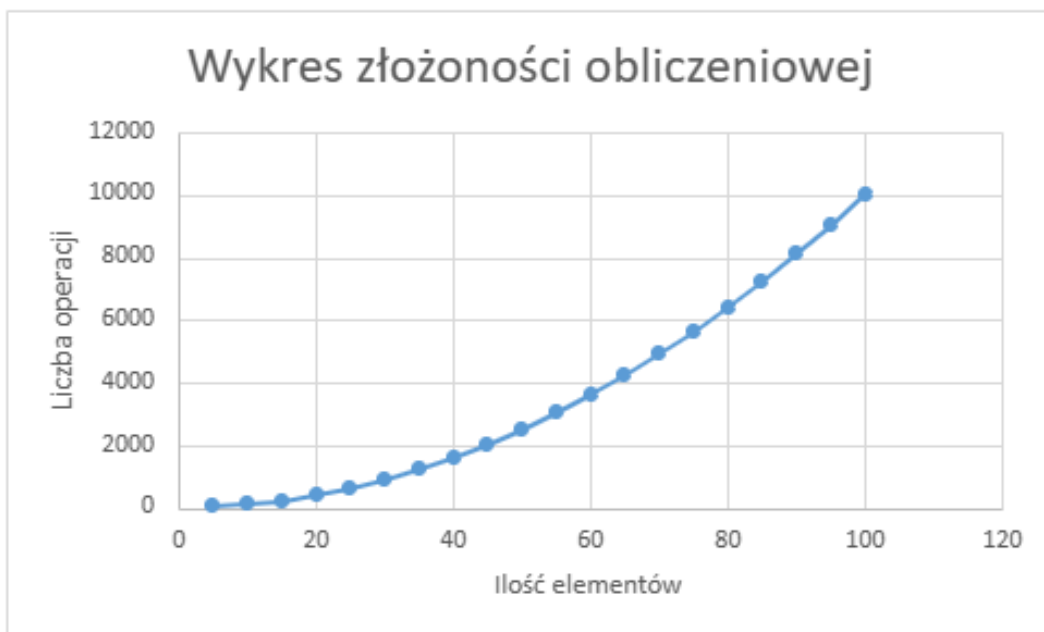
Wykres złożoności obliczeniowej



Wykres złożoności czasowej



Sortowanie gnoma



7. Wnioski

Algorytm sortowania quicksort jest chętnie implementowanym algorytmem ze względu na sporo zalet tego algorytmu jakimi są:

- Złożoność $O(n \log n)$
- Łatwość w implementacji
- Dobra współpraca z różnymi typami danych
- Brak potrzeby tworzenia tablicy do posortowania jak w chociażby w sortowaniu przez scalanie

Jednak występują również wady takie jak:

- Niestabilność i wrażliwość na błędy
- Złożoność w sytuacji pesymistycznej $O(n^2)$

Algorytm sortowania gnomu natomiast jest mniej wydajny w przypadku większej ilości danych niż algorytm quicksort. Co prawda jest również łatwy w implementacji, jednak w przypadku dużej

ilości danych nie działa tak dobrze. W przypadku małej ilości danych sortowanie gnoma sprawdza się bardzo dobrze, więc podsumowując wybór sortowania spośród tych 2 powinien zależeć od ilości danych oraz własnej preferencji.

8. Kod

```
#include <iostream>
#include <iomanip>
#include <cstdlib>
#include <time.h>

using namespace std;

const int N = 20; // Liczebność zbioru.
const int iloscCiagow = 20;
int d[N];

// Procedura sortowania szybkiego
//-----

void Sortuj_szybko(int lewy, int prawy)
{
    int i,j,piwot;

    i = (lewy + prawy) / 2;
    piwot = d[i]; d[i] = d[prawy];
    for(j = i = lewy; i < prawy; i++)
        if(d[i] < piwot)
        {
            swap(d[i], d[j]);
            j++;
        }
    d[prawy] = d[j]; d[j] = piwot;
    if(lewy < j - 1) Sortuj_szybko(lewy, j - 1);
    if(j + 1 < prawy) Sortuj_szybko(j + 1, prawy);
}

void Sortuj_Nieszybko(int* lista, int n) {
    int pos = 0;
    while (pos < n) {
        if (pos == 0 || lista[pos] >= lista[pos - 1]) {
            pos++;
        } else {
            swap(lista[pos], lista[pos - 1]);
            pos = pos - 1;
        }
    }
}

// Program główny
//-----

int main()
```

```

{
    int i;
    int iloscCiagowDopierwszego = 10;
    int iloscCiagowDodrugiego = 10;
    int ciag1[N];
    int ciag[N];
    FILE *glownyplik;
    FILE *sortowaniePierwsze;
    FILE *sortowanieDrugie;

    glownyplik = fopen("generowaneciagi.txt", "a");
    srand((unsigned)time(NULL));

    for(int j = 0; j < iloscCiagow; j++) {
        for (i = 0; i < N; i++) {
            ciag1[i] = rand() % 100;
            fprintf(glownyplik, "%d ", ciag1[i]);
        }
        fprintf(glownyplik, "%s", "\n");
    }

    // Sortujemy
    fseek(glownyplik, 0, 0);
    sortowaniePierwsze = fopen("SortowaniePierwsze.txt", "a");
    sortowanieDrugie = fopen("SortowanieDrugie.txt", "a");
    for(int j = 0; j < iloscCiagowDopierwszego; j++) {
        for (i = 0; i < N; i++) {
            fscanf(glownyplik, "%d", &d[i]);
        }
        Sortuj_szybko(0, N - 1);
        for (i = 0; i < N; i++) {
            fprintf(sortowaniePierwsze, "%d ", d[i]);
        }
        fprintf(sortowaniePierwsze, "%s", "\n");
    }
    for(int j = 0; j < iloscCiagowDodrugiego; j++) {
        for (i = 0; i < N; i++) {
            fscanf(glownyplik, "%d", &ciag[i]);
        }
        Sortuj_Nieszybko(ciag, N);
        for (i = 0; i < N; i++) {
            fprintf(sortowanieDrugie, "%d ", ciag[i]);
        }
        fprintf(sortowanieDrugie, "%s", "\n");
    }

    fclose(glownyplik);
    fclose(sortowaniePierwsze);
    fclose(sortowanieDrugie);
    return 0;
}

```